

Actividad grupal en clase 2

Definimos las matrices costo por dólar de ingreso de cada producto (B y C).

Para el producto B :

$$b = [0.45 \ 0.25 \ 0.15]'$$

$$b = \begin{matrix} 3 \times 1 \\ 0.4500 \\ 0.2500 \\ 0.1500 \end{matrix}$$

Para el producto C :

$$c = [0.40 \ 0.30 \ 0.15]'$$

$$c = \begin{matrix} 3 \times 1 \\ 0.4000 \\ 0.3000 \\ 0.1500 \end{matrix}$$

Pregunta 1

$$\text{cien}_b = 100 * b$$

$$\text{cien}_b = \begin{matrix} 3 \times 1 \\ 45 \\ 25 \\ 15 \end{matrix}$$

El vector costo b multiplicado por cien representa el costo por cada 100 dólares de ingreso del producto B para dicha empresa.

$$\text{mil}_c = 1000 * c$$

$$\text{mil}_c = \begin{matrix} 3 \times 1 \\ 400 \\ 300 \\ 150 \end{matrix}$$

Por otro lado, el vector costo c multiplicado por mil representa el costo por cada 1000 dólares de ingreso del producto C para dicha empresa.

Pregunta 2

Modelamos los diversos costos por producto (B y C).

Para el producto B :

$$\text{costos de } B = x_1 \cdot \begin{bmatrix} 0.45 \\ 0.25 \\ 0.15 \end{bmatrix}$$

$$x_1 = 39130$$

$$x_1 = 39130$$

$$\text{costos_de_b} = b * x_1$$

$$\begin{aligned} \text{costos_de_b} &= 3 \times 1 \\ 10^4 \times & \\ &1.7609 \\ &0.9782 \\ &0.5869 \end{aligned}$$

Para el producto C:

$$\text{costos de } C = x_2 \cdot \begin{bmatrix} 0.40 \\ 0.30 \\ 0.15 \end{bmatrix}$$

$$x_2 = 35030$$

$$x_2 = 35030$$

$$\text{costos_de_c} = c * x_2$$

$$\begin{aligned} \text{costos_de_c} &= 3 \times 1 \\ 10^4 \times & \\ &1.4012 \\ &1.0509 \\ &0.5254 \end{aligned}$$

NOTA: En nuestro archivo *mlx*, los valores de x_1 y x_2 son asignados por medio de un slider (pues son variables que admiten a todos los reales positivos), sin embargo, al exportarlo como PDF, se queda el valor que habíamos elegido usando el slider.

Modelamos los diversos costos de B y C juntos.

$$\text{costo de } B \text{ y } C \text{ juntos} = x_1 \cdot \begin{bmatrix} 0.45 \\ 0.25 \\ 0.15 \end{bmatrix} + x_2 \cdot \begin{bmatrix} 0.40 \\ 0.30 \\ 0.15 \end{bmatrix}$$

$$\text{costos_totales} = \text{costos_de_b} + \text{costos_de_c}$$

$$\begin{aligned} \text{costos_totales} &= 3 \times 1 \\ 10^4 \times & \\ &3.1620 \\ &2.0292 \\ &1.1124 \end{aligned}$$

Pregunta 3

Primero, el modelado del sistema de ecuaciones lineales resultaría de esta forma:

$$\begin{bmatrix} b_1 & c_1 \\ b_2 & c_2 \\ b_3 & c_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 130 \\ 80 \\ 45 \end{bmatrix}$$

Entonces, definimos la matriz A a partir de las matrices b y c .

$$A = [b \ c]$$

$$A = 3 \times 2$$

0.4500	0.4000
0.2500	0.3000
0.1500	0.1500

Luego, declaramos la matriz aumentada Aa .

$$Aa = [A \ [130 \ 80 \ 45]']$$

$$Aa = 3 \times 3$$

0.4500	0.4000	130.0000
0.2500	0.3000	80.0000
0.1500	0.1500	45.0000

Por último, usamos el método Gauss-Jordan y obtenemos la matriz escalonada reducida. Así, encontramos los valores de x_1 y x_2 .

$$\text{rref}(Aa)$$

$$\text{ans} = 3 \times 3$$

1	0	200
0	1	100
0	0	0

De acuerdo al teorema de Rouché-Frobenius, el SEL tiene una solución única, esto debido a que $\text{rango}(A) = \text{rango}(B) = \text{número de variables}$.

De esta forma, el vector solución sería $\begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 200 \\ 100 \end{bmatrix}$.

Finalmente, los costos totales serían 200 y 100 para los productos B y C respectivamente.