Санкт-Петербургский Политехнический Университет Петра Великого Институт компьютерных наук и технологий Кафедра компьютерных систем и программных технологий

Телекоммуникационные технологии

Отчет по лабораторной работе №1 Сигналы телекоммуникационных систем

> Работу выполнил:

Болдырев А.В. Группа: 33501/3 **Преподаватель:**

Богач Н.В.

Содержание

1.	Цель работы	2
2.	Постановка задачи	2
3.	Теоретическая информация	2
	3.1. Понятие сигналов как векторов отсчетов функций	2
	3.2. Затухающие сигналы	2
	3.3. Одиночные импульсы	2
	3.4. Ограниченная полоса частот	3
	3.5. Гауссов радиоимпульс	3
	3.6. Дирихле	4
	3.7. Математические законы изменения мгновенной частоты	4
	3.8. Преобразование Фурье	5
4.	Ход работы	5
	4.1. Генерация затухающего гармонического сигнала	5
	4.2. Многоканальный сигнал	7
	4.3. Кусочные зависимости	9
	4.4. Прямоугольный импульс	12
	4.5. Трапецевидный импульс	14
	4.6. Импульс с ограниченной полосой частот	15
	4.7. Гауссов радиоимпульс	17
	4.8. Последовательности импульсов	18
	4.9. Генерация периодических сигналов	21
	4.10. Функция Дирихле	24
	4.11. Сигнал с меняющейся частотой	26
5.	Выводы	28

1. Цель работы

Целью данной работы является приобретение навыков генерации и визуализации простых сигналов в среде MatLab, а также разложение этих сигналов в ряд Фурье для построения спектра сигналов.

2. Постановка задачи

Задачей работы является промоделировать сигналы в командном окне MATLAB и в среде Simulink из Главы 3, сс. 150–170 справочного пособия и получить их разложение в ряд Фурье.

3. Теоретическая информация

3.1. Понятие сигналов как векторов отсчетов функций

Аналоговый сигнал, с математической точки зрения, представляет собой функцию. В среде MatLab может быть удобно представлен как вектор дискретных отсчетов этой функции, а затем отобразить в виде графика зависимости значений этого вектора от значений вектора отсчетов времени. Второй вектор удобно формировать как возрастающую последовательность чисел, шаг между которыми есть величина, обратная частоте дискретизации.

Таким образом, определив вектор отсчетов времени и некоторые константы, необходимые для представления вида сигнала в математической формуле, такие как амплитуда колебаний, частота колебаний и так далее, мы может задать вектор значений функции в известных нам моментах времени для дальнейшего построения графика. Делается это путем использования известных математических законов и встроенных в MatLab функций генерации специальных сигналов.

3.2. Затухающие сигналы

Затухание обычного гармонического сигнала получается путем его домножения на убывающую экспоненциальную функцию, как показано ниже на 3.2.1:

Рис. 3.2.1. Домножение сигнала на экспоненту в МатЛаб

3.3. Одиночные импульсы

Встроенная функция rectpuls работает по следующему принципу:

$$y = \begin{cases} 1, & -\frac{\text{width}}{2} \le t < \frac{\text{width}}{2}, \\ 0, & t < -\frac{\text{width}}{2}, & t \ge \frac{\text{width}}{2}. \end{cases}$$

Рис. 3.3.1. Генерация прямоугольного импульса

где у-возвразаемое значение, t-вектор значений времени, сгенерированный заранее, width-ширин (длительность) импульса.

Встроенная функция tripuls работает по следующему принципу:

$$y = \begin{cases} \frac{2t + \text{width}}{\text{width}(\text{skew} + 1)}, & -\frac{\text{width}}{2} \le t < \frac{\text{width} \cdot \text{skew}}{2}, \\ \frac{2t - \text{width}}{\text{width}(\text{skew} - 1)}, & \frac{\text{width} \cdot \text{skew}}{2} \le t < \frac{\text{width}}{2}, \\ 0, & |t| > \frac{\text{width}}{2}. \end{cases}$$

Рис. 3.3.2. Генерация треугольного импульса

где параметр skew - коэффициент ассимметрии импульса (по-умолчанию равен 0), а другие параметры имеют те же значения.

3.4. Ограниченная полоса частот

Для формирования сигнала, имещего ограниченный спектр, используется функция sinc:

$$y=\frac{\sin(\pi x)}{\pi x}.$$

Рис. 3.4.1. Sinc

Спектр сигнала в этом случае имеет прямоугольный вид:

$$\dot{Y}(\omega) = \begin{cases} 1, & |\omega| < \pi, \\ 0, & |\omega| > \pi. \end{cases}$$

Рис. 3.4.2. Спектр Sinc

3.5. Гауссов радиоимпульс

Функция для получение отсчетов радиоимпульса имеет фнутри себя следую математичскию формулу:

$$y=\exp{(-a\,t^2)}\,\cos(2\pi\,f_ct).$$

Рис. 3.5.1. Гауссов радиоимпульс

А спектр такого сигнала можно получить путем рпеобразования Φ урье, формула которого представлена на 3.5.2 ниже:

$$\dot{S}(\omega) = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\pi}{a}} \left(\exp\left(-\frac{(\omega + 2\pi f_c)^2}{4a}\right) + \exp\left(-\frac{(\omega - 2\pi f_c)^2}{4a}\right) \right).$$

Рис. 3.5.2. Формула для разложения радиоимпульса

3.6. Дирихле

Функция Дирихле описывается формулой:

$$\operatorname{diric}_{n}(x) = \frac{\sin(nx/2)}{n\sin(x/2)},$$

Рис. 3.6.1. Функция Дирихле

где n - целое положительное число.

