МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И.УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЁТ

по лабораторной работе №5

по дисциплине «Качество и метрология программного обеспечения»
Тема: Оценка параметров надежности программ по временным моделям
обнаружения ошибок

Студент гр. 6304	Корытов П.В.
Преподаватель	Кирьянчиков В.А.

Санкт-Петербург 2020

Формулировка задания

Выполнить исследование показателей надежности программ, характеризуемых моделью обнаружения ошибок Джелинского-Моранды, для различных законов распределения времен обнаружения отказов и различного числа используемых для анализа данных. Для проведения исследования требуется:

1. Сгенерировать массивы данных $\{Xi\}$, где Xi – случайное значение интервала между соседними (i-1)—ой и i—ой ошибками

$$L \coloneqq 30$$
 $i \coloneqq 1..L$

также смотри примечание в п.3, в соответствии с:

А) равномерным законом распределения в интервале

$$X_{umin} \coloneqq 0 \quad X_{umax} \coloneqq 20$$

при этом средний интервал между ошибками будет:

$$m_u = 10$$
 $MSE_u = \frac{20}{2\sqrt{3}} = 5.774$

Б) экспоненциальным законом распределения

$$b \coloneqq 0.1$$

$$W_e(y) \coloneqq b \cdot \exp(-b \cdot y)$$

и соответственно

$$m_e := \frac{1}{b} = 10$$
 $s_e := \frac{1}{b} = 10$

Значения случайной величины Y с экспоненциальным законом распределения с параметром «b» можно получить по значениям случайной величины t, равномерно распределенной в интервале [0,1], по формуле:

$$Y_e(t) = \frac{-\ln(t)}{b}$$

В) Релеевским законом распределения

$$c = 8.0$$

$$W_r(y) \coloneqq \frac{y}{c^2} \exp\left(\frac{-y^2}{2 c^2}\right)$$

и соответственно:

$$m_r \coloneqq c \cdot \sqrt{\frac{\pi}{2}} = 10.027$$
 $s_r \coloneqq c \cdot \sqrt{2 - \frac{\pi}{2}} = 5.241$

Значения случайной величины Y с релеевским законом распределения с параметром «с» можно получить по значениям случайной величины t, равномерно распределенной в интервале [0,1], по формуле

$$Y_r(t) \coloneqq c \cdot \sqrt{-2 \cdot \ln(t)}$$

- 2. Каждый из 3-х массивов {Xi} интервалов времени между соседними ошибками упорядочить по возрастанию.
- 3. Для каждого из 3-х массивов {Xi} оценить значение первоначального числа ошибок в программе В. При этом для каждого закона использовать:

$$L_1 := L = 30$$

 $L_2 := 80\% \cdot L = 24$
 $L_3 := 60\% \cdot L = 18$

- 4. Если B>n, оценить значения средних времен Xj, j=n+1,n+2..., n+k до обнаружения $k \le 5$ следующих ошибок и общее время на выполнение тестирования.
- 5. Результаты вычислений представить в виде двух таблиц, одна из которых содержит оценки первоначального числа ошибок, а другая оценки полных времен проведения тестирования для разных законов распределения времен между отказами и разного числа используемых данных.
- 6. Сравнить и объяснить результаты, полученные для различных законов распределения времени между соседними отказами и различного числа используемых для анализа данных.

Ход работы

1. Равномерный закон, n = 30

$$L_m \coloneqq L_1 = 30$$
 $law \coloneqq$ "Равномерный закон"

$$X = \operatorname{sort} \left(\operatorname{runif} \left(L_m, X_{umin}, X_{umax} \right) \right)$$

$$slice(X, start, end) \coloneqq$$
 for $i \in start \ldots end$ return r - чтобы показать часть вектора

$$print_vector(X) = \begin{bmatrix} [0.086 \ 0.144 \ 0.622 \ 1.603 \ 1.645 \ 1.709 \ 2.856 \ 3.436 \ 4.373 \ 4.447] \\ [4.811 \ 5.499 \ 5.845 \ 7.351 \ 8.71 \ 10.603 \ 11.533 \ 11.711 \ 12.031 \ 12.89] \\ [13.68 \ 13.83 \ 14.558 \ 15.517 \ 16.221 \ 17.101 \ 18.045 \ 18.053 \ 18.958 \ 19.635] \end{bmatrix}$$

