# Рекуррентные нейронные сети



### Как предсказать следующее слово?

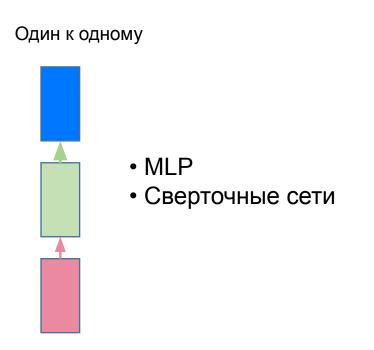
Как обрабатывать длинные временные последовательности?

Посмотреть на предыдущее слово?

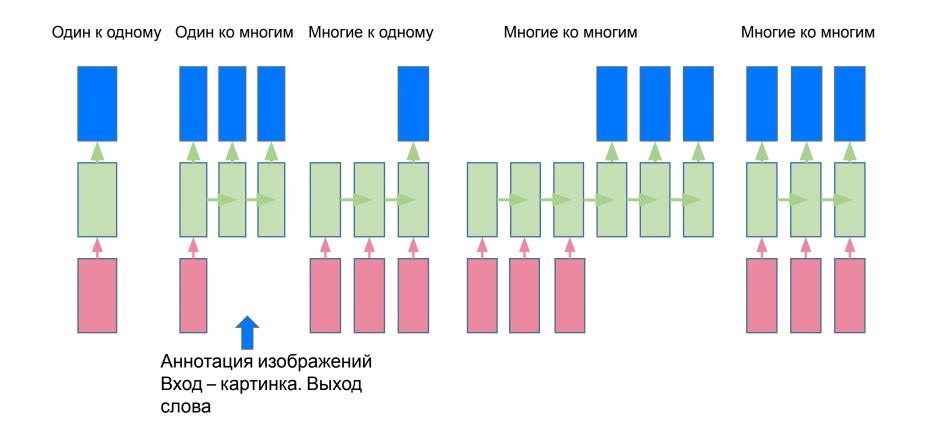
Посмотреть на предыдущие 3 слова?

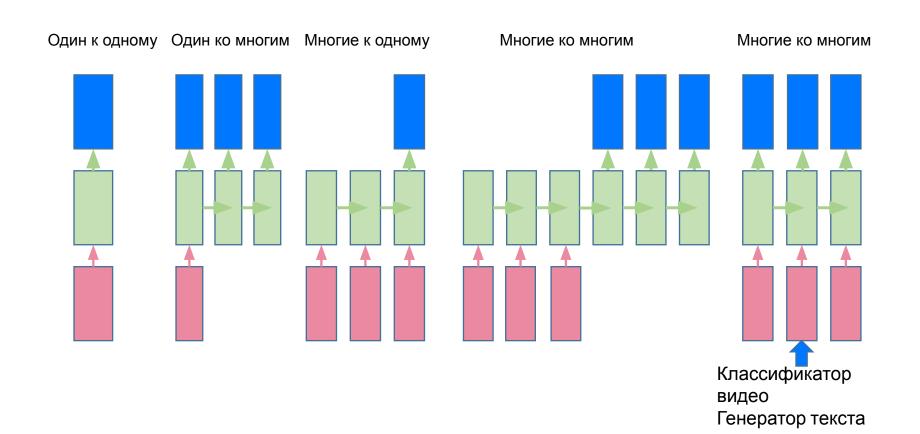
Можно ли учитывать контекст, и как это делать?

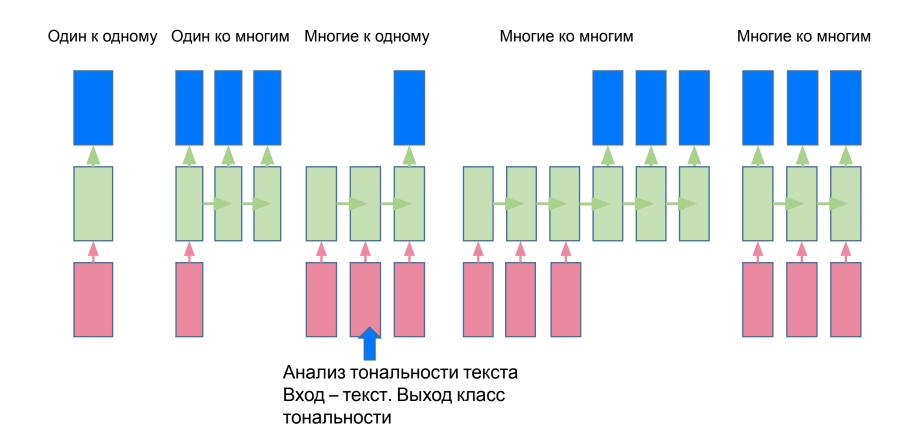
### Сеть прямого распространения vs рекуррентная сеть

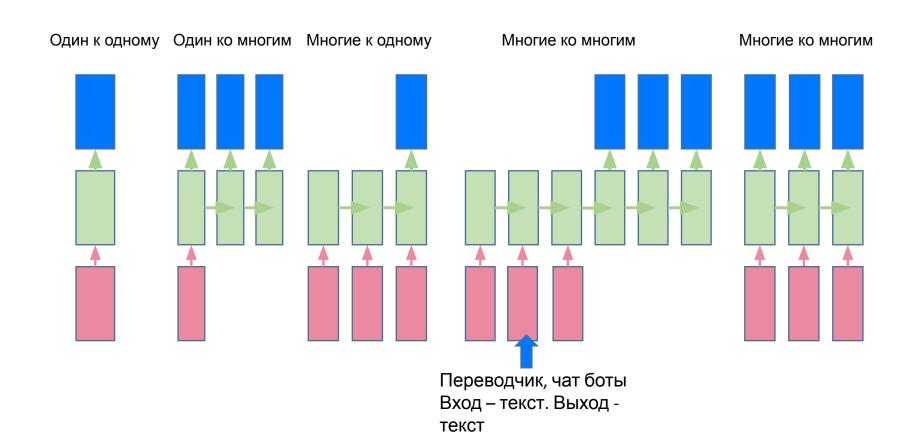


Для обработки последовательностей лучше использовать рекуррентную сеть Рекуррентная **RNN** СВЯЗЬ



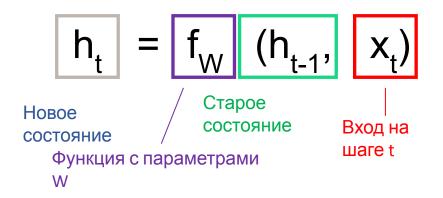


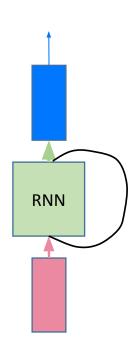




### Рекуррентная формула

Сеть подает на вход в момент времени t выход t-1

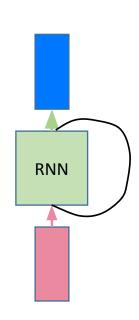




### Рекуррентная формула

Сеть подает на вход в момент времени t выход t-1



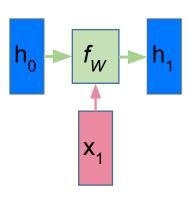


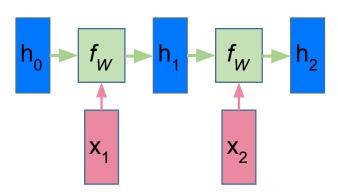
### Базовая рекуррентная сеть

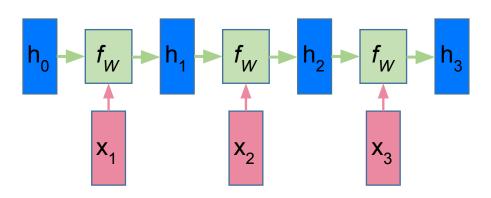
$$y_t = W_{hy} h_t$$

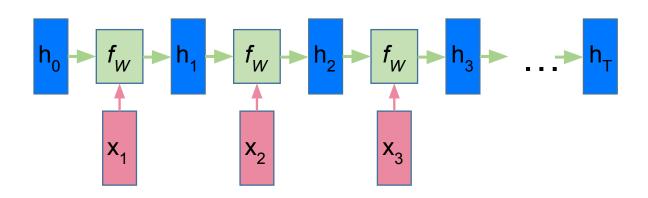
$$h_t = \tanh(W_{hh} h_{t-1} + W_{xh} x_t)$$

