



# ESTRATEGIAS DE PROGRAMACIÓN

---

Algoritmos y Programación

Javier Miranda

Escuela de Ingeniería Informática

Universidad de Las Palmas de Gran Canaria

28 de septiembre de 2023

# Estrategias

- Fuerza bruta (*brute force*)
- Vuelta atrás (*backtracking*)
- Voráz (*greedy*)
- Divide y vencerás
  - Reduce y vencerás



# Técnica

- Programación Dinámica

# Fuerza Bruta (*Brute Force*)

- Basada en la definición del problema
  - Evalúa todas las posibles combinaciones que resuelven el problema
- Fortalezas:
  - Amplia aplicabilidad
  - Simple
  - Genera soluciones razonables para algunos problemas
- Debilidades:
  - Algoritmos poco eficientes
  - En general, con poco esfuerzo podemos hacerlo mucho mejor !

# Programación mediante fuerza bruta

- En general, no resulta práctico generar todas las combinaciones antes de procesarlas porque:
  - Pueden ocupar demasiado espacio y realmente sólo necesitamos procesar una combinación cada vez (no necesitamos tenerlas todas a la vez).
  - El tiempo que tardamos en generar todas las combinaciones puede retrasar mucho el comienzo de su procesamiento.

# Soluciones (1/3)

- Utilizar código iterativo (bucles anidados) para generar y comprobar las combinaciones.
- Ventaja
  - Fácil de programar
- Inconvenientes
  - Procesar más o menos combinaciones requiere añadir o quitar bucles.
    - Dificulta programar el caso general.

# Soluciones (2/3)

- Utilizar código recursivo para generar y comprobar las combinaciones.
- Ventajas
  - Fácil de programar
- Inconvenientes
  - El límite de llamadas recursivas del intérprete/compilador de nuestro lenguaje de programación.
  - Cuando el número de combinaciones es muy grande no podemos detener la ejecución del programa, guardar el estado del programa (por ejemplo, en un fichero) y continuar más adelante su ejecución.

# Soluciones (3/3)

- Utilizar un iterador
  - Es un componente que evalúa perezosamente las combinaciones; lo llamamos cuando necesitamos la “siguiente” combinación.
- Ventaja
  - Podemos detener la ejecución, guardar estado y continuar.
- Inconveniente
  - No está disponible en el soporte estándar de todos los lenguajes (pero podemos construirlo fácilmente).

# Python: Generadores (*lazy evaluation*)

```
x = (j for j in range(5) if j % 2 == 0)    # Generator expression
print(x)                                # <generator object <genexpr> at ....>
print(next(x))                           # 0
print(next(x))                           # 2
print(next(x))                           # 4
```

*Si no quedan más elementos y llamamos a next() eleva la excepción StopIteration*

```
x = (x for x in range(5))
print(list(x))                           # [0, 1, 2, 3, 4]
```

*Podemos llamar al constructor de lista para depurar la expresión generadora y ver la lista completa*



# Python: Escribiendo nuestras funciones generadoras

```
def numbers(n):  
    for j in range(n):  
        yield j
```

*Función generadora*

```
g = numbers(2)
```

```
print(g)           # <generator object numbers at 0x....>
```

```
print(next(g))     # 0
```

```
print(next(g))     # 1
```

```
print(list(numbers(5))) # [0, 1, 2, 3, 4]
```

# Construcción de nuestro iterador para para Fuerza Bruta

¿ Cómo podemos construir un iterador para calcular  
todas las combinaciones de N números ?

Ejemplo:

Datos de entrada: 10 20 30 40

Supongamos que nuestro objetivo es encontrar qué  
números debo elegir para que su producto minimice  
la distancia a un valor X