Проверка существования максимума

$$A(X) \coloneqq \frac{\sum\limits_{i=1}^{\operatorname{length}(X)} X_{i-1} \cdot i}{\sum\limits_{i=1}^{\operatorname{length}(X)} X_{i-1}}$$
 $check(X) \coloneqq \operatorname{if} A(X) > \frac{\operatorname{length}(X) + 1}{2}$ $\|\operatorname{return} \text{ "Существует"}\|$ $A_v \coloneqq A(X) = 21.37$ $\|\operatorname{return} \text{ "Не существует"}\|$

$$check(X) =$$
 "Существует"

Поиск для т>=n+1:

$$L_{S} \coloneqq 5$$

$$f_{n}(m,n) \coloneqq \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{m-i} \qquad g_{n}(m,A,n) \coloneqq \frac{n}{m-A} \qquad M \coloneqq L_{m} + 1 \dots L_{m} + L_{S} + 1 = \begin{bmatrix} 31\\32\\33\\34\\35\\36 \end{bmatrix}$$

$$d_{n}(m,A,n) \coloneqq \overline{|f_{n}(m,n) - g_{n}(m,A,n)|}$$

$$f_n(M, L_m)^{\mathrm{T}} = [3.995 \ 3.027 \ 2.558 \ 2.255 \ 2.035 \ 1.863]$$

$$g_n(M, A_v, L_m)^{\mathrm{T}} = [3.115 \ 2.822 \ 2.58 \ 2.375 \ 2.201 \ 2.051]$$

$$D \coloneqq d_n \left(\!\!\!\! \left(M \,, A_v \,, L_m \right) \right. \quad D^{\mathrm{T}} \! = \! \left[\, 0.88 \;\; 0.205 \;\; 0.021 \;\; 0.12 \;\; 0.166 \;\; 0.187 \, \right]$$

$$min_index\left(X,start\right)\coloneqq \mathrm{match}\left(\min\left(X\right),X\right)_0+start$$
 - поиск минимального индекса

$$\begin{split} m \coloneqq & \min_index \left(D, M_{_{0}}\right) = 33 & range \left(a, b, s\right) \coloneqq \text{if } b \geq a \\ B\left(m\right) \coloneqq & m-1 & \left\| \begin{array}{c} \text{for } i \in a, a+s...b \\ \left\| \begin{array}{c} \text{for } i \in a, a+s...b \\ \left\| \begin{array}{c} \text{return } r \end{array} \right\| \\ \left\| \begin{array}{c} \frac{i}{s} - a \end{array} \right\| \\ \text{else} \\ K\left(B, X\right) \coloneqq & \frac{\text{length}\left(X\right)}{\left(B+1\right) \sum\limits_{i=1}^{\text{length}\left(X\right)} X_{i-1} - \sum\limits_{i=1}^{\text{length}\left(X\right)} i \cdot X_{i-1} \end{split} \right. \end{split}$$

$$K_v := K(B_v, X) = 0.009$$

$$X_{n1}ig(K,B,nig)\coloneqq \mathrm{try}$$

$$\parallel \frac{1}{Kullet (B-n+1)}$$
 on error
$$\parallel [\text{ "В MathCAD не поддерживаются пустые векторы"}]$$
 $M_1\coloneqq range\left(M_{_0},B_{_V},1\right)$
$$X_{n1}\left(K_{_V},B_{_V},M_{_1}\right)^{^{\mathrm{T}}}= \begin{bmatrix} 53.789 & 107.578 \end{bmatrix}$$

Время до завершения тестирования:

$$T(K,B,N) \coloneqq \operatorname{try} \left\| \sum_{i=0}^{\operatorname{length}(N)-1} X_{n1}(K,B,N_i) \right\|$$
 on error $\left\| 0 \right\|$ $T(K_v,B_v,M_1) = 161.368$

Полное время:

олное время:
$$T_f\big(X,K,B,N\big) \coloneqq \sum_{i=0}^{\mathrm{length}\,(X)-1} X_i + T\big(K,B,N\big)$$

$$T_f\big(X,K_v,B_v,M_1\big) = 438.872$$

$$method \coloneqq [law]$$

$$number \coloneqq \begin{bmatrix} L_m \\ start_errors \coloneqq \begin{bmatrix} B_v \\ total_time \coloneqq \begin{bmatrix} T_f\big(X,K_v,B_v,M_1\big)\end{bmatrix}$$

2. Равномерный закон, n = 24

1

$$print_vector(X) = \begin{bmatrix} 5.106 & 6.223 & 7.005 & 11.391 & 11.571 & 11.815 & 12.086 & 12.887 & 12.911 & 15.905 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 17.707 & 18.183 & 18.426 & 18.86 \end{bmatrix}$$

Проверка существования максимума

$$A_v := A(X) = 17.317$$
 $check(X) =$ "Существует"

Поиск для т>=n+1:

$$\begin{split} M \coloneqq & range \left(L_m + 1 \,, L_m + L_S + 1 \,, 1 \right) \qquad M^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 25 \ 26 \ 27 \ 28 \ 29 \ 30 \end{bmatrix} \\ & f_n \left(M \,, L_m \right)^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 3.776 \ 2.816 \ 2.354 \ 2.058 \ 1.844 \ 1.678 \end{bmatrix} \\ & g_n \left(M \,, A_v \,, L_m \right)^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 3.124 \ 2.764 \ 2.479 \ 2.247 \ 2.054 \ 1.892 \end{bmatrix} \\ & D \coloneqq & d_n \left(M \,, A_v \,, L_m \right) \qquad D^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 0.652 \ 0.052 \ 0.124 \ 0.189 \ 0.211 \ 0.214 \end{bmatrix} \\ & m \coloneqq & min_index \left(D \,, M_0 \right) = 26 \\ & B_v \coloneqq & B \left(m \right) = 25 \\ & K_v \coloneqq & K \left(B_v \,, X \right) = 0.013 \end{split}$$

Среднее время:

$$\begin{aligned} & M_{1}\!:=\!range\left(\!M_{_{0}},\!B_{v},1\right) & M_{1}{^{^{\mathrm{T}}}}\!=\!\left[\,25\,\right] \\ & X_{n1}\!\left(\!K_{v},\!B_{v},\!M_{1}\!\right)^{^{\mathrm{T}}}\!=\!\left[\,74.728\,\right] \end{aligned}$$

Время до завершения тестирования:

$$T(K_v, B_v, M_1) = 74.728$$

Полное время:

$$\begin{split} T_f \big(X, K_v, B_v, M_1 \big) &= 281.289 \\ method &\coloneqq \operatorname{stack} \big(method \, , law \big) \\ number &\coloneqq \operatorname{stack} \big(number \, , L_m \big) \\ start_errors &\coloneqq \operatorname{stack} \big(start_errors \, , B_v \big) \\ total_time &\coloneqq \operatorname{stack} \big(total_time \, , T_f \big(X, K_v, B_v, M_1 \big) \big) \end{split}$$

3. Равномерный закон, n = 18

$$L_m \coloneqq L_3 = 18$$

$$X \coloneqq \operatorname{sort} \left(\operatorname{runif} \left(L_m, X_{umin}, X_{umax} \right) \right)$$

$$print_vector(X) = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.993 & 3.707 & 5.204 & 7.071 & 7.762 & 7.834 & 7.871 & 7.931 & 8.826 & 11.489 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 11.844 & 12.547 & 14.569 & 14.788 & 14.907 & 17.906 & 18.077 & 18.989 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

Проверка существования максимума

$$A_v := A(X) = 11.894$$

 $check(X) =$ "Существует"