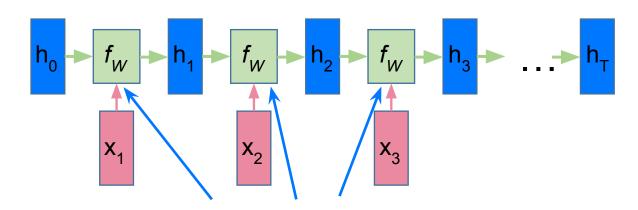
$$h_t = f_W(h_{t-1}, x_t)$$





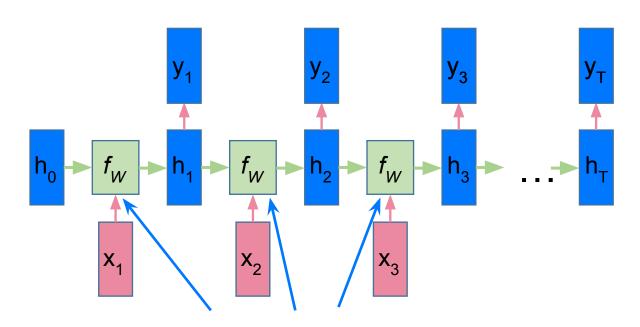






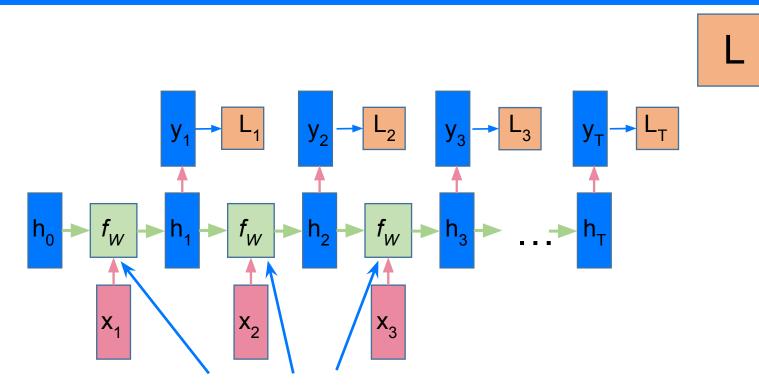
Одна матрица W на каждом

## Вычислительный граф. Многие ко многим



Одна матрица W на каждом

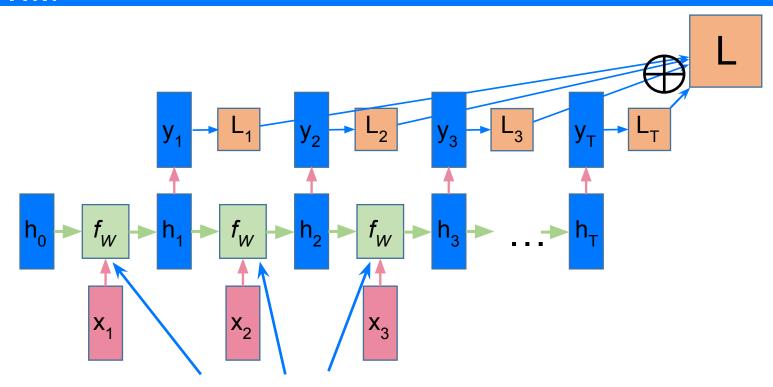
## Вычислительный граф. Многие ко многим



Одна матрица W на каждом

III2FP

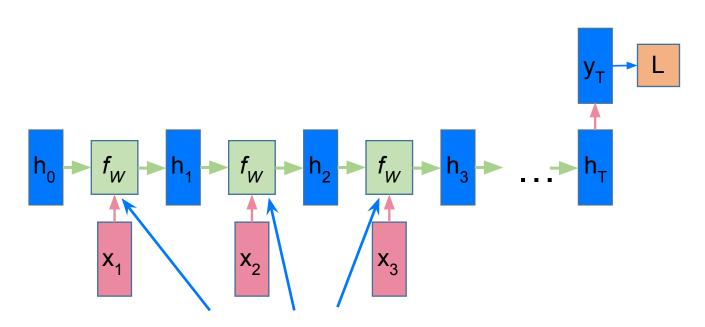
## Вычислительный граф. Многие ко многим



Одна матрица W на каждом

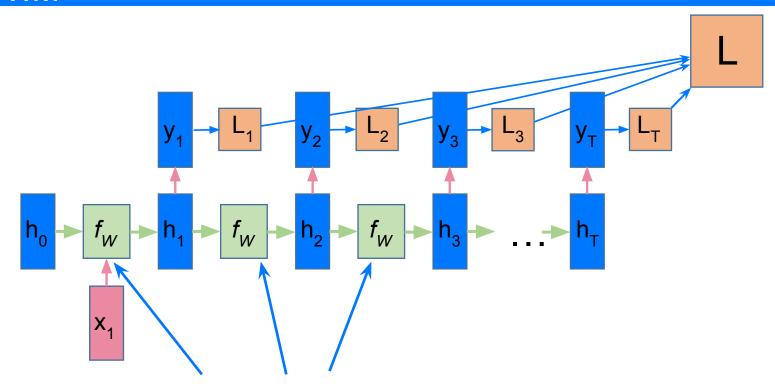
III2FP

### Вычислительный граф. Многие к одному



Одна матрица W на каждом

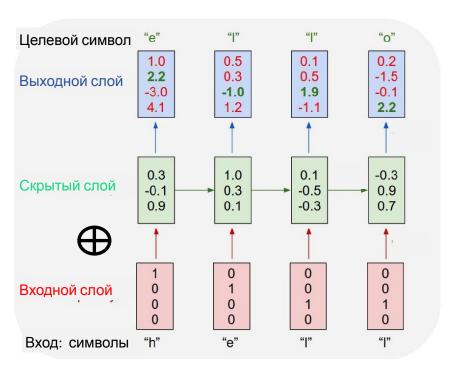
## Вычислительный граф. Один комногим



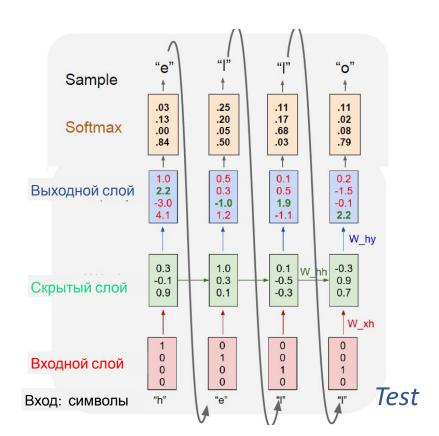
Одна матрица W на каждом

III2FP

### Character-level языковая модель

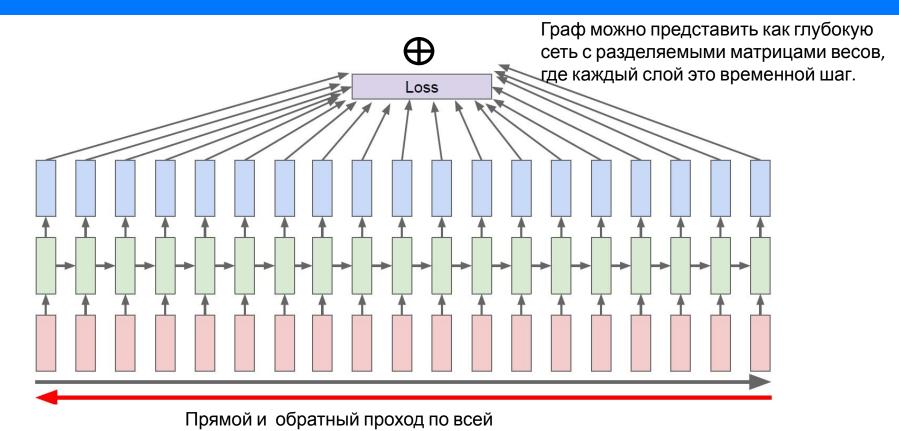


Train Teacher Словарь: [h,e,l,o]