Функцию Дирихле еще называют периодический sinc функцией. При нечетном / четном значении параметра n функция приобретает вид:

$$\operatorname{diric}_{n}(x) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \operatorname{sinc}\left(n\left(\frac{t}{2\pi} - k\right)\right).$$

Рис. 3.6.2. Функция Дирихле при нечетном п

$$\operatorname{diric}_{n}(x) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} (-1)^{k} \operatorname{sinc}\left(n\left(\frac{t}{2\pi} - k\right)\right).$$

Рис. 3.6.3. Функция Дирихле при четном п

3.7. Математические законы изменения мгновенной частоты

В данной работе рассматриваются 3 закона - линейный, квадратичный и логарифмический. Формулы этих законов представлены на 3.7.1 - 3.7.3:

$$f(t) = f_0 + \beta t$$
, rge $\beta = \frac{f_1 - f_0}{t_1}$;

Рис. 3.7.1. Линейный закон

$$f(t) = f_0 + \beta t^2$$
, rhe $\beta = \frac{f_1 - f_0}{t_1^2}$;

Рис. 3.7.2. Квадратичный закон

$$f(t) = f_0 + e^{\beta t}$$
, rate $\beta = \frac{\ln(f_1 - f_0)}{t_1}$.

Рис. 3.7.3. Логарифмический закон

Стоит отметить, что логарифмический закон противоречит своему названию, т.к. зависимость частоты от времени в нем экспоненциальная, а не логарифмическая.

3.8. Преобразование Фурье

Для нахождение спектра сигнала чаще всего применяют разложение функции в ряд Фурье, или же преобразование Фурье. Формула прямого преобразования Фурье (нормированный логарифмический закон) выглядит следующим образом:

$$\dot{S}(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} s(t)e^{-j\omega t} dt.$$

Рис. 3.8.1. Преобразование Фурье

4. Ход работы

4.1. Генерация затухающего гармонического сигнала

Листинг 1: Код в МатЛаб

```
1  Fs = 8e3;
2  t = 0:1/Fs:1;
3  t = t';
4  A_=_2;
5  f0_=_1e3;
6  phi_=_pi/4;
7  s1_=_A_*_cos(2*pi*f0*t_+_phi);
8  alpha_=_1e3;
9  s2_=_exp(-alpha*t)_.*_s1;
10  FFT_=_fft (s2);
11  subplot_(2,2,1);_plot(t(1:100),_s2(1:100))
12  subplot_(2,2,2);_plot(t(1:100),_s2(1:100))
13  subplot_(2,2,3);_stem(t(1:100),_s2(1:100))
14  subplot_(2,2,4);_stairs(t(1:100),_s2(1:100))
15  figure;
16  plot_(t(1:8001),_FFT(1:8001))
```

Здесь представлен код программы, генерирующей затухающий сигнал и выводящий на экран 4 различных графика этого сигнала.

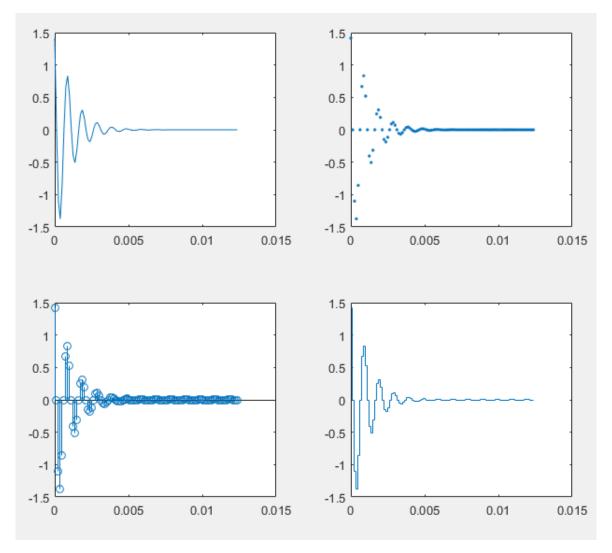


Рис. 4.1.1. Графики сигнала

На первом графике виден обычный вид затухающего гармонического сигнала, построенный средой МатЛаб по дискретным отсчетам. Второй график представляет из себя точки того же сигнала, соответствующие дискретным отсчетам. Третий график (stem) представляет собой те же точки, но в виде «лепестков» - как некоторые значения, отклоненные от нулевого. Четвертый график (stairs) — ступенчатый графк.