Поиск для т>=n+1:

$$\begin{split} M \coloneqq & range\left(L_m+1\,,L_m+L_S+1\,,1\right) \qquad M^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 19\ 20\ 21\ 22\ 23\ 24 \end{bmatrix} \\ & f_n\left(M\,,L_m\right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 3.495\ 2.548\ 2.098\ 1.812\ 1.607\ 1.451 \end{bmatrix} \\ & g_n\left(M\,,A_v\,,L_m\right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 2.533\ 2.221\ 1.977\ 1.781\ 1.621\ 1.487 \end{bmatrix} \\ & D \coloneqq & d_n\left(M\,,A_v\,,L_m\right) \qquad D^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 0.962\ 0.327\ 0.121\ 0.031\ 0.013\ 0.036 \end{bmatrix} \\ & m \coloneqq & min_index\left(D\,,M_0\right) = 23 \end{split}$$

$$B_v := B(m) = 22$$

 $K_v := K(B_v, X) = 0.008$

Среднее время:

$$\begin{aligned} & M_{1}\!\coloneqq\!range\left(\!M_{_{0}},\!B_{v},1\right) & M_{_{1}}{^{^{\mathrm{T}}}}\!=\!\begin{bmatrix}19\ 20\ 21\ 22\end{bmatrix}\\ & X_{n1}\left(\!K_{v},\!B_{v},\!M_{_{1}}\right){^{^{\mathrm{T}}}}\!=\!\begin{bmatrix}29.664\ 39.551\ 59.327\ 118.654\end{bmatrix} \end{aligned}$$

Время до завершения тестирования:

$$T(K_v, B_v, M_1) = 247.197$$

Полное время:

$$\begin{split} T_f \left(X, K_v, B_v, M_1 \right) &= 439.513 \\ method &\coloneqq \operatorname{stack} \left(method, law \right) \\ number &\coloneqq \operatorname{stack} \left(number, L_m \right) \\ start_errors &\coloneqq \operatorname{stack} \left(start_errors, B_v \right) \\ total_time &\coloneqq \operatorname{stack} \left(total_time, T_f \left(X, K_v, B_v, M_1 \right) \right) \end{split}$$

4. Экспоненциальный закон, n = 30

$$\begin{split} L_m \coloneqq L_1 = 30 & law \coloneqq \text{"Экспоненциальный закон"} \\ X \coloneqq \text{sort} \left(Y_e\left(\text{runif}\left(L_m, 0, 1\right)\right)\right) \\ print_vector\left(X\right) = \begin{bmatrix} \left[1.712 \ 3.176 \ 3.217 \ 3.653 \ 3.745 \ 3.85 \ 3.858 \ 4.233 \ 4.234 \ 5.01\right] \\ \left[7.243 \ 7.678 \ 8.213 \ 9.136 \ 9.886 \ 10.001 \ 11.693 \ 11.801 \ 15.489 \ 15.942\right] \\ \left[\left[16.086 \ 17.746 \ 19.471 \ 22.127 \ 23.196 \ 25.312 \ 26.903 \ 29.961 \ 30.027 \ 35.823\right] \end{bmatrix} \end{split}$$

Проверка существования максимума

$$A_v \coloneqq A\left(X\right) = 21.562$$
 $check\left(X\right) =$ "Существует"

Поиск для т>=n+1:

$$\begin{split} M \coloneqq & range\left(L_m+1\,,L_m+L_S+1\,,1\right) \qquad M^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 31 \ 32 \ 33 \ 34 \ 35 \ 36 \end{bmatrix} \\ & f_n\left(M\,,L_m\right)^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 3.995 \ 3.027 \ 2.558 \ 2.255 \ 2.035 \ 1.863 \end{bmatrix} \\ & g_n\left(M\,,A_v\,,L_m\right)^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 3.179 \ 2.874 \ 2.623 \ 2.412 \ 2.232 \ 2.078 \end{bmatrix} \\ & D \coloneqq & d_n\left(M\,,A_v\,,L_m\right) \qquad D^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 0.816 \ 0.153 \ 0.064 \ 0.156 \ 0.198 \ 0.214 \end{bmatrix} \\ & m \coloneqq & min_index\left(D\,,M_0\right) = 33 \\ & B_v \coloneqq & B\left(m\right) = 32 \\ & K_v \coloneqq & K\left(B_v\,,X\right) = 0.007 \end{split}$$

