### Instrucciones del proyecto

Este proyecto tiene como objetivo aplicar los conceptos de álgebra lineal al proceso de cifrado y descifrado de mensajes mediante matrices. Cada alumno recibe una matriz llave K y una cadena de números cifrados. Su tarea consiste en:

- 1. Calcular la matriz inversa  $K^{-1}$  utilizando el **método de Gauss-Jordan**.
- 2. Multiplicar la matriz inversa  $K^{-1}$  por los vectores de la cadena cifrada (en bloques de 3 en 3 números).
- 3. Obtener la secuencia numérica original y convertirla a texto según la tabla de equivalencias proporcionada.

El mensaje resultante corresponderá a una frase corta que deberá descifrarse correctamente. Presente todos los cálculos y procedimientos paso a paso en el espacio indicado.

## Ejemplo de descifrado

Suponga que se le da la siguiente matriz y cadena cifrada:

$$K = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 7 \\ 1 & 6 & 3 \\ 4 & 0 & 8 \end{pmatrix}$$
, Cadena cifrada: [7, 18, 3, 4, 9, 2, 15, 21, 5]

1. Calcular la matriz inversa  $K^{-1}$  utilizando el método de Gauss-Jordan. Para ello, se forma la matriz aumentada:

$$[K \mid I] = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 7 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 6 & 3 & 0 & 1 & 0 \\ 4 & 0 & 8 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Luego, aplicando operaciones elementales de fila (intercambio, multiplicación y suma), se transforma la parte izquierda en la identidad. El resultado final es:

$$[I \mid K^{-1}] = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0.50 & -0.39 & -0.22 \\ 0 & 1 & 0 & -0.10 & 0.26 & -0.09 \\ 0 & 0 & 1 & -0.25 & 0.24 & 0.18 \end{pmatrix} \quad \Rightarrow \quad K^{-1} = \begin{pmatrix} 0.50 & -0.39 & -0.22 \\ -0.10 & 0.26 & -0.09 \\ -0.25 & 0.24 & 0.18 \end{pmatrix}$$

2. Agrupar la cadena cifrada en vectores de tamaño 3:

3. Multiplicar  $K^{-1}$  por cada vector para recuperar los números originales del mensaje. Por ejemplo, para el primer bloque:

$$\begin{pmatrix} 0.50 & -0.39 & -0.22 \\ -0.10 & 0.26 & -0.09 \\ -0.25 & 0.24 & 0.18 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 \\ 18 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.50(7) - 0.39(18) - 0.22(3) \\ -0.10(7) + 0.26(18) - 0.09(3) \\ -0.25(7) + 0.24(18) + 0.18(3) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.83 \\ 3.03 \\ 1.45 \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Repitiendo este proceso para los demás bloques, se obtienen los números descifrados.

4. Convertir los números a letras utilizando la siguiente tabla de equivalencias:

#### 5. Interpretar el mensaje obtenido.

Supongamos que el resultado final es:

$$[3, 15, 4, 9, 7, 15, 27, 19, 5, 3, 18, 5, 20, 15]$$

Usando la tabla anterior:

Por lo tanto, el mensaje descifrado es:

## CODIGO SECRETO

Nota: el propósito de este ejemplo es ilustrar el procedimiento paso a paso del método de Gauss-Jordan. Cada alumno deberá aplicar el mismo proceso con su propia matriz y cadena cifrada.

### Proyecto 108

Nombre del alumno:

Matrícula: \_\_\_\_\_ Grupo: \_\_\_\_ Fecha de entrega: \_\_\_\_\_

### Matriz llave:

$$K = \begin{pmatrix} 6.0 & 5.0 & 5.0 \\ 3.0 & 8.0 & 9.0 \\ 3.0 & 1.0 & 4.0 \end{pmatrix} \pmod{29}$$

### Cadena cifrada:

294.0	372.0	174.0	212.0	345.0	103.0	118.0	188.0	86.0	277.0	270.0	119.0
279.0	333.0	126.0	145.0	104.0	77.0	320.0	440.0	172.0	164.0	255.0	97.0
235.0	258.0	125.0	290.0	351.0	151.0	307.0	328.0	155.0	207.0	154.0	93.0
142.0	200.0	98.0	302.0	314.0	136.0	175.0	263.0	92.0	268.0	337.0	167.0
282.0	399.0	159.0	218.0	282.0	124.0	298.0	420.0	170.0	227.0	197.0	130.0
127.0	208.0	83.0	280.0	321.0	107.0	219.0	310.0	117.0	190.0	181.0	101.0
239.0	294.0	85.0	130.0	114.0	68.0	209.0	247.0	82.0	227.0	197.0	130.0
207.0	303.0	108.0	219.0	304.0	99.0	320.0	432.0	148.0	224.0	320.0	124.0
97.0	80.0	53.0	325.0	450.0	179.0						

# Espacio para cálculos y observaciones: