## Deep GPVAR: Модернизация DeepAR для многомерного прогнозирования.

Воронкин Р.А., Кузнецова А. С.

**Постановка задачи:** выяснить что DeepAR, где используется, как реализуется на высокоуровневом я. п. Руthon. Цель работы: изучить что такое DeepAR и научиться взаимодействовать с ним в высокоуровневом языке программирования Python. Используемые методы: метод анализа. **Результат:** объяснение того, для чего необходим DeepAR, что собой представляют, какие методы имеют в себе и показать пример реализации на программирования Python. высокоуровневом языке Практическая наиболее значимость: популярным подходом К прогнозированию временных рядов является использование глубоких нейронных сетей, таких как DeepAR.

**Ключевые слова:** DeepAR, модернизация, гауссовские процессы, моделирование, прогнозирование, построение.

В современном мире, где данные играют все более важную роль в принятии бизнес-решений, прогнозирование становится ключевым инструментом для достижения успеха. Особенно в области финансов, планирования запасов и управления спросом, точные прогнозы имеют решающее значение для эффективной работы и максимизации выгод.

Одним из наиболее популярных подходов к прогнозированию временных рядов является использование глубоких нейронных сетей, таких как DeepAR. DeepAR был представлен компанией Amazon и стал основой для создания прогностических моделей, способных учитывать временные зависимости и сезонность в данных. Однако оригинальная модель DeepAR имеет ограничения, когда дело доходит до многомерного прогнозирования.

В свете этого, исследователи предложили новую модель, известную как Deep GPVAR (Deep Gaussian Process VAR), которая представляет собой модернизацию и расширение оригинального DeepAR для эффективного

многомерного прогнозирования временных рядов. Deep GPVAR объединяет преимущества глубоких нейронных сетей и гауссовых процессов, чтобы достичь более точных и гибких прогнозов.

DeepAR, базирующийся на рекуррентных нейронных сетях (RNN), был разработан для прогнозирования одномерных временных рядов. Он обучается на исторических данных и способен учитывать сезонность и временные зависимости, что позволяет ему делать точные прогнозы в контексте одномерных временных рядов. Однако, когда дело доходит до многомерного прогнозирования, оригинальный DeepAR предполагает независимость между различными временными рядами, что может приводить к неточным прогнозам и недоучету сложных структур данных.

## Модернизация DeepAR с помощью гауссовских процессов

Гауссовские процессы (GP) - это статистические модели, которые могут моделировать неопределенность в данных и корреляцию между различными переменными. GP могут быть использованы для прогнозирования временных рядов и оценки неопределенности в прогнозах.

Модернизация DeepAR с помощью GP может быть выполнена следующим образом:

- 1. Добавление GP в качестве компоненты неопределенности в DeepAR. Это позволит моделировать неопределенность в прогнозах и учитывать ее при формировании прогнозов.
- 2. Использование GP для моделирования корреляции между различными временными рядами. Это позволит учитывать взаимосвязи между различными переменными и использовать эту информацию для более точного прогнозирования.
- 3. Использование GP для формирования априорного распределения параметров DeepAR. Это позволит учитывать неопределенность в

параметрах модели и использовать эту информацию для более точного прогнозирования.

Таким образом, модернизация DeepAR с помощью GP может улучшить точность прогнозирования временных рядов и учитывать неопределенность в прогнозах.

## Преимущества Deep GPVAR в многомерном прогнозировании

Deep GPVAR обладает несколькими преимуществами в многомерном прогнозировании:

- Учет сложных временных зависимостей: Deep GPVAR способен улавливать более сложные структуры данных, такие как тренды, сезонность и цикличность, что позволяет точнее прогнозировать многомерные временные ряды.
- Оценка неопределенности прогнозов: В отличие оригинального DeepAR, Deep GPVAR позволяет оценить не только среднее будущих значений временных рядов, НО неопределенности или дисперсию прогнозов. Это предоставляет дополнительную информацию и уверенность при принятии решений на основе прогнозов.
- Гибкость в моделировании различных сценариев: Deep GPVAR позволяет моделировать различные сценарии и варианты развития временных рядов. Это особенно важно в сферах, где требуется учитывать возможные изменения и неопределенность, такие как финансовый рынок или планирование запасов.

# Гауссовы связки в Deep GPVAR: Инновационный подход к многомерному прогнозированию

Гауссовы связки играют ключевую роль в моделировании зависимостей между переменными в Deep GPVAR. Они учитывают

корреляцию между ошибками прогнозирования переменных, что особенно важно при прогнозировании многомерных временных рядов с сложной зависимой структурой.

## Пример использования Гауссовых связок в я. п. Python:

#### 1) Создаём модель для генерации гауссовых связок:

```
def gaussian binding(input shape, output shape):
         kernels = []
         for i in range(output_shape):
           kernels.append(Matern(length scale=1.0, nu=1.5))
         regressors = []
         for i in range(output shape):
           regressors.append(GaussianProcessRegressor(kernel=kernels[i], alpha=1e-6, nor-
malize y=True, n restarts optimizer=10))
         def predict(inputs):
           outputs = np.zeros((inputs.shape[0], output shape * 2))
           for i in range(output shape):
             y_mean, y_std = regressors[i].predict(inputs, return std=True)
             outputs[:, i] = y mean
             outputs[:, output shape + i] = y std
           return norm(loc=outputs[:, :output shape], scale=np.maximum(np.zeros((in-
puts.shape[0], output shape)), outputs[:, output shape:]))
         return predict
```