Среднее время:

$$\begin{aligned} & M_{1}\!\coloneqq\!range\left(\!M_{_{0}},\!B_{v},1\right) & M_{_{1}}{}^{\mathrm{T}}\!=\!\begin{bmatrix}31\ 32\end{bmatrix} \\ & X_{n1}\left(\!K_{v},\!B_{v},\!M_{1}\right)^{\mathrm{T}}\!=\!\begin{bmatrix}74.428\ 148.856\end{bmatrix} \end{aligned}$$

Время до завершения тестирования:

$$T(K_v, B_v, M_1) = 223.284$$

 $T_f(X, K_v, B_v, M_1) = 613.706$

Полное время:

$$\begin{split} method \coloneqq & \operatorname{stack} \left(method \, , law \right) \\ number \coloneqq & \operatorname{stack} \left(number \, , L_m \right) \\ start_errors \coloneqq & \operatorname{stack} \left(start_errors \, , B_v \right) \\ total_time \coloneqq & \operatorname{stack} \left(total_time \, , T_f \left(X \, , K_v \, , B_v \, , M_1 \right) \right) \end{split}$$

5. Экспоненциальный закон, n = 24

$$L_m := L_2 = 24$$

$$X := \operatorname{sort} (Y_e(\operatorname{runif}(L_m, 0, 1)))$$

$$print_vector(X) = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 1.121 & 1.331 & 1.394 & 1.467 & 1.532 & 2.317 & 2.483 & 2.601 & 3.208 & 3.964 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 4.727 & 4.917 & 5.192 & 5.266 & 5.635 & 6.244 & 9.115 & 9.386 & 10.742 & 11.828 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 29.284 & 34.721 & 36.223 & 45.823 \end{bmatrix}$$

Проверка существования максимума

$$A_v \coloneqq A\left(X\right) = 19.354$$
 $check\left(X\right) =$ "Существует"

Поиск для т>=n+1:

$$M\!\coloneqq\!range\left(L_{m}\!+\!1\,,L_{m}\!+\!L_{S}\!+\!1\,,1\right) \qquad \quad M^{\mathrm{T}}\!=\!\left[\,25\ \ 26\ \ 27\ \ 28\ \ 29\ \ 30\,\right]$$

$$\begin{split} &f_n\left(M,L_m\right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 3.776 & 2.816 & 2.354 & 2.058 & 1.844 & 1.678 \end{bmatrix} \\ &g_n\left(M,A_v,L_m\right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 4.251 & 3.611 & 3.139 & 2.776 & 2.488 & 2.254 \end{bmatrix} \\ &D \coloneqq d_n\left(M,A_v,L_m\right) \qquad D^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 0.475 & 0.795 & 0.784 & 0.718 & 0.644 & 0.576 \end{bmatrix} \\ &m \coloneqq \min_index\left(D,M_0\right) = 25 \\ &B_v \coloneqq B\left(m\right) = 24 \\ &K_v \coloneqq K\left(B_v,X\right) = 0.018 \end{split}$$

$$M_1$$
:= $range\left(M_{_0},B_v,1
ight)$ $M_1^{^{\mathrm{T}}}$ = ["Не срослось, bX_{n1}\left(K_v,B_v,M_1
ight)^{^{\mathrm{T}}} = ["В MathCAD не поддерживаются пустые векторы"]

Время до завершения тестирования:

$$T(K_v, B_v, M_1) = 0$$

Полное время:

$$T_f(X, K_v, B_v, M_1) = 240.522$$

$$\begin{split} method &\coloneqq \operatorname{stack} \left(method \, , law \right) \\ number &\coloneqq \operatorname{stack} \left(number \, , L_m \right) \\ start_errors &\coloneqq \operatorname{stack} \left(start_errors \, , B_v \right) \\ total_time &\coloneqq \operatorname{stack} \left(total_time \, , T_f \left(X \, , K_v \, , B_v \, , M_1 \right) \right) \end{split}$$

