

2017

MATEMATIKA

Valstybinio brandos egzamino užduotis

Pakartotinė sesija

2017 m. birželio 27 d.

Trukmė – 3 val. (180 min.)

NURODYMAI

- 1. Gavę užduoties sąsiuvinį, jo priedą ir atsakymų lapą, pasitikrinkite, ar juose nėra tuščių lapų arba kito aiškiai matomo spausdinimo broko. Pastebėję praneškite egzamino vykdytojui.
- 2. Įsitikinkite, kad atsakymų lapas pažymėtas lipduku, kurio numeris sutampa su jūsų eilės numeriu egzamino vykdymo protokole.
- Bendrojo kurso uždaviniai arba jų dalys pažymėti B→.
- 4. Uždavinių sprendimus ir (ar) atsakymus pirmiausia galite rašyti užduoties sąsiuvinyje, kuriame yra palikta vietos juodraščiui. Jei neabėjojate dėl atsakymo, iš karto rašykite atsakymų lape. **Vertintojams bus pateikiamas tik atsakymų lapas!**
- 5. Per egzaminą galite rašyti juodai rašančiu tušinuku, pieštuku, naudotis trintuku, braižybos ir matavimo įrankiais, skaičiuotuvu be tekstinės atminties.
- 6. Atsakymų lape rašykite ir braižykite tik juodai rašančiu tušinuku tvarkingai ir įskaitomai.
- 7. Saugokite atsakymų lapą (neįplėškite ir nesulamdykite), nesinaudokite trintuku ir koregavimo priemonėmis. Sugadintuose lapuose įrašyti atsakymai nebus vertinami.
- 8. Stenkitės išspręsti kuo daugiau uždavinių, neatsižvelgdami į tai, pagal kurio kurso (bendrojo ar išplėstinio) programą dalyko mokėtės mokykloje. Neišsprendę kurio nors uždavinio, nenusiminkite ir stenkitės išspręsti kitus.
- 9. Pasirinktus **I dalies** uždavinių atsakymus atsakymų lape pažymėkite kryželiu (žymėkite tik vieną atsakymo variantą). Jei pažymėsite neaiškiai arba daugiau kaip vieną atsakymo variantą, tas uždavinys bus vertinamas 0 taškų. Suklydę atsakymą galite taisyti atsakymų lape nurodytoje vietoje.
- 10. Il dalies uždavinių atsakymus įrašykite tam skirtoje atsakymų lapo vietoje.
- 11. **III dalies** uždavinių sprendimus ir atsakymus įrašykite tam skirtoje atsakymų lapo vietoje. Už ribų parašyti sprendimai ir atsakymai nebus vertinami.
- 12. Atsakymų lape neturi būti užrašų ar kitokių ženklų, kurie leistų identifikuoti darbo autorių.
- 13. Pasibaigus egzaminui, užduoties sąsiuvinį galite pasiimti.

Linkime sėkmės!

I dalis

Kiekvienas šios dalies uždavinys (01–10) turi tik vieną teisingą atsakymą, vertinamą **1 tašku**. Pasirinkite, jūsų nuomone, teisingą atsakymą ir pažymėkite jį atsakymų lape kryželiu.

B→01. Kuri iš šių sekų yra baigtinė aritmetinė progresija¹?

- **A** -1; 3; -9 **B** -9; -3; 3 **C** 1; 4; 9 **D** -3; 3; 6

Juodraštis

B→02. Pradinis stebuklingos pupos aukštis 2 cm. Per para jos aukštis padvigubėja. Koks bus pupos aukštis po septynių parų?

- **A** 2^7 cm **B** 2^8 cm **C** 4^6 cm
- **D** 4^7 cm

Juodraštis

B→03. Kurios imties mediana didžiausia?

- **A** 5; 5; 6; 7; 8
- **B** 6; 6; 7; 9
- **C** 5; 6; 7; 8; 8 **D** 4; 4; 6; 8

Juodraštis

04. Viename krepšyje yra 2 balti ir 2 juodi rutuliai, kitame – mėlynas, raudonas ir žalias. Iš abiejų krepšių atsitiktinai traukiama po vieną rutulį. Kokia tikimybė, kad vienas ištrauktas rutulys bus baltas, kitas – raudonas?

