

## 1. Wprowadzenie

Celem zajęć laboratoryjnych jest nabycie umiejętności generowania sygnałów cyfrowych reprezentowanych przez funkcje. Zakładając, że czas trwania sygnału wynosi  $T_c$  sekund i częstotliwość próbkowania wynosi  $f_s$  Hz to liczba próbek przypadających na cały sygnał wynosi  $N=T_c\cdot f_s$  (w przypadku, gdy  $T_c$  nie jest wartością całkowitą, uzyskaną wartość N należy zaokrąglić do najbliższej liczby całkowitej). Zgodnie z twierdzeniem o próbkowaniu [1] częstotliwość próbkowania  $f_s$  (okres próbkowania  $T_s=1/f_s$ ) powinna być co najmniej dwa razy większa niż górna granica częstotliwości sygnału próbkowanego  $f_{\rm max}$ . Każdej próbce sygnału n (gdzie  $n=0,\ldots,N-1$ ) odpowiada czas  $t=n/f_s=n\cdot T_s$ .

## 2. Ćwiczenia

- 1. Proszę wybrać z tabeli 1 funkcję x(t), wygenerować próbki do bufora oraz wykreślić postać uzyskanego sygnału. Należy dokonać samodzielnego wyboru parametrów f,  $\phi$  oraz  $f_s \geqslant 8 \mathrm{kHz}$ ,  $T_c \geqslant 1 \mathrm{s}$ .
- 2. Dla dowolnego zestawu funkcji z tabeli 2 należy wygenerować trzy sygnały reprezentujące funkcje y(t), z(t) oraz v(t), gdzie x(t) jest funkcją wybraną w ćwiczeniu 1. Wykonać wykresy dla każdego z wygenerowanych sygnałów przy takich samych parametrach  $f_s$  oraz  $T_c$  jak w poprzednim ćwiczeniu.
- 3. Wykreślić wykres dla dowolnej funkcji u(t) wybranej z tabeli 3. Czas trwania sygnału wynika z definicji funkcji, natomiast częstotliwość próbkowania  $f_s$  jest taka sama jak w poprzednim ćwiczeniu.
- 4. Wygenerować i wykreślić sygnały  $b_k(t)$  (k=1,2,3) dla  $f_s=22.05 \mathrm{kHz}$  oraz  $T_c=1 \mathrm{s}$ .

### 3. Uwagi

- Numery wybranych funkcji z tabel 1–4 należy umieścić w komentarzu kodu źródłowego danego zadania.
- Kod do każdego z ćwiczeń powinien być umieszczony w osobnym katalogu wraz z plikami graficznymi reprezentującymi wygenerowane sygnały.
- Wszystkie wykonane ćwiczenia należy umieścić w repozytorium GIT w katalogu lab-1.
- Łączna liczba wykresów do wygenerowania ze wszystkich zadań wynosi 8 (x(t), y(t), z(t), v(t), u(t),  $b_1(t)$ ,  $b_2(t)$  i  $b_3(t)$ ).

#### Literatura

[1] R. G. Lyons, Wprowadzenie do cyfrowego przetwarzania sygnałów, Wydawnictwa Komunikacji i Łączności, Warszawa 2010

# Tabela 1

Lp.	Funkcje do zadania 1
1.	$x(t) = \cos(2\pi \cdot f \cdot t + \phi) \cdot \cos(2.5 \cdot t^{0.2} \cdot \pi)$
2.	$x(t) =  \sin(2\pi \cdot f \cdot t^2)^{13}  + \cos(2\pi \cdot t)$
3.	$x(t) = 0.2\log_{10}(t^4 + 8) \cdot \sin(2\pi \cdot f \cdot t^2 + \phi) + \cos(t/8)$
4.	$x(t) = \sin(2\pi \cdot f \cdot t - \phi + \cos(40\pi \cdot t)) \cdot (1.2^{-t/0.03} + 0.3)$
5.	$x(t) = \sin(2\pi \cdot f \cdot t \cdot \cos(3\pi \cdot t) + t \cdot \phi)$
6.	$x(t) = \frac{e^{-t} \cdot \sin(\pi \cdot f \cdot t)}{2.0001 + \cos(\pi \cdot t)}$
7.	$x(t) =  \cos(2\pi \cdot f \cdot t) ^6 \cdot (1.2 + \sin(\pi \cdot t + \phi))$
8.	$x(t) = (1 - t) \cdot \sin(2\pi \cdot f \cdot t + \phi) \cdot \cos(4\pi \cdot t)$
9.	$x(t) = \frac{\sin(2\pi \cdot f \cdot t + \cos(t/2))}{2.07 + \sin(3t + \phi)}$
10.	$x(t) = \sin(2\pi \cdot f \cdot t + \phi) - \log_2( \sin(\pi \cdot (f/32) \cdot t)  + \pi)$
11.	$x(t) = \frac{0.45 \cdot \cos(2\pi \cdot f \cdot t + \phi)}{t + 0.101} + \cos(2\pi \cdot f/4 \cdot t + 2.5\phi)$
12.	$x(t) = \sin(\pi \cdot f/4 \cdot t) + \sin(1.4\pi \cdot f \cdot t) - \cos(0.3\pi \cdot f \cdot t)$
13.	$x(t) = 0.9 \cdot \sin(2\pi \cdot f \cdot t + \phi) \cdot \cos(21\pi \cdot t) + (t - 0.66t)$
14.	$x(t) = \frac{1-t}{3-t^2} \cdot \sin(2\pi \cdot f \cdot t + \phi) + \cos(4t^2)$

# Tabela 2

Funkcje do zadania 2
$y(t) = \frac{x(t) \cdot t}{3 + \cos(20\pi \cdot t)}$
$z(t) = t^2 \cdot \left  x(t) \cdot y(t) - \frac{2}{10 + y(t)} \right $
$v(t) = z(t)^3 + 3 \cdot \sin(z(t) \cdot y(t)) \cdot  y(t) - x(t) $
$y(t) = \frac{x(t) \cdot t^3}{3}$
$z(t) = 1.92 \cdot (\cos(3\pi \cdot t/2) + \cos(y(t)^2/(8 \cdot x(t) + 3) \cdot t))$
$v(t) = (y(t) \cdot z(t)/(x(t) + 2)) \cdot \cos(7.2\pi \cdot t) + \sin(\pi \cdot t^2)$
$y(t) = (t^3 - 1) + \cos(4t^2 \cdot \pi) \cdot t$
$z(t) = \frac{x(t)}{ y(t)\cdot\cos(5t) - x(t)\cdot y(t)  + 3}$
$v(t) = \frac{x(t) \cdot 662}{ x(t) - y(t)  + 0.5}$
$y(t) = -t^2 \cdot \cos(t/0.2) \cdot x(t)$
$z(t) = x(t) \cdot \cos(2\pi \cdot t^2 + \pi) + 0.276t^2 \cdot x(t)$
$v(t) = \sqrt{ 1.77 - y(t) + z(t)  \cdot \cos(5.2\pi \cdot t) + x(t) + 4}$
$y(t) = [2 \cdot t \cdot \sin(0.5 \cdot t \cdot \pi) + 1.5] \cdot \cos(9\pi \cdot t + \pi \cdot t)$
$z(t) = y(t)x(t) +  x(t) + 2  \cdot [y(t)^{2} + 0.32]$
$v(t) = \sqrt{ x(t)z(t) + 10 } \cdot ( y(t)  + 1.2) \cdot \sin(2\pi \cdot t)$
$y(t) = 3t^{0.3} \cdot \sin(20\pi \cdot t) - \sin(f/7 \cdot \pi \cdot t)$
$z(t) = -t^2 \cdot \sqrt{( max(y(t)) + y(t) - x(t)/5 )}$
$v(t) = -x(t) \cdot ( y(t) \cdot t  \cdot e^{-x(t)})$

Lp.	Funkcje do zadania 2		
7.	$y(t) = \sin(\pi \cdot t) \cdot \sin(2 \cdot x(t) \cdot \pi \cdot t)$		
	$z(t) = \sqrt{ y(t) } - 3 \cdot x(t)$		
	$v(t) = x(t) \cdot y(t)^2 - z(t) \cdot \cos(x(t))$		
8.	$y(t) = e^{\left(-\frac{t}{ \cos(3t^2) }\right)}$		
	$z(t) = x(t) + 0.17 \cdot \log_2( y(t) + x(t) ) + 3 \cdot \sin(4t^2)$		
	$v(t) = \sqrt{ (1 - x(t)) \cdot (1 - y(t)) \cdot (1 - z(t)) }$		
9.	$y(t) = \left  \frac{x(t)^2}{\cos(x(t)) + 2} \cdot \sin(4t^2) - 0.12 \right $		
	$z(t) = x(t) \cdot (\sqrt{ x(t) + y(t) } - \cos(10 \cdot x(t) \cdot y(t)))$		
	$v(t) = \frac{1}{2} \cdot z(t) \cdot \cos(6 \cdot y(t) \cdot \pi \cdot t) - t \cdot \sin(2\pi \cdot t)$		
10.	$y(t) = \cos\left(2\cdot\sqrt{t\cdot(\sin(\pi\cdot t^2) + 2\pi)/3}\right)$		
	$z(t) = y(t) \cdot (\sin(0.2\pi \cdot t) \cdot  x(t)/5 )$		
	$v(t) = \sqrt{ x(t) } \cdot \cos(0.5 \cdot y(t)) + z(t)$		
11.	$y(t) = 2 \cdot x(t)^2 + 12 \cdot \cos(t)$		
	$z(t) = \sin(2\pi \cdot 7 \cdot t) \cdot x(t) - 0.2 \cdot \log_{10}( y(t)  + \pi)$		
	$v(t) = \sqrt{ y(t) \cdot y(t) \cdot z(t) } - 1.8 \cdot \sin[0.4 \cdot t \cdot z(t) \cdot x(t)]$		
12.	$y(t) = x(t) \cdot \sin(10t) - \log_2( 3x(t) \cdot t + 1  + \pi)$		
	$z(t) = x(t)^{2} + 50\pi \cdot y(t)^{2} - 10t^{2}$		
	$v(t) = \log_2( z(t) \cdot  \cos(x(t)/200 \cdot t) \cdot \sin(20t)  ) + \pi)$		
13.	$y(t) = \sin(x(t)/5 \cdot \pi \cdot t) \cdot \cos(2\pi \cdot t + x(t))$		
	$z(t) = \sqrt{ y(t) /2 + x(t)/0.2 \cdot \log_2( x(t)/3  + 0.14)}$		
	$v(t) = \sqrt{ x(t) + y(t) + z(t) \cdot \sin(2\pi \cdot t) }$		
14.	$y(t) = \frac{-x(t)^3}{x(t) + max(x(t))}$		
	$z(t) = [y(t) + e^{x(t) + y(t)}] \cdot  y(t) ^{0.333}$		
	$v(t) = \left[3\cos(13t) - y(t) + \frac{z(t)}{7}\right] \cdot \sin(z(t) + x(t))$		

Tabela 3

Lp.	Funkcje	do zadania 3		
1.	$u(t) = \langle$	$ \begin{array}{c}                                     $	$0.1 > t \ge 0$ $0.4 > t \ge 0.1$ $0.72 > t \ge 0.4$ $1 > t \ge 0.72$	
			0:	

