PROGRAMACIÓN I

Profesor de teoria : EDUARDO SERRANO B-305 eduardo, serrano Quam. es

SEMINARIO

-12:00 - 14:00

DE

MARTES

_18:00 - 20:00

0

M'ERCOLES = 9:00 - 11:00

de datos	
→ ABSTRACCIÓN de datos funcional	
→ TAD / EdD (Implementación)	se se de la companya
1) Definir el conjunto de Datos 2) Definir la interfaz	
2. il a la Deter ou C: int, char, double,	float sino que
Tipos Primitivos de Datos en C En C no hay tipos abstractos de Datos, sou tipos primitivos. Los tipos abstractos de Jatos amplian el conjunto Jatos.	primitivo de
Ejemplo:	
TAD COMPLETO ~ Z p. real p. imaginario COMPLETO crear_complejo (float a, float b); -> creación	complejo (TAD)
complejo Z;	
Z= crear-complejo (3,4); void liberar-complejo (complejo Z); litados per el de datos (en este	1 (IN CLUSITION

DATOS

DE

ABSTRACTOS

lipos

(TAD)

1. DEFINIR EL CONJUNTO DE DATOS
2. DEFINIR LA INTERFAZ DEL TAD (= conjunto de funciones que permiten interactual cou el TAD).
(PSC de las primitivas/funciones)
- Que hacen - Parametros de entrada (y si modifican alguno)
- Que devuelven
ej: complejo-crear (float re, float im) void complejo-liberar (complejo Z) float complejo-get Real (complejo Z) float com plejo-get Imaginaria (complejo Z) status complejo-set Re (complejo Z, float re) complejo-set Im (complejo Z, float im) complejo-set Im (complejo Z, float im)
DATOS del TAD (IMPLEMENTACIÓN DEL TAD) CO
1. Especificar la EdD que vhiliza PARA ALHACENAR los dates. 1. Especificar la EdD que vhiliza PARA ALHACENAR los dates. array array[0] = parteleal parteImg array[r] = parteImg
2. IHPLEMENTAR los ALGORITMOS para las <u>Funciones</u> de la

(DEFINICIÓN DEL IAU)

TAD

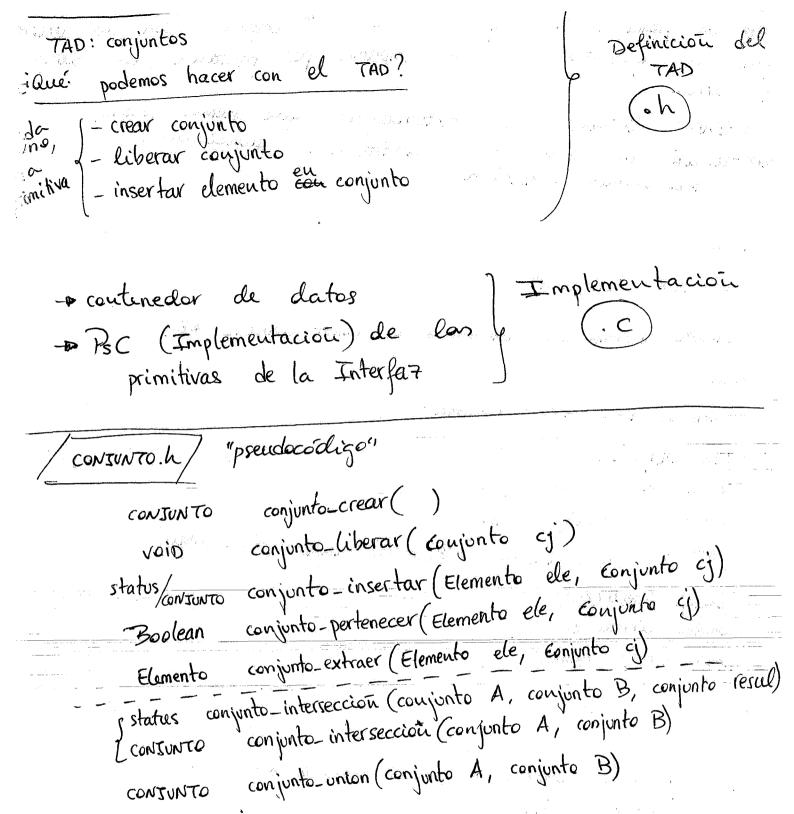
STERFAZ.

```
(#include "status.h")
         struct - COMPLETO COMPLETO;
          complejo-crear (float re, float im);
 uoid complejo_liberar (compr∈50 * Z);
 COMPLETO * complejo-actualizar (COMPLETO * Z, float re, float im);
(status)
 #include "complejo.h"
 struct - complessod
COMPLETO * Crear_complejo (float re, float im) {
      COMPLESO #2;
     Z= (COMPLETO *) malloc (Sizeof (COMPLETO));
                                                  return wucc;
      Z->re = re;
      Z⇒im = im;
```

return z;

```
programa en C que cree dos nºs complejos con los
          quieras y que imprima por pantalla la
   ellos.
cuidado: utilizamos la metodología que hemos visto,
                         y abstracción funcional.
         de datos
     > conocemos /complejo. h
main. C/
  #include "completo.h";
         * SUMA (const COMPLETO * Z1, CONST COMPLETO
 main ()
   COMPLETO *21, *22,
                       * Zsuma;
   Z1 = complejo-crear (1,2);
   Z2 = complejo_ crear (10, 20);
   Zsuma = suma (71, 22);
   printf ("%f %f", complejo-get Re (7suma), complejo-get Im (7suma));
  complejo_liberar (Z1);
  complejo_ Liberar (22);
  complejo_Liberar (zzuma);
                           # 21, const COMPLEJO # 22) }
COMPLETO & SUMa (const completo
    float Resuma, Imsuma,
    Resuma = complejo-getReal (21) + complejo-getReal (22);
    COMPLETO *Suma;
   Im Suma = complejo-get Im (71) + complejo-get Im (72);
    suma = complejo-crear (Resuma, Im Suma);
   return Suma;
```

ROBLEMIT



```
CONJUNTO, h / En
   # include "Elemento.h"
   # include "tipos.h"
                            conjunto;
  typedef struct - conjunta
 conjunto * conjunto_crear ();
 void conjunto-liberar (conjunto *cj);
 conjunto * conjunto_insertar (const Elemento *ele, conjunto *cj);
           conjunto-pertenece (const Elemento rele, const conjunto *cj);
                 -> PETERHINAMOS CONTENEDOR DE DATOS: ARRAY
CONJUNTO. C
  #include "Conjunto.h" # define Ele-max 100
  Hinclude "tipos.h"
  struct -conjunto {
        Elemento «a [Ele-max];
    int cardinal;
 conjunto * conjunto-crear(){
        conjunto &cj;
       cj = (conjunto *) malloc (size of (eon junto));
        if (cj == NULL) 1
          return NULL;
        cj-cardinal = 0;
        return cji
```

```
r = conjunto_crear(); (*)
                                                              (x) if ( r == NULL
                                                                      re furn
     for (i=0; i < a , cardinal; i++) }
           if (conjunto_insertar (r, a [a [i]) == ERROR) {
                conjunto_liberar (r);
                return ERROR;
     for (i=o; i< b->cardinal; i++) of
         if (conjunto-pertenece (a, [b[i]) == FALSE)
             if (conjunto_insertar(r, [b[i]] = ERROR)
                   conjunto-liberar (r);
                   return ERROR;
                                               status conjunto-insertar(conjunto rej denorio
      return OK;
                                                 ||ele == NULL || conjunto-pertenece (cj. ele) ==
                                                    == Teve) (
                                                         return eleror
void conjunto-liberar (conjunto * c) }
     int i;
     for (i=0; iz c = cardinal; i++) {
                                                     Elemento *copia;
         elemento-liberar (c > a TiJ);
                                                     copia = elemento-copiar (ele);
                                                     cj > a[cj -> cardinal]=copia;
     free(c);
                                                    cj > cardinall ++;
```

(stack) PILA pila-insertal" pila_crear() push (PILA p. Elemento ele) min. extraeri

pop (Pila) pseudo código ento pop (Pica p) pila-tope (PicA) p) pila_llena(PiLA p) lean pila-vacia (PiLA P) PilA.h #include "Elemento.h"
#include "types.h" typedef struct-pila Pila; PiLA * pila_crear(); void pila-liberar (PilA KP); push (Pica *p, const Elemento *ele); Elemento * pop (PilA *P); Elemento* pila-tope (const PilA *P); pila-llena (const PilA *P); Boolean pila-vacia (const PilA *P); 36 dean

```
struct -pilad
      Elemento *dat [HAXELE];
      int tope:
 Si
                                                for (i=0; ic MAX-ELE; i++)
Pila x pila-crear() {
Pila xp;
                                           (*)
                                                      podat [] = Noce jon shows
                                                    11 no es necesario, pero recomend
     p= (* Pila) malloc(siteof(Pila));
      if (P==NULL) h
                                                         THE PROPERTY OF STREET
            return NULL;
                       // también podia ser p-stope = 0;
     return p;
Bodean pila-vacia (const * pica *p) /
   if (p == NVLC)
       return TRUE;
if (p-tope == -1)
        return TRUE;
   return FALSE;
void pila_liberar (PiLA *P) {
int i;
                                          @ if(p! = NULL) }
   for (i=0; i <= p-stope; i++) of
       elemento_liberar(p=dat[i]);
    free (P);
```

```
push ( PilA *P, const Flemento *ect) 1

Flemen to *ele2;
       if (p == NULL | ele == NULL | pila-llena(p) == TRUE)
              return ERROR;
     pstope ++;
      elez = elemto-copiar (ele);
       if (ele 2 == NULL)
            return ERROR;
       p-sdat [p-stope] = ele 2;
       return ok;
Elemento * pop (PilA *p) d

Elemento * ele = NULL;
       if (p==wull || pila_vacia (p) == TRUE) {
      return nucli
        ele = p > dat [p > tope];

p > dat [p > tope] = NULL;
           ps stope -- /
          return ele;
         pila-llena (eonst Pila *p) &
Boolean
     if (p = = NULL) {
         return FALSE;
      if (p>tope == (MAX.ELE-1)) of
          return TRUE;
      return FALSE;
```

