

In [ ]:

Задание\_1.

Утверждается, что шарики для подшипников, изготовленные автоматическим станком, имеют Исходя из уровня значимости  $0.025$  и правостороннюю критическую область, проверить, что в выборке из  $100$  шариков средний диаметр оказался равным  $17.5$  мм, а дисперсия из

In [ ]:

Утверждается, что шарики для подшипников, изготовленные автоматическим станком, имеют средний диаметр  $d = 17$  мм. Используя односторонний критерий с  $\alpha = 0.02$  проверить эту гипотезу, если в выборке из  $n = 100$  шариков средний диаметр оказался равным  $17.5$  мм, а дисперсия известна и равна  $D(X) = \sigma^2 = 4$  мм, поэтому (средне-РЕШЕНИЕ.

Нулевая гипотеза:  $H(0) : a = 17$ . Альтернативная гипотеза (односторонняя)  $H(1) : X_{\text{ср.}} =$  Вычисляем наблюдаемое значение критерия  $U_{\text{наб.}} = (X_{\text{ср.}} - a) \cdot \sqrt{n} / \sigma$

$(17.5 - 17) \cdot \sqrt{100} / 2 = 2.5$

Чтобы найти критическую область нужно отыскать критическое значение.  $\Phi(u) = (1 - 2\alpha) / 2$

где  $\alpha$  – выбранный уровень значимости,  $\Phi(u)$  – старая знакомая функция Лапласа.

По таблице функции Лапласа найдем критическую точку для односторонней области.

В нашем случае  $\Phi(U_{\text{кр.}}) = (1 - 0.05) / 2 = 0.475$  из таблицы найдем  $U_{\text{кр.}} = 1.96$

$|U_{\text{наб.}}| > U_{\text{кр.}}$

!!!\_Получается гипотеза  $H(1)$  – отвергается.

In [ ]:

Задача\_2

Известно, что генеральная совокупность распределена нормально с известным средним квадратическим отклонением  $16$ . Найти доверительный интервал для оценки математического ожидания  $a$  с надежностью  $0.95$ , если выборочное среднее равно  $80$ , а объем равен  $256$

In [ ]:

$\sigma = 16$ ,  $n = 256$ ,  $X_{\text{ср.}} = 80$ ,  $1 - \alpha = 0.95 = p$

Выборочная средняя – это точечная оценка неизвестной нам генеральной средней.

И по условию, требуется найти интервал, который с вероятностью  $p$  накроет истинное значение. Предполагая, что случайная величина  $X$  распределена нормально,

построим доверительный интервал для  $M(X)$  с доверительной вероятностью  $0.95$ . Для этого найдем среднее и несмещенную оценку для среднего квадратического отклонения:

$t_{1-\alpha/2, n-1}$  – квантиль, выбранный из таблицы квантилей  $t$ -распределения =  $1.984$

$X_{\text{ср.}} - t_{1-\alpha/2, n-1} \cdot \sigma / \sqrt{n} < M(X) < X_{\text{ср.}} + t_{1-\alpha/2, n-1} \cdot \sigma / \sqrt{n}$

Вычислим доверительный интервал:

In [3]:

```
import numpy as np
x=80
t=1.9840
n=256
s=16
(x - t * s / np.sqrt(n), x + t * s / np.sqrt(n))
```

Out[3]: (78.016, 81.984)

In [ ]:

Задача\_3

Продавец утверждает, что средний вес пачки печенья составляет  $200$  г. Из партии извлечена выборка из  $10$  пачек. Вес каждой пачки составляет:

$202, 203, 199, 197, 195, 201, 200, 204, 194, 190$

Известно, что их веса распределены нормально. Верно ли утверждение продавца, если учитывать, что уровень значимости равен  $1\%$ ?

In [ ]:

Продавец утверждает, что средний вес пачки печенья составляет  $200$  г,  $m = 200$ .

Уровень значимости равен 1%  $\alpha = 0.01$  ,  
n =10. Выборка weight = [202, 203, 199, 197, 195, 201, 200, 204, 194, 190]  
РЕШЕНИЕ. Найдем среднее значение выборки и среднее кв.отклонение

In [4]:

```
weight = np.array([202, 203, 199, 197, 195, 201, 200, 204, 194, 190])  
m = weight.mean()  
s = weight.std(ddof=1)  
print(m, s)
```

198.5 4.453463071962462

In [6]:

```
#выбранный из таблицы квантилей t-распределения  
t = 2.2622  
n=10  
(m - t * s / np.sqrt(n), m + t * s / np.sqrt(n))
```

Out[6]: (195.31412410798328, 201.68587589201672)

In [ ]:

Утверждение продавца верно! 200 г попадает в доверительный интервал))