



МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

«МИРЭА – Российский технологический университет»

**РТУ МИРЭА**

---

**Отчет по выполнению практического задания № 8.2**

**Тема:**

**«ОТДЕЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ АЛГОРИТМИЗАЦИИ»  
«Реализация алгоритмов на основе сокращения числа переборов»**

Дисциплина: «Структуры и алгоритмы обработки данных»

Выполнил студент: Жаворонкова А.А.

Группа: ИКБО-43-23

Москва - 2024

## СОДЕРЖАНИЕ

1 ЦЕЛЬ.....	3
2 ЗАДАНИЕ.....	4
2.1 Постановка задачи.....	4
2.2 Математическая модель решения.....	4
2.3 Код программы с комментариями.....	6
2.4 Результаты тестирования.....	8
3 ВЫВОДЫ.....	9

## **1 ЦЕЛЬ**

Освоить алгоритмы на основе сокращения числа переборов.

## 2 ЗАДАНИЕ

### 2.1 Постановка задачи

Разработать алгоритм решения задачи с применением метода, указанного в варианте и реализовать программу.

Оценить количество переборov при решении задачи стратегией «в лоб» - грубой силы. Сравнить с числом переборov при применении метода.

Сделать выводы о проделанной работе, основанные на полученных результатах.

Оформить отчет в соответствии с требованиями документирования разработки ПО: Постановка задачи, Описание алгоритмов и подхода к решению, Код, результаты тестирования, Вывод.

Индивидуальный вариант:

Пронумеровать позиции в матрице размером  $5 \times 5$  следующим образом: если номер  $i$  ( $1 \leq i \leq 25$ ) соответствует позиции  $(x,y)$ , то номер  $i+1$  может соответствовать позиции с координатами  $(z,w)$ , вычисляемыми по одному из следующих правил:

1)  $(z,w)=(x\pm 3,y)$

2)  $(z,w)=(x,y\pm 3)$

3)  $(z,w)=(x\pm 2,y\pm 2)$

1) Написать программу, которая последовательно нумерует позиции матрицы при заданных координатах позиции, в которой содержится номер 1.

2) Вычислить число всех возможных расстановок номеров для всех начальных позиций, расположенных под главной диагональю. Метод: метод ветвей и границ

Метод: метод ветвей и границ

### 2.2 Математическая модель решения

Инициализируем матрицу  $5 \times 5$  и устанавливаем все элементы в 0.

Начинает поиск расстановок, запуская алгоритм нумерации для каждой стартовой позиции под главной диагональю, то есть для всех позиций  $(x, y)$ , где  $x > y$ .

Алгоритм использует метод ветвей и границ для поиска всех возможных расстановок, соблюдая правила перехода между позициями.

Каждое найденное решение выводится, и в конце работы выводится общее количество найденных расстановок.

#### Правила переходов

Используются следующие правила для переходов от текущей позиции  $(x, y)$  к следующей:

$(z, w) = (x \pm 3, y)$  — смещение на 3 клетки по горизонтали,

$(z, w) = (x, y \pm 3)$  — смещение на 3 клетки по вертикали,

$(z, w) = (x \pm 2, y \pm 2)$  — диагональное смещение на 2 клетки.

#### Пример работы алгоритма

Рассмотрим выполнение программы на одной из стартовых позиций, например,  $(2, 0)$ .

Стартовая позиция  $(2, 0)$ :

Матрица изначально заполнена нулями.

Устанавливаем  $matrix[2][0] = 1$  как начальный номер и запускаем рекурсивную функцию для нумерации, начиная со следующего номера 2.

Из позиции  $(2, 0)$  проверяются все возможные переходы, используя правила перехода и массивы  $dx$  и  $dy$ .

Возможные позиции для перехода:

$(5, 0)$  — за пределами матрицы (недопустимо).

$(-1, 0)$  — за пределами матрицы (недопустимо).

$(2, 3)$  — допустимая позиция.

$(2, -3)$  — за пределами матрицы (недопустимо).

$(4, 2)$  — допустимая позиция.

$(0, 2)$  — допустимая позиция.

$(4, -2)$  — за пределами матрицы (недопустимо).

(0, -2) — за пределами матрицы (недопустимо).

Следовательно, для размещения номера 2 возможны позиции (2, 3), (4, 2), и (0, 2).

Алгоритм продолжает рекурсивно искать допустимые позиции для следующего номера, увеличивая num и заполняя матрицу согласно правилам переходов.