6. Экспоненциальный закон, n = 18

$$\begin{split} &L_m \coloneqq L_3 = 18 \\ &X \coloneqq \operatorname{sort}\left(Y_e\left(\operatorname{runif}\left(L_m,0\,,1\right)\right)\right) \end{split}$$

$$print_vector(X) = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.05 & 1.563 & 1.639 & 1.756 & 2.264 & 2.381 & 3.37 & 4.344 & 4.641 & 4.83 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 7.487 & 11.793 & 12.91 & 13.836 & 16.226 & 16.509 & 17.479 & 25.071 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

Проверка существования максимума

$$A_v := A(X) = 13.706$$

 $check(X) =$ "Существует"

Поиск для m>=n+1:

$$\begin{split} M \coloneqq & range\left(L_m + 1\,, L_m + L_S + 1\,, 1\right) \\ & f_n\left(M\,, L_m\right)^{^{\mathrm{T}}} = \begin{bmatrix} 3.495 \;\; 2.548 \;\; 2.098 \;\; 1.812 \;\; 1.607 \;\; 1.451 \end{bmatrix} \end{split}$$

$$\begin{split} g_n \left(M, A_v, L_m \right)^{\mathrm{T}} &= \begin{bmatrix} 3.4 & 2.86 & 2.468 & 2.17 & 1.937 & 1.749 \end{bmatrix} \\ D &\coloneqq d_n \left(M, A_v, L_m \right) \qquad D^{\mathrm{T}} &= \begin{bmatrix} 0.095 & 0.312 & 0.37 & 0.358 & 0.329 & 0.298 \end{bmatrix} \\ m &\coloneqq \min_index \left(D, M_0 \right) &= 19 \\ B_v &\coloneqq B \left(m \right) &= 18 \\ K_v &\coloneqq K \left(B_v, X \right) &= 0.023 \end{split}$$

$$M_1$$
:= $range\left(M_{_0},B_v,1
ight)$ $M_1^{^{\mathrm{T}}}$ = ["Не срослось, bX_{n1}\left(K_v,B_v,M_1
ight)^{^{\mathrm{T}}} = ["В $\mathrm{MathCAD}$ не поддерживаются пустые векторы"]

Время до завершения тестирования:

$$T(K_v, B_v, M_1) = 0$$

Полное время:

$$\begin{split} T_f \big(X, K_v, B_v, M_1 \big) &= 148.151 \\ method &\coloneqq \operatorname{stack} \big(method \, , law \big) \\ number &\coloneqq \operatorname{stack} \big(number \, , L_m \big) \\ start_errors &\coloneqq \operatorname{stack} \big(start_errors \, , B_v \big) \\ total_time &\coloneqq \operatorname{stack} \big(total_time \, , T_f \big(X, K_v, B_v, M_1 \big) \big) \end{split}$$

7. Релеевский закон, n = 30

$$L_m\coloneqq L_1=30$$
 $law\coloneqq$ "Релеевский закон" $X\coloneqq \operatorname{sort}\left(Y_r\left(\operatorname{runif}\left(L_m,0,1\right)\right)\right)$ $print_vector(X)=\begin{bmatrix} \left[1.94&3.423&4.189&4.322&4.337&4.905&5.733&6.629&6.767&7.326\right]\\ \left[7.493&7.507&8.941&10.249&10.427&10.616&11.262&11.529&12.535&13.131\right]\\ \left[13.664&13.682&15.533&17.528&17.563&17.661&19.329&21.985&24.481&30.022\right]$ роверка существования максимума

Проверка существования максимума

$$A_v \coloneqq A\left(X\right) = 20.271$$
 $check\left(X\right) =$ "Существует"

Поиск для т>=n+1:

$$\begin{split} M \coloneqq & range\left(L_m+1, L_m+L_S+1, 1\right) \qquad M^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 31 \ 32 \ 33 \ 34 \ 35 \ 36 \end{bmatrix} \\ & f_n\left(M, L_m\right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 3.995 \ 3.027 \ 2.558 \ 2.255 \ 2.035 \ 1.863 \end{bmatrix} \\ & g_n\left(M, A_v, L_m\right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 2.796 \ 2.558 \ 2.357 \ 2.185 \ 2.037 \ 1.907 \end{bmatrix} \\ & D \coloneqq & d_n\left(M, A_v, L_m\right) \qquad D^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 1.199 \ 0.47 \ 0.202 \ 0.07 \ 0.002 \ 0.044 \end{bmatrix} \end{split}$$