Lp.	Funkcje (	do zadania 3
2.	$u(t) = \begin{cases} & \\ & \end{cases}$	$ \frac{1}{2} \cdot  (\cos(3\pi \cdot t) \cdot \sin(2.2\pi \cdot t^2) ^{0.32}  \text{dla}  0.3 > t \geqslant 0 $ $ 1.1 \cdot t \cdot \left(\frac{\cos(10\pi \cdot t - \pi)}{\sin(\pi \cdot t^2) + 4}\right) \qquad \text{dla}  1 > t \geqslant 0.3 $ $ \frac{ (t+1) \cdot \sin(8t^2 + \pi/2 + 0.14)^3 }{8.6} \qquad \text{dla}  2 > t \geqslant 1 $ $ \frac{t^4 \cdot \log_{10}(t)}{30} \qquad \text{dla}  2.6 > t \geqslant 2 $
3.	$u(t) = \begin{cases} \\ \end{cases}$	$ (-t^2 + 0.5) \cdot \sin(30\pi \cdot t) \cdot \log_2(t^2 + 1)  \text{dla} \qquad 1.2 > t \geqslant 0 $ $ \frac{1}{t} \cdot 0.8 \cdot \sin(24\pi \cdot t) - 0.1t \qquad \qquad \text{dla} \qquad 2 > t \geqslant 1.2 $ $  \sin(2\pi \cdot t^2) ^{0.8} \qquad \qquad \text{dla} \qquad 2.4 > t \geqslant 2 $ $ 0.23 \cdot \sin(20\pi \cdot t) \cdot \sin(12\pi \cdot t) \qquad \qquad \text{dla} \qquad 3.1 > t \geqslant 2.4 $
4.	$u(t) = \left\{ \begin{array}{c} \\ \end{array} \right.$	$0.23 \cdot \sin(20\pi \cdot t) \cdot \sin(12\pi \cdot t) \qquad \text{dla}  3.1 > t \geqslant 2.4$ $0.9 \cdot \sin(2\pi \cdot t \cdot 8 - \pi/3) + \log_2( \cos(7t^2) + 2.2 )  \text{dla}  0.5 > t \geqslant 0$ $\frac{\sin(2\cos(4\pi \cdot t) \cdot \pi \cdot t)}{2t^2 + 1} \qquad \text{dla}  1.9 > t \geqslant 0.5$ $(t - 1.9)^2 - \cos(13t) \qquad \text{dla}  3.7 > t \geqslant 1.9$ $0.5t^{0.7} \cdot \sin(8t) \qquad \text{dla}  4.9 > t \geqslant 3.7$ $\frac{2 + \sin(18t)}{3 + \cos(28t)} \qquad \text{dla}  6.4 > t \geqslant 4.9$
5.	$u(t) = \begin{cases} 1 & \text{if } t > 0 \\ 0 & \text{if } t > 0 \end{cases}$	$\begin{split} t \cdot \sqrt{-t + 0.7} \cdot \sin(22\pi \cdot t \cdot \cos(t^2)) & \text{dla} & 0.5 > t \geqslant 0 \\ \log_{10}((t+1) \cdot  \sin(20t^3) ) - 0.4 & \text{dla} & 1.3 > t \geqslant 0.5 \\ (t^2 + 1) \cdot \sin(2\pi \cdot t \cdot \cos(4t)) & \text{dla} & 2.2 > t \geqslant 1.3 \\ 0.5 \cdot \sin(20\pi \cdot t + t/3 + 2.3) & \text{dla} & 2.7 > t \geqslant 2.2 \end{split}$
6.	$u(t) = \begin{cases} \\ \end{cases}$	$-\frac{t}{2} \cdot \sin(20t^3 - 18t^2) \qquad \text{dla}  1.8 > t \geqslant 0$ $\cos(5\pi \cdot t) \cdot \sin(12\pi \cdot t^2)  \text{dla}  3 > t \geqslant 1.8$ $\frac{t-3}{3} \cdot \sin((12-t)\pi \cdot t^2)  \text{dla}  4.5 > t \geqslant 3$
7.	$u(t) = \begin{cases} \\ \\ \end{cases}$	$\sin(12\cos(\pi \cdot t) \cdot \pi \cdot t) + t^2 \qquad \text{dla} \qquad 1.8 > t \geqslant 0$ $3 \cdot (t - 1.7) \cdot \sin(3\pi \cdot t) \cdot \cos(20t^2)  \text{dla} \qquad 2.3 > t \geqslant 1.8$ $\frac{t^3}{16} \cdot \sin(8\pi \cdot t) \qquad \text{dla} \qquad 3 > t \geqslant 2.3$ $\frac{\log_2(t)}{2 + \sin(4\pi \cdot t)} \qquad \text{dla} \qquad 3.5 > t \geqslant 3$