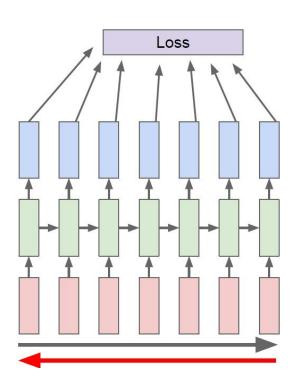


### Backpropagation по времени

последовательности

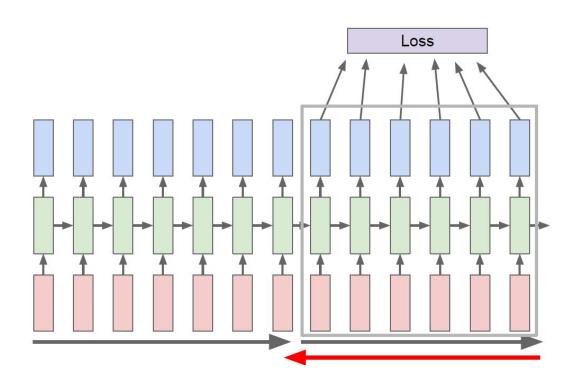


## Truncated Backpropagation по времени



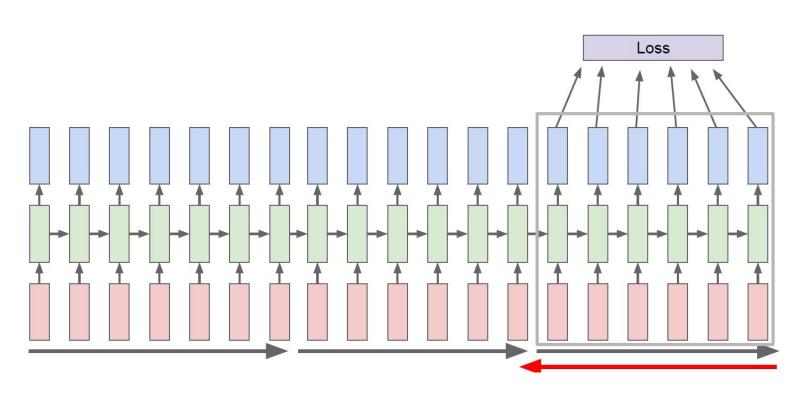
Прямой и обратный проход только по кусочку всей последовательности

## Truncated Backpropagation по времени



Сохраняем состояния предыдущего кусочка и делаем прямой и обратный проход по следующему

## Truncated Backpropagation по времени



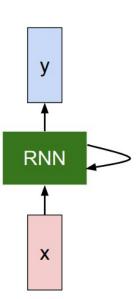
### Примеры: генерация текста

#### THE SONNETS

#### by William Shakespeare

From fairest creatures we desire increase,
That thereby beauty's rose might never die,
But as the riper should by time decease,
His tender heir might bear his memory:
But thou, contracted to thine own bright eyes,
Feed'st thy light's flame with self-substantial fuel,
Making a famine where abundance lies,
Thyself thy foe, to thy sweet self too cruel:
Thou that art now the world's fresh ornament,
And only herald to the gaudy spring,
Within thine own bud buriest thy content,
And tender churl mak'st waste in niggarding:
Pity the world, or else this glutton be,
To eat the world's due, by the grave and thee.

When forty winters shall besiege thy brow,
And dig deep trenches in thy beauty's field,
Thy youth's proud livery so gazed on now,
Will be a tatter'd weed of small worth held:
Then being asked, where all thy beauty lies,
Where all the treasure of thy lusty days;
To say, within thine own deep sunken eyes,
Were an all-eating shame, and thriftless praise.
How much more praise deserved thy beauty's use,
If thou couldst answer This fair child of mine
Shall sum my count, and make my old excuse,'
Proving his beauty by succession thine!
This were to be new made when thou art old,
And see thy blood warm when thou feel'st it cold.



#### Примеры: генерация текста

#### at first:

tyntd-iafhatawiaoihrdemot lytdws e ,tfti, astai f ogoh eoase rrranbyne 'nhthnee e plia tklrgd t o idoe ns,smtt h ne etie h,hregtrs nigtike,aoaenns lng

#### train more

"Tmont thithey" fomesscerliund Keushey. Thom here sheulke, anmerenith ol sivh I lalterthend Bleipile shuwy fil on aseterlome coaniogennc Phe lism thond hon at. MeiDimorotion in ther thize."

#### train more

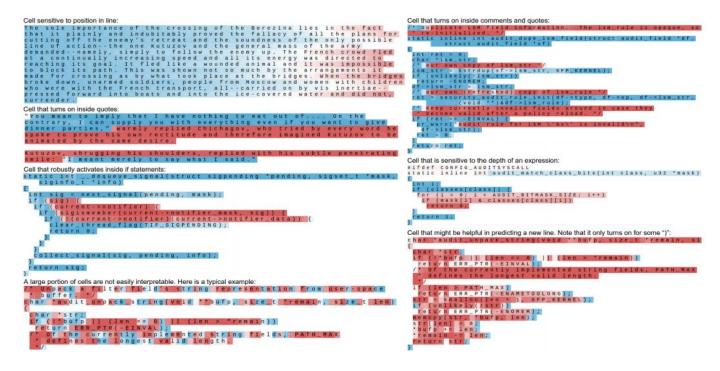
Aftair fall unsuch that the hall for Prince Velzonski's that me of her hearly, and behs to so arwage fiving were to it beloge, pavu say falling misfort how, and Gogition is so overelical and ofter.

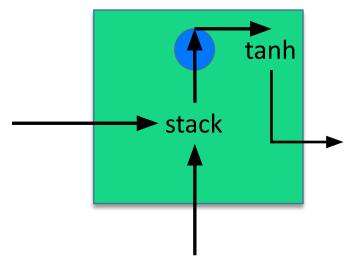
#### train more

"Why do what that day," replied Natasha, and wishing to himself the fact the princess, Princess Mary was easier, fed in had oftened him. Pierre aking his soul came to the packs and drove up his father-in-law women.

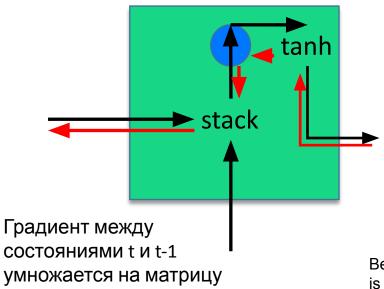
### Визуализация скрытого состояния

Цвет текста соответствует значению tanh(состояние), -1 окрашен красным, +1 - синим



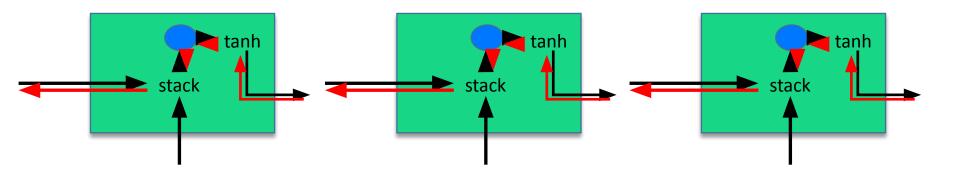


Bengio et al, "Learning long-term dependencies with gradient descent is difficult", IEEE Transactions on Neural Networks, 1994
Pascanu et al, "On the difficulty of training recurrent neural networks", ICML 2013

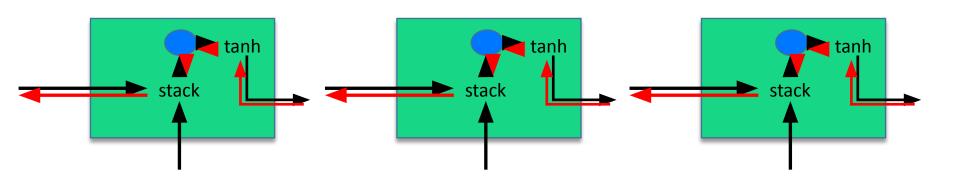


весов

Bengio et al, "Learning long-term dependencies with gradient descent is difficult", IEEE Transactions on Neural Networks, 1994
Pascanu et al, "On the difficulty of training recurrent neural networks", ICML 2013



Вычисление градиента для состояния 0 будет приводить к многократному умножению на матрицу весов *W* 