- B $\frac{1}{3}$ C $\frac{1}{5}$

baigtinė aritmetinė progresija – конечная арифметическая прогрессия – ciąg arytmetyczny skończony

- **B→05.** Su kuria iš nurodytų reikšmių teisinga lygybė $|\sin \alpha| + \cos \alpha = -1$?
 - 0° Α
- 90°
- C 180°
- D 270°

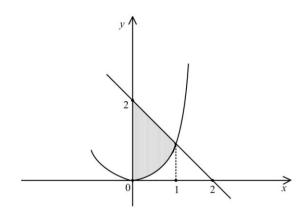
Juodraštis

- **B** \rightarrow **06.** Jei $2^x = 8$, tai x^2 lygu:
 - **A** 6

- D 16

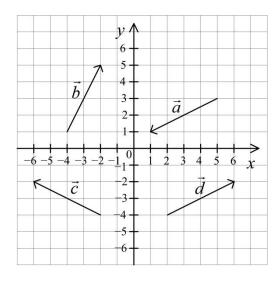
Juodraštis

07. Paveiksle pilkai nuspalvintą figūrą riboja funkcijų y = 2 - x ir $y = x^2$ grafikai bei ordinačių ašis. Kurio reiškinio reikšmė lygi šios figūros plotui?



- **A** $\int_{0}^{1} (x^{2}-2+x)dx$ **B** $\int_{0}^{1} (2-x-x^{2})dx$ **C** $\int_{0}^{1} (2-x+x^{2})dx$ **D** $\int_{0}^{1} (x^{2}-2-x)dx$

08. Paveiksle pavaizduoti vektoriai \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} ir \vec{d} . Kurio vektoriaus koordinatės yra (4; 2)?



 \mathbf{A} \bar{a}

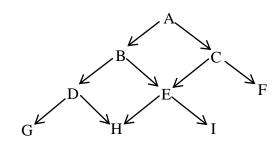
 \mathbf{B} \vec{b}

 \mathbf{C} \vec{c}

 \mathbf{D} \vec{d}

Juodraštis

09. Keliautojas pradeda kelionę iš taško A ir keliauja rodyklėmis pažymėtomis atkarpomis. Taškuose, iš kurių veda du keliai, jis su tokia pačia tikimybe renkasi vieną iš kelių. Kokia tikimybė, kad keliautojas eis keliu $A \to B \to E \to H$?



 $\mathbf{A} = \frac{1}{2}$

B $\frac{1}{3}$

c $\frac{1}{6}$

D $\frac{1}{8}$

10. Į kūgio 1 formos indą pilamas vanduo. Viename iš pateiktų paveikslų pavaizduotas vandens aukščio h priklausomybės nuo įpilto vandens kiekio V grafikas. Kuriame paveiksle?

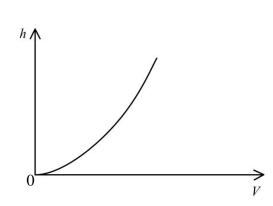
В

D



Ah \

1

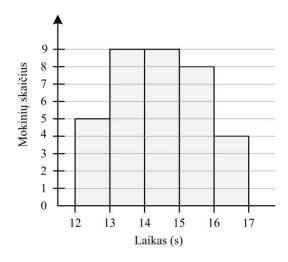


¹ kūgis – конус – stożek

II dalis

Kiekvieno šios dalies uždavinio (11–17) ar jo dalies teisingas atsakymas vertinamas **1 tašku**. Išspręskite uždavinius ir gautus atsakymus įrašykite į atsakymų lapą.

B→11. Mokiniai dalyvavo 100 m bėgimo varžybose. Jų rezultatai pavaizduoti diagrama. Kiek mokinių dalyvavo varžybose?

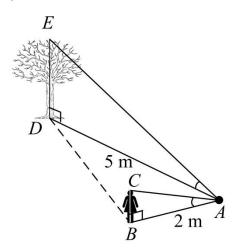


Juodraštis

B→12. Iš taško *A* mergina ir medis matomi tuo pačiu kampu, t. y. $\angle BAC = \angle DAE$. Atstumas *AB* lygus 2 m, atstumas *AD* lygus 5 m, merginos ūgis *BC* lygus 1,7 m.



