### Instrucciones del proyecto

Este proyecto tiene como objetivo aplicar los conceptos de álgebra lineal al proceso de cifrado y descifrado de mensajes mediante matrices. Cada alumno recibe una matriz llave K y una cadena de números cifrados. Su tarea consiste en:

- 1. Calcular la matriz inversa  $K^{-1}$  utilizando el **método de Gauss-Jordan**.
- 2. Multiplicar la matriz inversa  $K^{-1}$  por los vectores de la cadena cifrada (en bloques de 3 en 3 números).
- 3. Obtener la secuencia numérica original y convertirla a texto según la tabla de equivalencias proporcionada.

El mensaje resultante corresponderá a una frase corta que deberá descifrarse correctamente. Presente todos los cálculos y procedimientos paso a paso en el espacio indicado.

## Ejemplo de descifrado

Suponga que se le da la siguiente matriz y cadena cifrada:

$$K = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 7 \\ 1 & 6 & 3 \\ 4 & 0 & 8 \end{pmatrix}$$
, Cadena cifrada: [7, 18, 3, 4, 9, 2, 15, 21, 5]

1. Calcular la matriz inversa  $K^{-1}$  utilizando el método de Gauss-Jordan. Para ello, se forma la matriz aumentada:

$$[K \mid I] = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 7 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 6 & 3 & 0 & 1 & 0 \\ 4 & 0 & 8 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Luego, aplicando operaciones elementales de fila (intercambio, multiplicación y suma), se transforma la parte izquierda en la identidad. El resultado final es:

$$[I \mid K^{-1}] = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0.50 & -0.39 & -0.22 \\ 0 & 1 & 0 & -0.10 & 0.26 & -0.09 \\ 0 & 0 & 1 & -0.25 & 0.24 & 0.18 \end{pmatrix} \quad \Rightarrow \quad K^{-1} = \begin{pmatrix} 0.50 & -0.39 & -0.22 \\ -0.10 & 0.26 & -0.09 \\ -0.25 & 0.24 & 0.18 \end{pmatrix}$$

2. Agrupar la cadena cifrada en vectores de tamaño 3:

3. Multiplicar  $K^{-1}$  por cada vector para recuperar los números originales del mensaje. Por ejemplo, para el primer bloque:

$$\begin{pmatrix} 0.50 & -0.39 & -0.22 \\ -0.10 & 0.26 & -0.09 \\ -0.25 & 0.24 & 0.18 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 \\ 18 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.50(7) - 0.39(18) - 0.22(3) \\ -0.10(7) + 0.26(18) - 0.09(3) \\ -0.25(7) + 0.24(18) + 0.18(3) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.83 \\ 3.03 \\ 1.45 \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Repitiendo este proceso para los demás bloques, se obtienen los números descifrados.

4. Convertir los números a letras utilizando la siguiente tabla de equivalencias:

#### 5. Interpretar el mensaje obtenido.

Supongamos que el resultado final es:

$$[3, 15, 4, 9, 7, 15, 27, 19, 5, 3, 18, 5, 20, 15]$$

Usando la tabla anterior:

Por lo tanto, el mensaje descifrado es:

## CODIGO SECRETO

Nota: el propósito de este ejemplo es ilustrar el procedimiento paso a paso del método de Gauss-Jordan. Cada alumno deberá aplicar el mismo proceso con su propia matriz y cadena cifrada.

### Proyecto 022

Nombre del alumno: \_\_\_\_\_\_ Grupo: \_\_\_\_\_ Fecha de entrega: \_\_\_\_\_

Matriz llave:

$$K = \begin{pmatrix} 6.0 & 8.0 & 9.0 \\ 5.0 & 2.0 & 8.0 \\ 8.0 & 2.0 & 1.0 \end{pmatrix} \pmod{29}$$

### Cadena cifrada:

281.0	242.0	91.0	223.0	179.0	225.0	213.0	124.0	125.0	407.0	348.0	237.0
385.0	269.0	95.0	62.0	49.0	30.0	339.0	163.0	75.0	328.0	189.0	66.0
505.0	313.0	151.0	501.0	299.0	269.0	185.0	138.0	157.0	345.0	164.0	171.0
327.0	148.0	169.0	47.0	21.0	17.0	383.0	219.0	265.0	313.0	175.0	79.0
477.0	280.0	215.0	409.0	331.0	205.0	140.0	113.0	156.0	425.0	279.0	105.0
235.0	182.0	61.0	144.0	81.0	48.0	278.0	236.0	164.0	321.0	261.0	237.0
444.0	252.0	182.0	111.0	83.0	23.0	169.0	77.0	71.0	305.0	263.0	101.0
165.0	85.0	39.0	315.0	183.0	165.0	467.0	342.0	213.0	234.0	160.0	80.0
543.0	397.0	275.0									

# Espacio para cálculos y observaciones: