

PROBLEMAS TEMA 7. CAMPO ELECTROMAGNETICO

7.1 Una bobina circular de 4 cm de radio consta de 200 espiras y tiene una resistencia de 20Ω . Está situada en un campo magnético perpendicular al plano de sus espiras cuya inducción varía con el tiempo según $B=0.5e^{-t/2}$. Determinar el valor de la intensidad de corriente inducida en cualquier instante por el campo magnético variable.

7.2 Se hace girar una espira cuadrada de 0.6 m de lado con una velocidad angular constante y una frecuencia de rotación de 3 Hz en el interior de un campo magnético uniforme de 1.2 T de inducción. Calcular la fem inducida en el cuadro.

7.3 Una bobina con 200 espiras y 0.1 m de radio se coloca en un campo magnético de 0.2 T con su eje paralelo al mismo. Encontrar la fem inducida en la bobina si variando linealmente el campo, en 0.1 segundos: a) se duplica el campo; b) se reduce el campo a cero; c) se invierte el sentido del campo. Si la bobina empieza a rotar con velocidad angular uniforme, calcular si en 0.1 s: a) rota 90° ; b) rota 180° .

7.4 A una distancia $a=2$ m de un cable recto muy largo se tiene una pequeña espira cuadrada, coplanaria con el cable, de lado $b=1$ cm y resistencia de 0.5Ω . La espira está colocada de tal forma que uno de sus lados es paralelo al cable. Por el cable circula una corriente que varía linealmente con el tiempo $I(t)=I_0t/t_0$. Calcular la intensidad y el sentido de la corriente inducida en la espira si esta se aleja con velocidad 5 m/s.

$\begin{matrix} = -4V \\ = 4V \\ = 8V \end{matrix} \left\{ \begin{array}{l} 7.5 \text{ Un circuito eléctrico por el que pasa una corriente de } 2 \text{ A crea un campo magnético de tal manera} \\ \text{que el flujo que lo atraviesa es de } 0.8 \text{ Wb. Si la variación de la intensidad es lineal con el tiempo,} \\ \text{calcular la fem inducida en el circuito si en } 0.2 \text{ segundos la corriente: a) se duplica; b) se reduce a cero;} \\ \text{c) se invierte.} \end{array} \right.$

7.6 En un lugar en el que el campo magnético terrestre es 1.45×10^{-5} T, orientado de sur a norte, se encuentra un solenoide largo y estrecho de longitud 50 cm, sección 10 cm^2 y coeficiente de autoinducción $L=8\pi \times 10^{-4}$ H, cuyo eje está en la dirección este-oeste. El solenoide se conecta a una batería de 1V, siendo la corriente estacionaria que pasa por el mismo de 0,01 A. Despreciando los efectos debidos al tamaño finito del solenoide calcular: a) El número de espiras del solenoide y su resistencia ohmica; b) el campo magnético creado por el solenoide en su centro (comparar con el campo magnético terrestre). Cortocircuitamos el circuito y empezamos a girarlo (cuando la intensidad de la corriente es cero) con velocidad angular constante, de tal forma que al cabo de 1 segundo el solenoide está orientado norte-sur: d) obtener la intensidad de la corriente en función del tiempo $I(t)$ que aparece en el solenoide. ¿Por qué pueden despreciarse los efectos de la autoinducción?

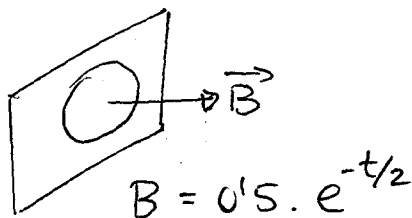
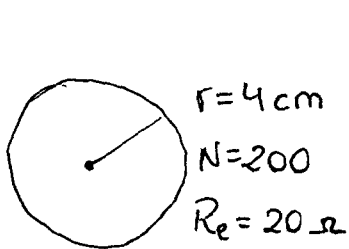
7.7 El flujo magnético que atraviesa una espira de resistencia R es Φ_B . En un tiempo determinado, el flujo varía una cantidad $\Delta\Phi_B$. Obtenga la cantidad de carga que atraviesa el circuito durante el proceso.

Nº 7.8 Un condensador de placas plano paralelas está separado por dos placas circulares de radio 5 cm, separadas una distancia de 1 mm. Inicialmente el condensador está descargado. Si se conecta a una fem dependiente del tiempo $\varepsilon(t)$ a través de una resistencia de $1 \text{ M}\Omega$, calcule la intensidad que circula por el circuito y el campo eléctrico en el interior del condensador si $\varepsilon(t)=\varepsilon_0\omega t$, con $\varepsilon_0=50\text{V}$ y $\omega=1 \text{ kHz}$.

