1. Propiedad 1

Escribimos el DNI como:

 $N = a_{1}10^{7} + a_{6}10^{6} + a_{5}10^{5} + a_{4}10^{4} + a_{5}10^{3} + a_{1}10^{2} + a_{1}10 + a_{0}$

aiez y 0 = ai = 9

Supongamos que se ha cometido un error en la posición i de manera que en lugar de escribir la cifra ai se ha escrito la cifra (a_i+e) , $e \in \mathbb{Z}$ con $-a_i \leq e \leq 9-a_i$. Llamemos Ne al nº del DNI con un error en el lugar i: $N_e = a_{710}^7 + a_{610}^6 + a_{510}^5 + a_{410}^4 + a_{310}^3 + a_{210}^2 + a_{110} + a_{00}^4 + e_{10}^4 = N + e_{10}^4$ No detectanamos el error si N = Ne (mod 24) ⇒ N = N+e 10 (mod 24) €> e 101 = 0 (mod 24)

El problema es que 10 y 24 no son coprimos y entonces puede que no se detectasen ciertos errores.

For ejemplo, si $a_i = 2$ en la posición i = 2 no detectaria un error e = 6 porque $6.40^2 = 600 \equiv 0 \pmod{24}$

Propiedad 2

Supongamos que se han permutado las cifras de las posiciones i e i+1, 0≤i≤6. Para no detectar el error la letra asignade tiene que ser la misma:

 $N \equiv N_e \pmod{24} \iff N - N_e \equiv 0 \pmod{24}$

 $N-N_e = (a_{i+1}-a_i)10^{i+1} + (a_i-a_{i+1})10^i = (a_{i+1}-a_i)10^i .9 = 0 \pmod{24}$

De nuevo, 10:9 no es coprimo con 24 y pueden no detectarse errores. Por ejemplo, para una permutación en la 2= y 3=

afra (ed. 1=2) donde ain-ai =2 ó multiplo de z tenemos:

2K. 102. 9 = 1800 K = 0 (mod 24) para KEIN

Propiedad 4

Supongamos que la cifra que está en la posición i es ilegible, pero conocemos las 7 cifras restantes y la letra (el resto mod. 24 del DNI).

Tenemos $N = a_2 10^7 + q_1 0^6 + a_5 10^5 + q_4 10^4 + a_3 10^3 + a_2 10^2 + a_1 10 + a_0 \equiv r \pmod{24}$ donde r y todos los q_i 's son cono aidos excepto uno, sec a_j , en tal caso:

 $a_{j} 10^{j} = r - \sum_{0 \le i \le 7} a_{i} 10^{i} \pmod{24}$

Como 10 no es invertible mod. 24 (no son coprimos) la emación no tiene solución única, y por lo tanto no podemos aveniquar aj salvo que sea ao (10°=1, que sí es invertible).

[2.] Propiedad 1

Supongamos que en lugar de b_j , $1 \le j \le 10$, escribimos $b_j + e$ con $e \in \mathbb{Z}$, $-b_j \le e \le 9 - b_j$, no se detectará el error si: $-b_o = \sum_{1 \le i \le 10} b_i 10^{i-1} + e 10^{j-1} \pmod{12} \iff -b_o = -b_o + e 10^{j-1} \pmod{12}$

 \Leftrightarrow e $10^{j-1} \equiv 0 \pmod{12}$

Como antes, 10 j 12 no sou coprimos, por lo que el error podría no detectarse. Por ejemplo, si $b_j = 2$ en la posición j = 3 (tercera posición) cometernos un error e = 3, este no se detectaría ya que $3.10^3 = 3.10^2 = 300 \equiv 0$ (mod. 12)

Propiedad 2

Pados bo, $b_{1},...,b_{10}$ con $-b_{0} = \sum_{1 \le i \le 10} b_{i} 10^{i-1} \pmod{12}$ permutamos $b_{i} y b_{j+1}$

No se detectara el error si $-b_0 = \sum_{\substack{1 \leq i \leq 10 \\ i \neq j}} b_i |0^{i-1} + b_j |0^{j-1} + b_{j+1} |0^{j}| \pmod{12}$

 $-b_0 = \sum_{1 \le i \le 10} b_i \cdot 10^{i-1} + (b_j - b_{j+1}) \cdot 10^{j} + (b_j - b_j) \cdot 10^{j-1} \pmod{42}$

 $-b_0 = -b_0 + 40^{j-1} ((b_j - b_{j+1}) 10 + (b_{j+1} - b_j)) \pmod{12}$

 \Leftrightarrow 0 = $10^{j-1}(b_j - b_{j+1})(10-1) \pmod{12} \Leftrightarrow$

 $\Leftrightarrow 9.10^{j-1} (b_j - b_{j+1}) \equiv 0 \pmod{12}$

De nuevo, 9.10 no es coprimo con 12, no se tendrían por que detectar ciertos errores.

Por ejemplo, error en la posición 2 y 3 (j=2) tal por ejemplo, error en la posición 2 y 3 (j=2) tal que $b_j - b_{j+1} = 2K$ $K \in IN$ $(b_j - b_{j+1} \text{ muilhiplo de } 2)$, entonces $9.10.2K = 180K \equiv 0 \pmod{12}$