

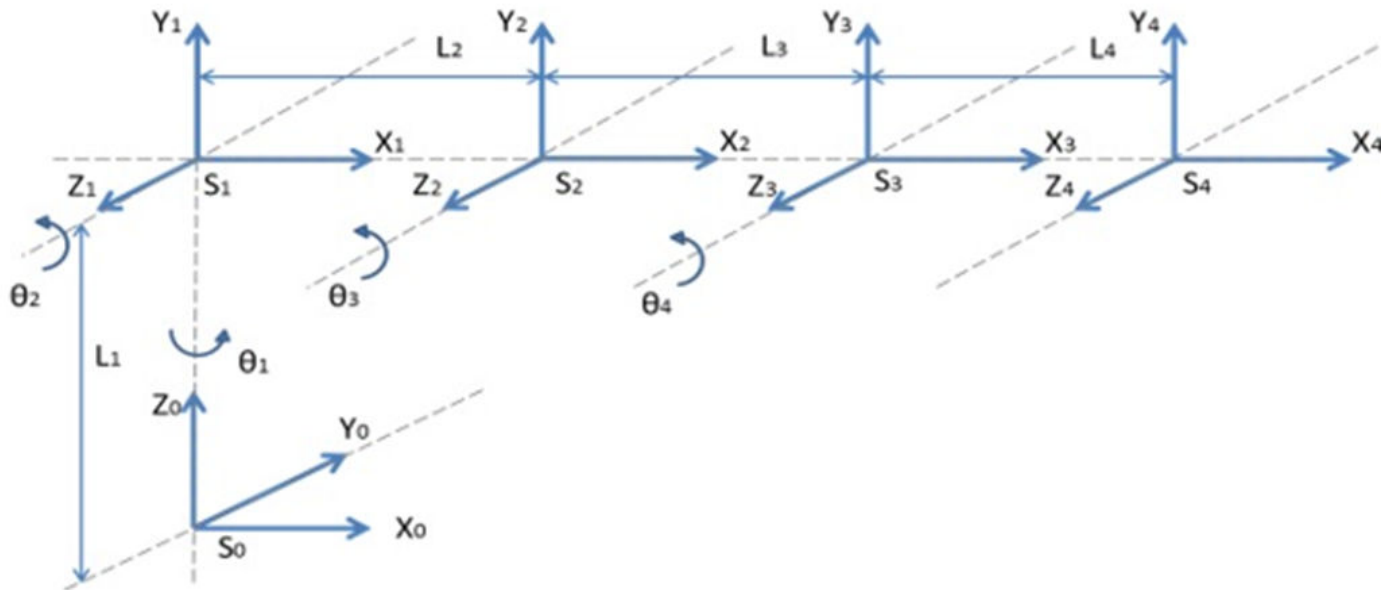
# PRESENTACIÓN FINAL (Cinemática Diferencial de Piernas)

Jesús Alejandro Gómez Bautista | A01736171

## PARTE I

### EJERCICIO 1 -----

**Obtener** la matriz de transformación **homogénea global T**, empleando **variables simbólicas** de los siguientes sistemas la cual relacione la posición y orientación del extremo del robot respecto a su sistema de referencia fijo (la base). Simulando cada una de las transformaciones desde la trama absoluta hasta la trama final.



```
%Limpieza de pantalla
```

```
clear all
```

```
close all
```

```
clc
```

```
%Calculamos las matrices de transformación homogénea
```

```
H0=SE3;
```

```
H1=SE3(rotx(pi/2), [0 0 3]);
```

```
H2=SE3([2 0 0]);
```

```
H3=SE3([2 0 0]);
```

```
H4=SE3([2 0 0]);
```

```
H20= H1*H2;
```

```
H30= H20*H3; %Matriz de transformación homogénea global de 3 a 0
```

```
H40= H30*H4; %Matriz de transformación homogénea global de 4 a 0
```

```
%Coordenadas de la estructura de translación y rotación
```

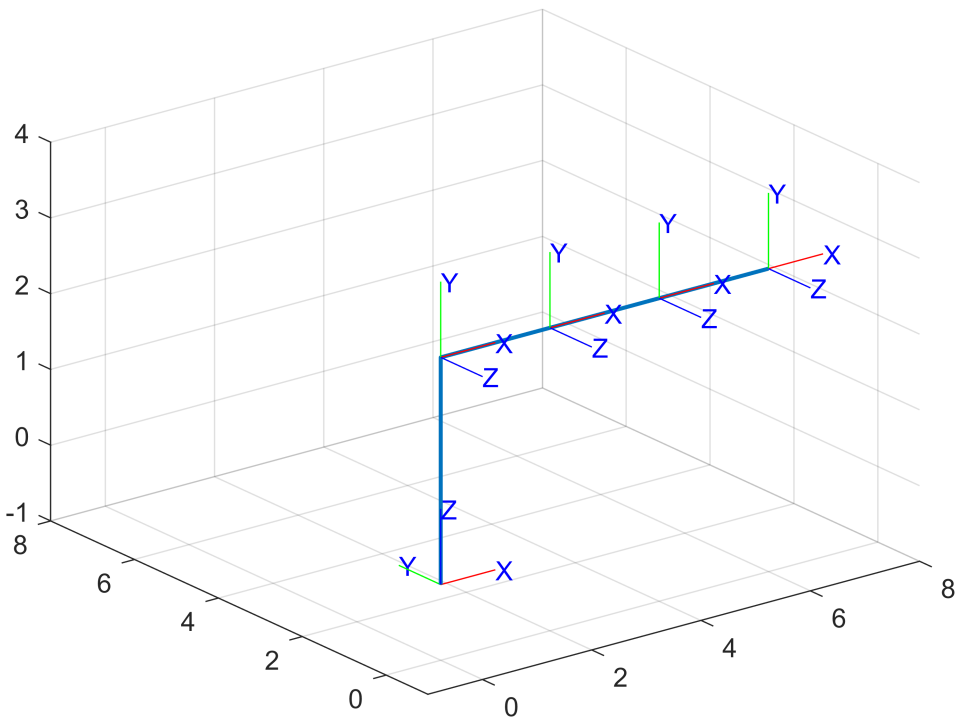
```
x=[0 0 6];
```

```
y=[0 0 0];
```

```
z=[0 3 3];
```

```
plot3(x, y, z, 'LineWidth', 1.5); axis([-1 8 -1 8 -1 4]); grid on;
hold on;
```

```
%Graficamos la trama absoluta o global
trplot(H0, 'rgb', 'axis', [-1 8 -1 8 -1 4])
% %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H0, H1, 'rgb', 'axis', [-1 8 -1 8 -1 4])
% %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H1, H20, 'rgb', 'axis', [-1 8 -1 8 -1 4])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H20, H30, 'rgb', 'axis', [-1 8 -1 8 -1 4])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H30, H40, 'rgb', 'axis', [-1 8 -1 8 -1 4])
```



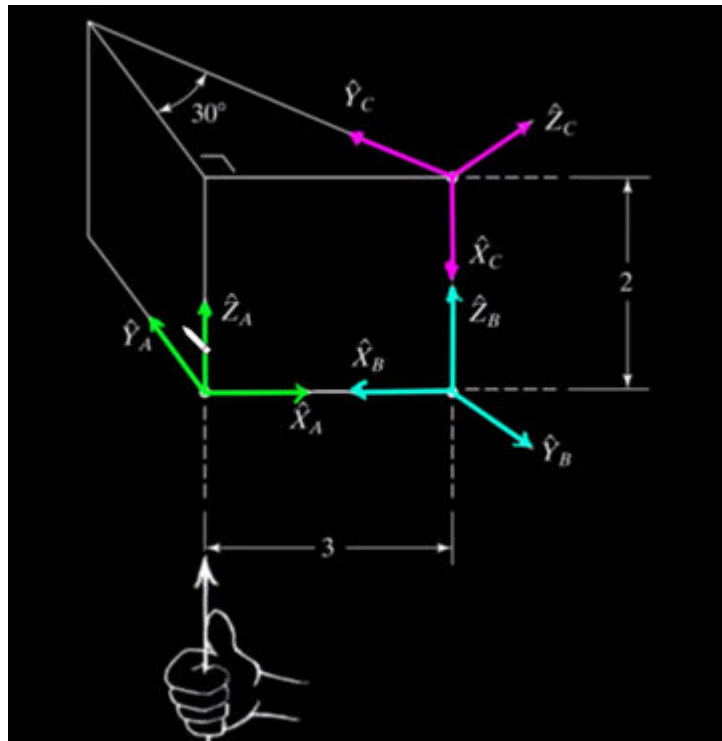
**Matriz de transformación global T**

```
disp(H40)
```

```
1    0    0    6
0    0   -1    0
```

0	1	0	3
0	0	0	1

## EJERCICIO 2 -----



%Limpieza de pantalla

clear all

close all

clc

%Calculamos las matrices de transformación homogénea

H0=SE3;

H1=SE3(rotz(pi), [3 0 0]);

H2=SE3(roty(pi/2), [0 0 0]);

H3=SE3(rotx(150\*pi/180), [-2 0 0]);

H20= H1\*H2;

H30= H20\*H3; %Matriz de transformación homogénea global de 3 a 0

%Coordenadas de la estructura de translación y rotación

x=[0 3 3 0 0 0 0 0 0 3];

y=[0 0 0 0 0 5.196 5.196 0 5.196 0];

z=[0 0 2 2 0 0 2 2 2 2];

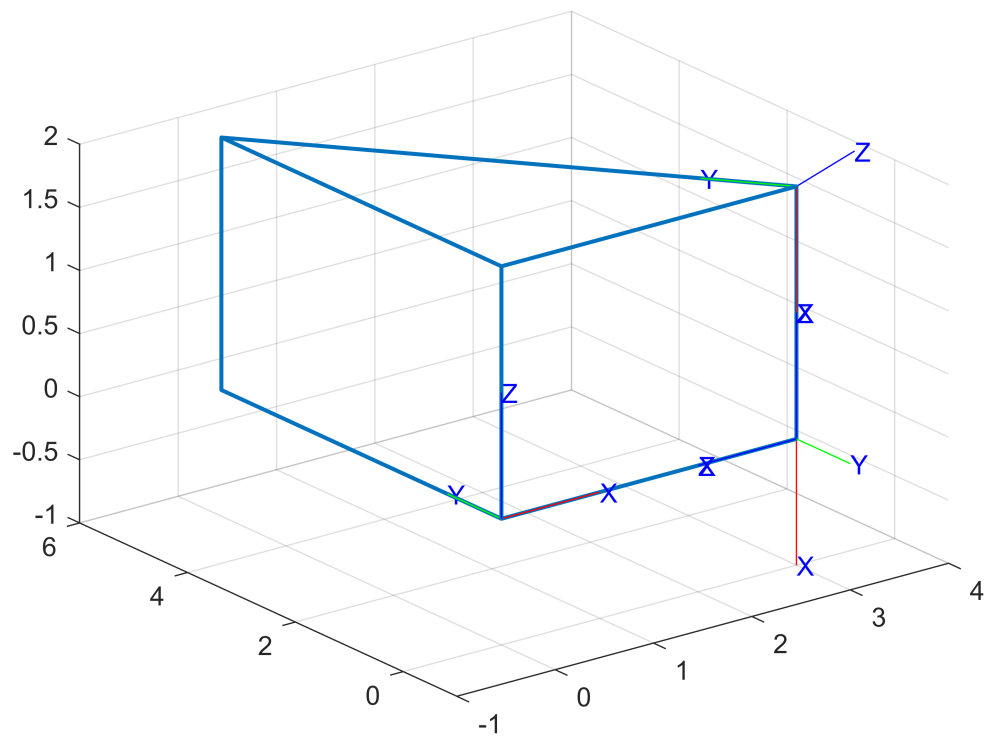
plot3(x, y, z, 'LineWidth', 1.5); axis([-1 4 -1 6 -1 2]); grid on;

hold on;

```

%Graficamos la trama absoluta o global
trplot(H0,'rgb','axis', [-1 4 -1 6 -1 2])
%
% %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
  tranimate(H0, H1,'rgb','axis', [-1 4 -1 6 -1 2])
% %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
  tranimate(H1, H20,'rgb','axis', [-1 4 -1 6 -1 2])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
  tranimate(H20, H30,'rgb','axis', [-1 4 -1 6 -1 2])

```

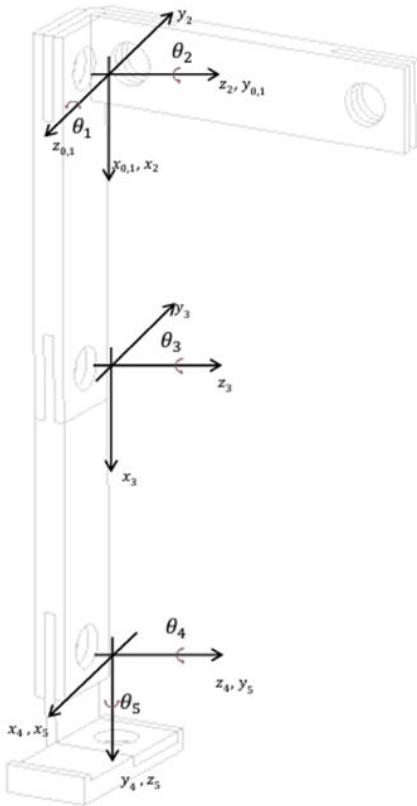


**Matriz de transformación global T**

```
disp(H30)
```

0	-0.5	0.866	3
0	0.866	0.5	0
-1	0	0	2
0	0	0	1

**EJERCICIO 3 -----**



```
%Limpieza de pantalla
```

```
clear all
```

```
close all
```

```
clc
```

```
%Calculamos las matrices de transformación homogénea
```

```
H0=SE3;
```

```
H1=SE3(rotz(2*pi),[0 0 0]);
```

```
H2=SE3(rotx(-pi/2), [0 0 0]);
```

```
H3=SE3(rotz(2*pi),[3 0 0]);
```

```
H4=SE3(rotz(-pi/2), [3 0 0]);
```

```
H5=SE3(rotx(-pi/2), [0 0 0]);
```

```
H6=SE3(rotz(2*pi), [0 0 0]);
```

```
H20= H1*H2;
```

```
H30= H20*H3; %Matriz de transformación homogénea global de 3 a 0
```

```
H40= H30*H4; %Matriz de transformación homogénea global de 4 a 0
```

```
H50= H40*H5; %Matriz de transformación homogénea global de 5 a 0
```

```
H60= H50*H6; %Matriz de transformación homogénea global de 6 a 0
```

```
%Coordenadas de la estructura de translación y rotación
```

```
x=[0 6];
```

```
y=[0 0];
```

```
z=[0 0];
```

```

plot3(x, y, z, 'LineWidth', 1.5); axis([-1 8 -3 3 -1 5]); grid on;
hold on;

%Graficamos la trama absoluta o global
trplot(H0,'rgb','axis', [-1 8 -3 3 -1 5])
% %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H0, H1,'rgb','axis', [-1 8 -3 3 -1 5])
% %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H1, H20,'rgb','axis', [-1 8 -3 3 -1 5])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H20, H30,'rgb','axis', [-1 8 -3 3 -1 5])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H30, H40,'rgb','axis', [-1 8 -3 3 -1 5])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H40, H50,'rgb','axis', [-1 8 -3 3 -1 5])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H50, H60,'rgb','axis', [-1 8 -3 3 -1 5])