Nº 7.9 Un solenoide largo tiene una longitud l y una sección A . Si tiene N espiras y su interior contiene un material de permeabilidad magnética μ , calcular el valor de la autoinducción del solenoide.

PROBLEMAS TEMA 7 - CAMPO ELECTROMAGNÉTICO

7.1



¿I(t) en la bobina?

$$B(t) \leadsto \Phi(t) \leadsto \mathcal{E} = -\frac{d\Phi_m}{dt} \Rightarrow I = \frac{\mathcal{E}}{R_e}$$

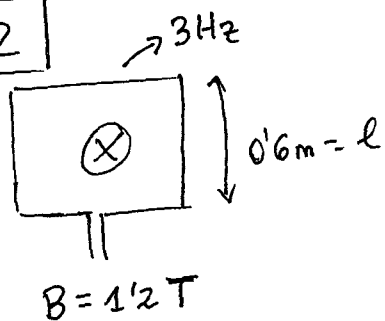
$$I_{\text{bobina}} = \frac{1}{R_e} \cdot \frac{d\Phi_m}{dt};$$

$$\Phi_m = \int \vec{B} \cdot d\vec{s} = \int B ds \frac{\cos 0^\circ}{1} = B \int ds = B \pi r^2 N = 0.5 \cdot e^{-t/2} \pi r^2$$

$$\frac{d\Phi_m}{dt} = \frac{d}{dt} (0.5 \cdot e^{-t/2} \cdot \pi r^2 N) = 0.5 \cdot \left(-\frac{1}{2} \cdot e^{-t/2}\right) \pi r^2 \cdot N$$

$$I_{\text{bobina}} = \frac{d\Phi_m}{dt} \cdot \frac{1}{R_e} = \frac{-N \pi r^2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{1}{2} \cdot e^{-t/2}\right)}{R_e} = \underline{0.0126 \cdot e^{-t/2} \text{ A}}$$

7.2



$$\mathcal{E} = \frac{-d\Phi_m}{dt}$$

$$\Phi_m = \int \vec{B} \cdot d\vec{S} = \int B \cdot ds \cdot \cos\theta = B \cdot S \cdot \cos\theta$$

$$f = 3 \text{ Hz}$$

$$\omega = 2\pi f = 6\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow \theta = \omega \cdot t + \varphi_0 = \omega \cdot t = \boxed{6\pi t}$$

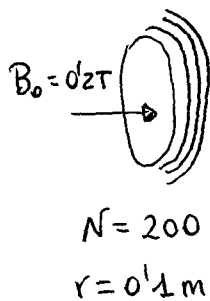
$$\Phi_m = B \cdot S \cdot \cos(\omega t) = B \cdot S \cdot \cos(6\pi t)$$

$$\mathcal{E} = \frac{-d\Phi_m}{dt} = \frac{d}{dt} (B \cdot S \cdot \cos(6\pi t)) = 6\pi B \cdot S \cdot \sin(6\pi t) = 6\pi B \cdot \ell^2 \cdot \sin(6\pi t)$$

7.3

¿fem si B varía linealmente?

$B = B_0 + k t$ ^{constante}
 cuadrado $B = B_0 + k$
 cúbico $B = B_0 + k t^2$
 exponencial $B = B_0 + e$



a) en $t = 0.1$ $B(0.1 \text{ s}) = 2 B_0$

$$B_0 = 0.2 \Rightarrow B(0.1) = 2 B_0 = 0.4$$

$$B(0.1) = 0.2 + k \cdot 0.1 = 0.4 \Rightarrow \boxed{k = 2}$$

$$\boxed{B = B_0 + 2t}$$

$$\mathcal{E} = \frac{d\Phi_m}{dt} = \frac{d}{dt} \left[\int \vec{B} \cdot d\vec{S} \right] = \frac{d}{dt} B \cdot S = \frac{d}{dt} (B_0 + k t) N \pi r^2 =$$

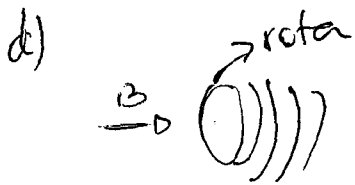
$$= -N \pi r^2 \frac{d}{dt} (B_0 + k t) = -N \pi r^2 \cdot k = -200 \cdot \pi \cdot (0.1)^2 \cdot 2 =$$

$$= \boxed{-12.6 \text{ V}}$$

7.3 b) en $t = 0.1 \text{ s} \rightarrow B(0.1) = 0$

f.e.m. = +12.6 V ya que en (A) \vec{B} varió de 0.2 a 0.4, entonces en el apartado b variará igual pero en sentido contrario

c) ~~Se ~~indica el sentido del campo~~~~
f.e.m. = +25.2 V



ω cte.