75* + 29+8* -

A CHARLES OF THE STATE OF THE S

The second section of the contraction of the contra

* programme and substitution of the second s

inted**ay** institut

and A Broken them.

[3+7+5]-[2+9)+8; [3+5++]29+8+-

· 4

```
Pricaciones TAD PILA

- Balanceo parentesis (símbolos apertura/cierre)

(parseo de expresiones)

- Expresiones aritméticas Sufijo

Prefijo
```

```
DE PARÉNTESIS
  PSEUDOCÓDIGO
                     BALANCEO
Bodean evaluar Expression (cc s) - char leer Caracter (cc s)
- Boolean es Simbolo Apertura (cc s)
- Boolean es Simbolo Cierre (char s)
- Boolean es Simbolo Cierre (cc s)
      Bodean evaluar Expression (cc s) of
            pila_ini(p); if (pila_ini(p) = = ERROR)

return = ERROR;

while (c = leer(aracter(s) \neq E03) of
                                                                               (*) if (push(c|p) = = ERROR)
if (esSimboloApertura (c) == TRUE)
                                                                                         pila-destroy (P)
                                                                                         return ERROR;
                    else if (es simbolo Gierre (c) == TRUE)
                             9= pop (p);
                                  if (q == NULL) pila-destroy (P)
return ERROR;
```

if (pila-vacia(p) == TRUE){

pila-destroy(p);

return TRUE;

pila-destroy(p);

return FALSE;

en la pila (push) si es un operando la meto per la pila (push) si es un operando sacas 2 de operandos de la pila (2 pop) y los operas. El resultado lo metes (push) en la pila,

7 7 35 2 88

- 3 3 3 3 38 38 38 -5

Pseudocódigo de sufijo a resultado t evalua Expr Sufijo (string S) p = pila = ini()while (c = leer (aracter(s) $\neq EoS$)

if (esOperando (c) == TRUE)

push (c,p)

else op2 = pop(p) 3

op 1 = pop (p) (1) $r = \text{evalue}(\text{op 1}; \text{op 2}, \text{c})_{+},$ push(r, p) r = pop(p) (5) if(pila - vacia(p) = = True)

return NaN

return r

(1) if (p== NULL)
return NaN

2) if (push(c,p) == ERROR)
pila - destroy (P)
return Nan

3) if (op2 == NULL)
pila-destroy(p)
return NaN

4 = 3

5) if (r== NULL)
pila - destroy
return NaN

sufijo

infijo

a

de

string traducir (string s)

char leer (aracter (string s)

printf (string s', char c)

int prec (char op 1, char op 2)

Bodean es Operador (char c)

string traducir(s) of

pile_ini(p)

while(c=leer (aracter(s) = Eos) of

if (esOperador(c) = FALSE)

printf(s', c)

else of:

else of:

while (preferencia (pila-top (p), c) ≥ 0)

c'= pop(p)

;;;;; string-concatenar(s', c!)

prish (prc) = -

```
(pseudocódigo)
                parentesis simple
         balanceode Parentesis Simple (CC string) of
Bool
       if (string == NULL) return FALSE;
       Stack
       p= pila-crear();
        if (p == NULL) return FALSE,
       while (it = leer Simbolo (string) + EoS) of
             if (essimbolo Apertura (it)) {
                  if (pila-push (p, it) == NULL)/
                        return' FALSE;
             else if (es Simbolo Cierre (it) h
                  if (ele = pila - pop (p) == NULL) destroy (p)
                       return FALSE;
                    element-destroy (ele);
         if (pile vaeia (p) == FALSE) / pile - destroy (p);
              return FALSE;
          pila - destray (p);
```

return TRUE;

```
balanceo De Parentesis Multiple (CC String) of
Bool
       if (string == NUCL) return FALSE;
       Stack P;
       p= pila-crear();
       if (p==NULL) return FALSE,
      while (it = leer Simbolo (string) + EOS) 4
             if (es Simbolo Apertura (it) 1
                 if (pila-push (p, it) == NULL) {
                      return FALSE;
             lelse if (es Simbolo Cierre (it)) 1
                      if (ele = pila-pop (p) == NULL || sonPareja (ele, it) == FALSE)4
                           pila destroy (p);
                            return FALSE
                      element - destroy (ele);
        if (pila-vacia (p) == FACSE)
            pila-destroy (P)
             return FALSE
        pila-destroy (P);
         return TRUE
```

```
Posfijo (pseudocódigo)
                     Expresion
Evaluación
       evaluar Posfijo (CC string, int r) of
     Stack p;
     if (string == NULL | r== NULL) return ERROR;
     p= pila_crear();
     if (p==NULL) return ERROR;
    while (it = leer I tem (string) = EOS)
          if (es Operando (it)) {
               if (pila-push (p, it) == NULL) {
pila-destroy (p);
          else if (es Operador (it)) {
                if (elet = pila-pop(P) == NULL || elez = pila-pop(P) == NULL) {
                     pida-destroy (p);
                     return ERROR;
                 ele3 = evaluar (ele1, ele2, it);
                 if (pila-push (top, ele3) == NULL)
pila-destroy(p);
                       return Eppo
     if (r=pila-pop(p) == NULL) {
           pila -destroy (p);
           return Error;
      if (pila-vacia (p) == FALSE) &
           pila-destroy (p);
          return ERROR;
       return OK;
```

```
if (61 = NULL | SZ == NULL) return ERROR;
p=pila-(reak(),
  if (P== NOLL) return ERROR;
  while (it=lear. Item (ss) = EOS) {
       if (esOperando (it)) {
           pila destroy (p); -> if (pl=NUL)
                 return ERROK;
       else if (es Operador (it) {
           while (pila-vacia (p) = FASE && prec (it) & prec (top(p))){
                  if (ele= pila-pop(p) == NULL)f
                     pila - destroy (p);
                      return ERROR;
                  if (printf (S2, ele) == ERROR)
                      pilo- destroy (p);
                       return ERROR;
             if (pila-push (pit) == NULL) }
                 pile destroy (p);
                  return error;
                                                              pila - destroy (p);
                                                              return OK;
    while (pila-vacia (p) == FALSE) 1
                                                                11 fin funcion
         if (it = pila-pop(p) == NULL)

pila-des troy (p);
             return EDROR;
         if(print (S2, it) == EKROR) 4
             pila-destroy (P);
             return ERROR;
```

(bv(\$*(p-(9+*)))) (* ((+))) V (p-(q+v)) * V (6v(\$*(p-(9+v)))) olitu! abc/dn+ /sgo apc/ opc

```
string decimal 2 base (int num, int base) {

p= pila inil);

S= string'-ini();

while (num/base > base) {

resto = num% base;

push (p, resto);

num = num/base;

push (p, num% base);

push (p, num% base);

for (i=0; i < top < i++) {

c = ptlc - pop (p);

printf(S, c);
```

TAD: LISTA de objetos donde: DEFINICION: Colección uno tiene un objeto "signiente". - todos menos - todos menos uno tienen un objeto "anterior". Permite la representación secuencial y ordenada de dejetos de alquier tipo. PRIMITIVAS: lista_crear() lista lista-eliminar (lista l) lista_insertar/principio (Lista l, elemento ele) status lista-insertar Lfinal (Lista l, elemento ele) status lista-insertar/posicion (Lista l, Elemento ele, int posicion) IMPLEMENTACIÓN EN C: struct - Nodo of Elemento *info; struct - Nodo *next; typedef struct - Nada Nada; void nodo_eliminar (Nodo *pn) } Nodo *nodo_crear()} if (pn == NULL) return Noda *n=NULL; elemento_liberar (pn = info); n=(Nodo *) malloc(sizeof(Nodo)); free (pn); if (n == NULL) return NULL; @ if (projinfo != NUZL) of elemento-liberar (prasing n > info = NULL; nanext = NULL; return n;

```
typedef struct - dista Lista;
typedef struct -Nodo/
     demento minto;
     struct - Nado mext;
                                     lista * lista-crear();
                                     void lista_eliminar (lista * pl);
Modo;
                                     status lista_insertar_principio(lista *p
struct - Lista1
                                                                   Elemento oxel
    Nodo refirst;
 lista * lista_crear(){
       Lista * l;
       l=(Lista *) malloc (size of (Lista))
       if (l== NULL) return NULL;
       l- first = NULL;
       return l;
status lista-insertar Lprincipio (lista *pl, Elemento *ele);
                                             → Nodo *n;
       if (pl == NULL) return ERROR;
       n = nodo_crear();
       if (n == NULL) return ERROR;
                                           if (noinfo ==NULL)
      n-sinfo = elemento-copiar (ele);
                                                nodo-eliminar (n);
      n > next = pl > first;
                                                return ERROR;
      plafirst = n;
      return OK;
```

```
lista - extraer Lprincipio (Lista & pl) 1
       Elemento * copy;
       Nodo *pn;
       if (pl == NULL) return NULL;
      copy = elemento-copiar (pl > first > info);
      pn= pl = first;
      pl=first = pl=first=next;
      nodo_eliminar(pn);
      return ele;
}
      lista_insertarFin(lista *pl, Elemento rede) {
                   Noolo *i;
     if (pl == NULL | ele == NULL) réturn ERROR;
     n = nodo-crear();
     if (n == NULL) return ERROR;
    n-sinfo = elemento-copiar (ele);
                                                                if (Rista-vacia (pl) == TRUE)
    if (n -> info == NULL) {
                                                                   pl > first = n;
                                                                    retorn oic;
        nodo_eliminar(n);
        return ERROR;
    for (i= pl > first; i=next ≠ NULL; i=i=next);
    innext = n;
    return ok;
4
```