Juodraštis



12.2. Apskaičiuokite atstumą *BD* metrais, jei žinoma, kad $\angle BAD = 60^{\circ}$.

13. Raskite funkcijų išvestines.

B
$$\rightarrow$$
13.1. $f(x) = 3x^2 - 2x + 1$.

Juodraštis

13.2.
$$g(x) = x \cos x$$
.

Juodraštis

14. Išspręskite lygtis.

B
$$\rightarrow$$
14.1. $\log_2 x = 3$.

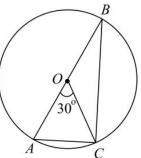
Juodraštis

14.2.
$$\sqrt{x^2-1} = x+1$$
.

2017 m. MATEMATIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTIS

172MAVU0

B→15. Apskritimo¹ centras yra taškas O, skersmuo – AB, styga – BC. Kampo COA didumas lygus 30° .



15.1. Raskite kampo *CBA* didumą.

Juodraštis

15.2. Raskite kampo *ACB* didumą.

Juodraštis

15.3. Apskaičiuokite trikampio ACO plotą, jei AO ilgis lygus 1.

Juodraštis

16. Pasinaudoję atsitiktinio dydžio $^2 X$ reikšmių tikimybių lentele, apskaičiuokite a reikšmę.

X	-2	-1	0	1
$\mathbf{P}(X=x)$	а	$\frac{5}{32}$	а	$\frac{13}{32}$

Juodraštis

B→17. Skaičiai x; 6; 3 yra iš eilės einantys geometrinės progresijos nariai. Raskite x.

¹ apskritimas – окружность – okrąg

² atsitiktinis dydis – случайная величина – zmienna losowa

172MAVU0

2017 m. MATEMATIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTIS

III dalis

Išspręskite 18–25 uždavinius. Sprendimus ir atsakymus perrašykite į atsakymų lapą.

- **18.** Dėžėje yra 65 vienodo dydžio raudonos ir mėlynos kaladėlės. Tikimybė, kad atsitiktinai iš dėžės išimta kaladėlė bus raudona, lygi $\frac{2}{5}$.
- 18.1. Kiek mėlynų kaladėlių yra dėžėje?

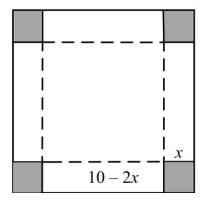
(2 taškai)

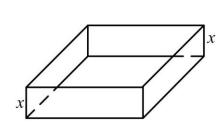
Juodraštis

18.2. Iš dėžės atsitiktinai išimama kaladėlių pora. Kokia tikimybė, kad šią porą sudarys skirtingų spalvų kaladėlės?

(2 taškai)

B→19. Kvadratinio popieriaus lapo kraštinės ilgis¹ yra 10 cm. Lapo kampuose buvo iškirpti vienodo dydžio kvadratėliai (paveiksle šie kvadratėliai pilki). Užlenkus gautos išklotinės² šonus, buvo išlankstyta stačiakampio gretasienio³ formos dėžutė be dangčio. Dėžutės aukštis x cm; $x \in (0; 5)$.





19.1. Dėžutės tūrį pažymėkime V(x). Įrodykite, kad $V(x) = 4x^3 - 40x^2 + 100x$.

(1 taškas)

Juodraštis

19.2. Su kokia *x* reikšme dėžutė yra kubo⁴ formos?

(1 taškas)

Juodraštis

19.3. Įrodykite, kad dėžutės tūris bus didžiausias, kai $x = \frac{5}{3}$.

(3 taškai)

¹ kraštinės ilgis – длина стороны – długość boku

² išklotinė – развёртка – siatka

stačiakampis gretasienis – прямоугольный параллелепипед – prostopadłościan

⁴ kubas – куб – sześcian

172MAVU0					

2017 m. MATEMATIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTIS

- **20.** Duota funkcija $f(x) = 3^{x^2-1}$.
- **B** \rightarrow **20.1.** Apskaičiuokite f(-1) f(2).

