

Análisis y Diseño de Algoritmos

Algoritmos Voraces (2º de Grado Ing. Inf., Ing. Sw., Ing. Comp.) E.T.S.I. INFORMÁTICA

Ejercicios Básicos

Para cada uno de los siguientes problemas:

- Diseñe un enfoque voraz para resolverlo, e impleméntelo en pseudocódigo.
- Demuestre que el algoritmo voraz diseñado encuentra la solución óptima, o muestre un contraejemplo en el que no la encuentra.
- 1. Dada una fracción a/b se desea expresarla como la suma de un número mínimo de fracciones distintas con numerador unidad, e.g., 3/5 = 1/2 + 1/10.

EJEMPLO

$$\frac{3}{5} = \frac{1}{2} + \frac{1}{10}$$

EL RAZONAMIENTO QUE LLEVARÍA A CABO SERIA IR

COGIENDO EL MENOR K , SIENDO 1 PARA ACERCARNOT

AL NUMERO SIN PASARNOS Y SECUIREMOS SUMANDOLE

ALGUMA L IENDO SUMADO JI TE PASAT (K+1) HASTA QUE DE

DE RESULTADO EL NUMERO.

EN MI SOUCIÓN TENDRE UNA LISTA DE X ELEMENTOS QUE SEAL

LAS LES DECIR LOS DENOMINADORES \ \(\times \), \(\times

l = flig (listA DE ELEMENTOS K)

Inicial = { ((AL PRINCIPIO NO HABRA ELEMENTOT EN LA LISTA)

Final (1) =
$$r$$
 - $\sum_{i=0}^{l.lenght-1} \frac{1}{l_i} = 0$
NÚMETO AL
RUE HAY QUE ALCANTAR TODA LA LISTA

$$l$$
álida $(l,K) = r - \sum_{i=0}^{l,lenght-1} \frac{1}{li} + \frac{1}{k} > 0$

AÑADIENDO EL SIGUIENTE DEBE DE SER O MAYOR QUE Ø O

NO SERA VÁLIDA SI AL SUMARLE EL SIGUIENTE DA UN NÚMERO NEGATIVO

Selección (l) =
$$K$$
 m:n $\frac{1}{K} \in V$ $\frac{1}{K-1}$ DUDOSA V VÁCIDA (C.K.)

 Durante la preparación de la semana cultural de Informática se recibe un conjunto de solicitudes para usar el salón de actos. Cada una de estas solicitudes requiere uso exclusivo del salón, y está determinada por una hora de comienzo c_i y una hora de finalización f_i . Determinar el mayor número de solicitudes que se pueden satisfacer.

SE PODRÍA PENSAR QUE HABRÍA QUE COGER LA QUE MENOS DURE HAY UN CONTRA EDEMPLO PERO

SERIA MÁS RENTABLE COGER LAS DOS GRANDES ANTES QUE AL PEQUEÑO

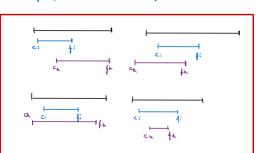
YA QUE EN EL AZUL HAY DOT ACTIVIDADET Y EN EL MORADO 2010 VNA LO TANTO UNA solución : bosi Bre

Inicial = { (AL PRINCIPIO NO HABRAÍ ELEMENTOT EN LA LISTA)

Final = SERA FINAL CIANDO EL CONSUNTO DE TAREAS POR SECECCIONAR

SELECCIÓN (L) = K/ Sk ES A Váliga (LIK)A 1 7 Sies/ SieL N lick

BASICAMENTE ELEGIR VNA QUE JEA VÁLIDA QUE PERTENEZO A S ("AS A CRIVIOADES") Y NO EXISTE OTRO S; Que ACADE ANTET A QUE HEMOS ECEGIDO.



PUE DEN CASOS QUE NO QUE SEA VÁLIDA. IGUAL HAY ALGUNA REDUNDANTE. 3. Dado un grafo G(V, E) se desea encontrar un conjunto $S \subseteq V$ de tamaño mínimo tal que cada arista $(u, v) \in E$ tiene al menos uno de sus extremos en S.

SIENDO
$$G - GRAFO$$
, QUE SE FORMA (ON (V, E) , DONDE $V - VERTICES$

$$E - ARISTAS$$

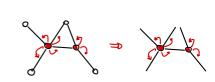
TENEMOS QUE ENCONTRAR UN SUBGRAFO MINIMO.