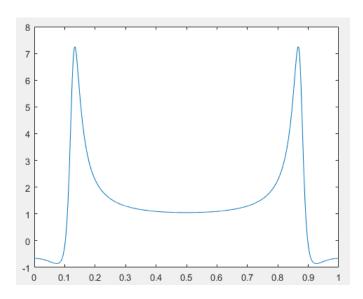


Рис. 4.1.2. Спектр сигнала

Спектр представленного выше сигнала получен с помощью разложение в ряд Фурье.

4.2. Многоканальный сигнал

Листинг 2: Код в МатЛаб

```
1 Fs = 8e3;
2 t = 0:1/Fs:1;
3 t = t';
4 f_=_[600_1200_1400];
5 s3_=_cos(2*pi*t*f);
6 FFT_=_fft(s3);
7 plot(t(1:100),_s3(1:100,:))
8 figure;
9 plot(t(1:8001),_FFT(1:8001,:))
```

Данный код генерирует сразу несколько сигналов, записываемых в одну матрицу, различающихся по частоте.

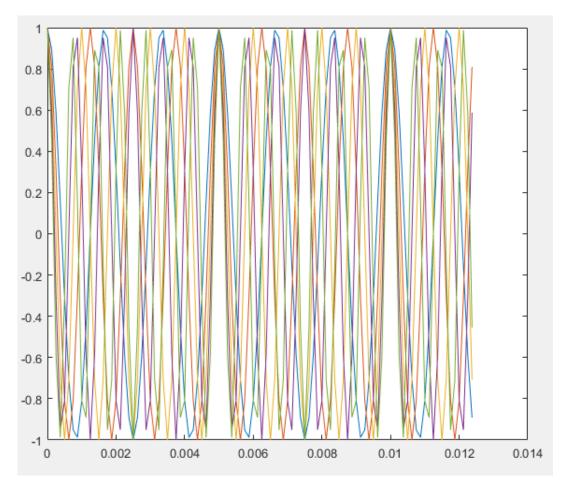


Рис. 4.2.1. График сигналов

На данном графике видно несколько гармонических сигналов, различающихся по частоте.

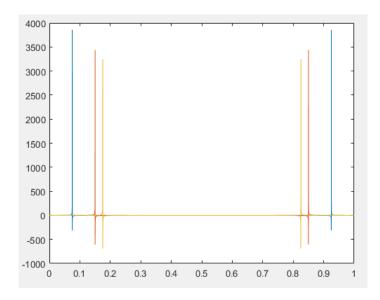


Рис. 4.2.2. Спектр сигналов

На этом рисунке видны спектры данных синусоид. Линии спектра сигнала с более

высокой частотой распологаются ближе к нулю.

4.3. Кусочные зависимости

Листинг 3: Код в МатЛаб

```
1| \text{Fs} = 8 \, \text{e} 3;
   t = 0:1/Fs:1;
 3 \mid t = t';
 4|A_{=} 2;
 5 \mid f0 = 1e3;
 6 phi = pi / 4;
 7 \mid alpha = 1e3;
 8|T_{=} 0.01;
 9|s1 = A_* = (-alpha = t) = (t = 0);
10 FFT1 = fft (s1);
11 \mid s2 = A = A = (abs(t) = T/2);
12 | \text{FFT2} = \text{fft} (s2);
13 \Big| \; s3 \_ = \_A \_ * \_ t \_ / \_T \_ . * \_ (T \_ > = \_0) \_ . * \_ (t \_ < = \_T) \; ;
14 | \text{FFT3} = fft (s3);
15 figure (1);
16 plot (t (1:100), s1 (1:100))
17 figure (2);
18 plot (t (1:100), _s2 (1:100))
19 figure (3);
20 plot (t (1:100), s3 (1:100))
21 figure (4);
22 plot (t (1:8001), FFT1(1:8001))
23 figure (5);
24 plot (t (1:8001), FFT2(1:8001))
25 | figure (6);
26 plot (t (1:8001), FFT3(1:8001))
```

Данный участок кода генерирует и выводит на экран односторонний экспоненциальный импульс, прямоугольный импульс и несимметричный треугольный импульс согласно заданным уравнениям.

