

Matematični izrazi in uporaba paketa "beamer"

Matematičnih nalog ni treba reševati!

Fakulteta za matematiko in fiziko

Kratek pregled

Paket `beamer`

Paketa `amsmath` in `amssymb`

Matematika, 1. del

Stolpci in slike

Posebnosti prosojnic

Za prosojnice je značilna uporaba okolja `frame`, s katerim definiramo posamezno prosojnico,

Posebnosti prosojnic

Za prosojnice je značilna uporaba okolja `frame`, s katerim definiramo posamezno prosojnico, postopno odkrivanje prosojnic,

Posebnosti prosojnic

Za prosojnice je značilna uporaba okolja `frame`, s katerim definiramo posamezno prosojnico, postopno odkrivanje prosojnic, ter nekateri drugi ukazi, ki jih najdemo v paketu `beamer`.

Posebnosti prosojnic

Za prosojnice je značilna uporaba okolja `frame`, s katerim definiramo posamezno prosojnico, postopno odkrivanje prosojnic, ter nekateri drugi ukazi, ki jih najdemo v paketu `beamer`.

Primer

Verjetno ste že opazili, da za naslovno prosojnico niste uporabili ukaza `maketitle`, ampak ukaz `titlepage`.

Poudarjeni bloki

Opomba

Okolja za poudarjene bloke so `block`, `exampleblock` in `alertblock`.

Pozor!

Začetek poudarjenega bloka (ukaz `begin`) vedno sprejme dva parametra: okolje in naslov bloka. Drugi parameter (za naslov) je lahko prazen.

Tudi v predstavitev lahko pišemo izreke in dokaze

Izrek

Praštevil je neskončno mnogo.

Dokaz.

Denimo, da je praštevil končno mnogo.

- ▶ Naj bo p največje praštevilo.

Tudi v predstavitev lahko pišemo izreke in dokaze

Izrek

Praštevil je neskončno mnogo.

Dokaz.

Denimo, da je praštevil končno mnogo.

- ▶ Naj bo p največje praštevilo.
- ▶ Naj bo q produkt števil $1, 2, \dots, p$.

Tudi v predstavitev lahko pišemo izreke in dokaze

Izrek

Praštevil je neskončno mnogo.

Dokaz.

Denimo, da je praštevil končno mnogo.

- ▶ Naj bo p največje praštevilo.
- ▶ Naj bo q produkt števil $1, 2, \dots, p$.
- ▶ Število $q + 1$ ni deljivo z nobenim praštevilom, torej je $q + 1$ praštevilo.

Tudi v predstavitev lahko pišemo izreke in dokaze

Izrek

Praštevil je neskončno mnogo.

Dokaz.

Denimo, da je praštevil končno mnogo.

- ▶ Naj bo p **največje** praštevilo.
- ▶ Naj bo q produkt števil $1, 2, \dots, p$.
- ▶ Število $q + 1$ ni deljivo z nobenim praštevilom, torej je $q + 1$ praštevilo.
- ▶ To je protislovje, saj je $q + 1 > p$. □

Izračunajte determinanto

$$\begin{vmatrix} -1 & 4 & 4 & -2 \\ 1 & 4 & 5 & -1 \\ 1 & 4 & -2 & 2 \\ 3 & 8 & 4 & 3 \end{vmatrix}$$

V pomoč naj vam bo Overleaf dokumentacija o matrikah:

► Matrices

Okolje align in align*

Dokaži *binomsko formulo*: za vsaki realni števili a in b in za vsako naravno število n velja

$$(a + b)^n = \dots$$

$$= \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^{n-k} b^k$$

Okolje align in align*

Dokaži *binomsko formulo*: za vsaki realni števili a in b in za vsako naravno število n velja

$$(a + b)^n = (a + b)(a + b) \dots (a + b)$$

$$= \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^{n-k} b^k$$

Okolje `align` in `align*`

Dokaži *binomsko formulo*: za vsaki realni števili a in b in za vsako naravno število n velja

$$\begin{aligned}(a + b)^n &= (a + b)(a + b) \dots (a + b) \\ &= a^n + na^{n-1}b + \dots + \binom{n}{k}a^{n-k}b^k + \dots + nab^{n-1} + b^n \\ &= \sum_{k=0}^n \binom{n}{k}a^{n-k}b^k\end{aligned}$$

Še ena uporaba okolja `align*`

Nariši grafe funkcij:

$$y = x^2 - 3|x| + 2$$

$$y = \log_2(x - 2) + 3$$

$$y = 2^{x-3} + 1$$

$$y = 3 \sin(\pi + x) - 2$$

$$y = 2\sqrt{x^2 + 15} + 6$$

$$y = \cos(x - 3) + \sin^2(x + 1)$$

Okolje multiline

Poišči vse rešitve enačbe

$$\begin{aligned}(1 + x + x^2) \cdot (1 + x + x^2 + x^3 + \dots + x^9 + x^{10}) &= \\ &= (1 + x + x^2 + x^3 + x^4 + x^5 + x^6)^2.\end{aligned}$$

Okolje cases

Dana je funkcija

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{3x^2y - y^3}{x^2 + y^2} & (x, y) \neq (0, 0) \\ a; & (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

- ▶ Določi a , tako da izračunaš limito $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} f(x, y)$.
- ▶ Izračunaj parcialna odvoda $f_x(x, y)$ in $f_y(x, y)$.

Logika in množice

1. Poišči preneksno obliko formule

$$\exists_x : P(x) \wedge \forall_x : Q(x) \Rightarrow \forall_x : R(x).$$

2. Definiramo množici $A = [2, 5]$ in $B = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$. V ravnino nariši:

2.1 $A \cap B \times \emptyset$

2.2 $(A \cup B)^C \times \mathbb{R}$

3. Dokaži:

► $(A \Rightarrow B) \sim (\neg B \Rightarrow \neg A)$

► $\neg(A \vee B) \sim \neg A \wedge \neg B$

Analiza

1. Pokaži, da je funkcija $x \mapsto \sqrt{x}$ enakomerno zvezna na $[0, \infty)$.
2. Katero krivuljo določa sledeč parametričen zapis?

$$x(t) = a \cos t, \quad y(t) = b \sin t, \quad t \in [0, 2\pi]$$

3. Pokaži, da ima $f(x) = 3x + \sin(2x)$ inverzno funkcijo in izračunaj $(f^{-1})'(3\pi)$.
4. Izračunaj integral $\int \frac{2+\sqrt{x+1}}{(x+1)^2-\sqrt{x+1}} dx$
5. Naj bo g zvezna funkcija. Ali posplošeni integral $\int_0^1 \frac{g(x)}{x^2} dx$ konvergira ali divergira? Utemelji.

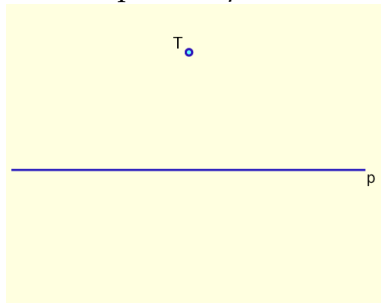
Kompleksna števila

1. Naj bo z kompleksno število, $z \neq 1$ in $|z| = 1$. Dokaži, da je število $i \frac{z+1}{z-1}$ realno.
2. Poenostavi izraz:

$$\frac{\frac{3+i}{2-2i} + \frac{7i}{1-i}}{1 + \frac{i-1}{4} - \frac{5}{2-3i}}$$

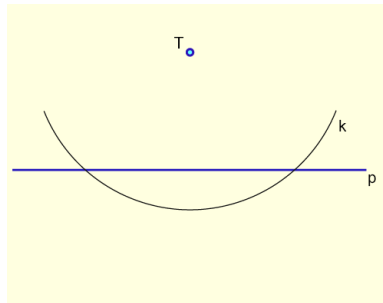
Konstrukcija pravokotnice na premico p skozi točko T

- Dani sta premica p in točka T .



Konstrukcija pravokotnice na premico p skozi točko T

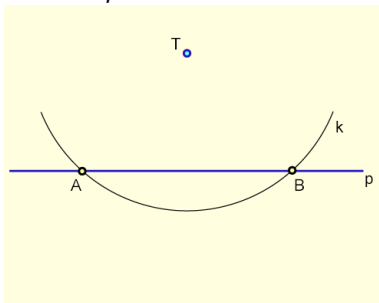
- Dani sta premica p in točka T .



- Nariši lok k s središčem v T .

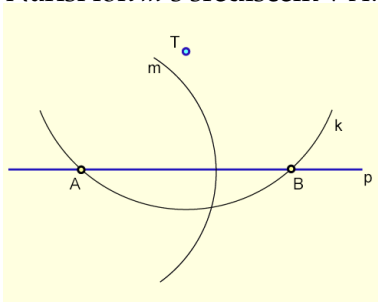
Konstrukcija pravokotnice na premico p skozi točko T

- ▶ Dani sta premica p in točka T .
- ▶ Nariši lok k s središčem v T .
- ▶ Premico p seče v točkah A in B .



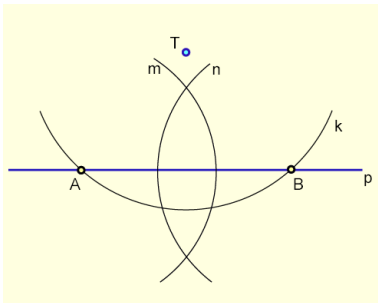
Konstrukcija pravokotnice na premico p skozi točko T

- ▶ Dani sta premica p in točka T .
- ▶ Nariši lok k s središčem v T .
- ▶ Premico p seče v točkah A in B .
- ▶ Nariši lok m s središčem v A .



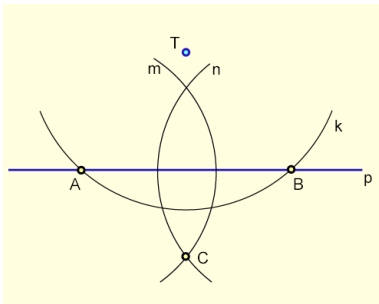
Konstrukcija pravokotnice na premico p skozi točko T

- ▶ Dani sta premica p in točka T .
- ▶ Nariši lok k s središčem v T .
- ▶ Premico p seče v točkah A in B .
- ▶ Nariši lok m s središčem v A .
- ▶ Nariši lok n s središčem v B in z enakim polmerom.



Konstrukcija pravokotnice na premico p skozi točko T

- ▶ Dani sta premica p in točka T .
- ▶ Nariši lok k s središčem v T .
- ▶ Premico p seče v točkah A in B .
- ▶ Nariši lok m s središčem v A .
- ▶ Nariši lok n s središčem v B in z enakim polmerom.



- ▶ Loka se sečeta v točki C .

Konstrukcija pravokotnice na premico p skozi točko T

- ▶ Dani sta premica p in točka T .
- ▶ Nariši lok k s središčem v T .
- ▶ Premico p seče v točkah A in B .
- ▶ Nariši lok m s središčem v A .
- ▶ Nariši lok n s središčem v B in z enakim polmerom.
- ▶ Loka se sečeta v točki C .
- ▶ Premica skozi točki T in C je pravokotna na p .