Lp.	Funkcje do zadania 3
	$u(t) = \begin{cases} -t \cdot \sin(7\pi \cdot (t - 0.8)) \cdot \cos(25\pi \cdot (t - 0.2)) + 0.8 & \text{dla} & 0.91 > t \geqslant 0 \\ \frac{1}{\sin(2\pi \cdot t) + 1.1} & \text{dla} & 2.3 > t \geqslant 0.91 \\ (0.5 \cdot (t - 2.3) \cdot \cos(12\pi \cdot (t - 0.7))) + 0.48 & \text{dla} & 3 > t \geqslant 2.3 \end{cases}$
9.	$u(t) = \begin{cases} \log_2(t^2 + 1) & \text{dla}  0.25 > t \geqslant 0 \\ e^{-t} \cdot \cos(2\pi \cdot t) & \text{dla}  0.8 > t \geqslant 0.25 \\ 0.8 \cdot (-1)^{\lfloor 8t \rfloor} & \text{dla}  1.8 > t \geqslant 0.8 \\ \frac{t^2}{2 + \cos(20 \cdot (t - \pi))} & \text{dla}  2.5 > t \geqslant 1.8 \\ \sin(2\pi \cdot t) \cdot (-1)^{\lfloor 10t \rfloor} & \text{dla}  3.7 > t \geqslant 2.5 \end{cases}$
1	$u(t) = \begin{cases} t^2 \cdot e^{\cos(5\pi \cdot t)} & \text{dla} & 1.7 > t \ge 0 \\ (t - 1.7) \cdot t \cdot \sin(\pi \cdot t + \sin(6t)) & \text{dla} & 2.9 > t \ge 1.7 \\ \frac{t}{\pi + \cos(12t^2)} & \text{dla} & 4.2 > t \ge 2.9 \\ (1.1 + \cos(5\pi \cdot t))^{-0.1} & \text{dla} & 5 > t \ge 4.2 \end{cases}$
11.	$u(t) = \begin{cases} (1 - 7t) \cdot \sin(2\pi \cdot t \cdot 10/(t + 0.04)) & \text{dla} & 0.22 > t \ge 0 \\ 0.63 \cdot t \cdot \sin(125 \cdot t) + \log_2(2t) & \text{dla} & 0.57 > t \ge 0.22 \\ t^{-0.662} + 0.77\sin(8t) & \text{dla} & 0.97 > t \ge 0.57 \end{cases}$
12.	$u(t) = \begin{cases} \cos(10t^2) & \text{dla} & 0.35 > t \geqslant 0 \\ \sin(4\pi \cdot t^2) \cdot \cos(8\pi \cdot t^2) \cdot \frac{1}{t} & \text{dla} & 0.6 > t \geqslant 0.35 \\ 0.92t^2 \cdot (-1)^{\lfloor 25t \rfloor} & \text{dla} & 1.1 > t \geqslant 0.6 \\ \frac{0.6t^2}{\log_2(t+ \cos(10t) )} & \text{dla} & 1.8 > t \geqslant 1.1 \\ 10.5 - t^3 & \text{dla} & 2.5 > t \geqslant 1.8 \end{cases}$
13.	$u(t) = \begin{cases} 0.1 \cdot (\cos(36\pi \cdot t) + \sin(22\pi \cdot t)) & \text{dla}  0.3 > t \ge 0 \\ (t - 0.3) \cdot \cos(26\pi \cdot t + \sin(12t)) & \text{dla}  0.8 > t \ge 0.3 \\ 0.1 \cdot (\log_2(t+2) \cdot \sin(6\pi \cdot t) + \log_2(\cos(44\pi \cdot t) + 2)) & \text{dla}  1 > t \ge 0.8 \end{cases}$

# Tabela 4

Lp.	Funkcje do zadania 4	$H_1, H_2, H_3$
1.	$b_k(t) = \frac{2}{\pi} \sum_{h=1}^{H_k} \frac{(-1)^h}{h} \sin(h \cdot \pi \cdot 2t)$	5, 20, 50
2.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\sin(\sin(\pi \cdot h/7 \cdot t) \cdot \pi \cdot t \cdot h)}{2h^2 + 1}$	2, 5, 25
3.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\cos(4\pi \cdot h \cdot t)}{4h \cdot (\sin(8\pi \cdot h \cdot t) + 2)}$	1, 5, 50
4.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\sin(6\pi \cdot t \cdot h^2)}{(2h+1)^2 + \sin(12\pi \cdot t)}$	2, 6, 26
5.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{(-1)^h}{3h^2} \cos(2\pi \cdot h \cdot t + \sin(6\pi \cdot t))$	2, 20, 40
6.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\sin(h \cdot \pi \cdot t)}{2 + \cos(2h \cdot \pi \cdot t)}$	1, 2, 22
7.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\sin(\pi \cdot t \cdot (2h^2 + h))}{2h^2 \cdot (2.5 + \cos(h \cdot \pi) - 1)}$	2, 4, 20
8.	$b_k(t) = \sum_{h=0}^{H_k} \frac{1}{2 \cdot (h+1)} \cdot \sin((8h+4) \cdot \pi \cdot t) + \cos(6h\pi \cdot t)$	5, 20, 60
9.	$b_k(t) = \left  \sum_{h=1}^{H_k} (-1)^h \cdot (\sin(2\pi \cdot h \cdot t) + \cos(6\pi \cdot h \cdot t)) \right $	2, 20, 60
10.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\sin(\pi \cdot t \cdot (h^2 \cdot \sin(h)))}{7h}$	2,4,8
11.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\cos(12t \cdot h^2) + \cos(16t \cdot h)}{h^2}$	2, 4, 16
12.	$b_k(t) = \frac{1}{\pi^2} \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\sin(2\pi \cdot h \cdot t) + \cos(2\pi \cdot h \cdot t)}{2h+4}$	2, 10, 20
13.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\sin((6h+1)\cdot t \cdot \pi) \cdot \sin(h^3)}{6h+2}$	2,4,8
14.	$b_k(t) = \sum_{h=1}^{H_k} \frac{\sin\left(\frac{h \cdot t \cdot \pi}{2}\right)}{2 + \cos\left(h^2 \cdot \pi \cdot t\right)}$	2, 6, 10