O if(pl -> first -> next == NULL){ oux = element-copy (pl > first-sinf (A) if (pl == NULL) nodo_eliminar (pl > first); return NULL; pl-s first= MULL; for (pn = pl = first; (pn = next) = next l = NULL; pn=pn-next); aux = element-copy (pn-, next-info) () if (aux == NULL) return NULL; nodo_eliminar(pn=next); pn-next = NULL; return aux; lista-liberar (lista *pl){ void Elemento xele; if (pl == NULL) return; while (listavacia(pl)!= Tru€)} while (lista-vacia (pl) = TRUE) of pn=pl>first; ele = lista-extraer Ini (pl); elemento-liberar (ele); pl > first = pn > next; node _ destroy (pn);

3) Forma recursiva de lista-liberar.

return ele;

struct _ lista EC |

Nodo *klast;

lista EC_insertar End(Lista EC *pl; Elemento relb);

Nodo *pn;

pn = nodo_ini();

pn = info = elemento_copiar (ele);

pn = next = pl = last = next;

pl = last = pn;

pl = last = pn;

return OK;

ListaEC * listaEC - ini() {

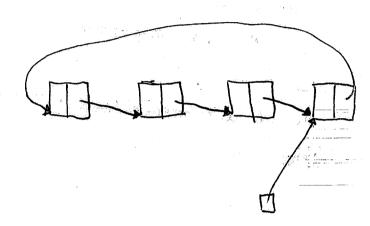
ListaEC *pl;

pl = (ListaEC *) malloc (sizeof(ListaEc));

if (pl == NULL) return NULL;

pl > last = NULL;

return pl;



Elemento * lista EC_extraer Ini (lista EC *pl) {

Elemento *aux; Nodo * naux;

aux = elemento_copiar (pl > last > next > info);

naux = pl > last > next.

pl > last > next = pl > last > next;

nodo_eliminar (naux);

