Estadística II - Taller 10 Semestre: 2023-01

Profesores: Francisco Javier Rodríguez Cortés, Julieth Verónica Guarín Escudero

Monitor: Matheo Muñoz Betancur

Responda las preguntas de 1 a 3 apoyado en la siguiente información

Un guardabosque quiere estimar el número promedio de hectáreas plantadas de árboles en los ranchos de un estado. Ya que el número de hectáreas de árboles varía considerablemente con respecto al tamaño del rancho, decide estratificar con base en el tamaño de los ranchos. Los 240 ranchos en el estado son puestos en una de 4 categorías de acuerdo con el tamaño. Una muestra aleatoria estratificada de 40 ranchos, seleccionados mediante asignación proporcional, produce los resultados del número de hectáreas plantadas de árboles que se muestran en la siguiente tabla:

Estrato 1 0 – 200 hectáreas		Estrato 2 201 – 400 hectáreas		Estrato 3 401 – 600 hectáreas		Estrato 4 Más de 600 hectáreas
N ₁ =86		N ₂ =72		N ₃ =52		N ₄ =30
n ₁ =14		n ₂ =12		n₃=9		n ₄ =5
97	67	125	155	142	256	167
42	125	67	96	310	440	220
25	92	256	47	495	510	780
105	86	310	326	320	396	655
27	43	220	352	196	-	540
45	59	142	190	-		-
53	21	-		-		-

- 1. Realice una estimación para el número promedio de hectáreas plantadas de árboles en los ranchos de los estratos 1 y 2, y realice su respectivo intervalo de confianza del 95 %.
- 2. Al realizar una estimación para el número promedio de hectáreas plantadas de árboles en los ranchos del estado, y su respectivo intervalo de confianza del 95 %, se obtiene: a. 212.69 y (205.6, 312.8)
 - b. 207.4399 y (173.8382, 259.45)
 - c. 212.942 y (177.4371, 249.62)
 - d. Ninguna de las anteriores
- 3. Encuentre un intervalo de confianza del $90\,\%$ para el total de hectáreas plantadas en los ranchos del estado.

Responda la preguntas 4 con base en la siguiente información:

Se pretende determinar la prevalencia de una peligrosa enfermedad (Maedi), en una explotación de N=250 ovejas: La probabilidad de que una oveja esté infectada de Maedi está directamente relacionada con su edad, por lo que decide estratificarse con base en la edad. Se tomó una muestra de n=98 ovejas mediante asignación proporcional. La siguiente tabla resume los resultados.

	Estrato1	Estrato2	Estrato3.	Estrato4.
	Ovejas que tienen	Ovejas que tienen entre	Ovejas que tienen entre	Ovejas que tienen más
	hasta dos años	tres y cuatro años	cinco y seis años	de seis años
Número de ovejas	110	70	45	25
Número de ovejas muestreadas	40	28	19	11
Proporción de ovejas infectadas	15%	50%	52%	63%

- 4. Realice una estimación para la proporción de ovejas con Maedi en la explotación, así como su respectivo intervalo de confianza del 95 %. De lo anterior se puede concluir:
- a. Con una confianza del $95\,\%$ la proporción de ovejas en la explotación con Maedi se encuentra entre 73,2481 y 108,0519.
- b. Con una confianza del 95 %, se puede afirmar que la proporción de ovejas con Maedi en la explotación se encuentra entre 0,293 y 0,432.
- c. Con una confianza del 95 % la proporción de ovejas en la explotación con Maedise encuentra entre 73,24 % y 108,05 %.
- d. El porcentaje de ovejas en la explotación con Maedi se encuentra entre 0,0293 y 0,432, a un nivel de confianza del $95\,\%$.
- 5. Se desea estimar la altura media (en centímetros) en una población donde se tomaron tres estratos generados por la etnia. El presupuesto disponible solo alcanza para seleccionar una muestra de n=210 unidades. Los tres estratos estan compuestos por 1000, 2000 y 5000 individuos cada uno, además, estudios previos tienen las siguientes estimaciones de la varianza dentro de cada estrato: $S_1^2=100,\,S_2^2=81,\,S_3^2=36.$ ¿Cómo se distribuiría la muestra global haciendo uso de?
- a) Afijación de Neyman.
- b) Afijación proporcional.
- 6. Suponga que se tiene una población dividida en cuatro estratos, con afijaciones $\psi_1 = 0.3$, $\psi_2 = 0.2$, $\psi_3 = 0.25$ y costos unitarios de muestreo por estrato $C_1 = 10$ USD, $C_2 = 25$ USD, $C_3 = 50$ USD y $C_4 = 5$ USD. Estime el tamaño de muestra sabiendo que el presupuesto total del que se dispone para hacer el muestreo es de 1500USD
- 7. El jefe de personal de una empresa desea estimar para un año el número promedio de días utilizados de permiso de enfermedad entre las 46 plantas de la empresa. Las 46 plantas se dividen en 20 plantas pequeñas y 26 plantas grandes. Por experiencia se sabe que el jefe cree que las plantas pequeñas pueden utilizar entre 0 y 100 días de permiso de enfermedad, mientras que las plantas grandes pueden utilizar entre 10 y 200 días de permiso por enfermedad. Si desea estimar con un error no mayor a 3 días.
- a) Encuentre la afijación apropiada de la muestra para los estratos.
- b) Determine el tamaño de muestra adecuado.