Estadística II - Taller 03 Semestre: 2023-01

Profesores: Francisco Javier Rodríguez Cortés, Julieth Verónica Guarín Escudero

Monitor: Matheo Muñoz Betancur

Este taller se divide en dos secciones, en la primera se trabajará lo relacionado a la validación del modelo. Posterior a esto, se considera un ejercicio en el que se realiza la prueba de falta de ajuste a un modelo.

En primer lugar considere el siguiente conjunto de datos.

Tabla 1: Presentación de los datos

У	X
7.775644	3.696441
26.212254	-2.318757
32.596627	-2.963425
12.922859	4.317268
54.455274	-3.727324

El día de hoy, la misión será realizar los siguientes ejercicios, claro está, haciendo uso de R.

1. Genere la base de datos que se muestra previamente usando el siguiente código.

```
gen_dat <- function(n, seed = 7){
  varianza <- 16
  set.seed(seed)
  x <- rep(runif(n=floor(n/2)+1, min=-5, max=6),2)[sample(2*floor(n/2)+2,n)]
  media <- 4 - 6 * x + 2 * x^2
  set.seed(seed^2)
  y <- rnorm(n=n, mean=media, sd=sqrt(varianza))
  marco_datos <- data.frame(y=y, x=x)
  return(marco_datos)
}
datos <- gen_dat(75)</pre>
```

2. Ajuste el modelo de regresión lineal simple

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + \varepsilon_i, \ \varepsilon_i \stackrel{iid}{\sim} N(0, \sigma^2); \ 1 \le i \le 75$$

3. Determine qué parámetros son significativos y cuáles no en el modelo, hágalo de manera rápida aprovechando alguna de las funciones de R usadas hasta el momento. **Nota:** Asuma que se cumple el supuesto de independencia de los residuales.

- 4. Extraiga los residuales del modelo y verifique que estos tengan media igual a 0.
- 5. Determine si los residuales tienen varianza constante, argumente por qué esto es o no es así, además, si nota algún patrón o algo que considere anormal, coméntelo.
- 6. Evalúe el supuesto de normalidad de los residuales, hágalo usando un gráfico cuantil cuantil y finalmente una prueba de hipótesis.
- 7. Realice la prueba de falta de ajuste para los datos del modelo

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X i + \varepsilon_i, \ \varepsilon_i \stackrel{iid}{\sim} N(0, \sigma^2); \ 1 \le i \le 75$$

para ello use la función rsm del paquete rsm.

8. Con la base de datos del archivo decaimiento.xlsx, haga un análisis de si se puede ajustar un modelo, bien sea lineal o intrínsecamente lineal, escriba el modelo y cúales son sus supuestos, reporte los coeficientes estimados e interprételos.

Nota: se propone como ejercicio realizar la validación del modelo