

Tarea 1

- Que significa que un algoritmo sea estable.

Basándose en la definición de inestabilidad menciona los errores de redondeo los cuales se basan en entre la diferencia de un resultado bueno, es la diferencia que existe entre la representación real de un número y la aproximación que hace la computadora. esto es mas notorio en las divisiones. por la limitante de los números representados. Ahora la estabilidad es lo contrario.

La estabilidad no tendrá errores de redondeo por la representación y algunos ejemplos son:

$\alpha = 3.1415169265$ $\alpha = 0.3141593 \times 10^1$ y $\beta = 0.3141592 \times 10^1$
 en este caso el error es por un decimal igual a: tal que $\alpha^* = \hat{\alpha}$

$$\frac{|\alpha - \alpha^*|}{\alpha^*} = \frac{0.0000003}{\pi} < \frac{4}{3} 10^{-7} : \text{Poco error}$$

Tal que el error es poco pero si se tiene $y^* = \alpha^* - \beta^*$
 y $\beta^* = \hat{\beta} = 6 \cdot 10^{-7}$

$$\frac{|y - y^*|}{y^*} = \frac{10^{-6} - 6 \cdot 10^{-7}}{6 \cdot 10^{-7}} = \frac{2}{3} : \text{Mucho error}$$

Significa que el error incrementa en base a como se use el primero y esto incrementa el error en los siguientes problemas y operaciones.

- Algoritmos vistos estables:

Los estables son los que no realizan operaciones por lo mismo, operaciones como divisiones ya que generan errores.

Insertion: es estable

He Merge: es estable

Bubble: es estable

Counting: es estable

Selection: No estable

Heapsort: No estable

Quicksort: No estable

Radix: no estable

Los estables solo realizan comparaciones, intercambios, intercalaciones pero no modifican los valores y los no estables si hacen operaciones con los valores. Ya que determina la variación de los valores en los algoritmos.

- Investigar 4 algoritmos de ordenamientos distintos.

1) Concom Sorting

El algoritmo en cada iteración coloca el valor en su respectiva posición por medio de la comparación del primer elemento con los demás y si en la comparación el valor es menor que el primero se tiene que incrementar la variable count que se inicializa en 0, tal que antes del intercambio el valor encuentre su posición final.

- Pseudocódigo

```

Concom-sort(A, N)
  initialize k, count, L, M to 0
  while k < N
    For j = k+1 to N
      IF (A[k] > A[j])
        increment count
      end For
    IF count = 0
      z = 0
      IF (A[k] == A[k+count+1])
        swap(A[k+count+1], A[k+count])
        z++
      else
        z to 0 z = 0
      IF (count != 0)
        swap(A[k], A[k+count])
      IF (count == 0)
        k++
      count = 0
    end while
  
```

- Complejidad: $O(n^2)$
Ya que sus operaciones dependen de la entrada

- Estabilidad: si ya que no realiza operaciones sobre los valores

- Prueba de escritorio: $2: \{67, 34, 23\} \Rightarrow \{23, 34, 67\}$

1) $k=0$
count=0
 $L=0$
 $M=0$

1) while ($0 < 2$)
For ($j=1$ to N)
IF ($67 > 34$)
count = 1
IF ($j=2$ to 2)
IF ($67 > 23$)
count = 2
z = 0

IF (count != 0)
swap(67, 23)
count = 0

El arreglo queda listo.

2) Couple Sort.

crea parejas de números, desde el primer valor hasta el segundo, el tercero y así hasta terminar el tamaño de la lista, las parejas son comparadas y se intercambian si son necesarias.

y la segunda operación comienza con el segundo elemento y se repite el proceso de comparación e intercambio si es necesario.

• Pseudocódigo.