$$m := min_index (D, M_0) = 35$$

 $B_v := B(m) = 34$
 $K_v := K(B_v, X) = 0.006$

$$\begin{aligned} & M_{1}\!\coloneqq\!range\left(\!M_{_{0}},\!B_{v},1\right) & M_{_{1}}{}^{\mathsf{T}}\!=\!\begin{bmatrix}31\ 32\ 33\ 34\end{bmatrix}\\ & X_{n1}\left(\!K_{v},\!B_{v},\!M_{1}\right)^{\mathsf{T}}\!=\!\begin{bmatrix}42.311\ 56.414\ 84.621\ 169.243\end{bmatrix} \end{aligned}$$

Время до завершения тестирования:

$$T(K_v, B_v, M_1) = 352.589$$

Полное время:

$$\begin{split} T_f \big(X, & K_v, B_v, M_1 \big) = 697.3 \\ method &:= \operatorname{stack} \big(method, law \big) \\ number &:= \operatorname{stack} \big(number, L_m \big) \\ start_errors &:= \operatorname{stack} \big(start_errors, B_v \big) \\ total_time &:= \operatorname{stack} \big(total_time \,, T_f \big(X, K_v, B_v, M_1 \big) \big) \end{split}$$

8. Релеевский закон, n = 24

$$\begin{split} L_m \coloneqq L_2 = 24 \\ X \coloneqq \text{sort} \left(Y_r \left(\text{runif} \left(L_m, 0, 1 \right) \right) \right) \\ print_vector \left(X \right) = \begin{bmatrix} \left[1.417 & 3.39 & 5.705 & 6.599 & 6.917 & 6.974 & 7.372 & 7.457 & 7.806 & 7.981 \right] \\ \left[8.52 & 8.742 & 8.771 & 9.922 & 10.369 & 11.71 & 12.402 & 13.465 & 15.472 & 15.559 \right] \\ \left[\left[15.909 & 19.683 & 21.993 & 22.586 \right] \end{split}$$

Проверка существования максимума

$$A_v\!\coloneqq\!A\left(X\right)\!=\!15.804$$
 $L_S\!\coloneqq\!8$ - Поставить дистанцию поиска побольше $check\left(X\right)\!=$ "Существует"

Поиск для m>=n+1:

$$\begin{split} M \coloneqq & range \left(L_m + 1 \,, L_m + L_S + 1 \,, 1 \right) \qquad M^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 25 \ 26 \ 27 \ 28 \ 29 \ 30 \ 31 \ 32 \ 33 \end{bmatrix} \\ f_n \left(M \,, L_m \right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 3.776 \ 2.816 \ 2.354 \ 2.058 \ 1.844 \ 1.678 \ 1.545 \ 1.434 \ 1.341 \end{bmatrix} \\ g_n \left(M \,, A_v \,, L_m \right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 2.61 \ 2.354 \ 2.144 \ 1.968 \ 1.819 \ 1.691 \ 1.579 \ 1.482 \ 1.396 \end{bmatrix} \\ D \coloneqq & d_n \left(M \,, A_v \,, L_m \right) \qquad D^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 1.166 \ 0.462 \ 0.211 \ 0.09 \ 0.025 \ 0.012 \ 0.034 \ 0.047 \ 0.055 \end{bmatrix} \\ m \coloneqq & min_index \left(D \,, M_0 \right) = 30 \\ B_v \coloneqq & B \left(m \right) = 29 \\ K_v \coloneqq & K \left(B_v \,, X \right) = 0.007 \end{split}$$

Время до завершения тестирования:

$$T(K_v, B_v, M_1) = 346.719$$

Полное время:

$$\begin{split} T_f \big(X, K_v, B_v, M_1 \big) &= 603.44 \\ method &\coloneqq \operatorname{stack} \big(method \, , law \big) \\ number &\coloneqq \operatorname{stack} \big(number \, , L_m \big) \\ start_errors &\coloneqq \operatorname{stack} \big(start_errors \, , B_v \big) \\ total_time &\coloneqq \operatorname{stack} \big(total_time \, , T_f \big(X, K_v, B_v, M_1 \big) \big) \end{split}$$