EL PLANTEAMIENTO DE ESTE ESERCICIO SERIA IR REDUCIENDO EL NÚMERO DE UEQTICET QUE TIENEN MAYOR GRADO.

EJEMPLD



ESTA "PODRÍA" SER VNA SOUCIÓN PERO NO LA OPTIMA



ENTE 3: SERIA EL ORTIMO
YA QUE HEMOT EMPLEADO
LOT VERTICET CON MAYOR

L = $\{\{li\}, G\}$ li = j = el vertice $V_j \in G$

PUEDES PONERCO O NO ("SUPONGO") ES SOLO PARA HACERLO MÁS FÁCIL

Inicial = (11,6(V,E))

DE ENTENDER

FINAL = ((L,G)) = E = Ø { WANDO EL NÚMERO DA ARISTAT POR CUBRIR JEA NULO.

SELECCIÓN ((L,G)) = $(L+1k)^{4}$, G^{4}): $K \in V \cap gr(h,G) = \alpha \cap \exists u \in V / gr(v,G) > \alpha$ SE IRA REDUCIENDO. $\cap G^{2} = x + r \cdot e^{x} \cdot (G, k)$

4. Dado un grafo G(V, E), un coloreado del mismo consiste en asignar un color a cada vértice de manera que si $(u, v) \in E$ entonces u y v tienen distinto color. Se desea encontrar un coloreado que emplee el mínimo número de colores.

Final = L. length == |V| CUANDO EL TAMAÑO DE LA LÍSTA SEA IGUAL AL CARDINAL DE WANTOT VERTICET HAY.

VÁLIDA (L,C) = Hu E V / (V.length, w) E E V (u, v.length) E A ucl => lu!= C

COLOR NUEVO A

AÑADIR

COLOREADO

SELECCIÓN (L): min (C & [1, max (1) + 1] / VALIDA (L , C) DEBE DE SER VÁLIDO

VA QUE NUESTRO

OBJETIVO ES TENER

EL MIN Nº DE

COGER EL MINIMO DENTRO DEL

MÁXIMO NUMERIG QUE HAYA, MÁS

1 POR SI ETTA GNECTADO

TJEMPLO

1º NUESTRA CISTA SERÍA \$1,2, X 4

1º ESA X SERA O EL 1 (NARANDA)

1º HASTA EL MAX DE LA LISTA - 2 (VERDE)+1

3 QUE EN ESTE CASO SERÍA

11,2,3...

11,2,3...

1 COLOR 3- EL MORADO

5. Vamos a ir en coche desde Málaga a Bilbao a ver el Guggenheim. Salimos con el depósito lleno, y sabemos que con ese combustible podemos recorrer M kilómetros. Tenemos un mapa en el que figuran los puntos kilométricos $k(1), \dots, k(n)$ en los que hay gasolineras, y queremos determinar en cuáles de ellas hay que repostar para llegar al destino haciendo el menor número de paradas.

HAY CASUISTICAT EN ESTE EDERCICIO PERO EN ESTE LASO: EJEMPLO LAS CRUCES SON LOT PUNTOT (KILÓMETROS DONDE HAY GASOLINERA) 300 MÁLAGA BILBAO LISTA 44, 7 (HENOT TENIPO QUE PARAR EN 44 7 7) TAMBIÉN TENDREMOT UN ARRAY 4 5 3 Li = j = ipsime PARADA EN LA GASOLINERA ; FINAL (L) = 9 [g.length - 1] - g[[[(.size - 1]] < M - LA DISTANCIA DE QUITOMIA LA ULTIMA GASOLINERA LA ULTIMA GASOLINTEA DE LA LISTA DONDE HEMOT FIELHADO VÁCIOA (L, K) = K e [1, g.length-1] 1 +j e L / K>j SELECCIÓN (L) = max k e (j < k & g. length -1) / g[k] - g[i] & M NO IE SI BINTACTICAMENTE GGER UN h ES PERO DENTRO DEL RANGO DEL M (AUTOMIA EN KM DEL COCHE) DE LA LISTA 4 DEL

DE GAJO LINERA T

6. Tenemos que planificar la gira veraniega del grupo de teatro de Informática. Tenemos n propuestas, cada una de las cuales consta de una fecha de inicio d_i , un número de actuaciones a_i (siempre una al día), y una oferta económica m_i . Seleccionar las propuestas que aceptaremos para maximizar el beneficio económico.