return aux;

```
JERCICIOS LISTAS
```

```
status lista_elim Vet (Lista *p))

Nodo *pn = NULL;

Nodo *pn = NULL;

If (pl > first = = NULL) / Noi lista valia

if (pl > first = = NULL) / Noi lista valia (p) == TRUE)

return UK;

if (pl > first > next = = NULL) / Noi sdo 1 elemento

nodo - liberar (pl > first);

pl > first = NULL;

return OK;

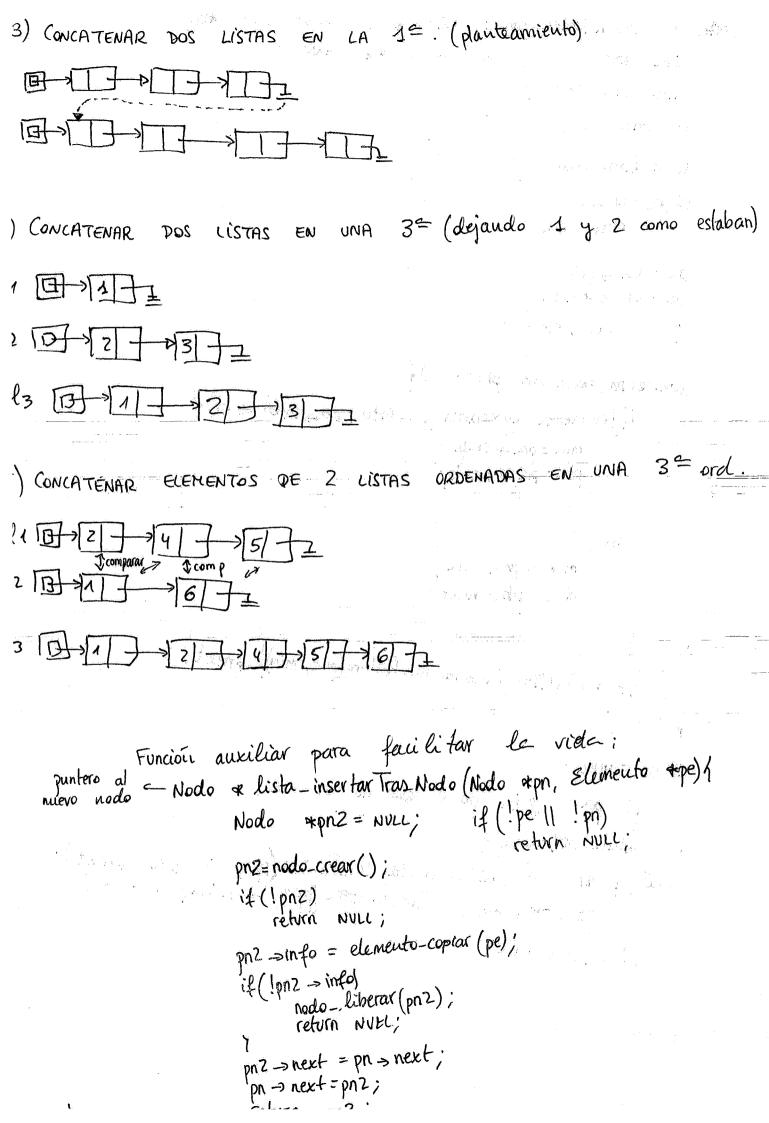
for (pn = pl > first, pn > next > next != NULL, pn = pn > next);

nodo - liberar (pn > next);

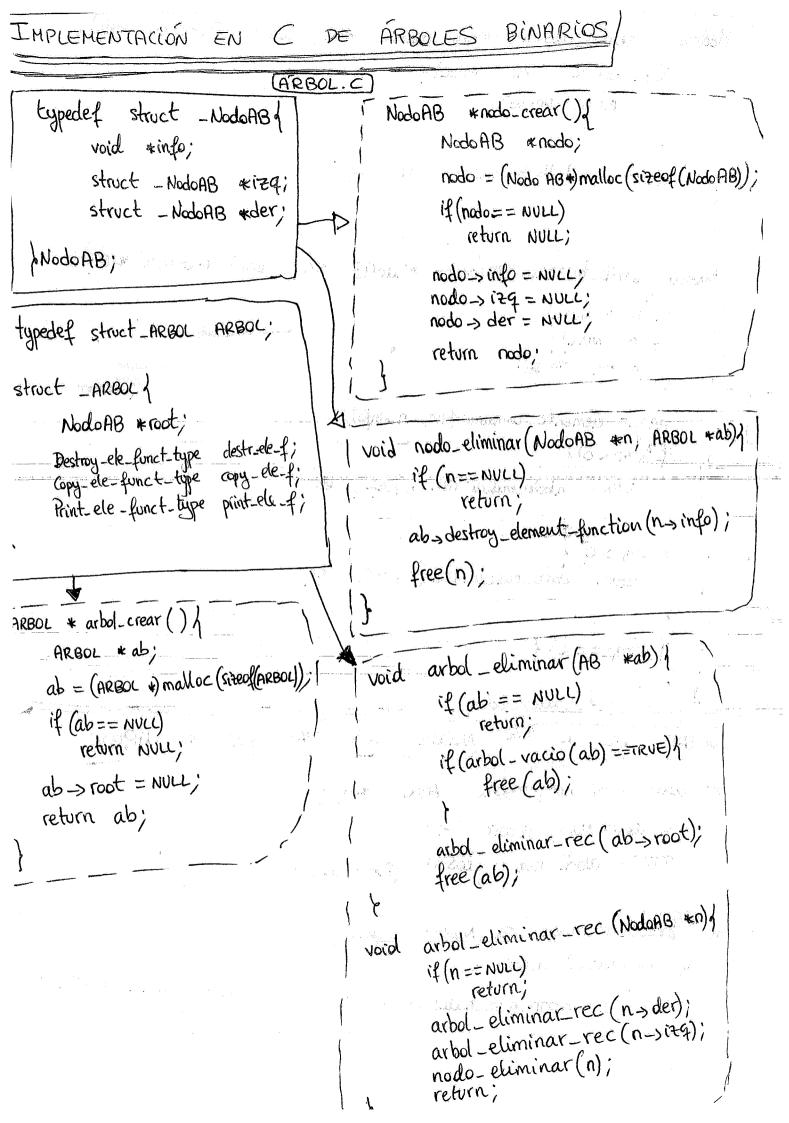
nodo - liberar (pn > next);

pn > next = NULL;
```

```
lista_insertarOrden (Lista *pl, Elemento
                                                        *pe) {
Status
      Nodo
               *bu = NATT;
                                                           @if(pl==NULL()f
                                                                return ERROR;
      Nodo
              * praul = NULL;
     pn=nodo_crear();
                                                          B if (pn == NULL) {
                                                                return ERROR;
     pn-info = elemento-copiar (pe);
                                                          C if (bu > into = = nucl)}
                                                                node_liberar (12n);
     if (pl > first == NULLY // le vacia
                                                                       ERROR;
        pl=first = pn;
        return ox;
    if (elemento_comparar (pn = info, pl=first= info) < 0) 1/
        pn->next = pl -> first;
        plafirst = pn
        return ok;
   for (pnaux = pl > first; pnaux = next! = NULL &B
              elemento_comparar (paaux = next = info, pn = info) < 0; pnaux = pnaux=ne
   pn = next = pnaux = next;
    pnaux = next = pn;
     return
            OK;
```



```
*pb=NULL , **PC =NULL;
Nodo *pa = NULL ,
Lista *1c = NULL ;
Elemento min;
lc = lista_crear();
if(lc==NULL)
  return NULL;
pa= la -> first;
pb= lb -> first;
 pc = & (lc -) first);
while (pa!=NULL && pb!=NULL) {
     if (elemento-comparar (pasinfo, pbs info) < 0)?
           min=pa-sinfo;
        __ pa = pa >> next;
      else h
            min = pb-> info;
            pb = pb > next;
     Ppc = &((lista Insertar Tras Puntero(ppc, min)) =>next);
if (pa! = NULL) {
     pb=pa; // En plo et que no es NULL;
     ppc = & ((Lista Insertar Tras Puntero [ppc, pb-sinfo))-> next);
 while (pb! = NULL){
     pb = pb > next;
 return Rc;
```



```
abab buscar (anst HRBOL
     if(ab == NULL | ele == NULL) {
           return FALSE;
 return abdb_buscar_rec (ab, ele);
 Boolean abolle-buscar-rec (const NodoAB *n, const Elemento * ele) 4
     int cmp;
      if (n == NULL) {
        return FALSE;
     cmp = elemento-comparar (ele, n-sinfo);
     if (cmp < 0) {
         return abold-buscar-rec (n = 129, ele);
     if (cmp>0) 1
        return abdb buscar rec (n) der, ele);
     return TRUE;
                                   QUE
                                         HAY
                         NODOS
                                                    S
                                               EN
CONTAR EL
int abdb_num_nodos (const ARBOL *ab){
     if (ab == NULL) return -1;
     return abdb-num-nodos-rec (ab->root);
int abdb_num_nodos_rec (NodoAB *n){
   if (n == NULL) return 0;
   return (1 + abdb_num_nodos_rec (n_iq) + abdb_num_nodos_rec (n > der))
```

```
Status abolinsertar (ARBOL *ab, cost Elemento rele) of
     if (ab == NULL | ele == NULL))
          return ERROR;
                               / dirección
    return abdb_insertar_rec (Rab > root, ele);
Status abdb-insertar_rec (NodoAB **n, const Elemento rele)
    int cmp;
    if ((* n) == NULL) }
                                         * n = nodoAB_crear();
                                        if (*n == null) return ERROR)
                                         elemento-copiar (kin; ele);
    cmp = elemento_comparar (ele, (*n) = info);) if ((*n) = info == NULC) 1
                                                     nodo_liberar (4n);
   if (cmp<0) 1
        return abold_ insertar_rec (& (*n-) ing), ele)
   if (cmp>0) 1
       return abdb_insertar_rec (& (*n->der), ele);
   return OK;
               Ne
CONTAR
                         HOTAS
                    DE
                                  QUE
                                                          ARBOL
                                       HAY
                                              EN
                                                    S
      abdb-num.hojas (censt AeBol
                                    * ab)
      if (ab == NULL) return -1;
      return abdb-num-hojas-rec (ab->root);
      abolb-num-hojas-rec (NodoAB *n) }
     if (n== NULL) return 0;
      if (n=)izq == NULL && n=der == NULL) return 1;
     return (abdb-num-hojas-rec (n. 124) + abdb-num-nodes-rec (n. 3 der));
```