9. Реелеевский закон, n = 18

$$\begin{split} L_m \coloneqq L_3 = 18 \\ X \coloneqq \text{sort} \left(Y_r \left(\text{runif} \left(L_m, 0, 1 \right) \right) \right) \\ print_vector \left(X \right) = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.716 & 1.195 & 2.805 & 5.363 & 6.34 & 7.162 & 7.541 & 7.697 & 7.755 & 7.778 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 8.201 & 8.663 & 9.344 & 9.519 & 10.114 & 10.162 & 13.283 & 13.389 \end{bmatrix} \end{split}$$

Проверка существования максимума

$$A_v := A(X) = 11.674$$
 $check(X) = "Существует"$

Поиск для т>=n+1:

$$\begin{split} M \coloneqq & range \left(L_m + 1 , L_m + L_S + 1 \, , 1 \right) \qquad M^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 19 \ 20 \ 21 \ 22 \ 23 \ 24 \ 25 \ 26 \ 27 \end{bmatrix} \\ f_n \left(M , L_m \right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 3.495 \ 2.548 \ 2.098 \ 1.812 \ 1.607 \ 1.451 \ 1.326 \ 1.223 \ 1.137 \end{bmatrix} \\ g_n \left(M , A_v , L_m \right)^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 2.457 \ 2.162 \ 1.93 \ 1.743 \ 1.589 \ 1.46 \ 1.351 \ 1.256 \ 1.174 \end{bmatrix} \\ D \coloneqq & d_n \left(M , A_v , L_m \right) \qquad D^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} 1.038 \ 0.386 \ 0.168 \ 0.069 \ 0.018 \ 0.009 \ 0.025 \ 0.033 \ 0.038 \end{bmatrix} \\ m \coloneqq & min_index \left(D , M_0 \right) = 24 \\ B_v \coloneqq & B \left(m \right) = 23 \\ K_v \coloneqq & K \left(B_v , X \right) = 0.011 \end{split}$$

Среднее время:

Время до завершения тестирования:

$$T(K_v, B_v, M_1) = 214.26$$

Полное время:

```
\begin{split} T_f \big( X, & K_v, B_v, M_1 \big) = 351.288 \\ method &\coloneqq \operatorname{stack} \big( method \,, law \big) \\ number &\coloneqq \operatorname{stack} \big( number \,, L_m \big) \\ start\_errors &\coloneqq \operatorname{stack} \big( start\_errors \,, B_v \big) \\ total\_time &\coloneqq \operatorname{stack} \big( total\_time \,, T_f \big( X, K_v, B_v, M_1 \big) \big) \end{split}
```

10. Результаты

```
\operatorname{results} \coloneqq \operatorname{augment} \left( method, number, start\_errors, total\_time \right) \\ head \coloneqq \left[ \text{"Закон" "n" "Начальное число ошибок" "Общее время"} \right]
```

out := stack(head, results)

$$out= egin{bmatrix} "Закон" & "n" "Начальное число ошибок" "Общее время" \ "Равномерный закон" 30 32 438.872 \ "Равномерный закон" 24 25 281.289 \ "Экспоненциальный закон" 30 32 439.513 \ "Экспоненциальный закон" 30 32 613.706 \ "Экспоненциальный закон" 24 24 240.522 \ "Экспоненциальный закон" 18 18 148.151 \ "Релеевский закон" 30 34 697.3 \ "Релеевский закон" 24 29 603.44 \ "Релеевский закон" 18 23 351.288 \ \hline \end{bmatrix}$$

Релеевский закон показал худшие результаты по обоим показателям, лучшие результаты показал экспоненциальный закон. Это должно согласоваться с предположением об экспоненциальном характере распределения времени до следующего отказа программы

Тем не менее, из-за небольшого объема выборки результаты нестабильные и сильно изменяются при пересчёте файла, что не позволяет сделать однозначный вывод из вышеописанного эксперимента.

Для выполнения задания использована среда РТС MathCAD Prime 6.0.