```

## Matriz de transformación global T

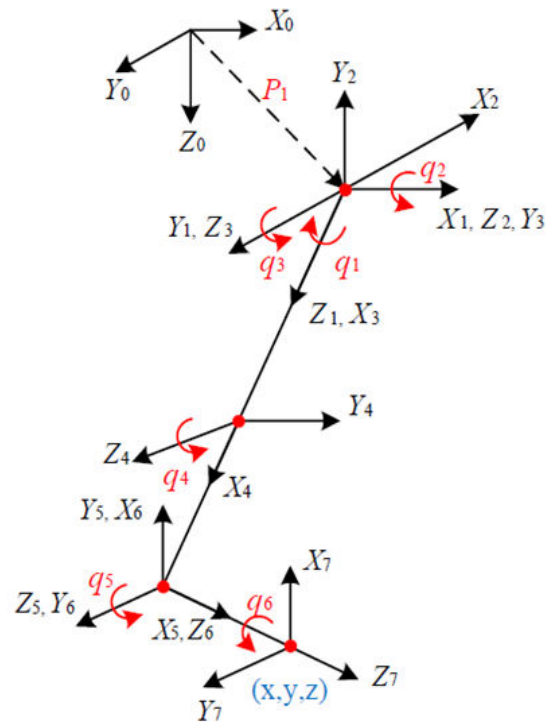
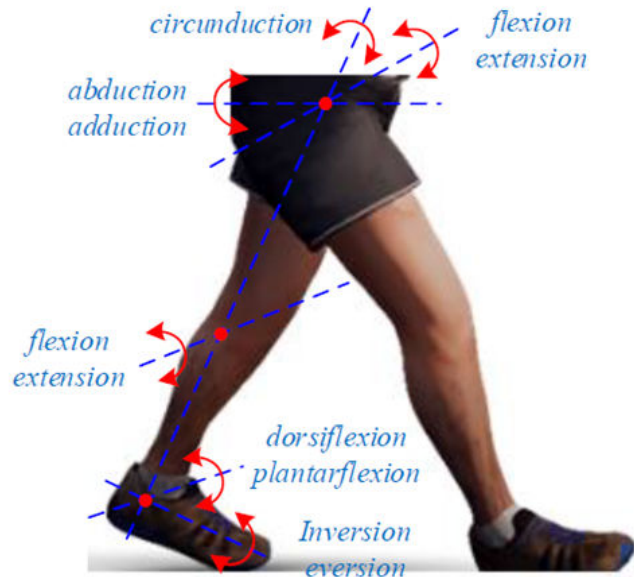
```
disp(H60)
```

```

-2.449e-16 -2.449e-16      1      6
 2.449e-16      -1 -2.449e-16 -1.47e-15
      1 2.449e-16 2.449e-16 7.348e-16
      0      0      0      1

```

## EJERCICIO 4. (Modelo de la pierna) -----



```
%Limpieza de pantalla
clear all
close all
clc

%Calculamos las matrices de transformación homogénea
H0=SE3;
%% Del marco 1 al 2
H1=SE3(roty(pi/2),[0 0 0]);
H2=SE3(rotz(-pi/2), [0 0 0]);

%% Del marco 2 al 3
H3=SE3(roty(-pi/2),[0 0 0]);
H4=SE3(rotz(-pi/2), [0 0 0]);

%% Del marco 4 al 5
H5=SE3([-2.5 0.5 0]);

%% Del marco 5 al 6
H6=SE3(rotz(pi/2), [-2.5 0.5 0]);

%% Del marco 5 al 6
H7=SE3(roty(pi/2), [0 0 0]);
H8=SE3(rotz(pi/2), [0 0 0]);

%% Del marco 6 al 7
H9=SE3([.7 0 -1.2]);
```

```

H20= H1*H2;
H30= H20*H3; %Matriz de transformación homogenea global de 3 a 0
H40= H30*H4; %Matriz de transformación homogenea global de 4 a 0
H50= H40*H5; %Matriz de transformación homogenea global de 5 a 0
H60= H50*H6; %Matriz de transformación homogenea global de 6 a 0
H70= H60*H7;
H80= H70*H8;
H90= H80*H9;

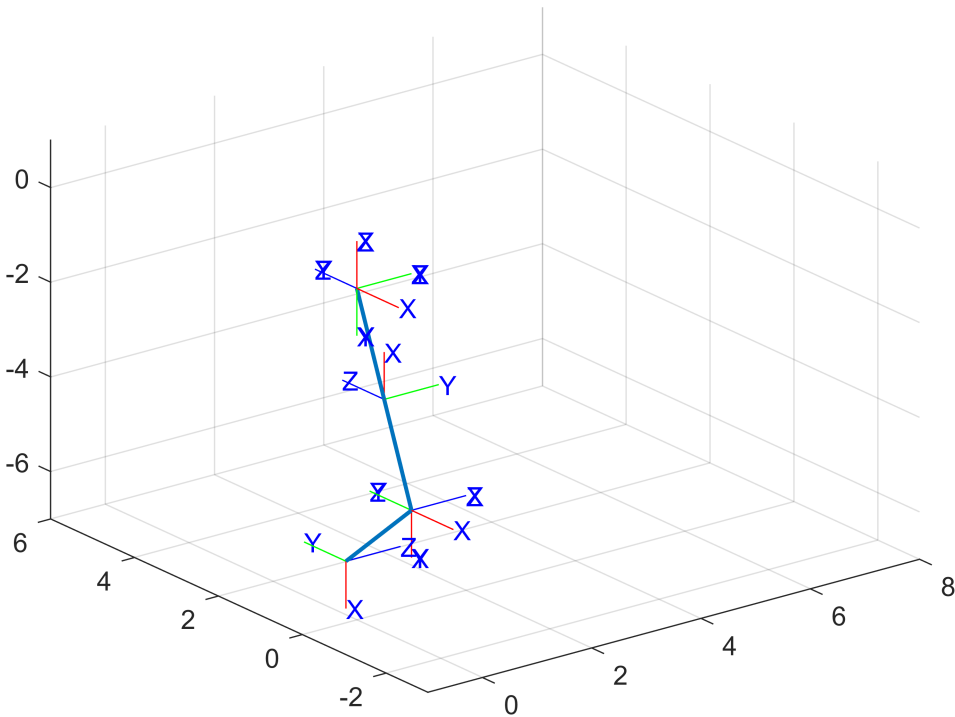
%Coordenadas de la estructura de translación y rotación
x=[0 1 -.2];
y=[0 0 0];
z=[0 -5 -5.7];

plot3(x, y, z, 'LineWidth', 1.5); axis([-1 8 -3 6 -7 1]); grid on;
hold on;

%Graficamos la trama absoluta o global
trplot(H0, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H0, H1, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H1, H20, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H20, H30, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H30, H40, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H40, H50, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H50, H60, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H60, H70, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H70, H80, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])
% % %Realizamos una animación para la siguiente trama
pause;
tranimate(H80, H90, 'rgb', 'axis', [-1 8 -3 6 -7 1])

