## **Вопросы к экзамену «Численные методы»** (лектор $- \kappa. \phi$ .-м.н., Кутыркин В.А.)

- 1. Приближённое описание чисел, абсолютная и относительная погрешности. Арифметика вычислений с заданными погрешностями. Метод Жордана-Гаусса с выбором ведущего элемента.
- 2. Метод прогонки для СЛАУ с трёх-диагональной матрицей.
- 3. Чебышёвская и евклидова норма матрицы, погрешность матричного преобразования приближённого вектора.
- 4. Число обусловленности квадратной матрицы, овражность симметричной положительно определённой матрицы. Оценка относительной погрешности решения системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) с квадратной матрицей при заданной относительной погрешности правой части СЛАУ.
- 5. Степенные матричные ряды и аналитические матричные функции.
- 6. Метод наименьших квадратов (МНК) для решения СЛАУ и лемма о МНК-решении.
- 7. Понятие стабилизирующего функционала и стабилизированный МНК для решения СЛАУ.
- 8. Модель парной линейной регрессии.
- 9. Многомерная модель линейной регрессии.
- 10. Модель полиномиальной регрессии.
- 11. Явные итерационные методы, понятие устойчивости сходящегося метода простой итерации.
- 12. Метод простой итерации и принцип сжимающих отображений.
- 13. Метод простой итерации для решения СЛАУ специального вида.
- 14. Устойчивость метода простой итерации для решения СЛАУ.
- 15. Метод Зейделя как модификация метода простой итерации для решения СЛАУ.
- 16. Метод касательных (Ньютона) для решения алгебраических уравнений.
- 17. Методы секущих как модификации метода касательных для решения алгебраических уравнений.
- 18. Общие принципы вычисления собственных значений и собственных векторов квадратной матрицы, пример метода Крылова.
- 19. Метод приближённого вычисления максимального по модулю собственного значения и отвечающего ему собственного вектора для квадратной матрицы, имеющий действительный спектр.
- 20. Полное решение спектральной матричной задачи итерационным методом Якоби.
- 21. Понятия сетки, схемы сеток, сеточной функции и схемы сеточных функций. Сеточные отображения для функции определённой на заданном отрезке. Общая постановка задачи интерполяции сеточной функции.
- 22. Аналитический вид интерполяционного полинома Лагранжа и матричный способ вычисления его коэффициентов.
- 23. Схема интерполирования Лагранжа гладкой на отрезке функции, понятия её сходимости, аналитической корректности, устойчивости и корректности. Формулировка теоремы Чебышёва об аналитической корректности задачи интерполирования Лагранжа со схемой чебышёвских сеток.
- 24. Понятие схемы функций Чебышёва, примеры таких традиционных схем. Задача интерполяции сеточной функции по системе функций Чебышёва.
- 25. Задача аппроксимации гладкой на отрезке функции с использованием схемы функций Чебышёва.
- 26. Остаток в форме Коши для задачи интерполяции Лагранжа.
- 27. Составная квадратурная формула прямоугольников.

- 28. Составная квадратурная формула трапеций.
- 29. Составная квадратурная формула Симпсона (парабол).
- 30. Пространство сплайнов нулевой степени единичного дефекта, его стандартный базис.
- 31. Пространство сплайнов первой степени единичного дефекта, его стандартный базис.
- 32. Пространство сплайнов второй степени единичного дефекта, его стандартный базис.
- 33. Описание пространства сплайнов третьей степени единичного дефекта, его стандартный базис. Формулировка теоремы о корректности интерполирования дефектными сплайнами нулевой, первой, второй и третьей степеней непрерывной на отрезке функции.
- 34. Задача приближённого вычисления производной гладкой на отрезке функции с помощью дефектных сплайнов второй и третьей степени.
- 35. Локальные B-сплайны третьей степени, задача интерполяции (аппроксимации) гладкой на отрезке функции с помощью таких сплайнов.
- 36. Понятия табуляции и табулирования линейного многообразия в банаховом пространстве. Сеточное табулирование для пространства непрерывных на отрезке функций. Табулирование в гильбертовом пространстве.
- 37. Понятие аппроксимации линейного многообразия в банаховом пространстве. Сеточно-сплайновые аппроксимации гладких на отрезке функций.
- 38. Понятия базы аппроксимирования и аппроксимирования линейного многообразия в банаховом пространстве; устойчивости и корректности аппроксимирования. Пример.
- 39. Сеточно-сплайновое аппроксимирование в пространстве непрерывных на отрезке функций. Аппроксимирование в гильбертовом пространстве.
- 40. Понятие табулирования линейного оператора в функциональном банаховом пространстве, приближённое вычисление значения этого линейного оператора.
- 41. Метод конечных сумм для приближённого вычисления значений интегрального оператора с гладким ядром.
- 42. Схема табличных аналогов для численного решения линейных уравнений в функциональных банаховых пространствах, теорема о корректности этой схемы.
- 43. Пример численного решения методом конечных сумм интегрального уравнения Фредгольма 2-го рода с симметричным гладким аналитически заданным ядром.
- 44. Аппроксимация и (корректное) аппроксимирование линейного оператора в сепарабельном банаховом пространстве.
- 45. Метод коллокации для приближённого вычисления значений линейного оператора на примере приближённого вычисления значения интегрального оператора.
- 46. Схема метода коллокаций для численного решения линейных уравнений в банаховом пространстве непрерывных на отрезке функций на примере численного решения линейного интегрального уравнения Фредгольма ІІ-рода с аналитически заданным непрерывным ядром.
- 47. Метод Галёркина для численного решения линейного уравнения в гильбертовом пространстве.
- 48. Пример численного решения методом Галёркина линейного интегрального уравнения Фредгольма II-рода с аналитически заданным непрерывным ядром.