(n, Array, i, j, count, pivot) : input
Empieza

```

Gen n
Get A
pivot = A[n/2]
j = 1
for (1 to n)
  IF (a[i] < pivot)
    swap (a[i], a[j])
    j = j + 1
  for (1 to n)
    IF (a[i] == pivot)
      swap (a[i], a[j])
      break;
count = 1
while (count > 0)
  count = 0
  for (i = 1 to n-1)
    IF (A[i] > A[i+1])
      swap (A[i], A[i+1])
      count = count + 1
    end if
  i = i + 2
end for
for (i = 2 to n)
  IF (A[i] > A[i+1])
    swap (A[i], A[i+1])
    count = count + 1
  end if
  i = i + 2
end for
end while

```

• Complejidad:

$O(n \log n)$ o $O(n^2)$
por la utilización de pivotes o cuando no se utilizan pivotes

• Estabilidad: No
es estable por la división de obtención del pivote ya que eso crea error de aproximación.

• Pruebas de escritorio: $\{ (10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1) \}$ Para cada.

1) $n=9$
 pivot=10
 $j=7$
 For ($i=1$ to 9)
 IF ($a < 10$)
 swap (a, a)
 $j=2$
 For ($i=2$ to 9)
 IF ($8 < 10$)
 swap ($8, 8$)
 ... Repite

For ($i=1$ to n)
 IF ($a(i) = 9 = 10$) no se cumple
 count = 1
 while ($count > 0$)
 count = 0
 for ($i=1$ to 8)
 IF ($a > 8$)
 swap ($a, 8$)
 count = 1
 for ($i=2$ to 8)
 IF ($a > 7$)
 swap ($a, 7$)
 count = 2
 count = 9

10, 8, 9, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1
 10, 8, 7, 9, 6, 5, 4, 3, 2, 1
 10 8 7 6 9 5 4 3 2 1
 10 8 7 6 5 9 4 3 2 1
 10 8 7 6 5 4 3 2 9

counting 9)

Método por pseudocódigo, no muestra la forma del nombre.

Iterations

Pairing 1) (10, 9), (8, 7), (6, 5), (4, 3), (2, 1)

swapping 1) (9, 10), (7, 8), (5, 6), (3, 4), (1, 2)

Pairing 2) 9, (10, 7), (8, 5), (6, 3), (4, 1), 2

swapping 2) 9, (7, 10), (5, 8), (3, 6), (1, 4), 2

Pairing 1) (9, 7), (10, 5), (8, 3), (6, 1), (4, 2)

swapping 2) (7, 9), (5, 10), (3, 8), (1, 6), (2, 4)

Pairing 1) 7 (9, 5), (10, 3), (8, 1), (6, 2), 4

swapping 1) 7 (5, 9), (3, 10), (1, 8), (2, 6), 4

Pairing (7,5), (9,3), (10,1), (8,2), (6,4)
 swap (5,7), (3,9), (1,10), (2,8), (4,6)

Pairing (5), (7,3), (9,1), (10,2), (8,4), 6
 swapping (5), (3,7), (1,9), (2,10), (4,8), 6

Pairing (5,3), (7,1), (9,2), (10,4), (8,6)
 swapping (3,5), (1,7), (2,9), (4,10), (6,8)

pairing 3 (5,7), (7,2), (9,4), (10,6), 8
 swapping (3), (7,5), (2,7), (4,9), (6,10), 8

pairing (3,7), (5,2), (7,4), (9,6), (10,8)
 swapping (7,3), (2,5), (4,7), (6,9), (8,10)

pairing (7), (3,2), (5,4), (7,6), (9,8), 10
 swapping (1,2,3,4,5,6,7,8,9,10)

3) Quick sort

El algoritmo usa dos arrays adicionales, uno para la diferencia y otro para cuando se repiten los valores, todos inicializados con 0 (-1), se selecciona el mayor valor y con ese se hace la diferencia, en este arreglo de la diferencia es donde se hace el ordenamiento en base a esta misma diferencia con el ejemplo sera mas clara.

• Pseudocódigo

1) el maximo y minimo valor son determinados en el primer for

2) se inicializan el arreglo de diferencia y repeticion con -1

3) obtener la diferencia y colocar en el arreglo de diferencia y coloca en el arreglo de acuerdo a la posición.