## 2) Создаём модель Deep GPVAR с использованием гауссовых связок:

```
def deep_gpvar(input_shape, output_shape):
   inputs = np.random.rand(1, *input_shape)
   x = np.random.rand(1, 64)
   z = gaussian_binding(64, *output_shape)(x)
   outputs = gaussian_binding(output_shape, output_shape)(z.sample())
   return outputs
```

# 3) Пример использования модели для генерации прогнозов и построения графика

```
input_shape = (10, 64)
output_shape = 3
inputs = np.random.rand(1, *input_shape)

plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(inputs.mean(axis=0), label='mean')
plt.legend()
plt.show()
```

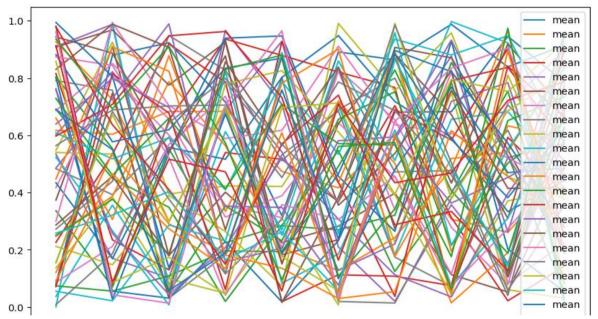


Рисунок №1 – Построение графика на основе модели генерации прогнозов

## Архитектура Deep GPVAR

Архитектура Deep GPVAR состоит из нескольких компонентов, которые работают совместно для прогнозирования многомерных временных рядов с использованием гауссовых связок. Вот основные компоненты:

## 1. Извлечение признаков

На первом этапе происходит извлечение признаков из исходных временных рядов. Это может быть выполнено с использованием различных

архитектур нейронных сетей, таких как рекуррентные нейронные сети (RNN), сверточные нейронные сети (CNN) или их комбинаций. Извлечение признаков позволяет выделить информацию о долгосрочных зависимостях и закономерностях во временных рядах.

## 2. Гауссовы связки

После извлечения признаков происходит применение гауссовых связок для моделирования зависимостей между переменными. Гауссовы связки учитывают корреляцию между ошибками прогнозирования переменных и помогают моделировать их совместное распределение. Это достигается с помощью гауссовых процессов, которые моделируют условное среднее и ковариацию ошибок прогнозирования.

## 3. Генерация прогнозов

На последнем этапе происходит генерация прогнозов для каждой переменной. Это выполняется путем моделирования условного распределения переменных с использованием гауссовых связок и извлеченных признаков. Генерация прогнозов может быть осуществлена с использованием сэмплирования из условного распределения или с других методов, использованием таких как оптимизация аппроксимация.

## Ограничения Deep GPVAR

Несмотря на множество преимуществ, у Deep GPVAR также есть свои ограничения:

1. **Вычислительная сложность:** Deep GPVAR требует значительных вычислительных ресурсов для обучения и инференса. Обработка многомерных данных и гауссовских процессов может быть времязатратной операцией, особенно при использовании больших объемов данных.

2. **Необходимость большого объема данных:** для эффективного обучения Deep GPVAR требуется достаточное количество данных, особенно в случае многомерного прогнозирования. Недостаток данных или низкая частота наблюдений может снизить точность прогнозов.

#### Заключение

Deep GPVAR представляет собой модернизацию оригинальной модели DeepAR для многомерного прогнозирования временных рядов. Использование гауссовских процессов позволяет модели учитывать сложные временные зависимости и оценивать неопределенность прогнозов. Deep GPVAR имеет широкий спектр применений в различных отраслях.

Однако, необходимо учитывать вычислительные ограничения и необходимость большого объема данных для эффективного использования модели. Дальнейшее развитие Deep GPVAR и его адаптация к конкретным сценариям прогнозирования могут привести к еще более точным и гибким прогнозам в будущем.

#### Список литературы:

- 1. Salinas, D., et al. (2020). DeepAR: Probabilistic Forecasting with Autoregressive Recurrent Networks. Journal of Machine Learning Research, 21(50),953-962.
- 2. Damianou, A., Lawrence, N. D. (2013). Deep Gaussian Processes. Proceedings of the 16th International Conference on Artificial Intelligence and Statistics (AISTATS), 207-215.
- 3. Flunkert, V., Salinas, D. (2018). DeepAR Forecasting Seasonal Time Series with Autoregressive Recurrent Networks. AWS AI Blog. Retrieved from https://aws.amazon.com/blogs/machine-learning/forecasting-seasonal-time-series-with-deepar/
- 4. Rasmussen, C. E., Williams, C. K. I. (2006). Gaussian Processes for Machine Learning. The MIT Press.
- 5. Salinas, D., Flunkert, V., Gasthaus, J. (2020). Modeling Uncertainty with Deep Gaussian Processes for Short-Term Load Forecasting. arXiv preprint arXiv:2012.05811.
- 6. Brodersen, K. H., Gallusser, F., Koehler, J., Remy, N., Scott, S. L. (2015). Inferring causal impact using Bayesian structural time-series models. The Annals of Applied Statistics, 9(1), 247-274.
- 7. Alvarez, M. A., Luengo, D., Lawrence, N. D. (2009). Latent Force Models. Journal of Machine Learning Research, 10, 411-436.

- 8. Barber, D. (2012). Bayesian Reasoning and Machine Learning. Cambridge University Press.
- 9. Goodfellow, I., Bengio, Y., Courville, A. (2016). Deep Learning. The MIT Press.
- 10. Kingma, D. P., Welling, M. (2013). Auto-Encoding Variational Bayes.