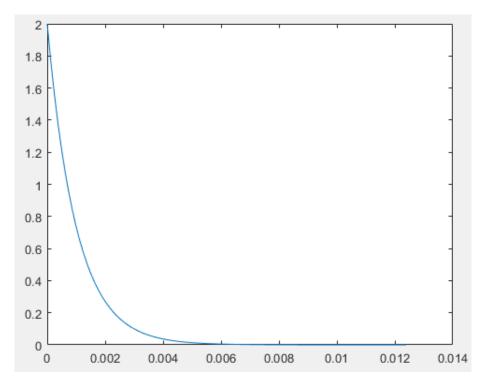


Рис. 4.3.1. Экспоненциальный импульс

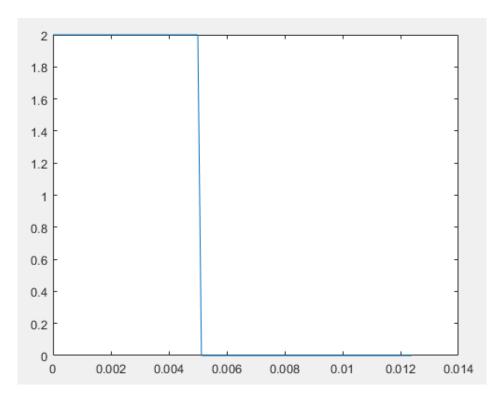


Рис. 4.3.2. Прямоугольный импульс

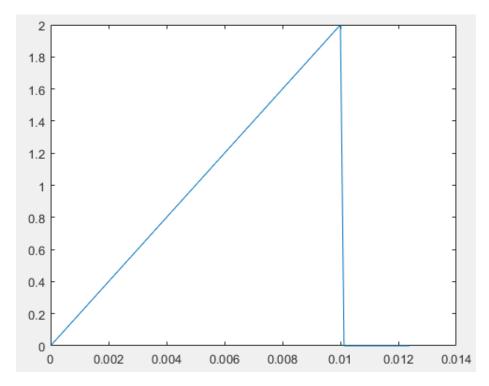


Рис. 4.3.3. Несимметричный треугольный импульс

На рисунках 4.3.1-4.3.3 представлены графики сгенерированных сигналов, выведенных с помощью стандартной функции построения графиков в Мат Π аб.

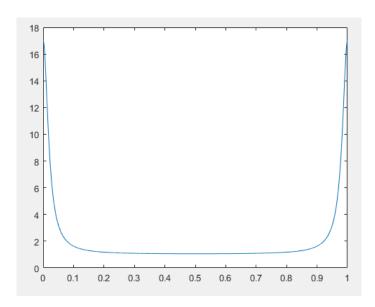


Рис. 4.3.4. Спектр экспоненциального импульса

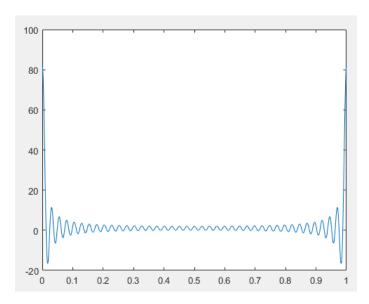


Рис. 4.3.5. Спектр прямоугольного импульса

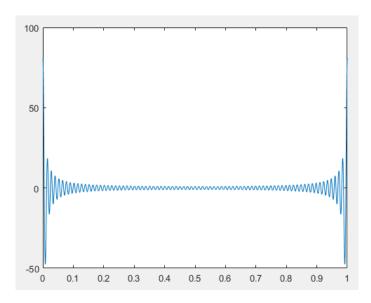


Рис. 4.3.6. спектр несимметричного треугольного импульса

На рисунках 4.3.4-4.3.6 представлены спектры сигналов 4.3.1-4.3.3.

4.4. Прямоугольный импульс

Листинг 4: Код в МатЛаб

```
 \begin{array}{l} T_{\rm Fs} = 1\,{\rm e}3\,; \\ z_{\rm t} = -40\,{\rm e}-3{\rm :}1/\,{\rm Fs}{\rm :}40\,{\rm e}-3; \\ T_{\rm t} = 20\,{\rm e}-3; \\ A_{\rm t} = 5; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}_{\rm t}\,(t_{\rm t} - T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t}; \\ S_{\rm t} = -A_{\rm t} \cdot {\rm rectpuls}\,(t_{\rm t} + T/2_{\rm t}, T_{\rm t})_{\rm t} + A_
```

```
8 | FFT = fft (s);
9 | figure;
10 | plot(t(1:81), FFT(1:81))
```

Данный сигнал генерируется путем соединения двух прямоугольных импульсов, с использованием встроенных функций.

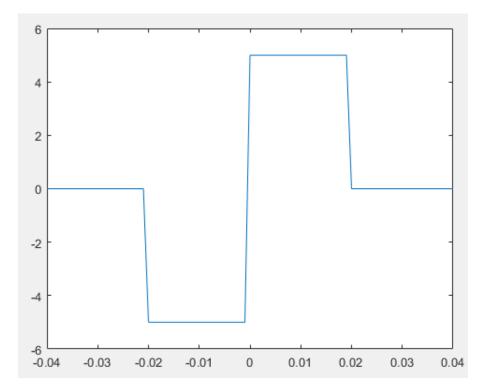


Рис. 4.4.1. Прямоугольные импульсы

На данном рисунке представлен график прямоугольных импульсов.

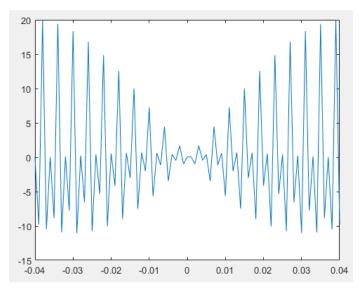


Рис. 4.4.2. Спектр прямоугольных импульсов

Спектр прямоугольного импульса получен как разложение сигнала в ряд Фурье.

4.5. Трапецевидный импульс

Листинг 5: Код в МатЛаб

Данный сигнал генерируется разностью двух треугольных импульсов, с использованием встроенной функции tripuls.