$t = 0.1 \text{ s}$

$\theta_F = 90^\circ \quad \theta_F' = 180^\circ$

$\theta = \omega t + \theta_0$
 ~~$\theta = t$~~

$\mathcal{E} = \frac{d\phi_m}{dt}$

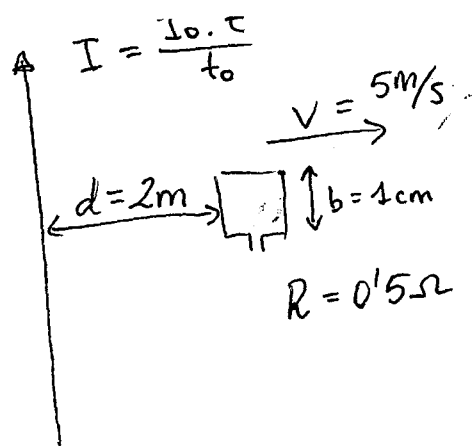
$\phi_m = B.S. \cos \theta = B.S. \cos(\omega t + \theta_0)$

$\omega = \frac{\pi/2}{0.1} = \frac{\pi}{2} \cdot 10 = 5\pi$

$\mathcal{E} = \frac{-d\phi_m}{dt} = +BS \omega \sin(\omega t + \theta_0) =$

$= BS \omega \sin(\omega t + \theta_0) = 0.2 \pi (0.1)^2 \cdot 200 \cdot 5\pi \cdot \sin(5\pi t)$

7.4



¿I espira, sentido?

$$\mathcal{E} = -\frac{d\Phi_m}{dt}$$

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R}$$

El B generado por el cable $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \rightarrow \text{dist. cable}$

Porque $b \ll d$ voy a simplificar y supongo

B uniforme en el interior de mi espira.

$$B = \mu_0 \frac{I_0 t}{t_0} \cdot \frac{1}{2\pi(d_0 + vt)}$$

$$\begin{aligned} \mathcal{E} &= \frac{d\Phi_m}{dt} = \frac{d}{dt}(B \cdot S) = \frac{d}{dt} \left(\frac{\mu_0 \cdot I_0 \cdot t \cdot b^2}{2\pi t_0 (d_0 + vt)} \right) = \frac{-b^2 \mu_0 I_0}{2\pi t_0} \cdot \frac{d}{dt} \left(\frac{t}{d_0 + vt} \right) \\ &= \frac{-b^2 \mu_0 I_0}{2\pi t_0} \cdot \frac{d}{(d_0 + vt)^2} \end{aligned}$$

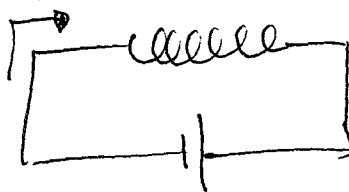
$$I = \frac{-b^2 \mu_0 I_0}{2\pi R t_0} \left(\frac{d_0}{d_0 + vt} \right) = -\frac{32}{(2t + 5t)^2} \text{ pA}$$

7.6

(N)

$$B_{\text{terrestre}} = 4.45 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

$$I = 0.01 \text{ A}$$



(O) (E)

(S)

$$l = 0.5 \text{ m}$$

$$S = A = 10 \text{ cm}^2$$

$$L = 8\pi \cdot 10^{-4} \text{ H}$$

despreciando
propiedades
de tamaño
finito... Entonc

$$(((B_{\text{int}} = \text{uni:}$$

$$B_{\text{ext}} = 0$$

a) N y R_{Ω}

$$L = \mu_0 n^2 \cdot l \cdot A = \mu_0 \frac{N^2}{l^2} \cdot l \cdot A \Rightarrow N = \sqrt{\frac{l \cdot L}{\mu_0 \cdot A}} = 1000$$

$$R_{\Omega} = \frac{V}{I} = \frac{1 \text{ V}}{0.01 \text{ A}} = 100 \Omega$$

b) B_{solenoid} en su centro

$$B = \frac{\mu_0 \cdot N \cdot I}{l} = 2.51 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

c) gira 90° en 1 seg. $\theta = \omega \cdot t = \frac{\pi}{2} t$

$$I(t) = \frac{\mathcal{E}}{R_{\Omega}} = \frac{-1}{R_{\Omega}} \cdot \frac{d\Phi_m}{dt}$$