Вычисление градиента для состояния 0 будет приводить к многократному умножению на матрицу весов *W* 

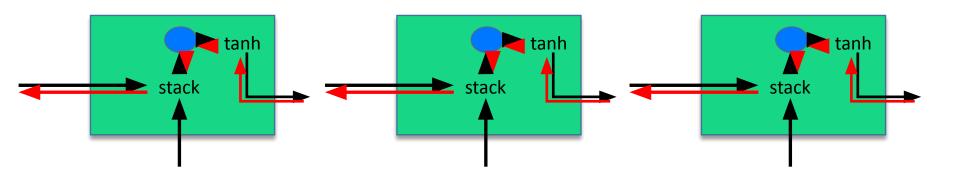
Значения матрицы больше

1:

Exploding gradient Значения матрицы меньше

1

Vanishing gradient



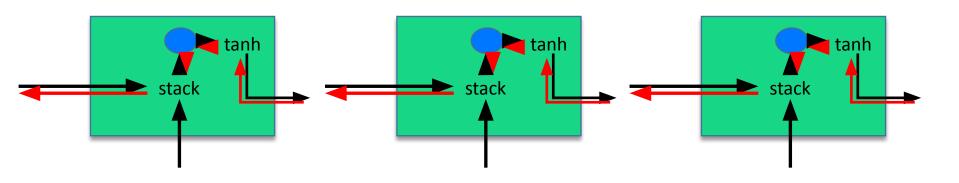
Вычисление градиента для состояния 0 будет приводить к многократному умножению на

матрицу весов W

Значения матрицы больше

Exploding gradint

torch.nn.utils.clip grad norm ( model.parameters(), 1)



Вычисление градиента для состояния 0 будет приводить к многократному умножению на матрицу весов *W* 

Значения матрицы меньше 1:

Vanishing gradint

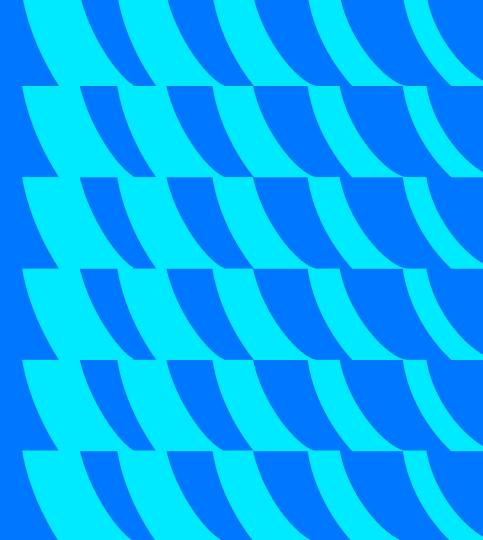
Нужно менять архитектуру RNN

### Проблемы RNN сетей

Не может видеть далеко назад - при прохождении градиента обратно – происходит экспоненциальное затухание градиента, чем дальше назад – тем больше затухает.

Решение - LSTM

### LSTM



## Vanilla RNN

$$h_t = \tanh\left(W\begin{pmatrix} h_{t-1} \\ x_t \end{pmatrix}\right)$$

#### **LSTM**

$$\begin{pmatrix} i \\ f \\ o \\ g \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sigma \\ \sigma \\ \sigma \\ \tanh \end{pmatrix} W \begin{pmatrix} h_{t-1} \\ x_t \end{pmatrix}$$

$$c_t = f \odot c_{t-1} + i \odot g$$

$$h_t = o \odot \tanh(c_t)$$

Hochreiter and Schmidhuber, "Long Short Term Memory", Neural Computation 1997

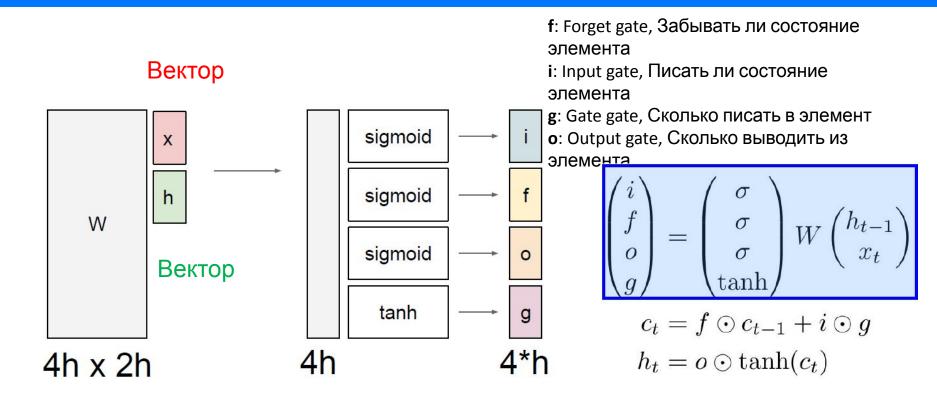
$$c'_{t} = \tanh (W_{xc}x_{t} + W_{hc}h_{t-1} + b_{c'})$$
 candidate cell state  $i_{t} = \sigma (W_{xi}x_{t} + W_{hi}h_{t-1} + b_{i})$  input gate  $f_{t} = \sigma (W_{xf}x_{t} + W_{hf}h_{t-1} + b_{f})$  forget gate  $o_{t} = \sigma (W_{xo}x_{t} + W_{ho}h_{t-1} + b_{o})$  output gate  $c_{t} = f_{t} \odot c_{t-1} + i_{t} \odot c'_{t},$  cell state  $h_{t} = o_{t} \odot \tanh(c_{t})$  block output  $y_{t} = W_{hy} h_{t}$ 

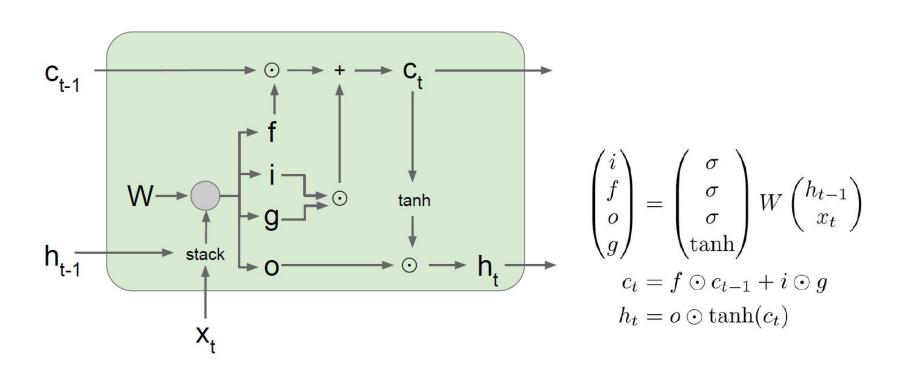
$$\begin{pmatrix} i \\ f \\ o \\ g \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sigma \\ \sigma \\ \sigma \\ \tanh \end{pmatrix} W \begin{pmatrix} h_{t-1} \\ x_t \end{pmatrix}$$

$$c_t = f \odot c_{t-1} + i \odot g$$

$$h_t = o \odot \tanh(c_t)$$
© screenshoter

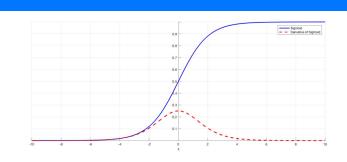
st Вместо  $\mathbf{c}_t'$  - могут использовать  $g_t$ 





Что будет если =1 всегда?