NOT DAN N FUENTOT DONDE CADA UNO TIENE SU FECHA INICIO (di),

EC NÚMERO ACTUA CIONES (ai) y oficta económica (mi)

TENENOT QUE MAXIMITAR LA ECONÓMICA (mi), por la TANTO COGEREMOT (A ACTIVIDAD

QUE MAS OFERTA NOT DE, ANNONE NO TIENE PORQUE SER A OPTIMA

DATOS QUE ME DAN: N- actuaciques

L= \li\ \ li=j: TC iesimo EQUIVALE A LA ACTIVIDAD

INTI CIO = { (AL PRINCIPIO NO HABRA ACTIVIDADES EN LA LISTA)

Final (L) = di [L·length-1] == dn

SUPONGO QUE SERA FINAL WANO LA ULTIMA FECHA DE LA LISTA COINCIDA GN LA MÁXIMA FECHA DEL ARRAY DE TECHAT (YA QUE VAN POR DÍAS)

VÁLIDA (LIK) = KEN A TRUE (CUALQUIER ACTIVIDAD PUEDE GEL VALIDA YA EN

SELECCIÓN, PONDAZÃOS LA GADICIÓN DE 100 QUE GOSTA

POSIBLET ACTIVIDADET

SELECCIÓN (L) = KEN / # di == dk / the N/de == dk => Mk > Mn

NO TENGAN LA MISMA NO EXISTA PARA ESA FECHA

FECHA

TECHA

OTRO CON MYOR OFERTA

7. Definamos un *intervalo unitario* como un subconjunto de la recta real de la forma $[a,b] = \{z \mid a \le z \le b\}$, donde b-a=1. Por ejemplo, $[\frac{5}{4},\frac{9}{4}]$ es un intervalo unitario. Considere el *problema del cubrimiento de intervalo* donde la entrada es un conjunto $\{x_1,x_2,...,x_n\}$ de n puntos en un orden arbitrario en la recta real, y la salida es un conjunto formado por el menor número de intervalos unitarios que cubren todos los puntos de entrada (en el sentido de que cada punto está en al menos uno de los intervalos). Proponga un algoritmo voraz para resolver el problema (de forma correcta si es posible)

Como un ejemplo, supongamos que la entrada es $\{\frac{7}{4}, \frac{7}{2}, \frac{1}{2}, 2, \frac{3}{2}, 0\}$. Entonces $\{[0,1], [\frac{5}{4}, \frac{9}{4}], [\frac{5}{2}, \frac{7}{2}]\}$ es una salida (i.e., respuesta) válida al problema planteado pues se puede comprobar fácilmente que estos tres intervalos cubren todos los seis puntos de entrada, y también que no existen dos intervalos unitarios que cubran todos los puntos de entrada.

OBJETIUD ES ENCONTRAR DENTRO DE LOS PUNTOS NO QUE NOJ PASAN

POR EL ARRAY LOS QUE SU RANGO UNITARIO WBREN TODOS,

EL ESEMPLO PROPORCIONADO NO ESTA BIEN RESUELTO.

BASICAMENTE SE LE EVMARA 1 104 = [0,0+1] = [0,1] = 1-0:1 UNITARIO

POR 10 TANTO :

INDICE DE COMIENZO

INDICE DE COMIENZO

INDICE DE COMIENZO

ARRAY MIGIAL (L) = Ax; E X / F; E L X; - j \le 1

ARRAY MIGIAL (M) 65 DATOS

PARA
$$j=1$$
 $A \times i \times 1$ $A \times i \times 1$ Sino pasase Eso no serio final 4

HABRÍA QUE AÑADIR

"HAY QUE COGER EL MENOR X QUE NO ESTE CUBIERTO"

8.	Se tienen n procesos, cada uno de los cuales tiene duración t_i , que se desean ejecutar en un procesador. Dado un cierto orden de ejecución de los procesos, el tiempo de estancia en el sistema de cada uno de los mismos es el tiempo de espera hasta ser ejecutados más el tiempo de ejecución. Se desea encontrar un orden de ejecución que minimice la suma de los tiempos de estancia en el sistema de todos los procesos.