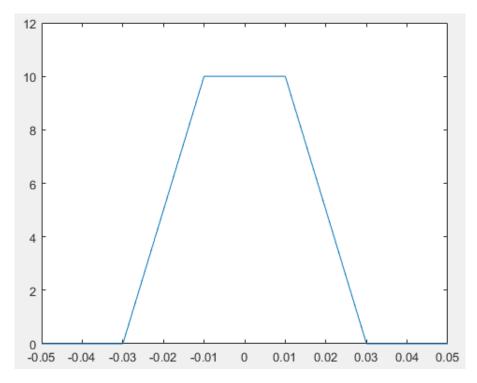


Рис. 4.5.1. Трапецевидный импульс

На данном рисунке представлен вид трапецевидного импульса в среде МатЛаб.

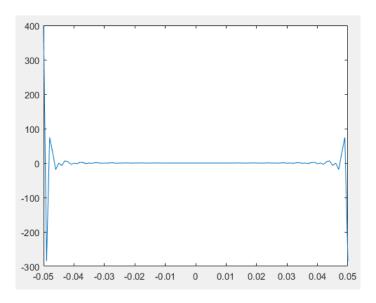


Рис. 4.5.2. Спектр трапецевидного импульса

На рисунке представлен спектр трапецевидного импульса.

4.6. Импульс с ограниченной полосой частот

Листинг 6: Код в МатЛаб

```
 \begin{array}{l} 1 \\ Fs = 1e3; \\ 2 \\ t = -0.1:1/Fs:0.1; \\ 3 \\ f0 = 10; \\ 4 \\ T = 1/f0; \\ 5 \\ s = rectpuls(t,T) .* cos (2*pi*f0*t); \\ 6 \\ f = -50:50; \\ 7 \\ sp = T/2 * (sinc((f-f0)*T) + sinc((f+f0)*T)); \\ 8 \\ plot(t,s) \\ 9 \\ ylim([-1.1 \ 1.1]); \\ 10 \\ figure; \\ 11 \\ plot(f, abs(sp)) \end{array}
```

Данный код генерирует сигнал, у которого спектр ограничен по частоте. Затем выводится и сам спектр данного сигнала, что можно увидеть на рисунках ниже:

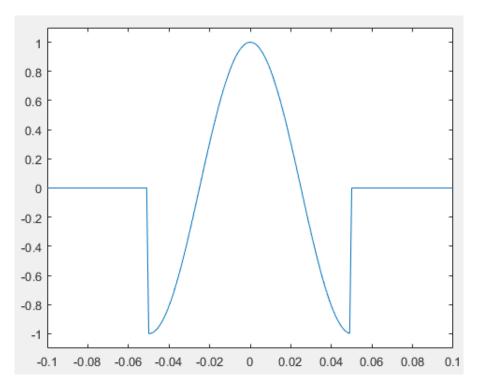


Рис. 4.6.1. Сигнал с ограниченным спектром

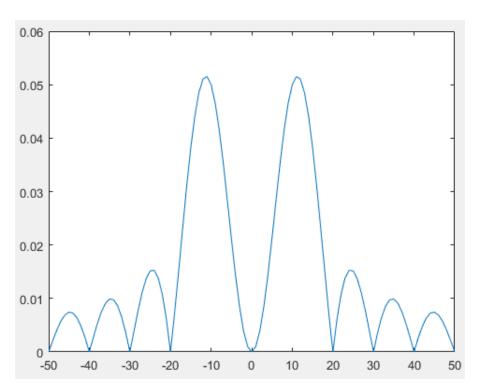


Рис. 4.6.2. Ограниченный спектр сигнала

Спектр сигнала получен с помощь функции sinc.

4.7. Гауссов радиоимпульс

Листинг 7: Код в МатЛаб

```
Fs = 16e3;
   t = -10e - 3:1 / Fs:10e - 3;
3
  Fc = 4e3;
  bw = 0.1;
  bwr = -20;
  s = gauspuls(t, Fc, bw, bwr);
  Nfft = 2^n extpow2(length(s));
  sp = fft(s, Nfft);
  sp_dB = 20*log10(abs(sp));
10 | f = (0: Nfft - 1) / Nfft *Fs;
11 plot (t,s);
12 figure;
13 plot (f (1: Nfft /2), sp_dB (1: Nfft /2))
14 | \text{sp}_{\text{max}} db = 20 * \log 10 (\max(abs(sp)));
|15| \text{ edges} = \text{Fc} * [1-\text{bw}/2 \ 1+\text{bw}/2];
16 hold on;
17 plot (edges, sp_max_db([1 1])+bwr, 'o');
18 hold off;
```

Данный код генерирует Гауссов радиоимпульс с помощью встроенной функции gauspuls, а затем находит спектр этого сигнала, выражая его в дБ.

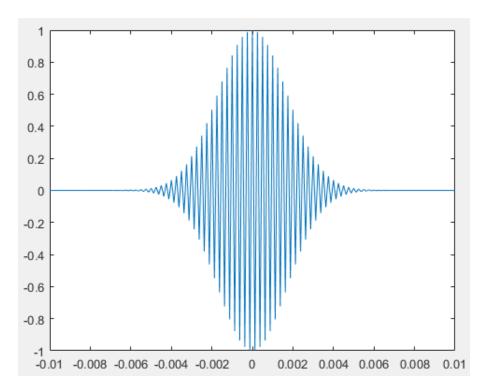


Рис. 4.7.1. Гауссов радиоимпульс

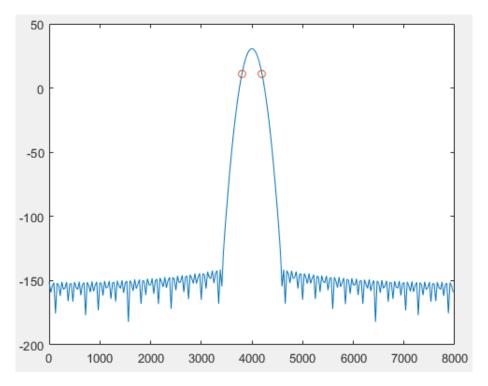


Рис. 4.7.2. Амплитудный спектр радиоимпульса

На графике спектра также отмечены расчетные границы этого спектра.

4.8. Последовательности импульсов

Листинг 8: Код в МатЛаб

```
1 Fs = 1e3;

t = 0:1/Fs:0.5;

3 tau = 20e-3;

4 d = [20 80 160 260 380] '_*_1e-3;

5 d(:,2)_=_0.8.^(0:4) ';

y = pulstran(t, d, 'tripuls', tau);

7 plot(t,y)

8 FFT = fft(y);

9 figure;

10 plot(t(1:501), FFT(1:501))
```

Данный код генерирует треугольные импульсы с заданными амплитудами, через заданные промежутки времени.

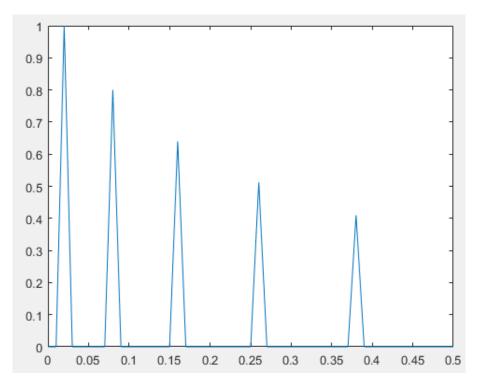


Рис. 4.8.1. Треугольные импульсы

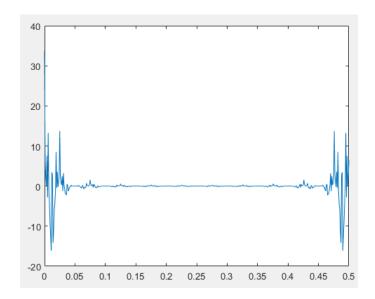


Рис. 4.8.2. Спектр импульсов

На рисунках представлены - треугольные импульсы, сгенерированные с помощью встроенной функции, (4.8.1) и спектр этого сигнала (4.8.2).

Листинг 9: Код в МатЛаб

```
Fs0 = 400;

tau = 60e-3;

t0 = 0:1/Fs0:tau;

s0 = sin(pi*t0/tau).^2;

Fs = 1e3;
```

```
6 t = 0:1/Fs:0.5;

7 d = (1:6) '_*_64e-3;

8 d(:,2)_=_0.6.^(0:5) ';

9 y = pulstran(t, d, s0, Fs0);

10 plot(t,y)

11 FFT = fft(y);

12 figure;

13 plot(t(1:501), FFT(1:501))
```

Данный код генерирует и выводит гармонические импульсы.

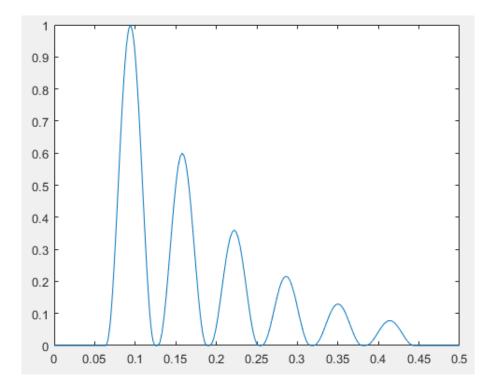


Рис. 4.8.3. Гармонические импульсы

Данные импульсы сгенерированы функцией pulstran из вектора отсчетов одиночного импульса.

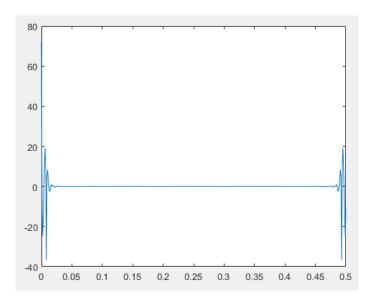


Рис. 4.8.4. Спектр гармонических импульсов

На рисунке представлен спектр гармонических импульсов.

4.9. Генерация периодических сигналов

Листинг 10: Код в МатЛаб

```
1 Fs = 1e3;
2 t = -10e-3:1/Fs:50e-3;
3 A = 3;
4 f0 = 50;
5 tau = 5e-3;
6 s = (square(2*pi*t*f0, f0*tau*100) + 1) * A/2;
7 plot(t, s)
8 ylim([0 5]);
9 FFT = fft(s);
10 figure;
11 plot(t(1:61), FFT(1:61))
```

Данная программа создает и выводит на экран периодически повторяющиеся прямоугольные сигналы, создаваемые с помощью функции square.

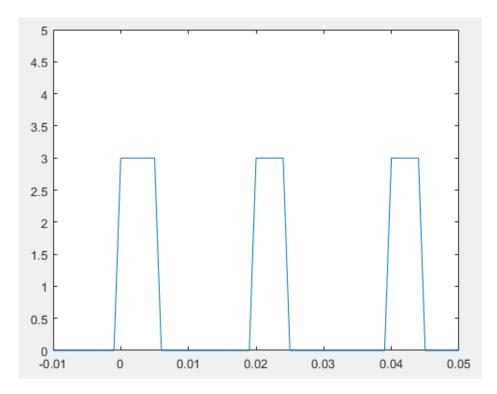


Рис. 4.9.1. Периодические прямоугольные импульсы

Импульсы обладают одинаковой длительностью и временем паузы между ними, что можно увидеть более отчетливо, если увеличить частоту дискретизации.

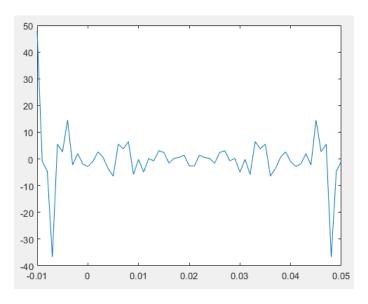


Рис. 4.9.2. Спектр прямоугольных импульсов

Листинг 11: Код в МатЛаб

```
5 | t1 = 5e-3;
6 | s = (sawtooth(2*pi*t/T, 1-t1/T) - 1) * A/2;
7 | plot(t,s);
8 | FFT = fft(s);
9 | figure;
10 | plot(t, FFT)
```

Эта программа, используя функцию sawtooth, создает импульсы треугольной формы с заданными параметрами.

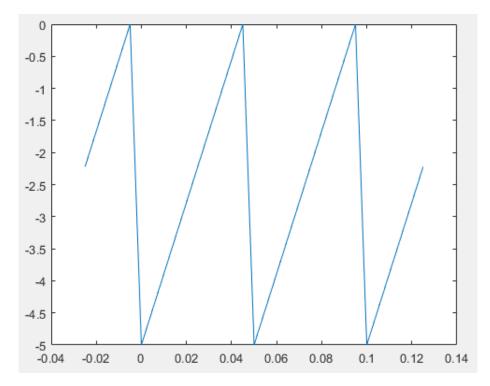


Рис. 4.9.3. Треугольные импульсы sawtooth

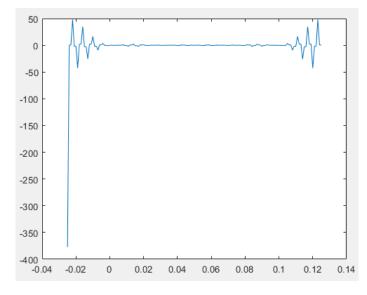


Рис. 4.9.4. Спектр прямоугольных импульсов

4.10. Функция Дирихле

Листинг 12: Код в МатЛаб

```
1 x = 0:0.01:15;
2 plot(x, diric(x,7));
3 grid on
4 title('n_=_7');
5 figure;
6 plot(x, diric(x,8));
7 grid on
8 title('n_=_8');
9 FFT1 = fft(diric(x,7));
10 FFT2 = fft(diric(x,8));
11 figure;
12 plot(x, FFT1)
13 figure;
14 plot(x, FFT2)
```

Программа использует встроенную функцию diric для создания выборки из функции Дирихле с четным и нечетным значением параметра.

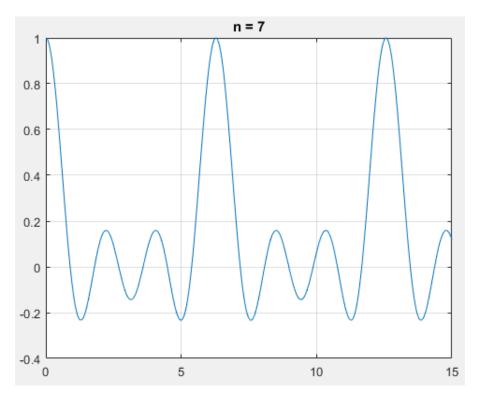


Рис. 4.10.1. Функция Дирихле с параметром равным 7

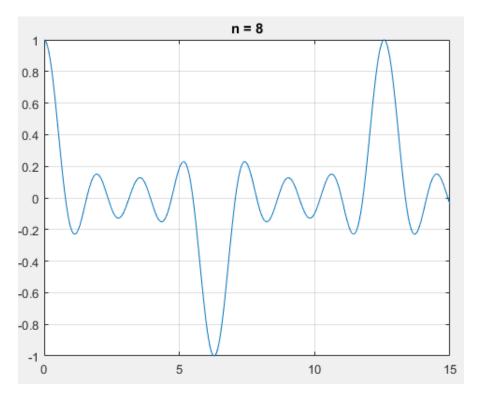


Рис. 4.10.2. Функция Дирихле с параметром равным 8

Видно, что нечетный параметр обеспечивает однонаправленные импульсы, а большее значение параметра увеличивает частоту колебаний.