análogo para NodoAB* abdb_buscar_maximo (ARBOL *ab)} buscar el if (ab == NULL) return NULL; mínimo, return abob_buscar_maximo_rec(ab->root); NodoAB* abdb-buscur-maximo-rec (NodoAB *n) if (n == NULL) return NULL; if (no der == NULL) return n; return abdb-buscar-maximo-rec (n-) der);

COLAS DE PRIORIDAD

PILAS (LIFO) De generalización - O COLAS DE PRIORIDAD COLAS (FIFO)

(omo la EdD con arrays y listas es normalmente (o en extraer o en insertar) de coste O(n), la EdD seran los HEAPS

HEAPS (= TAD) es un tipo de árbol binario

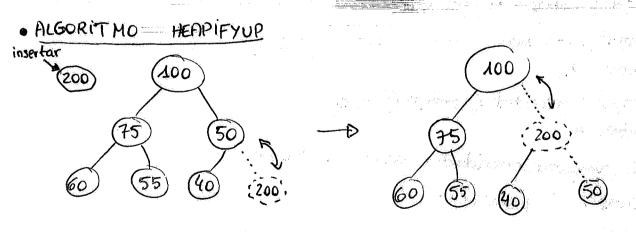
IRBOL BINARIO ESTRICTAMENTE CASI-COMPLETO: PRIORIDAD DE HEAD

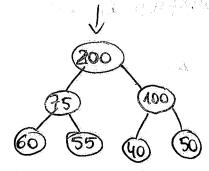
O O O O Casi-completo

completo casi-completo

ro casi-completo







(21+1) right (i) ~ (2i+2) parent (i) ~ 0 $\lfloor (i-1)/2 \rfloor \equiv floor(\frac{(i-1)}{2})$ ~o número de nodos -1 ≡ » posición en el array del heap-size (A) swap(A,i,j) ~ cambia el info de indice i por el info de J. HEAP tal forma! ordenado de Heap heapifyUp (Heap A, int i){ if (parent(i) == NULL) return A;