4) Utilizando el (if), se extraen los valores que corresponden a la diferencia y se utiliza un (for) para obtener la repeticion (si tiene)

5) Son ordenados.

• Complejidad: $O(n^2)$ debido a la cantidad de operaciones e incluso mayores a bubble sort en comparación

• Estabilidad: Es estable pero no es eficiente más que bubble.

• Prueba de cociente. Lista: $\{1, 2, 3, 7, 5, 4, 7\}$

1) $\text{Max} = 7$ $\text{Min} = 1$ $D = 6$

2) index = 0 1 2 3 4 5 6
 DA -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1
 RA -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1

3) $RA[0] = 7$
 $D = 7 - 1 = 6$
 $DA[6] = 6$
 $RA[6] = RA[1] + 7 = -1 + 1 = 0$

DA -1 -1 -1 -1 -1 -1 6
 RA -1 -1 -1 -1 -1 0

3) DA -1 -1 -1 -1 -1 5 6
 RA -1 -1 -1 -1 -1 0 0

4) DA -1 -1 -1 -1 4 5 6
 RA -1 -1 -1 -1 0 0 0

5) DA 0 -1 -1 -1 4 5 6
 RA 0 -1 -1 -1 0 0 0

6) DA 0 -1 2 -1 4 5 6
 RA 0 -1 0 -1 0 0 0

7) DA 0 -1 2 3 4 5 6
 RA 0 -1 0 0 0 0 0

8) DA 0 -1 2 3 4 5 6
 RA 1 -1 0 0 0 0 0

a) index 0 1 2 3 4 5 6
 Ans - - - - -

if ($DA[0] \neq -1$ & $RA[0] = 7$)

$Ans[0] = \text{max} - DA[0] = 7 - 0 = 7$

$Ans[1] = \text{max} - DA[1] = 7 - 0 = 7$

Ind 0 1 2 3 4 5 6
 Ans 7 7 5 4 3 2 1

$Ans[2] = \text{max} - DA[2] = 7 - 2 = 5$

$Ans[3] = \text{max} - DA[3] = 7 - 3 = 4$

$Ans[4] = \text{max} - DA[4] = 7 - 4 = 3$

$Ans[5] = \text{max} - DA[5] = 7 - 5 = 2$

$Ans[6] = \text{max} - DA[6] = 7 - 6 = 1$

Queda ordenado de forma descendente

4) Double hashing algorithm

Se distribuye en tres fases, de donde interpretare los datos que se mencionan.

Se utiliza el hashing para asignar una clave y de esta forma determinar el valor, dado que el hash es la combinación de elementos que identifican un elemento como números, letras, etc.

Fase 1) Realizar el hash, donde el algoritmo recorre información del orden de los valores, para dividirlo en bloques y después calcular los elementos en cada bloque.

$$\text{Ejemplo. TheTenth} = \frac{(\text{Max} - \text{Min} + 1)}{10} \quad (\text{vea el Counter-Array})$$

El algoritmo realiza la ecuación para conocer los elementos de cada bloque e incrementarlo

$$\begin{aligned} \text{Specified-Block} &= (\text{item}) / \text{TheTenth} \\ \text{Counter-Array} &= [\text{Specified-Block} + 1] \end{aligned}$$

Fase 2) Usa los elementos / información del primer hash, y obtiene el bloque de cada elemento para calcular el máximo y mínimo

$$\begin{aligned} \text{Max} &= (\text{Specified-Block} + 1) * \text{TheTenth} \\ \text{Min} &= \text{Specified-Block} * \text{TheTenth} \end{aligned}$$

Después localizo los elementos por índices virtuales en su respectivo bloque con las sig. ecuaciones.

$$\begin{aligned} \text{Float index} &= (\text{element} - \text{Min}) / (\text{Max} - \text{Min}) \\ \text{Index} &= \text{index} * (\text{Counter-Array}[\text{Specified-Block}]) \end{aligned}$$

Si el elemento es E_1 , el bloque es B_1 y el Counter-Array $[B_1] = 5$, lo localiza con cinco elementos, al final obtiene un array de índices de tipos varios (enteros o flotantes)

Fase 3) Por lo que los bloques y los índices pueden contener uno o dos índices, cada compartimiento o espacio que contiene índices se divide en dos arrays: Equal-arrays: enteros y los valores pedidos
(Float-arrays: Float indices)

- Complejidad: $O(n)$
Dado que los valores de la entrada se comienta a corresponder con las operaciones que se realizan.