Datos de entrada: 10 20 30 40

Ejemplo

# Ejemplo

Datos de entrada: 10 20 30 40

-	-	-	<b>x</b>
-	-	<b>x</b>	-
-	<b>x</b>	-	-
<b>x</b>	-	-	-

*Combinaciones de 1 elemento*

# Ejemplo

Datos de entrada: 10 20 30 40

-	-	-	X
-	-	X	-
-	X	-	-
X	-	-	-
-	-	X	X
-	X	-	X
X	-	-	X
-	X	X	-
X	-	X	-
X	X	-	-

*Combinaciones de 1 elemento*  
+  
*Combinaciones de 2 elementos*

# Ejemplo

Datos de entrada: 10 20 30 40

-	-	-	X
-	-	X	-
-	X	-	-
X	-	-	-
-	-	X	X
-	X	-	X
X	-	-	X
-	X	X	-
X	-	X	-
X	X	-	-
-	X	X	X
X	-	X	X
X	X	-	X
X	X	X	-

*Combinaciones de 1 elemento*

+

*Combinaciones de 2 elementos*

+

*Combinaciones de 3 elementos*

# Ejemplo

Datos de entrada: 10 20 30 40

-	-	-	x
-	-	x	-
-	x	-	-
x	-	-	-
-	-	x	x
-	x	-	x
x	-	-	x
-	x	x	-
x	-	x	-
x	x	-	-
-	x	x	x
x	-	x	x
x	x	-	x
x	x	x	-
x	x	x	x

*Combinaciones de 1 elemento*

+

*Combinaciones de 2 elementos*

+

*Combinaciones de 3 elementos*

+

*Combinaciones de 4 elementos*

# Ejemplo

Datos de entrada: 10 20 30 40

-	-	-	x
-	-	x	-
-	x	-	-
x	-	-	-
-	-	x	x
-	x	-	x
x	-	-	x
-	x	x	-
x	-	x	-
x	x	-	-
-	x	x	x
x	-	x	x
x	x	-	x
x	x	x	-
x	x	x	x

¿ Cómo podemos  
generarlas ?





Datos de entrada: 10 20 30 40

## Ejemplo

-	-	-	X
-	-	X	-
-	X	-	-
X	-	-	-
-	-	X	X
-	X	-	X
X	-	-	X
-	X	X	-
X	-	X	-
X	X	-	-
-	X	X	X
X	-	X	X
X	X	-	X
X	X	X	-
X	X	X	X

0	0	0	1
0	0	1	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	0	1
1	1	1	0
1	1	1	1

Datos de entrada: 10 20 30 40

## Ejemplo

-	-	-	<b>X</b>	→	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>
-	-	<b>X</b>	-	→	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>
-	<b>X</b>	-	-	→	0	0	1	1
<b>X</b>	-	-	-	→	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>0</b>
-	-	<b>X</b>	<b>X</b>	→	0	1	0	1
-	<b>X</b>	-	<b>X</b>	→	0	1	1	0
<b>X</b>	-	-	<b>X</b>	→	0	1	1	1
-	<b>X</b>	<b>X</b>	-	→	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>
<b>X</b>	-	<b>X</b>	-	→	1	0	0	1
<b>X</b>	<b>X</b>	-	-	→	1	0	1	0
-	<b>X</b>	<b>X</b>	<b>X</b>	→	1	0	1	1
<b>X</b>	-	<b>X</b>	<b>X</b>	→	1	1	0	0
<b>X</b>	<b>X</b>	-	<b>X</b>	→	1	1	0	1
<b>X</b>	<b>X</b>	<b>X</b>	-	→	1	1	1	0
<b>X</b>	<b>X</b>	<b>X</b>	<b>X</b>	→	1	1	1	1

Datos de entrada: 10 20 30 40

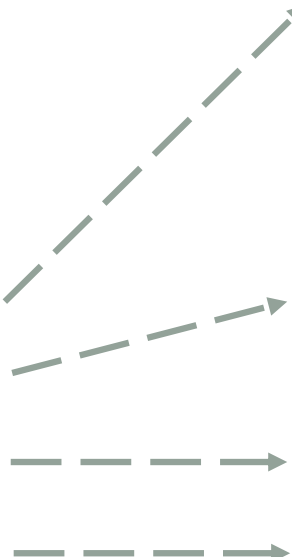
## Ejemplo

-	-	-	X	0	0	0	1
-	-	X	-	0	0	1	0
-	X	-	-	0	0	1	1
X	-	-	-	0	1	0	0
-	-	X	X	0	1	0	1
-	X	-	X	0	1	1	0
X	-	-	X	0	1	1	1
-	X	X	-	1	0	0	0
X	-	X	-	1	0	0	1
X	X	-	-	1	0	1	0
-	X	X	X	1	0	1	1
X	-	X	X	1	1	0	0
X	X	-	X	1	1	0	1
X	X	X	-	1	1	1	0
X	X	X	X	1	1	1	1