$$\Phi_m = S \cdot B \cdot \cos(\omega t)$$

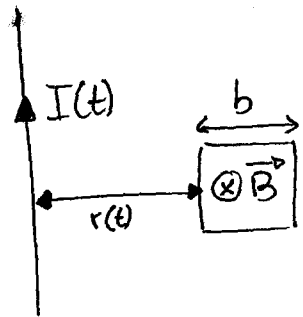
$$I = -\frac{SB}{R} \cdot \frac{d}{dt} \cos(\omega t) = \frac{SB}{R} \cdot \omega \cdot \sin(\omega t) = \frac{N \cdot A \cdot B}{R} \cdot \omega \cdot \sin(\omega t)$$

$$= 2.28 \cdot 10^{-7} \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} t\right)$$

$$I_{\text{auto}} = -\frac{\bar{v}}{R} \cdot \frac{d\bar{v}}{dt} = 9.10 \dots \text{sen}(\frac{1}{2}t)$$

↓
Es sumamente más pequeña \Rightarrow por eso la despreciamos.

7.4 HECHO POR LA LOCA



$$\begin{aligned} b &= 1 \text{ cm} \\ a &= 2 \text{ cm} \\ I_0 &= 2 \text{ A} \\ t_0 &= 5 \text{ s} \end{aligned}$$

$$I(t) = I_0 \frac{t}{t_0} = \frac{2}{5}t$$

$$I_{\text{ind}}? \text{ si } r(t) = 5 \text{ m/s}$$

$$B = \frac{\mu_0 \cdot I(t)}{2\pi r(t)}$$

$$\boxed{\phi_m(t) = b^2 \cdot B(t) = \frac{b^2 \cdot \mu_0 \cdot I(t)}{2\pi r(t)}}$$

$$I(t) = \frac{2}{5}t$$

$$r(t) = 2 + 5t$$

$$I_{\text{ind}} = \frac{\mathcal{E}_{\text{ind}}}{R} = \frac{-1}{R} \cdot \frac{d\phi_m}{dt} =$$

$$= \frac{-\mu_0 \cdot b^2}{2\pi R} \cdot \frac{d}{dt} \left(\frac{2t/5}{2+5t} \right) = \frac{-\mu_0 \cdot b^2}{2\pi R} \left[\frac{1}{2+5t} - \frac{5t}{(2+5t)^2} \right] = \frac{-32}{(2+5t^2)} \text{ pA}$$

7.7 $\phi_m = \phi_B$ $\mathcal{E} = IR = \frac{dQ}{dt} R$

$$\Delta t \rightarrow \Delta \phi$$

$$\mathcal{E}_{\text{ind}} = \frac{-\Delta \phi_B}{\Delta t}$$

$$\boxed{\Delta Q = \frac{-\Delta \phi_B}{R}}$$

RESUMEN - PREEJERCICIOS

LEY DE FARADAY

$$\mathcal{E} = \text{f.e.m.} = \Delta V = -\frac{d\Phi_m}{dt}$$

circuito 1



$$B_2(t)$$



$$\Phi_m(t)$$



$$\mathcal{E}$$

circuito 2



$$I_2(t)$$

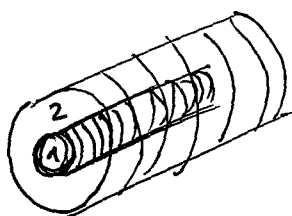
Coefficiente de inducción de 2 sobre 1

$$\mathcal{E}_1 = -M_{12} \frac{dI_2}{dt}$$

$$\Phi_{12} = M_{12} I_2$$

$$[M_{12}] = H \text{ (henrios)}$$

Calculamos el coeficiente de inducción de dos bobinas concéntricas.



$$R_1, N_1, L_1$$

$$R_2, N_2, L_2$$

$$L_1 = L_2$$

Coefficiente de inducción de 1 sobre 2

La bobina ~~genera~~ pequeña genera

$$\begin{aligned} B_1 &= \mu_0 \frac{N_1}{\ell} I_1 & R < R_1 \\ B &= 0 & R > R_1 \end{aligned}$$

$$\Phi_{21} = B_1 N_2 \pi r_1^2 + \oint B_1 \pi (r_2^2 - r_1^2)$$

$$M_{21} = \frac{\Phi_{21}}{I_1} = \frac{B_1 N_2 \pi r_1^2}{I_1} = \frac{\mu_0 \frac{N_1}{\ell} I_1 N_2 \pi r_1^2}{I_1} = n_1 n_2 \ell \mu_0 \pi r_1^2$$

$$n_1 = \frac{N_1}{\ell} \quad n_2 = \frac{N_2}{\ell}$$

NO DEPENDE DE LA CORRIENTE

→ Ejercicio: calcular el de 2 sobre 1 ⇒ solución: $M_{12} = M_{21} = M$

coeficiente de inducción mutuo

⇒ M SÓLO DEPENDE DE LA GEOMETRÍA

