Algoritmos y Estructuras de Datos I - Año 2017 - 2
do Cuatrimestre Examen Final - 5 de diciembre de 2017

1. a) Derivar una definición recursiva para la función especificada por:

$$f.xs = \langle \forall i : 0 \le i < \#xs : xs! i = 2^i \rangle$$

- b) Dar una lista de 5 elementos xs que cumpla f.xs = True. Justificar.
- c) Dar otra lista de 5 elementos que cumpla f.xs = False. Justificar.
- 2. Considere el problema de, dado un arreglo de **números enteros**, calcular la cantidad de pares de elementos cuyo producto da 1, especificado de la siguiente manera:

```
Const N:Int, A:array[0,N) of Int; Var r:Int; \{P:N\geq 0\} S \{Q:r=\langle N\,p,q\,:0\leq p< q< N:\,A.p*A.q=1\,\rangle\}
```

- a) Calcular el resultado para A = [-1, 2, 1, -1, -1]. Justificar, enumerando todos los elementos del rango.
- b) Derivar un programa imperativo que resuelva este problema. El programa **debe recorrer una** sola vez el arreglo (sin ciclos anidados).
- 3. Especificar con pre y post condición los siguientes problemas. Declarar constantes y variables. **No** derivar.
 - a) Dados dos arreglos A y B, de $N \ge 0$ y $M \ge 0$ elementos respectivamente, calcular cuántos elementos de A son mayores que todos los de B.

Ejemplo: Con A = [0, 8, 10] y B = [-1, 7, -8] la respuesta es 2.

b) Dado un número X y un arreglo A de $N \geq 0$ elementos, calcular el largo del segmento más corto cuya suma da mayor que X.

Ejemplo: Con X = 18 y A = [6, 11, 9, 6, 8] la respuesta es 2 por el segmento [11, 9].

4. (Ejercicio para libres:) Derivar un programa imperativo que calcule la cantidad de segmentos iniciales del arreglo A cuyo producto es 8, especificado de la siguiente manera:

```
Const N:Int, A:array[0,N) of Int; Var r:Int; \{P:N\geq 0\} S \{Q:r=\langle N\ i:0\leq i\leq N:\ \langle\prod\ j:0\leq j< i:\ A.j\ \rangle=8\ \rangle\}
```

El programa debe recorrer una sola vez el arreglo (sin ciclos anidados).