Если удастся найти полную последовательность от 1 до 25, программа выводит найденную расстановку.

Если программа достигает состояния, в котором невозможно разместить следующий номер, происходит откат: текущий номер удаляется, и продолжается поиск других путей.

Например, если для номера 4 все возможные переходы уже заняты или недоступны, программа возвращается к номеру 3 и пробует другую позицию для него.

Когда все возможные стартовые позиции под главной диагональю матрицы проверены, программа завершает работу и выводит общее количество найденных расстановок.

## 2.3 Код программы с комментариями

Продemonстрируем код программы на листинге 1, 2, 3, 4.

Код будет написан на языке программирования C++.

```
1. #include <iostream>
2. #include <vector>
3. #include <iomanip>
4.
5. using namespace std;
6.
7. // Создание матрицы
8. const int N = 5;
9. int matrix[N][N] = {0};
10. int countSolutions = 0; // Счётчик расстановок
11.
12. // Смещения
13. int dx[] = {3, -3, 0, 0, 2, -2, 2, -2};
14. int dy[] = {0, 0, 3, -3, 2, -2, -2, 2};
```

Листинг 1 - Код программы

```

15. bool isValid(int x, int y) { // Проверка координат
16.     return (x >= 0 && x < N && y >= 0 && y < N && matrix[x][y]
    == 0);
17. }
18.
19. void printMatrix() { // Вывод матрицы
20.     for (int i = 0; i < N; ++i) {
21.         for (int j = 0; j < N; ++j) {
22.             cout << setw(3) << matrix[i][j] << " ";
23.         }
24.         cout << endl;
25.     }
26.     cout << "_____ " << endl;
27. }
28.
29. // Рекурсия для нумерации позиций
30. void branchAndBound(int x, int y, int num) {
31.     if (num > N * N) { // Все позиции пронумерованы
32.         countSolutions++;
33.         cout << "Расстановка #" << countSolutions << ":" <<
endl;
34.         printMatrix(); // Вывод матрицы
35.         return;
36.     }
37.     for (int i = 0; i < 8; ++i) {
38.         int nx = x + dx[i];
39.         int ny = y + dy[i];
40.
41.         if (isValid(nx, ny)) { // Если переход возможен
42.             matrix[nx][ny] = num; // Устанавливаем номер
43.             branchAndBound(nx, ny, num + 1); // Рекурсивный
    вызов для следующего номера
44.             matrix[nx][ny] = 0; // Возврат к прошлому состоянию
45.         }
46.     }
47. }
48.
49. int main() {
50.     for (int x = 1; x < N; ++x) {
51.         for (int y = 0; y < x; ++y) {
52.             matrix[x][y] = 1;
53.             branchAndBound(x, y, 2);
54.             matrix[x][y] = 0; // Сброс позиции
55.         }
56.     }
57.     cout << "Общее количество возможных расстановок: " <<
countSolutions << endl;
58.     return 0;
59. }

```

Листинг 2 - Продолжение кода программы

## 2.4 Результаты тестирования

Стоит задача протестировать программу. Результаты тестирования будут продемонстрированы на рисунке 1.

Расстановка #5054:				
4	12	15	3	11
7	20	23	8	17
14	2	5	13	25
22	9	16	21	10
6	19	24	1	18
Расстановка #5055:				
4	12	15	3	11
7	21	18	8	24
14	2	5	13	16
19	9	25	20	10
6	22	17	1	23
Расстановка #5056:				
4	24	19	3	25
7	14	11	8	17
22	2	5	23	20
12	9	18	13	10
6	15	21	1	16
Расстановка #5057:				
4	23	9	3	22
7	17	20	25	16
12	2	5	13	10
19	24	8	18	21
6	14	11	1	15
Расстановка #5058:				
4	21	18	3	22
7	12	15	25	9
19	2	5	20	17
14	24	8	13	23
6	11	16	1	10
Расстановка #5059:				
4	21	16	3	6
24	11	8	23	14
19	2	5	20	17
9	22	15	10	7
25	12	18	1	13
Расстановка #5060:				
4	7	12	3	6
24	17	20	23	14
9	2	5	8	11
19	22	13	18	21
25	16	10	1	15
Общее количество возможных расстановок: 5060				

Рисунок 2 - Вывод на экран при выполнении программы



### **3 ВЫВОДЫ**

Метод ветвей и границ значительно снижает количество переборов, так как исключает проверку заведомо неподходящих областей, улучшая производительность