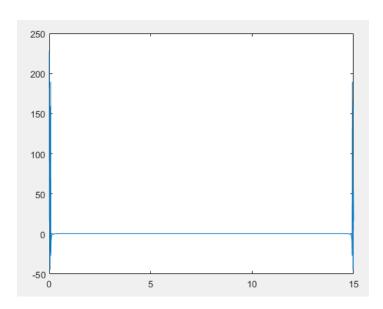


Рис. 4.10.3. Спектр функции Дирихле с параметром равным 7

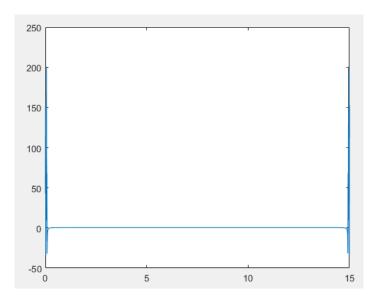


Рис. 4.10.4. Српектр функция Дирихле с параметром равным 8

4.11. Сигнал с меняющейся частотой

Листинг 13: Код в МатЛаб

```
Fs = 8e3;
  t = 0:1/Fs:1;
3
  f0 = 1e3;
  t1 = 1;
5| f1 = 2e3;
6|s1 = chirp(t, f0, t1, f1, 'linear');
  s2 = chirp(t, f0, t1, f1, 'quadratic');

s3 = chirp(t, f0, t1, f1, 'logarithmic');
9
  specgram (s1, [], Fs);
10 title ('linear');
11 colormap gray
12 figure
13 specgram (s2, [], Fs);
14 title ('quadratic');
15 colormap gray
16 figure
17 specgram (s3, [], Fs);
18 title ('logarithmic');
19 colormap gray
```

Эта программа с помощью функции chirp генерирует колебания, мгновенная частота которых изменяется согласно выбранной функции. В данном примере рассмотрены 3 таких функции — линейная, квадратичная и логарифмическая. На экран выводятся спектрограммы этих сигналов — зависимость мгновенного амплитудного спектра от времени.

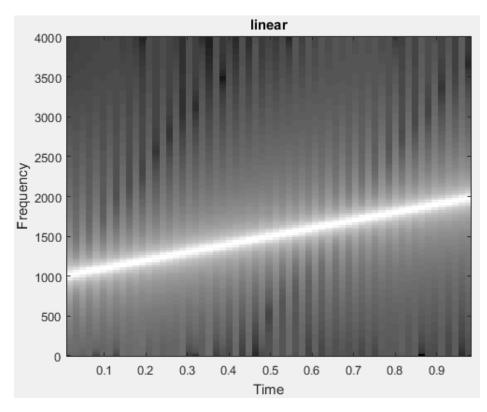


Рис. 4.11.1. Спектрограмма линейной функции chirp

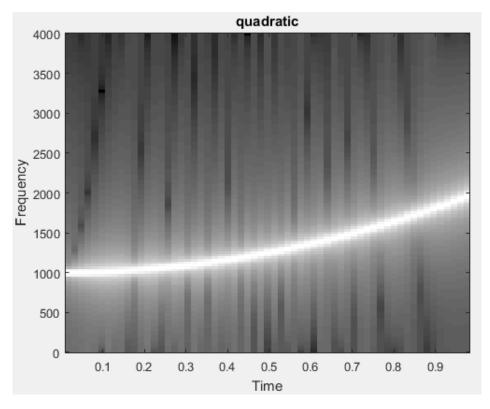


Рис. 4.11.2. Спектрограмма квадратичной функции chirp

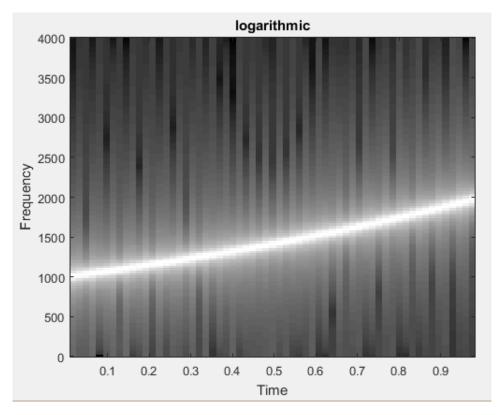


Рис. 4.11.3. Спектрограмма логарифмической функции chirp

На рисунках 4.11.2, 4.11.2 и 4.11.3 показаны спектрограммы, наглядно демонстрирующие характер изменения мгновенной частоты сигнала.

5. Выводы

В данной работе исследованы методы генерации и визуализации различных сигналов в среде МатЛаб.

Нами рассмотрены различные виды сигналов - детерминиированные сигналы, периодические, конечне (финитные) и бесконечные, гармонические колебания и сигналы, полученные на из основе, сигналы, представляюзие из себя единичные импульсы различной формы.

Полученыи построены спектры сигналов с помощью преобразования Фурье, встроенного в среду МатЛаб.