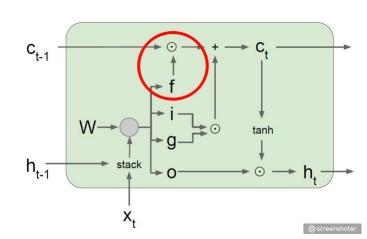
Как надо инициализировать bias forget g

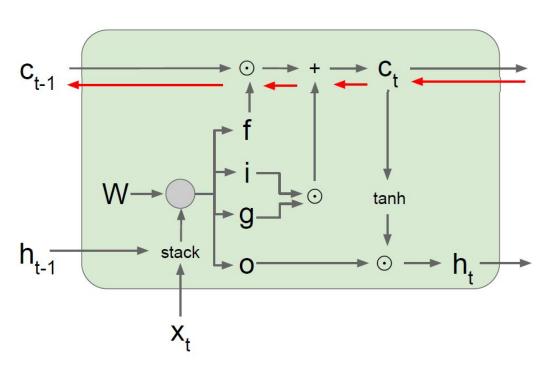


 $f_t = \sigma \left( W_{xf} x_t + W_{hf} h_{t-1} + b_f \right)$ 

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \mathbf{c}_t'.$$

$$\frac{\partial \boldsymbol{c}_t}{\partial \boldsymbol{c}_{t-1}} = 1.$$



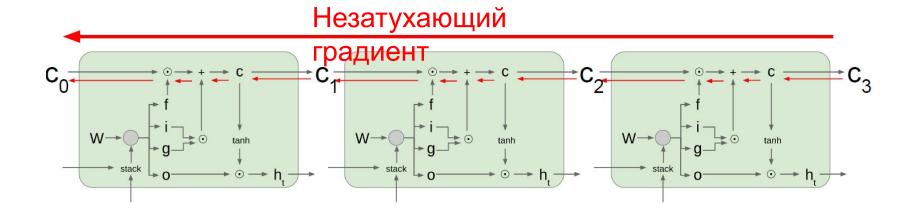


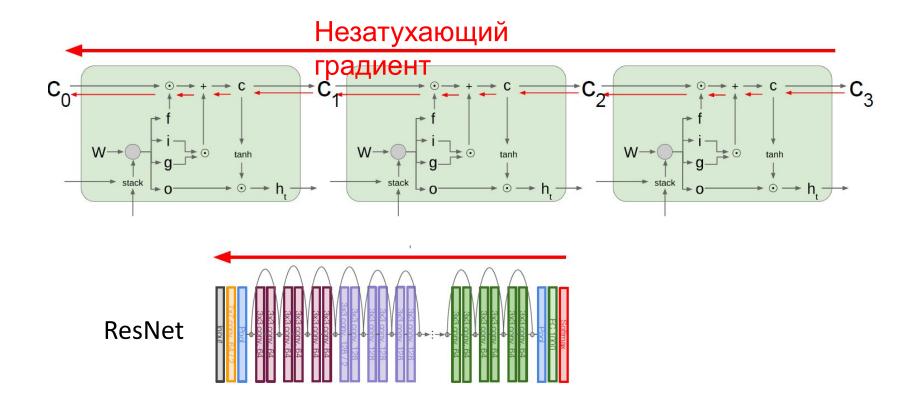
Обратный проход от до перемножаются только с f без матрицы W

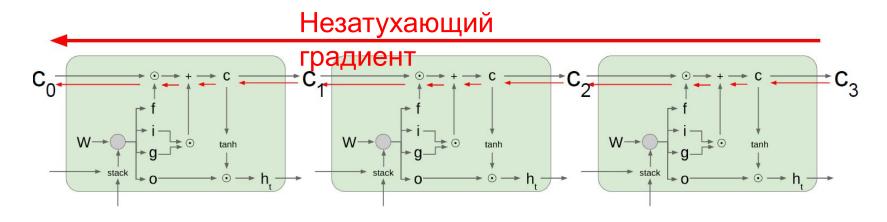
$$\begin{pmatrix} i \\ f \\ o \\ g \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sigma \\ \sigma \\ \sigma \\ \tanh \end{pmatrix} W \begin{pmatrix} h_{t-1} \\ x_t \end{pmatrix}$$

$$c_t = f \odot c_{t-1} + i \odot g$$

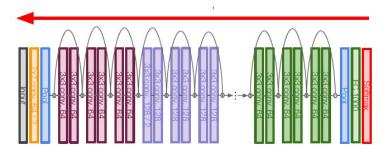
$$h_t = o \odot \tanh(c_t)$$







ResNet



#### **Highway Networks**

$$g = T(x, W_T)$$
  

$$y = g \odot H(x, W_H) + (1 - g) \odot x$$

Srivastava et al, "Highway Networks", ICML DL Workshop 2015

```
\begin{array}{lll} \boldsymbol{c}_t' &= \tanh\left(W_{xc}\boldsymbol{x}_t + W_{hc}\boldsymbol{h}_{t-1} + \boldsymbol{b}_{c'}\right) & \textit{candidate cell state} \\ \boldsymbol{i}_t &= \sigma\left(W_{xi}\boldsymbol{x}_t + W_{hi}\boldsymbol{h}_{t-1} + \boldsymbol{b}_i\right) & \textit{input gate} \\ \boldsymbol{f}_t &= \sigma\left(W_{xf}\boldsymbol{x}_t + W_{hf}\boldsymbol{h}_{t-1} + \boldsymbol{b}_f\right) & \textit{forget gate} \\ \boldsymbol{o}_t &= \sigma\left(W_{xo}\boldsymbol{x}_t + W_{ho}\boldsymbol{h}_{t-1} + \boldsymbol{b}_o\right) & \textit{output gate} \\ \boldsymbol{c}_t &= \boldsymbol{f}_t \odot \boldsymbol{c}_{t-1} + \boldsymbol{i}_t \odot \boldsymbol{c}_t', & \textit{cell state} \\ \boldsymbol{h}_t &= \boldsymbol{o}_t \odot \tanh(\boldsymbol{c}_t) & \textit{block output} \end{array}
```

# LSTM – peepholes («замочные скважины»)

```
egin{array}{ll} oldsymbol{c}_t' &= \tanh\left(W_{xc}oldsymbol{x}_t + W_{hc}oldsymbol{h}_{t-1} + oldsymbol{b}_{c'}
ight) & candidate \ cell \ state \ oldsymbol{i}_t &= \sigma\left(W_{xi}oldsymbol{x}_t + W_{hi}oldsymbol{h}_{t-1} + oldsymbol{b}_{i}
ight) & input \ gate \ oldsymbol{f}_t &= \sigma\left(W_{xf}oldsymbol{x}_t + W_{hf}oldsymbol{h}_{t-1} + oldsymbol{b}_{o}
ight) & output \ gate \ oldsymbol{c}_t &= oldsymbol{f}_t\odot oldsymbol{c}_{t-1} + oldsymbol{i}_t\odot oldsymbol{c}_t', & cell \ state \ oldsymbol{h}_t &= oldsymbol{o}_t\odot \tanh(oldsymbol{c}_t) & block \ output \end{array}
```

Гейты не зависят от  $c_t$ , поэтому если  $o_t$  -> 0, то их поведение не зависит от состояния памяти.

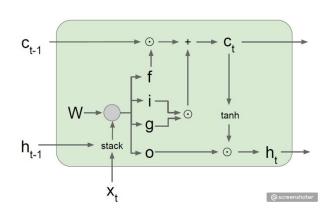
Но мы хотим все равно управлять памятью, даже в этом случае, добавляя peepholes

$$i_{t} = \sigma \left( W_{xi} \boldsymbol{x}_{t} + W_{hi} \boldsymbol{h}_{t-1} + W_{pi} \boldsymbol{c}_{t-1} + \boldsymbol{b}_{i} \right)$$

$$f_{t} = \sigma \left( W_{xf} \boldsymbol{x}_{t} + W_{hf} \boldsymbol{h}_{t-1} + W_{pf} \boldsymbol{c}_{t-1} + \boldsymbol{b}_{f} \right)$$

$$o_{t} = \sigma \left( W_{xo} \boldsymbol{x}_{t} + W_{ho} \boldsymbol{h}_{t-1} + W_{po} \boldsymbol{c}_{t-1} + \boldsymbol{b}_{o} \right)$$

# Базовая RNN – как ее получить из LSTM?



```
c'_{t} = \tanh (W_{xc}x_{t} + W_{hc}h_{t-1} + b_{c'}) \quad candidate \; cell \; state
i_{t} = \sigma (W_{xi}x_{t} + W_{hi}h_{t-1} + b_{i}) \quad input \; gate
f_{t} = \sigma (W_{xf}x_{t} + W_{hf}h_{t-1} + b_{f}) \quad forget \; gate
o_{t} = \sigma (W_{xo}x_{t} + W_{ho}h_{t-1} + b_{o}) \quad output \; gate
c_{t} = f_{t} \odot c_{t-1} + i_{t} \odot c'_{t}, \quad cell \; state
h_{t} = o_{t} \odot \tanh(c_{t}) \quad block \; output
```