```





**Matriz de transformación global T**

disp(H90)

0	0	1	-0.2
0	1	0	0
-1	0	0	-5.7
0	0	0	1

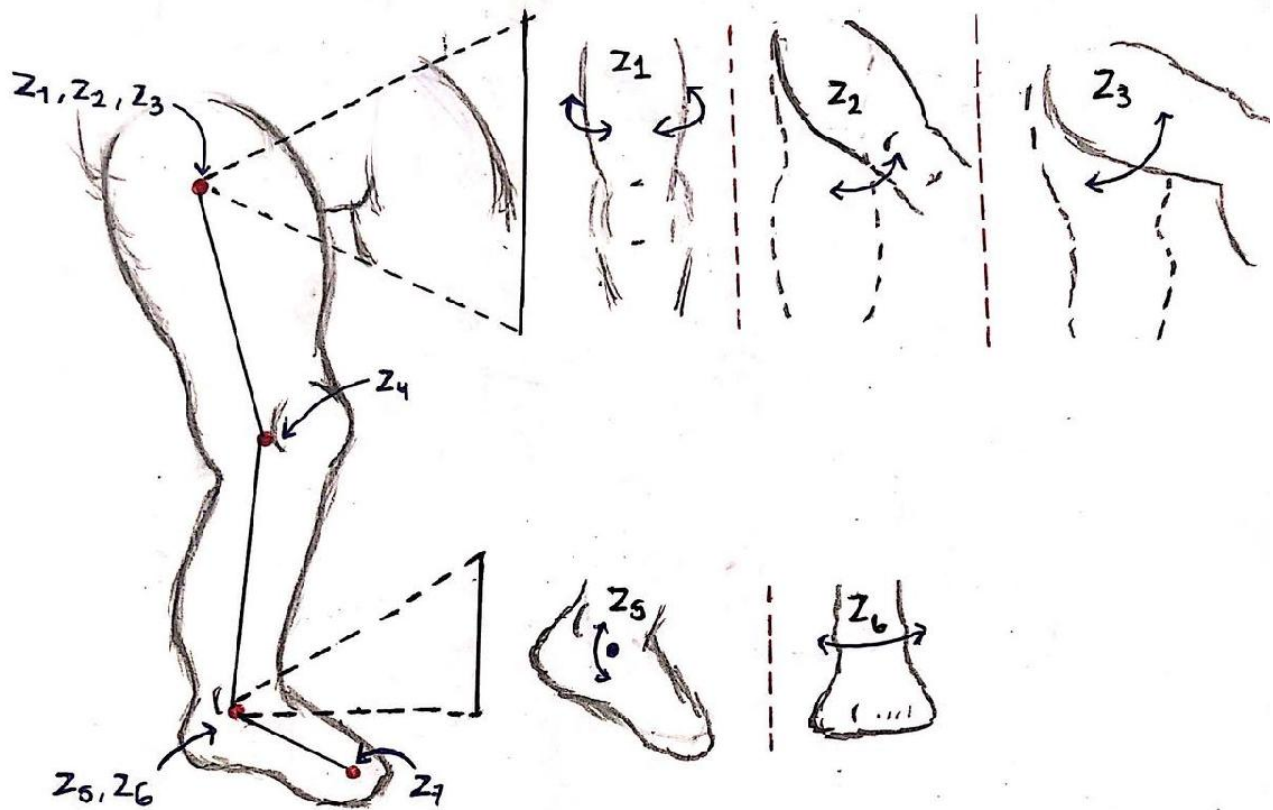
## PARTE II.

### CINEMÁTICA DIFERENCIAL SIMBÓLICA (Pierna)

1. **Desarrollar** el modelo de **cinemática diferencial simbólica** para cada uno de los sistemas descritos anteriormente y obtener los vectores de la **velocidad angular y velocidad lineal** aplicando variables simbólicas para su análisis en cada caso.
2. **Implementar** el código requerido para generar el cálculo de las matrices **homogéneas simbólicas (H1, H2, H3, etc.)**, la matriz de **transformación simbólica (T)** y los vectores de **velocidades simbólicas (v, w)** de cada sistema.



## Rotaciones de las articulaciones de las piernas



% Rotaciones en el eje Z de cada articulación de la pierna

```
articulacion_Z1 = [cos(th1) -sin(th1) 0;
                  sin(th1)  cos(th1) 0;
                  0         0        1];
```

```
articulacion_Z2 = [cos(th2) -sin(th2) 0;
                  sin(th2)  cos(th2) 0;
                  0         0        1];
```

```
articulacion_Z3 = [cos(th3) -sin(th3) 0;
                  sin(th3)  cos(th3) 0;
                  0         0        1];
```

```
articulacion_Z4 = [cos(th4) -sin(th4) 0;
                  sin(th4)  cos(th4) 0;
                  0         0        1];
```

```
articulacion_Z5 = [cos(th5) -sin(th5) 0;
                  sin(th5)  cos(th5) 0;
                  0         0        1];
```

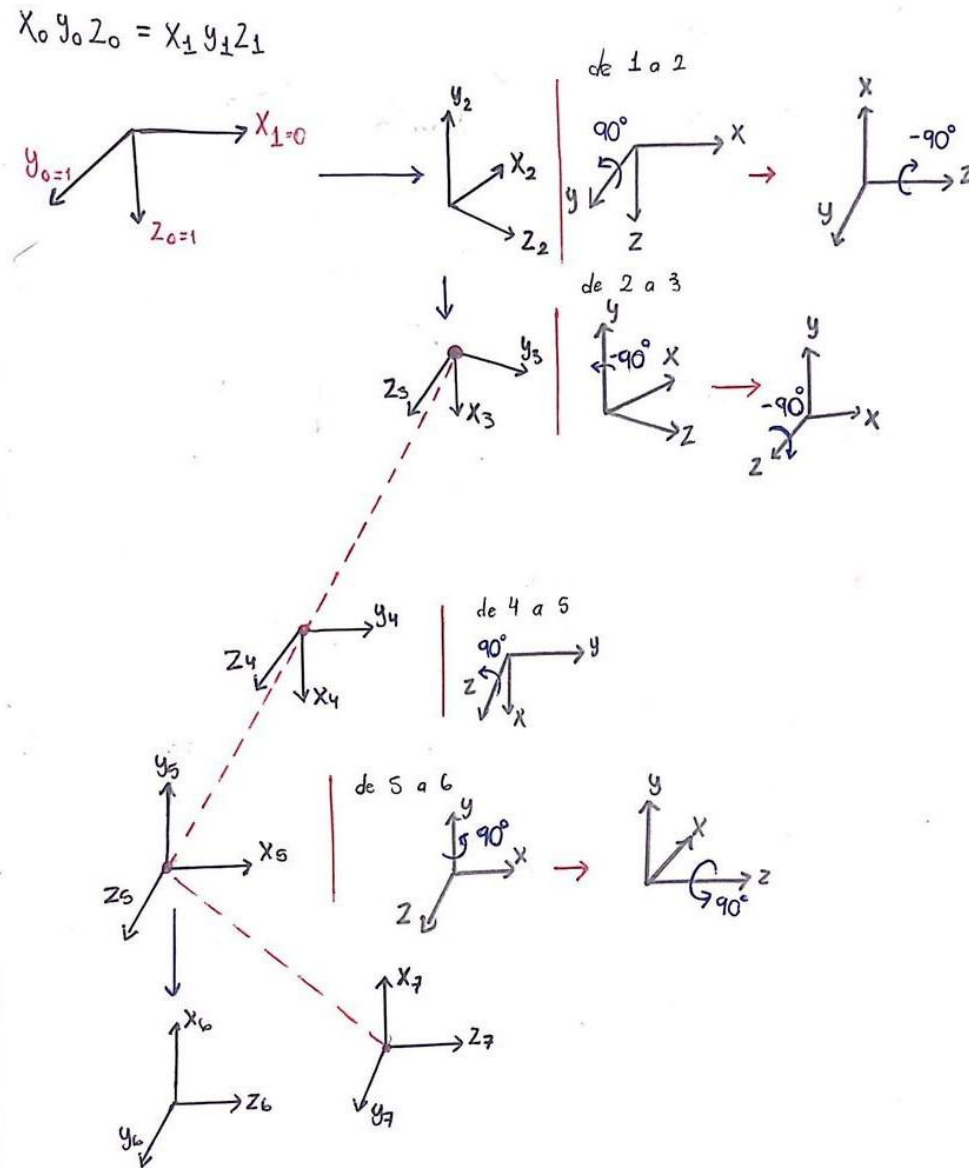
```

articulacionZ6 = [cos(th6) -sin(th6) 0;
                  sin(th6)  cos(th6) 0;
                  0          0        1];

articulacion_Z7 = [cos(th7) -sin(th7) 0;
                  sin(th7)  cos(th7) 0;
                  0          0        1];