Juodraštis

(1 taškas)

20.2. Raskite *a* reikšmes, su kuriomis f(a) = 27.

Juodraštis

(2 taškai)

20.3. Apskaičiuokite f'(1).

Juodraštis

(2 taškai)

20.4. Raskite g(f(x)), jei $g(x) = \log_9 x$. Atsakymą užrašykite $ax^2 + c$ pavidalu.

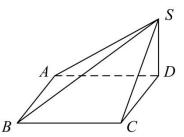
(2 taškai)

2017 m. IVIA	TEMATIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UZDUOTIS	1/2MAVUU
21.	Darbuotojas dirbo penkerius metus ir jo uždarbis kasmet didėjo po 10 %, palyginti praėjusiais metais. Per antruosius darbo metus darbuotojas uždirbo 6600 eurų.	su vienais
B → 21.1.	Kiek darbuotojas uždirbo per trečiuosius darbo metus?	
Juodraštis		(1 taškas)
B → 21.2.	Kiek darbuotojas uždirbo per pirmuosius darbo metus?	
Juodraštis		(1 taškas)
21.3.	Kiek darbuotojas uždirbo per penkerius darbo metus? Atsakymą pateikite sveikų	ıjų skaičių
Juodraštis	tikslumu.	(2 taškai)

172MAVU0

2017 m. MATEMATIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTIS

22. Piramidės pagrindas ABCD yra lygiagretainis, AD = 5, CD = 4, $\angle CDA$ – smailusis, $S_{ABCD} = 10\sqrt{3}$ (žr. pav.).



22.1. Apskaičiuokite kampo *CDA* didumą.

(2 taškai)

Juodraštis

B\rightarrow22.2. Piramidės tūris lygus $2\sqrt{3}$. Apskaičiuokite piramidės aukštinės *SD* ilgį.

(2 taškai)

¹ piramidės pagrindas – основание пирамиды – podstawa ostrosłupa

² lygiagretainis – параллелограмм – równoległobok

2017 m. MATEMATIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTIS

172MAVU0

- **23.** Kampo α reikšmės priklauso intervalui (90°; 180°).
- **23.1.** Raskite $\cos \alpha$, jei $\sin \alpha = \frac{1}{6}$.

Juodraštis

(2 taškai)

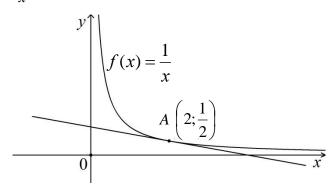
23.2. Raskite $\cos \alpha$, jei $\sin (270^{\circ} - \alpha) = \frac{7}{10}$.

Juodraštis

(1 taškas)

23.3. Yra žinoma, kad $\cos \alpha = \frac{m+1}{m}$ ir $\alpha \in (90^\circ; 180^\circ)$. Kokiam intervalui priklauso skaičius m? (3 taškai)

Paveiksle pavaizduotas funkcijos $f(x) = \frac{1}{x}$ grafikas. 24.



24.1. Per tašką $A\left(2;\frac{1}{2}\right)$ nubrėžta funkcijos f(x) grafiko liestinė (žr. pav.). Užrašykite šios liestinės (2 taškai)

Juodraštis

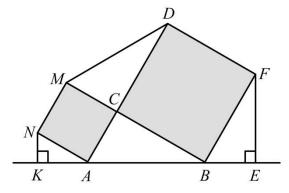
24.2. Funkcijos g(x) = f(x+a) + b, kai a > 0, grafikui priklauso taškai B(1; 0) ir $C(-1; \frac{2}{3})$. Raskite a ir b reikšmes.

Juodraštis

(2 taškai)

¹ liestinė – касательная – styczna

25. Paveiksle pavaizduoti du kvadratai *ACMN* ir *BFDC*, turintys bendrą viršūnę *C*. Taškai *M*, *C* ir *B* yra vienoje tiesėje. Per šių kvadratų viršūnes A ir B nubrėžta tiesė. Tiesėje AB pažymėti taškai K ir *E* taip, kad $FE \perp AB$ ir $NK \perp AB$.



25.1. Įrodykite, kad trikampiai *CDM* ir *KAN* yra panašieji trikampiai¹.

(1 taškas)

Juodraštis

25.2. Įrodykite, kad NK + FE = MD.

(3 taškai)

panašieji trikampiai – подобные треугольники – trójkąty podobne