#### LSTM – важные моменты

- Внутренняя ячейка памяти cell
- Забывающий гейт (forget gate)
- Выходной гейт (output gate)
- Незатухающая ошибка по памяти

## GRU – gated recurrent unit

Совмещаем выходные и забывающий гейты – их

заменяет update\_gate (u)

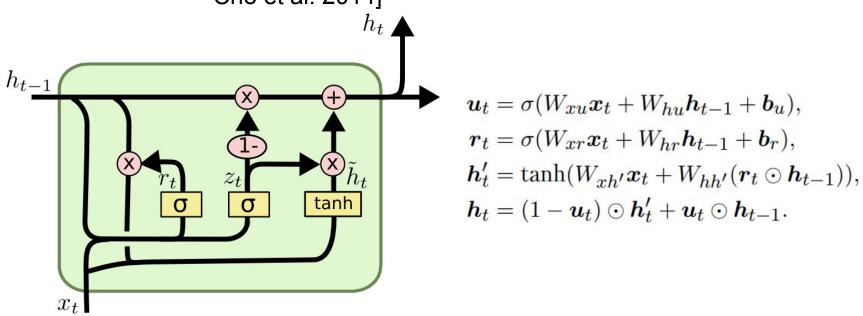
Совмещаем hidden\_state(h) и cell\_state(c) -

объединяем их

Добавляем reset\_gate

## GRU RNN (разобрать самим)

**GRU** [Learning phrase representations using rnn encoder-decoder for statistical machine translation, Cho et al. 2014]



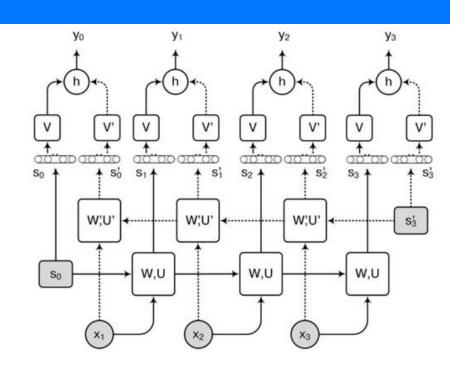
## Как улучшить RNN?

# Можно использовать будущий контекст

(future context)

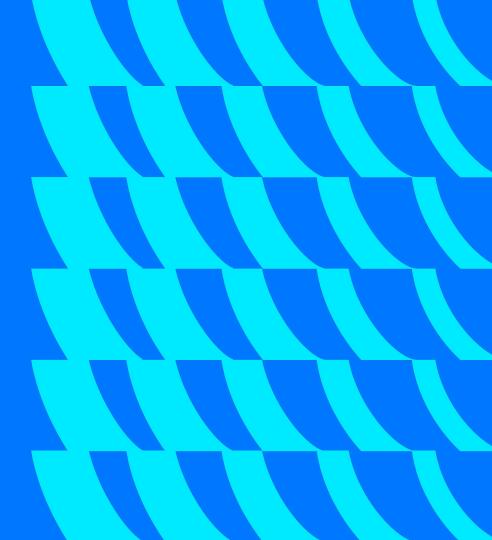
Используем двунаправленную RNN.

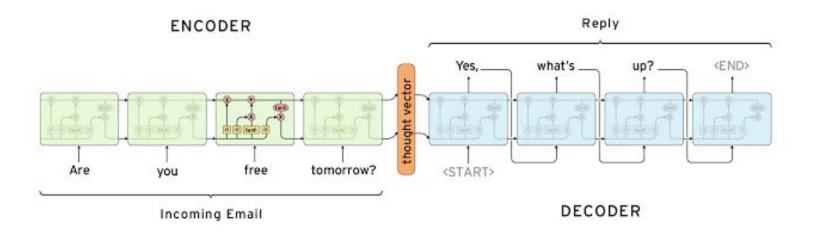
Считаем два скрытых состояния слева-направо и справа-налево



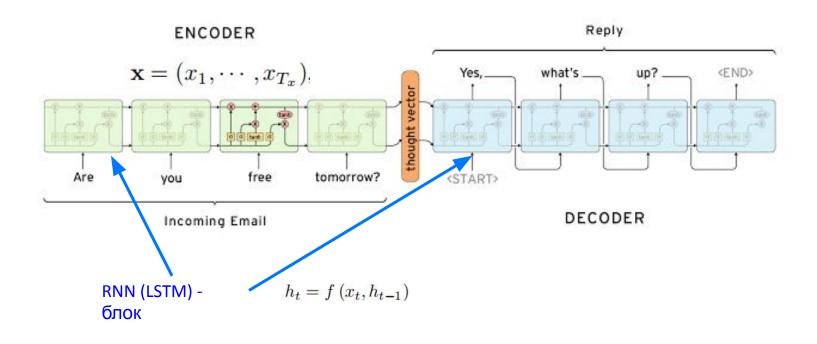
$$egin{array}{lll} oldsymbol{s}_t &=& \sigma \left( oldsymbol{b} + W oldsymbol{s}_{t-1} + U oldsymbol{x}_t 
ight), & oldsymbol{s}_t' &=& \sigma \left( oldsymbol{b}' + W' oldsymbol{s}_{t+1}' + U' oldsymbol{x}_t 
ight), \\ oldsymbol{o}_t &=& oldsymbol{c} + V oldsymbol{s}_t + V' oldsymbol{s}_t', & oldsymbol{y}_t &=& h \left( oldsymbol{o}_t 
ight). \end{array}$$