```

### Rotaciones adicionales (Pasos de marco en marco)



% La mayoría de ellas con valores iguales a  $90^\circ$  o  $-90^\circ$   
 % Según las necesidades de cada marco para trasladar la posición  
 % de nuestro z en el eje correspondiente.

```

roty90 = [0 0 1;
          0 1 0;

```

```

        -1 0 0];

rotym90 = [0 0 -1;
          0 1  0;
          1 0  0];

rotz90 = [0 -1 0;
          1  0 0;
          0  0 1];

rotzm90 = [0 1 0;
          -1 0 0;
           0 0 1];

```

## Posición de las articulaciones

```

% Inicialización de matrices de rotación y posiciones de cada articulación
P = sym(zeros(3, 1, GDL));
R = sym(zeros(3, 3, GDL));

% Articulación 1
% Posición de la articulación 1 respecto a 0
P(:, :, 1) = [0; 0; 0];
% Matriz de rotación de la junta 1 respecto a 0
R(:, :, 1) = articulacion_Z1;

% Articulación 2
% Posición de la articulación 2 respecto a 1
P(:, :, 2) = [0; 0; 0];
% Matriz de rotación de la junta 2 respecto a 1
R(:, :, 2) = roty90*rotzm90*articulacion_Z2;

% Articulación 3
% Posición de la articulación 3 respecto a 2
P(:, :, 3) = [0; 0; 0];
% Matriz de rotación de la junta 3 respecto a 2
R(:, :, 3) = rotym90*rotzm90*articulacion_Z3;

% Articulación 4
% Posición de la articulación 4 respecto a 3
P(:, :, 4) = [l1; 0; 0];
% Matriz de rotación de la junta 4 respecto a 3
R(:, :, 4) = articulacion_Z4;

% Articulación 5
% Posición de la articulación 5 respecto a 4
P(:, :, 5) = [l2; 0; 0];
% Posición de la articulación 5 respecto a 4
R(:, :, 5) = roty90*articulacion_Z5;

```

```

% Articulación 6
% Posición de la articulación 6 respecto a 5
P(:, :, 6) = [0; 0; 0];
% Posición de la articulación 6 respecto a 5
R(:, :, 6) = roty90*rotz90*articulacionZ6;

% Articulación 7
% Posición de la articulación 7 respecto a 6
P(:, :, 7) = [13; 0; 0];
% Posición de la articulación 7 respecto a 6
R(:, :, 7) = articulacion_Z7;

% Creamos un vector de ceros
Vector_Zeros = zeros(1, 3);

```

## Matrices de transformación locales y globales

```

% Inicializamos las matrices de transformación Homogénea locales
A(:, :, GDL) = simplify([R(:, :, GDL) P(:, :, GDL); Vector_Zeros 1]);
% Inicializamos las matrices de transformación Homogénea globales
T(:, :, GDL) = simplify([R(:, :, GDL) P(:, :, GDL); Vector_Zeros 1]);
% Inicializamos las posiciones vistas desde el marco de referencia inercial
PO(:, :, GDL) = P(:, :, GDL);
% Inicializamos las matrices de rotación vistas desde el marco de referencia inercial
RO(:, :, GDL) = R(:, :, GDL);

for i = 1:GDL
    i_str = num2str(i);
    % disp(strcat('Matriz de Transformación local A', i_str));
    A(:, :, i) = simplify([R(:, :, i) P(:, :, i); Vector_Zeros 1]);
    % pretty(A(:, :, i));

    % Globales
    try
        T(:, :, i) = T(:, :, i-1) * A(:, :, i);
    catch
        T(:, :, i) = A(:, :, i);
    end
    disp(strcat('Matriz de Transformación global T', i_str));
    T(:, :, i) = simplify(T(:, :, i));
    pretty(T(:, :, i))

    RO(:, :, i) = T(1:3, 1:3, i);
    PO(:, :, i) = T(1:3, 4, i);
    % pretty(RO(:, :, i));
    % pretty(PO(:, :, i));
end

```

Matriz de Transformación global T1

$$\begin{pmatrix} \cos(\text{th1}(t)) & -\sin(\text{th1}(t)) & 0 & 0 \\ \sin(\text{th1}(t)) & \cos(\text{th1}(t)) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Matriz de Transformación global T2

$$\begin{pmatrix} \cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th1}(t)) & -\sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) & \cos(\text{th1}(t)) & 0 \\ -\cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th2}(t)) & \cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) & \sin(\text{th1}(t)) & 0 \\ -\sin(\text{th2}(t)) & -\cos(\text{th2}(t)) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Matriz de Transformación global T3

$$\begin{aligned} & [[\cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) + \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)), \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) - \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \\ & -\cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th1}(t)), 0], \\ & [\sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) - \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th2}(t)), \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th1}(t)) + \cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \\ & \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th2}(t)), 0], [\cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th3}(t)), -\cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)), \sin(\text{th2}(t)), 0], \\ & [0, 0, 0, 1]] \end{aligned}$$

Matriz de Transformación global T4

$$\begin{pmatrix} \cos(\text{th4}(t)) \#2 + \sin(\text{th4}(t)) \#3, \cos(\text{th4}(t)) \#3 - \sin(\text{th4}(t)) \#2, -\cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th1}(t)), & l1 \#2 \\ \cos(\text{th4}(t)) \#1 + \sin(\text{th4}(t)) \#4, \cos(\text{th4}(t)) \#4 - \sin(\text{th4}(t)) \#1, \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th2}(t)), & l1 \#1 \\ \cos(\text{th2}(t)) \cos(\#5), & -\cos(\text{th2}(t)) \sin(\#5), \sin(\text{th2}(t)), & l1 \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \\ 0, & 0, 0, & 1 \end{pmatrix}$$

where

$$\begin{aligned} \#1 & == \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) - \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \\ \#2 & == \cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) + \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \\ \#3 & == \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) - \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \\ \#4 & == \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th1}(t)) + \cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \\ \#5 & == \text{th3}(t) + \text{th4}(t) \end{aligned}$$

Matriz de Transformación global T5

$$\begin{aligned} & [[\sin(\text{th5}(t)) \#2 + \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th1}(t)), \cos(\text{th5}(t)) \#2 - \cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th5}(t)), \#5, l1 \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \\ & [\sin(\text{th5}(t)) \#3 - \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th5}(t)), \cos(\text{th5}(t)) \#3 + \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th5}(t)), \#4, l1 \cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \\ & [-\cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th2}(t)) - \cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th5}(t)) \sin(\#1), \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th5}(t)) - \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \sin(\#1), \\ & \cos(\text{th2}(t)) (l1 \cos(\text{th3}(t)) + l2 \cos(\#1))], \\ & [0, 0, 0, 1]] \end{aligned}$$

where

$$\begin{aligned} \#1 & == \text{th3}(t) + \text{th4}(t) \\ \#2 & == \cos(\text{th4}(t)) \#9 - \sin(\text{th4}(t)) \#8 \\ \#3 & == \cos(\text{th4}(t)) \#7 - \sin(\text{th4}(t)) \#6 \end{aligned}$$

```

#4 == cos(th4(t)) #6 + sin(th4(t)) #7
#5 == cos(th4(t)) #8 + sin(th4(t)) #9
#6 == sin(th1(t)) sin(th3(t)) - cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t))
#7 == cos(th3(t)) sin(th1(t)) + cos(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#8 == cos(th1(t)) sin(th3(t)) + cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
#9 == cos(th1(t)) cos(th3(t)) - sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
Matriz de Transformación global T6
[[sin(th6(t)) #2 + cos(th6(t)) #3, cos(th6(t)) #2 - sin(th6(t)) #3, sin(th5(t)) #6 + cos(th2(t)) cos(th5(t)) sin(th2(t))
[sin(th6(t)) #1 + cos(th6(t)) #4, cos(th6(t)) #1 - sin(th6(t)) #4, sin(th5(t)) #7 - cos(th1(t)) cos(th2(t)) cos(th5(t))
[cos(th6(t)) #5 + cos(th2(t)) sin(th6(t)) cos(#8), cos(th2(t)) cos(th6(t)) cos(#8) - sin(th6(t)) #5,
- cos(th5(t)) sin(th2(t)) - cos(th2(t)) sin(th5(t)) sin(#8), cos(th2(t)) (l1 cos(th3(t)) + l2 cos(#8))],
[0, 0, 0, 1]]

```

where

```

#1 == cos(th4(t)) #11 + sin(th4(t)) #12
#2 == cos(th4(t)) #9 + sin(th4(t)) #10
#3 == cos(th5(t)) #6 - cos(th2(t)) sin(th1(t)) sin(th5(t))
#4 == cos(th5(t)) #7 + cos(th1(t)) cos(th2(t)) sin(th5(t))
#5 == sin(th2(t)) sin(th5(t)) - cos(th2(t)) cos(th5(t)) sin(#8)
#6 == cos(th4(t)) #10 - sin(th4(t)) #9
#7 == cos(th4(t)) #12 - sin(th4(t)) #11
#8 == th3(t) + th4(t)
#9 == cos(th1(t)) sin(th3(t)) + cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
#10 == cos(th1(t)) cos(th3(t)) - sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#11 == sin(th1(t)) sin(th3(t)) - cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t))
#12 == cos(th3(t)) sin(th1(t)) + cos(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))

```

```

Matriz de Transformación global T7
[[cos(th7(t)) #1 + sin(th7(t)) #3, cos(th7(t)) #3 - sin(th7(t)) #1, sin(th5(t)) #12 + cos(th2(t)) cos(th5(t)) sin(th2(t))
[cos(th7(t)) #2 + sin(th7(t)) #4, cos(th7(t)) #4 - sin(th7(t)) #2, sin(th5(t)) #13 - cos(th1(t)) cos(th2(t)) cos(th5(t))
[cos(th7(t)) #5 - sin(th7(t)) #6, - cos(th7(t)) #6 - sin(th7(t)) #5, - cos(th5(t)) sin(th2(t)) - cos(th2(t)) sin(th5(t))
cos(th2(t)) (l1 cos(th3(t)) + l2 cos(#14)) + l3 #5],
[0, 0, 0, 1]]

```

where

```

#1 == sin(th6(t)) #7 + cos(th6(t)) #8
#2 == sin(th6(t)) #9 + cos(th6(t)) #10

```



```

#3 == cos(th6(t)) #7 - sin(th6(t)) #8
#4 == cos(th6(t)) #9 - sin(th6(t)) #10
#5 == cos(th6(t)) #11 + cos(th2(t)) sin(th6(t)) cos(#14)
#6 == sin(th6(t)) #11 - cos(th2(t)) cos(th6(t)) cos(#14)
#7 == cos(th4(t)) #15 + sin(th4(t)) #16
#8 == cos(th5(t)) #12 - cos(th2(t)) sin(th1(t)) sin(th5(t))
#9 == cos(th4(t)) #17 + sin(th4(t)) #18
#10 == cos(th5(t)) #13 + cos(th1(t)) cos(th2(t)) sin(th5(t))
#11 == sin(th2(t)) sin(th5(t)) - cos(th2(t)) cos(th5(t)) sin(#14)
#12 == cos(th4(t)) #16 - sin(th4(t)) #15
#13 == cos(th4(t)) #18 - sin(th4(t)) #17
#14 == th3(t) + th4(t)
#15 == cos(th1(t)) sin(th3(t)) + cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
#16 == cos(th1(t)) cos(th3(t)) - sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#17 == sin(th1(t)) sin(th3(t)) - cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t))
#18 == cos(th3(t)) sin(th1(t)) + cos(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))

```

## Velocidad lineal y angular mediante el Jacobiano

```

% Calculamos el jacobiano lineal de forma analítica
Jv_a = sym(zeros(3, GDL));
Jw_a = sym(zeros(3, GDL));

for k = 1:GDL
    if RP(k) == 0
        % Para las juntas de revolución
        try
            Jv_a(:,k) = cross(R0(:,3,k-1), PO(:, :, GDL) - PO(:, :, k-1));
            Jw_a(:,k) = R0(:,3,k-1);
        catch
            Jv_a(:,k) = cross([0, 0, 1], PO(:, :, GDL)); % Matriz de rotación de 0 con respecto a
            Jw_a(:,k) = [0, 0, 1]; % Si no hay matriz de rotación previa se obtiene la Matriz
        end
    else
        % Para las juntas prismáticas
        try
            Jv_a(:,k) = R0(:,3,k-1);
        catch
            Jv_a(:,k) = [0, 0, 1];
        end
        Jw_a(:,k) = [0, 0, 0];
    end
end

```

```

end
end

Jv_a = simplify(Jv_a);
Jw_a = simplify(Jw_a);
disp('Jacobiano lineal obtenido de forma analítica');

```

Jacobiano lineal obtenido de forma analítica

```
pretty(Jv_a);
```

```

[[#32, #32, sin(th1(t)) #33, 11 cos(th1(t)) cos(th3(t)) + #24 - #28 - 11 sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) + #21
- #5 - #3 + #1, #24 - #28 + #21 - #16 - #15 - #14 - #12 - #11 - #6 - #5 - #3 + #1,
13 cos(th6(t)) (cos(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th5(t)) - cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th5(t))
sin(th1(t)) + cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t)) sin(th5(t)) + cos(th4(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) s
13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th6(t)) sin(th4(t)) + 13 cos(th1(t)) cos(th4(t)) cos(th6(t)) sin(th3(t)) + 13
cos(th2(t)) sin(th1(t)) sin(th5(t)) sin(th6(t)) - 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) sin(th6(t))
cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) + 13 cos(th1(t)) cos(th5(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) + 13 cos(th3(t)) cos(th5(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
cos(th4(t)) cos(th5(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th6(t))]],
[#31, #31, -cos(th1(t)) #33, 11 cos(th3(t)) sin(th1(t)) + #23 + 11 cos(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) - #25 + #20
+ #7 + #4 - #2, #23 - #25 + #20 + #19 + #18 - #13 - #10 - #9 + #8 + #7 + #4 - #2,
-13 cos(th6(t)) (cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th1(t)) sin(th5(t)) - cos(th1(t)) cos(th2(t)) cos(th5(t)) - sin(th1(t))
sin(th5(t)) + cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t)) sin(th5(t)) + cos(th1(t)) cos(th4(t)) sin(th2(t)) s
13 cos(th3(t)) cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th4(t)) - 13 cos(th1(t)) cos(th2(t)) sin(th5(t)) sin(th6(t)) + 13
cos(th4(t)) cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th3(t)) - 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th6(t)) sin(th2(t))
cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) sin(th1(t)) sin(th6(t)) + 13 cos(th1(t)) cos(th6(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
cos(th5(t)) sin(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t)) - 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th5(t)) sin(th2(t))
cos(th1(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th6(t))]],
[0, 0, 13 cos(th2(t)) cos(th6(t)) sin(th5(t)) - 12 cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th2(t)) - 11 cos(th3(t)) sin(th2(t))
sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) - 13 cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th2(t)) sin(th6(t)) + 13 sin(th2(t)) sin(th3(t))
cos(th3(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t)) + 13 cos(th4(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th2(t))
-cos(th2(t)) (11 sin(th3(t)) + #30 + #29 + #27 + #26 - #17 + #22), -cos(th2(t)) (#30 + #29 + #27 + #26 - #17 + #22),
13 cos(th6(t)) (cos(th5(t)) sin(th2(t)) + cos(th2(t)) cos(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th5(t)) + cos(th2(t)) cos(th4(t))
13 (cos(th2(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th6(t)) - sin(th2(t)) sin(th5(t)) sin(th6(t)) - cos(th2(t)) cos(th6(t))
sin(th4(t)) + cos(th2(t)) cos(th3(t)) cos(th5(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t)) + cos(th2(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) s

```

where

```

#1 == 13 cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
#2 == 13 cos(th1(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
#3 == 13 cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
#4 == 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th2(t))
#5 == 13 cos(th4(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th6(t))
#6 == 13 cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t))
#7 == 13 cos(th1(t)) cos(th4(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th6(t))
#8 == 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t))
#9 == 13 cos(th4(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th3(t))
#10 == 13 cos(th3(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th4(t))
#11 == 13 cos(th1(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th3(t))
#12 == 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th4(t))
#13 == 13 sin(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t))
#14 == 13 cos(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t))
#15 == 12 cos(th4(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#16 == 12 cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t))
#17 == 13 cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
#18 == 13 cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th1(t)) sin(th6(t))
#19 == 12 cos(th1(t)) cos(th4(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#20 == 12 cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t))
#21 == 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th6(t))
#22 == 13 cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t))
#23 == 12 cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th1(t))
#24 == 12 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t))
#25 == 12 sin(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
#26 == 13 cos(th4(t)) sin(th3(t)) sin(th6(t))
#27 == 13 cos(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t))
#28 == 12 cos(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
#29 == 12 cos(th4(t)) sin(th3(t))
#30 == 12 cos(th3(t)) sin(th4(t))
#31 == 12 #34 + 11 #37 + 13 (sin(th6(t)) #34 + cos(th6(t)) (cos(th5(t)) (cos(th4(t)) #38 - sin(th4(t)) #37) - cos
#32 == - 12 #35 - 11 #39 - 13 (sin(th6(t)) #35 + cos(th6(t)) (cos(th5(t)) (cos(th4(t)) #40 - sin(th4(t)) #39) +

```

```
#33 == cos(th2(t)) (11 cos(th3(t)) + 12 cos(#36)) + 13 (cos(th6(t)) (sin(th2(t)) sin(th5(t)) - cos(th2(t)) cos(th5(t))
+ cos(th2(t)) sin(th6(t)) cos(#36))
#34 == cos(th4(t)) #37 + sin(th4(t)) #38
#35 == cos(th4(t)) #39 + sin(th4(t)) #40
#36 == th3(t) + th4(t)
#37 == cos(th1(t)) sin(th3(t)) + cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
#38 == cos(th1(t)) cos(th3(t)) - sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#39 == sin(th1(t)) sin(th3(t)) - cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t))
#40 == cos(th3(t)) sin(th1(t)) + cos(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
```

```
disp('Jacobiano angular obtenido de forma analítica');
```

Jacobiano angular obtenido de forma analítica

```
pretty(Jw_a);
```

```
[[0, 0, cos(th1(t)), #5, #5, cos(th4(t)) #4 + sin(th4(t)) #1, sin(th5(t)) (cos(th4(t)) #1 - sin(th4(t)) #4) + cos(th4(t))
[0, 0, sin(th1(t)), #6, #6, cos(th4(t)) #2 + sin(th4(t)) #3, sin(th5(t)) (cos(th4(t)) #3 - sin(th4(t)) #2) - cos(th4(t))
[1, 1, 0, sin(th2(t)), sin(th2(t)), cos(th2(t)) cos(#7), - cos(th5(t)) sin(th2(t)) - cos(th2(t)) sin(th5(t)) sin(#7)]
```

where

```
#1 == cos(th1(t)) cos(th3(t)) - sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#2 == sin(th1(t)) sin(th3(t)) - cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t))
#3 == cos(th3(t)) sin(th1(t)) + cos(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#4 == cos(th1(t)) sin(th3(t)) + cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
#5 == -cos(th2(t)) sin(th1(t))
#6 == cos(th1(t)) cos(th2(t))
#7 == th3(t) + th4(t)
```

```
disp('Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal');
```

Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal

```
V = simplify(Jv_a * Qp');
pretty(V);
```

```
[[#31 (13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th6(t)) sin(th4(t)) + 13 cos(th1(t)) cos(th4(t)) cos(th6(t)) sin(th3(t)) + 13
cos(th2(t)) sin(th1(t)) sin(th5(t)) sin(th6(t)) - 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) sin(th6(t))
cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) + 13 cos(th1(t)) cos(th5(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
cos(th6(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) + 13 cos(th3(t)) cos(th5(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
```

$$\begin{aligned}
& \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th6}(t))) - \#37 \#39 - \#36 \#39 \\
& - \#34 (\#28 - \#24 - \text{l1} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) + \text{l1} \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) - \#21 + \#16 + \#15 + \#14 + \\
& - \#33 (\#28 - \#24 - \#21 + \#16 + \#15 + \#14 + \#12 + \#11 + \#6 + \#5 + \#3 - \#1) + \#35 \sin(\text{th1}(t)) \#40 + \text{l3} \#32 \\
& \cos(\text{th6}(t)) (\cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \sin(\text{th5}(t)) - \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th5}(t)) - \\
& \sin(\text{th1}(t)) + \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \sin(\text{th5}(t)) + \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th5}(t)) \\
& [\#33 (\#23 - \#25 + \#20 + \#19 + \#18 - \#13 - \#10 - \#9 + \#8 + \#7 + \#4 - \#2) + \#37 \#38 + \#36 \#38 + \#34 (\text{l1} \cos(\text{th3}(t)) \\
& + \text{l1} \cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) - \#25 + \#20 + \#19 + \#18 - \#13 - \#10 - \#9 + \#8 + \#7 + \#4 - \#2) \\
& - \#31 (\text{l3} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th2}(t)) \sin(\text{th5}(t)) \sin(\text{th6}(t)) - \text{l3} \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th4}(t)) - \\
& \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) + \text{l3} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \\
& \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th6}(t)) - \text{l3} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \\
& \cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \sin(\text{th6}(t)) + \text{l3} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \\
& \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th6}(t))) - \#35 \cos(\text{th1}(t)) \#40 - \text{l3} \#32 \\
& \cos(\text{th6}(t)) (\cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th5}(t)) - \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th5}(t)) - \sin(\text{th1}(t)) \\
& \sin(\text{th5}(t)) + \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \sin(\text{th5}(t)) + \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th5}(t)) \\
& [\#35 (\text{l3} \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th5}(t)) - \text{l2} \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th2}(t)) - \text{l1} \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \\
& \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th4}(t)) - \text{l3} \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th6}(t)) + \text{l3} \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \\
& \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th4}(t)) + \text{l3} \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \\
& - \#33 \cos(\text{th2}(t)) (\#30 + \#29 + \#27 + \#26 - \#17 + \#22) - \#34 \cos(\text{th2}(t)) (\text{l1} \sin(\text{th3}(t)) + \#30 + \#29 + \#27 + \#26 \\
& + \text{l3} \#31 (\cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th6}(t)) - \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th5}(t)) \sin(\text{th6}(t)) - \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \\
& \sin(\text{th4}(t)) + \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \sin(\text{th6}(t)) + \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th6}(t)) \\
& + \text{l3} \#32 \cos(\text{th6}(t)) (\cos(\text{th5}(t)) \sin(\text{th2}(t)) + \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \sin(\text{th5}(t)) + \cos(\text{th2}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th5}(t))
\end{aligned}$$

where

$$\begin{aligned}
\#1 &== \text{l3} \cos(\text{th5}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \\
\#2 &== \text{l3} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \\
\#3 &== \text{l3} \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \\
\#4 &== \text{l3} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \\
\#5 &== \text{l3} \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th6}(t)) \\
\#6 &== \text{l3} \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \sin(\text{th6}(t)) \\
\#7 &== \text{l3} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th4}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \sin(\text{th6}(t)) \\
\#8 &== \text{l3} \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th4}(t)) \sin(\text{th6}(t)) \\
\#9 &== \text{l3} \cos(\text{th4}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) \\
\#10 &== \text{l3} \cos(\text{th3}(t)) \cos(\text{th5}(t)) \cos(\text{th6}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th4}(t))
\end{aligned}$$

```

#11 == 13 cos(th1(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th3(t))
#12 == 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th4(t))
#13 == 13 sin(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t))
#14 == 13 cos(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t))
#15 == 12 cos(th4(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#16 == 12 cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t))
#17 == 13 cos(th5(t)) cos(th6(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
#18 == 13 cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th1(t)) sin(th6(t))
#19 == 12 cos(th1(t)) cos(th4(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#20 == 12 cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t)) sin(th4(t))
#21 == 13 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th6(t))
#22 == 13 cos(th3(t)) cos(th4(t)) cos(th5(t)) cos(th6(t))
#23 == 12 cos(th3(t)) cos(th4(t)) sin(th1(t))
#24 == 12 cos(th1(t)) cos(th3(t)) cos(th4(t))
#25 == 12 sin(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
#26 == 13 cos(th4(t)) sin(th3(t)) sin(th6(t))
#27 == 13 cos(th3(t)) sin(th4(t)) sin(th6(t))
#28 == 12 cos(th1(t)) sin(th3(t)) sin(th4(t))
#29 == 12 cos(th4(t)) sin(th3(t))
#30 == 12 cos(th3(t)) sin(th4(t))

```

```

      d
#31 == -- th7(t)
      dt

```

```

      d
#32 == -- th6(t)
      dt

```

```

      d
#33 == -- th5(t)
      dt

```

```

      d
#34 == -- th4(t)
      dt

```

```

      d
#35 == -- th3(t)

```

```

dt


$$\frac{d}{dt} \text{th2}(t)$$

#36 ==


$$\frac{d}{dt} \text{th1}(t)$$

#37 ==

#38 == l2 #41 + l1 #44 + l3 (sin(th6(t)) #41 + cos(th6(t)) (cos(th5(t)) (cos(th4(t)) #45 - sin(th4(t)) #44) - cos
#39 == l2 #42 + l1 #46 + l3 (sin(th6(t)) #42 + cos(th6(t)) (cos(th5(t)) (cos(th4(t)) #47 - sin(th4(t)) #46) + cos
#40 == cos(th2(t)) (l1 cos(th3(t)) + l2 cos(#43)) + l3 (cos(th6(t)) (sin(th2(t)) sin(th5(t)) - cos(th2(t)) cos(th
+ cos(th2(t)) sin(th6(t)) cos(#43))
#41 == cos(th4(t)) #44 + sin(th4(t)) #45
#42 == cos(th4(t)) #46 + sin(th4(t)) #47
#43 == th3(t) + th4(t)
#44 == cos(th1(t)) sin(th3(t)) + cos(th3(t)) sin(th1(t)) sin(th2(t))
#45 == cos(th1(t)) cos(th3(t)) - sin(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))
#46 == sin(th1(t)) sin(th3(t)) - cos(th1(t)) cos(th3(t)) sin(th2(t))
#47 == cos(th3(t)) sin(th1(t)) + cos(th1(t)) sin(th2(t)) sin(th3(t))

```

```
disp('Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular');
```

Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular

```
W = simplify(Jw_a * Qp');
pretty(W);
```

```

--
|
|  [#5 (sin(th5(t)) (cos(th4(t)) #1 - sin(th4(t)) #4) + cos(th2(t)) cos(th5(t)) sin(th1(t))) + #10 cos(th1(t)) + #6
--
- #8 cos(th2(t)) sin(th1(t)) - #7 cos(th2(t)) sin(th1(t))],
[#5 (sin(th5(t)) (cos(th4(t)) #3 - sin(th4(t)) #2) - cos(th1(t)) cos(th2(t)) cos(th5(t))) + #6 (cos(th4(t)) #2 + s
+ #10 sin(th1(t)) + #8 cos(th1(t)) cos(th2(t)) + #7 cos(th1(t)) cos(th2(t))],

--
|  $\frac{d}{dt} \text{th1}(t) + \frac{d}{dt} \text{th2}(t)$  - #5 (cos(th5(t)) sin(th2(t)) + cos(th2(t)) sin(th5(t)) sin(#9)) + #8 sin(th2(t)) + #7 s
-- dt dt

cos(th2(t)) cos(#9)  $\begin{bmatrix} \text{---} & \text{---} \\ | & | \\ | & | \\ \text{---} & \text{---} \end{bmatrix}$ 

```

where

$$\#1 == \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) - \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t))$$

$$\#2 == \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) - \cos(\text{th1}(t)) \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th2}(t))$$

$$\#3 == \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th1}(t)) + \cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t)) \sin(\text{th3}(t))$$

$$\#4 == \cos(\text{th1}(t)) \sin(\text{th3}(t)) + \cos(\text{th3}(t)) \sin(\text{th1}(t)) \sin(\text{th2}(t))$$

$$\#5 == \frac{d}{dt} \text{th7}(t)$$

$$\#6 == \frac{d}{dt} \text{th6}(t)$$

$$\#7 == \frac{d}{dt} \text{th5}(t)$$

$$\#8 == \frac{d}{dt} \text{th4}(t)$$

$$\#9 == \text{th3}(t) + \text{th4}(t)$$

$$\#10 == \frac{d}{dt} \text{th3}(t)$$