- Estabilidad: bueno se menciona que es estable por la operación de los valores repetidos los envía a las mismas localidades y los coloca en el orden en que aparecieron.

Ejemplo:

$$1) A = \{ [5, 7, 17, 8, 9, 17, 4, 20, 19, 7, 2, 12, 13, 4, 8] \}$$

- Se obtiene el hash $Hash = \frac{(20-1)+1}{10} = 2$

Posición (5) = 5/2 = 3 bloque

Se crea el conteo Array

$$CA = \{ \begin{array}{cccccccccccc} 2 & 2 & 1 & 3 & 1 & 1 & 0 & & 1 & & 2 & 2 \end{array} \}$$

$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \quad \downarrow \quad \quad \downarrow \quad \downarrow$
 $[7, 13, 4] [5, 4, 8] [9, 12, 11, 2] [17, 19], [15, 6], [17, 18], [19, 20]$ Rango (bloque)

2) Localiza en array para ordenamiento por QuickSort.

$$A_{igual} = \{ \begin{array}{cccccccccccccccccccc} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 & 11 & 12 & 13 & 14 & 15 & 16 & 17 & 18 & 19 & 20 \\ 1 & - & - & 4.4 & - & - & - & - & 8.8 & - & - & - & - & - & - & - & - & 11.7 & 20 \end{array} \}$$

$$A_{menor} = \{ -2 - - 5 - 7 - - - 9 12 - - 15 - - 19 - \}$$

Se envían los valores al QuickSort para ordenar.

• Algoritmo de ordenamiento de los lenguajes:

- Java: en la colección de utilidades se encuentra las operaciones de ordenamiento, que son:
 - sort (List)
 - sort (List, C)

El método que es utilizado es el TimSort que es una combinación de Insertion y MergeSort donde se aplica primero el Insertion y después el Merge con una complejidad $O(N \log(N))$.

- Python: en ese se localiza en el método list.sort() o sorted() que acepta todo tipo de ordenable, al igual que Java utiliza el TimSort que es una combinación de Insertion y MergeSort.

- C++: la función integrada std::sort() de la librería estándar utiliza el IntroSort que es una combinación del QuickSort, HeapSort e Insertion con una complejidad $O(N \log(N))$.

Referencias:

- Patrick W. (2005). Learning Java. USA: O'Reilly.
- Dalthe D. (2020). How-To-Ordenar. 18/10/2020. Python: Recuperado de: <https://docs.python.org/es/3/howto/sorting.html>
- Agrawal A. (2015). Quick Sorting Algorithm. 18/10/2020: Vignano's University. Recuperado: <https://ieeexplore-ieee-org.pbidi.unam.mx:2443/stamp/stamp.jsp?tp=&arnumber=7490742>
- Hayoran I. (2016). Quick Sort. 18/10/2020. PDGC. Recuperado de: <https://ieeexplore-ieee-org.pbidi.unam.mx:2443/stamp/stamp.jsp?tp=&arnumber=7913226>
- Anjum G. (2009). Quick Sort. 18/10/2020. de AEROCPUT. Recuperado de: <https://ieeexplore-ieee-org.pbidi.unam.mx:2443/stamp/stamp.jsp?tp=&arnumber=4909193>
- Yasser M. H. (2017). Double Hashing Sort Algorithm. 18/10/2020. IEEE. Recuperado de: <https://ieeexplore-ieee-org.pbidi.unam.mx:2443/stamp/stamp.jsp?tp=&arnumber=7878956&tag=1>