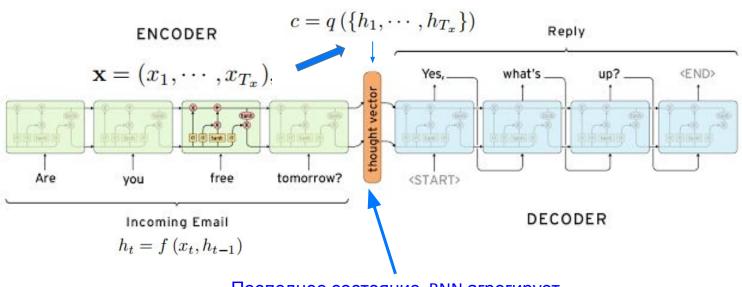
Механизмы внимания



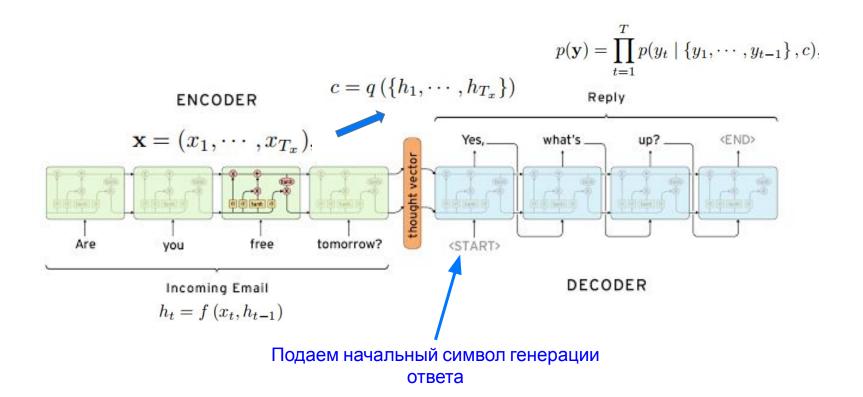


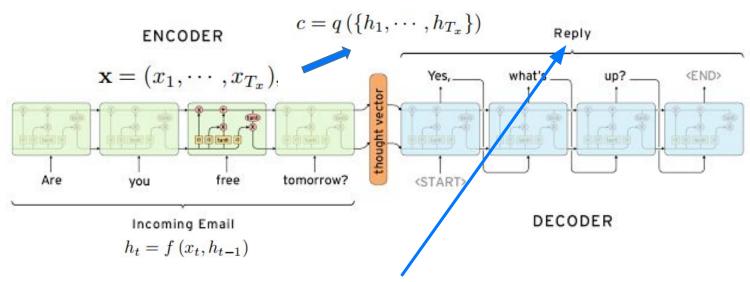




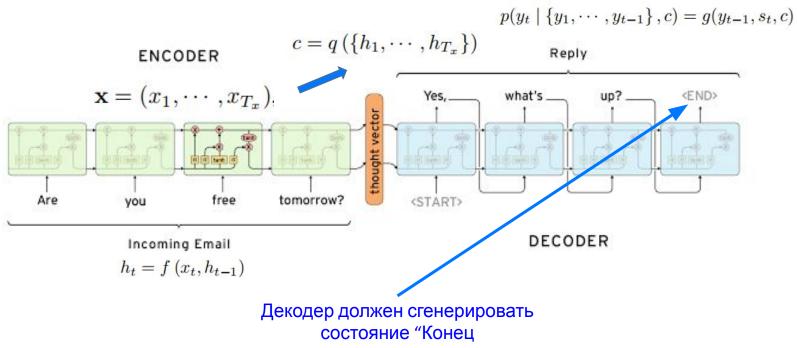


Последнее состояние RNN агрегирует информацию о входной последовательности

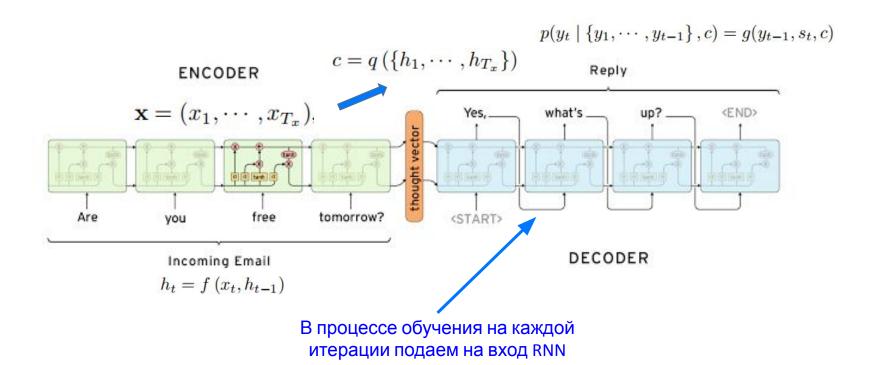




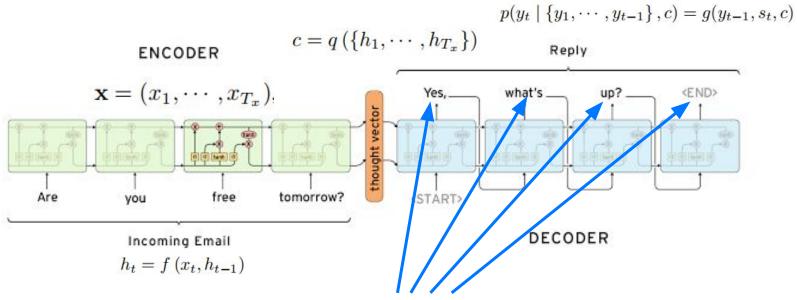
Получаем последовательность ответа



последовательности"



правильное слово на шаге t-1



Считаем ошибку как сумму ошибок на каждом шаге генерации последовательности и пропускаем градиент

Проблема: При генерации ответа нужна не только скрытая информация, но и контекстная информация запроса.

Выход: при генерации ответа смотреть на слова, которые необходимы для создания ответа.

- Куда мы пойдем завтра -> нужно смотреть на слово "завтра"
- .....

Можно заставить сеть выучить вероятностное распределение над входной последовательностью и использовать скрытые состояния энкодера через взвешенную сумму

### Meханизм внимания (Attention)

Расширенная модель внимания представляет декодер как:  $p(y_i|y_1,...,y_{i-1},\mathbf{x}) = g(y_{i-1},s_i,c_i)$ 

где  $s_i$  - это скрытое состояние декодера RNN -  $s_i$  =  $f(s_{i-1}, y_{i-1}, c_i)$ 

В отличие от модели энкодер-декодер вероятность обуславливается контекстным вектором для каждого целевого слова

Контекстный вектор зависит от аннотаций, на которые энкодер мапирует входную последовательность

### Meханизм внимания (Attention)

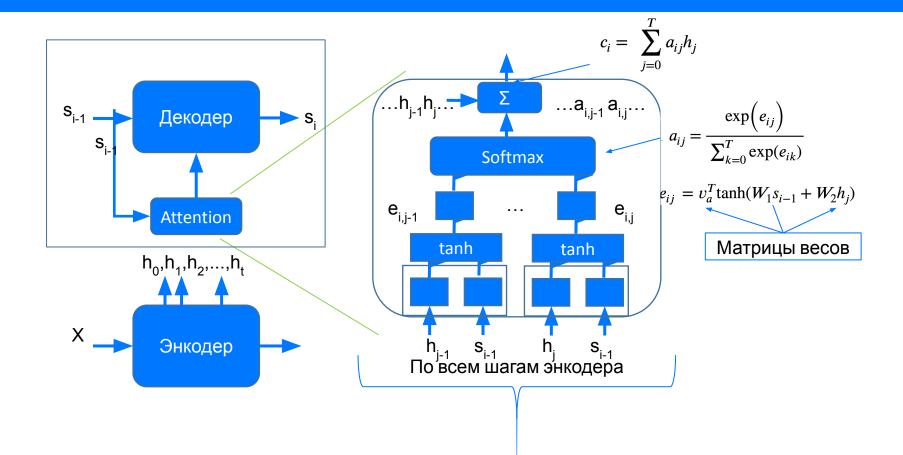
Каждая аннотация  $h_{i}$  содержит информацию о всей последовательности и фокус на часть слов, окружающих i-е слово

Контекст-вектор считается как взвешенная сумма аннотаций

$$c_i = \sum_{j=0}^T a_{ij} h_j$$
  $a_{ij} = \frac{\exp\left(e_{ij}\right)}{\sum_{k=0}^T \exp(e_{ik})}$  - вес  $e_{ij} = a(s_{i-1},\ h_j)$  – модель выравнивания

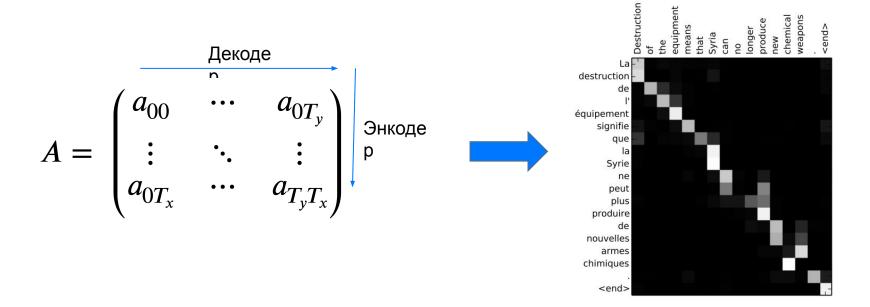
Выравнивание показывает, на сколько подходит вход с позиции ј к выходу позиции і.

## Механизм внимания (Attention)

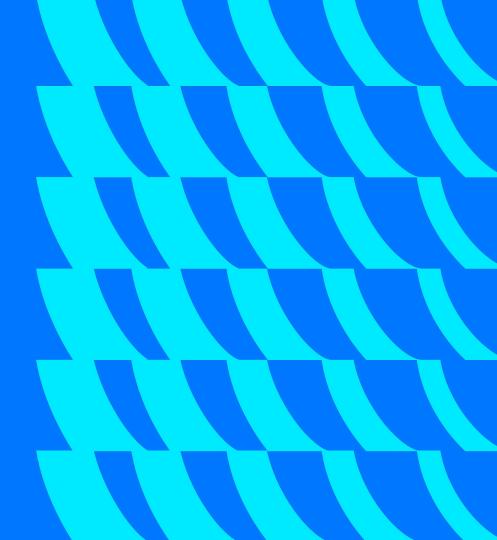


### Meханизм внимания (Attention)

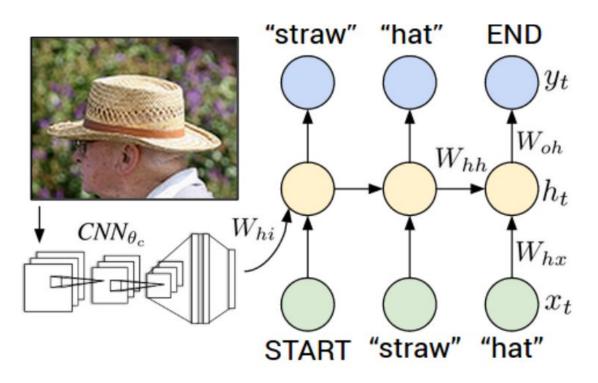
#### Beca от softmax можно объединить в матрицу А