Pseudocodigo del algoritmo HeapifyUp

Heap heapifyUp (Heap A, int i) {

if (parent(i) == NULL)

return A;

if (comparar-prioricad(i, parent(i)) < 0)

return A;

else if (comparar-prioridad(i, parent(i)) > 0) {

swap(A, i, parent(i));

heapifyUp(A, i);

return A;

```
Status abolb_insertar(ARBOL *ab, cost
                                          Elemento rele) of
     if (ab == NULL | ele == NULL))
          return ERROR;
                                , dirección
           abdb_insertar_rec (Rab_> root, ele);
        abdb-insertar-rec (NodoAB **n, const Elemento rele)
     int cmp;
    if ((* n) == NULL) }
                                          * n = nodoAB_crear();
                                          if (*n == NULL) return ERROR;
                                          elemento-copiar (kn); ele);
    cmp = elemento_comparar (ele, (*n) > info);) if ((*n) > info == NULC) {
   if (cmp<0) 4
        return abob_ insertar_rec (& (*n-)ing), ele).
   if (cmp>0) 1
       return abdb_insertar_rec (& (*n->der), ele);
    return OK;
CONTAR
               Nº
          EN
                    DE
                         CATOH
                                  QUE
                                       HAY
                                                           ARBOL
                                              EN
                                                     S
      abdb-num-hojas (const AeBol
      if (ab == NULL) return -1;
            abdb_num_hgias_rec (ab=root);
6
int abolb-num-hojas-rec (NodoAB ren) 1
     if (n== NULL) return 0;
      if (n=) izq == NULL && n=der == NULL) return 1;
     return (abdb-num-hojas-rec (n-) 124) + abdb-num-nodes-rec (n-) der)
```

BUSCAR MÁXIMO ÁRBOL análogo para NodoAB* abdb_buscar_maximo (ARBOL *ab) } buscar el if (ab == NULL) return NULL; mínimo, return abob_buscar_maximo_rec (ab-> root); cambiando n-der NodoAB* abdb-buscur-maximo-rec (NodoAB *n) if (n == NULL) return NULL; if (no der == NULL) return n; return abdb-buscar-maximo=rec (n-);

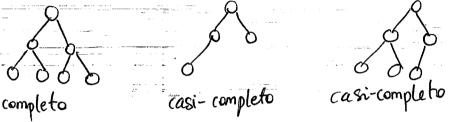
COLAS DE PRIORIDAD

PILAS (LIFO) De generalización - COLAS DE PRIORIDAD

Como la EdD con arrays y listas es normalmente (o en extraer o en insertar) de coste O(n), la EdD seran los HEAPS

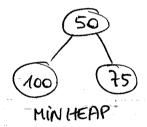
HEAPS (= TAD) es un tipo de árbol binario

IRBOL BINARIO ESTRICTAMENTE CASI-COMPLETO: PRIORIDAD DE HEAP

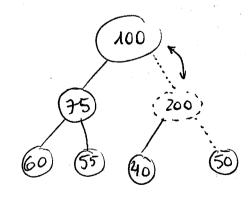


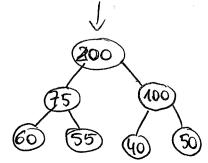
no casi-completo











right (i) ~ (2i+2) parent (i) ~ 0 $\lfloor (i-1)/2 \rfloor \equiv floor(\frac{(i-1)}{2})$ heap-size (A) ~ número de nodos - 1 = posición en el array del último elemento swap(A,i,j) ~ cambia el info de indice i por el info de 1. EdD HEAP forma: DArray ordenado de tal · Pseudocódigo del algoritmo HeapifyUp Heap heapifyUp (Heap A, int i){ if (parent(i) == NULL) return A; if (comparar-prioricad(i, parent(i)) < 0) return A; else if (comparar-prioridad(i, parent(i))>0){ swap(A, i, parent(i)); heapifyup (A, i); return A;

left(i) ~o (2i+1)

del algoritmo Heapify Down Pseudocódigo 1 HeapifyDown(Heap A, inti){ max=i; l = left (i); r= right (i); A[e]>A[i]) if (l < heap-size AND max=l; A[r] > A[max]){ if (r< heap-size AND max=r; if $(max \neq i)$ swap (A, i, max); heapify Down (A, max)

return;