Datos de entrada: 10 20 30 40

## Ejemplo

-	-	-	x	0	0	0	1
-	-	x	-	0	0	1	0
-	x	-	-	0	0	1	1
x	-	-	-	0	1	0	0
-	-	x	x	0	1	0	1
-	x	-	x	0	1	1	0
x	-	-	x	0	1	1	1
-	x	x	-	1	0	0	0
x	-	x	-	1	0	0	1
x	x	-	-	1	0	1	0
-	x	x	x	1	0	1	1
x	-	x	x	1	1	0	0
x	x	-	x	1	1	0	1
x	x	x	-	1	1	1	0
x	x	x	x	1	1	1	1



Datos de entrada: 10 20 30 40

## Ejemplo

-	-	-	x	0	0	0	1
-	-	x	-	0	0	1	0
-	x	-	-	0	0	1	1
x	-	-	-	0	1	0	0
-	-	x	x	0	1	0	1
-	x	-	x	0	1	1	0
x	-	-	x	0	1	1	1
-	x	x	-	1	0	0	0
x	-	x	-	1	0	0	1
x	x	-	-	1	0	1	0
-	x	x	x	1	0	1	1
x	-	x	x	1	1	0	0
x	x	-	x	1	1	0	1
x	x	x	-	1	1	1	0
x	x	x	x	1	1	1	1

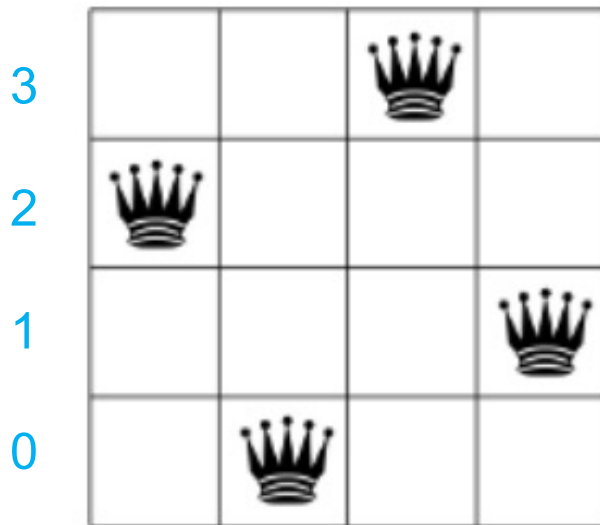
# En resumen

- En este problema la infraestructura mínima necesaria para calcular todas las combinaciones de  $N$  elementos es un contador en base 2

*Podemos generalizarlo fácilmente para resolver más problemas de combinatoria*



# Otros problemas de combinatoria



N-Queens

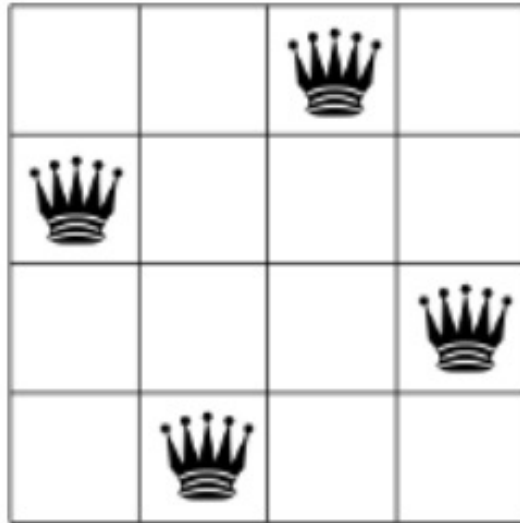
5	3			7			
6			1	9	5		
	9	8					6
8				6			3
4			8		3		1
7				2			6
	6					2	8
			4	1	9		5
				8			7
						7	9

Sudoku

*Podemos utilizar los dígitos de un número en base 4 para representar en qué fila colocamos cada reina. En este ejemplo el número sería el [2, 0, 3, 1]*



# Otros problemas de combinatoria



N-Queens Problem

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
4			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

Sudoku

*Podemos resolver Sudoku utilizando 81 dígitos de un número en base 9*