Немного о применении RNN сетей



## Описания картинок



Deep Visual-Semantic Alignments for Generating Image Descriptions, Karpathy and Fei-Fei

## Описания картинок

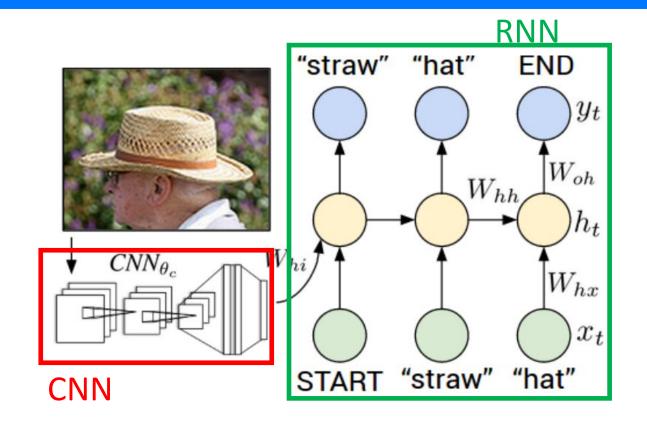


image conv-64 conv-64 maxpool conv-128 conv-128 maxpool conv-256 conv-256 maxpool conv-512 conv-512 maxpool conv-512 conv-512 maxpool FC-4096 FC-4096

tes<mark>t image</mark>

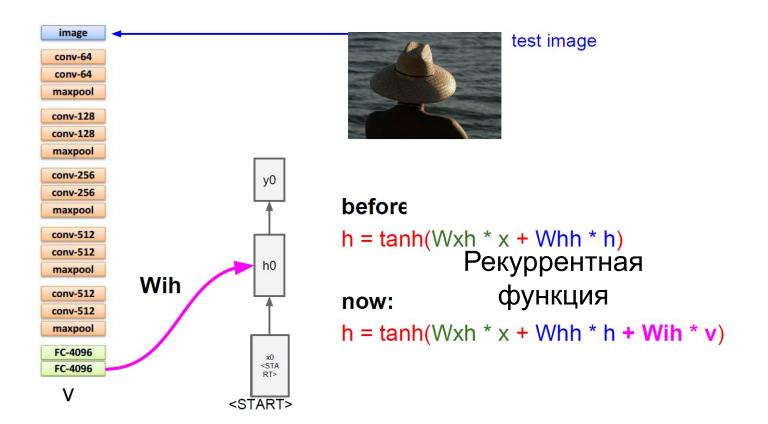
image conv-64 conv-64 maxpool conv-128 conv-128 maxpool conv-256 conv-256 maxpool conv-512 conv-512 maxpool conv-512 conv-512 maxpool FC-4096 FC-4096

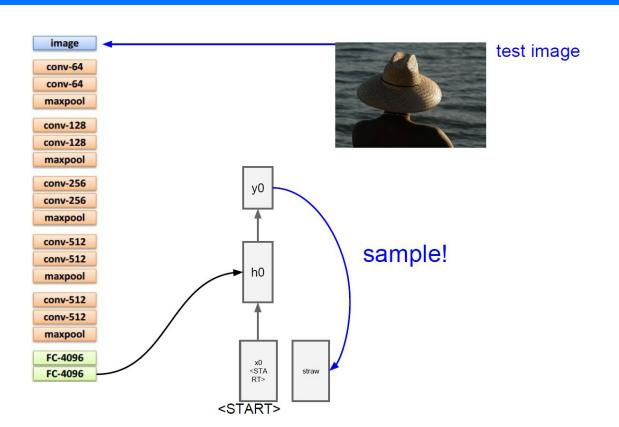


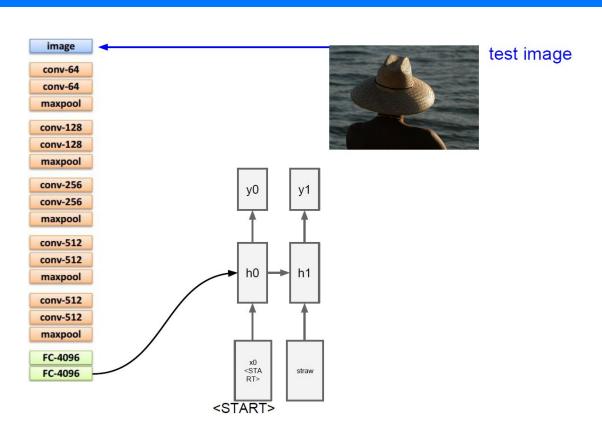
x0 <STA RT>

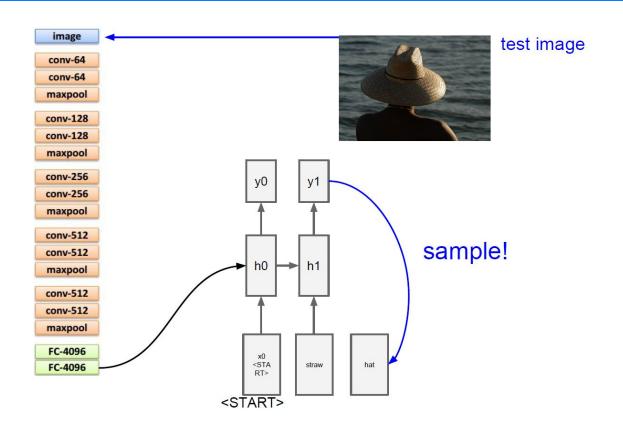
<START>

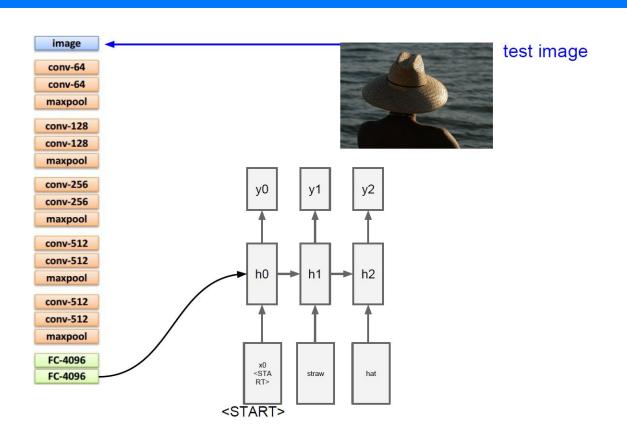
test image

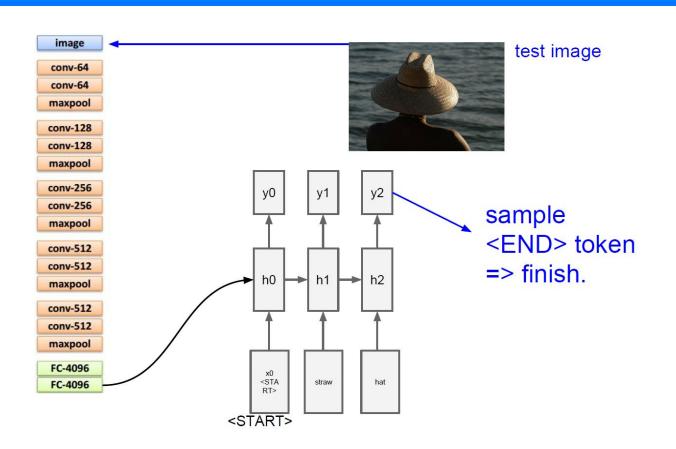












## Пример работы. Image Captioning



A cat sitting on a suitcase on the floor



A cat is sitting on a tree branch



A dog is running in the grass with a frisbee



Two giraffes standing in a grassy field



A white teddy bear sitting in the grass



Two people walking on the beach with surfboards



A tennis player in action on the court



A man riding a dirt bike on a dirt track

## Использованные материалы

Книга «Николенко, Кадурин, Архангельская: Глубокое обучение. Погружение в мир нейронных сетей»