

Report Automated Reasoning

Alessandro Castelli (147073)

July 18, 2024

Contents

1	Introduzione	2
1.1	Problema: Torneo di calcio a 7	2
2	Modellazione del problema	2
3	Soluzione Minizinc	2
3.1	Input	2
3.2	I vincoli Minizinc	3
3.3	Penalità	3
3.4	Obiettivo e risultati	3

1 Introduzione

Il presente report si concentra sull'analisi delle soluzioni al problema assegnato, riguardante l'organizzazione di un torneo di calcio a 7. Il problema in questione presenta diverse sfide legate alla suddivisione ottimale dei giocatori in squadre, rispettando specifici vincoli e minimizzando le penalità assegnate alle diverse configurazioni di squadra.

1.1 Problema: Torneo di calcio a 7

Consideriamo un insieme di n giocatori di calcio p_1, p_2, \dots, p_n . Supponiamo che n sia un multiplo di 7. Ciascuno di loro può giocare come portiere (g), difensore (d), centrocampista (m), attaccante (f). Ognuno di loro sceglie esattamente due di queste opzioni (dati di input). Il problema è quello di dividerli in k squadre dove ciascuna squadra ha esattamente un g, almeno un d, almeno un m e almeno un f. Un ruolo unico viene assegnato a ciascuno di loro tra uno dei due dichiarati in input. Se una squadra ha esattamente 3 d, 2 m e 1 f, la sua penalità è 0. Se una squadra ha esattamente 2 d, 3 m e 1 f, la sua penalità è 0. Decidi (sei libero di assegnare valori) penalità non nulle per tutte le altre conformazioni. Trova una soluzione che minimizzi la somma delle penalità. Viene fornito anche un elenco di vincoli del tipo differentteam (p_i, p_j) in input che costringono p_i e p_j a essere in squadre diverse.

Il problema affrontato è un **Constraint Optimization Problem (COP)**. Per risolverlo, sono stati sviluppati due programmi che impiegano due tecniche di programmazione distinte: **programmazione per vincoli con MiniZinc** e **Answer Set Programming utilizzando il solver Clingo**.

Entrambi gli approcci sono stati selezionati per la loro efficacia nella gestione di problemi complessi e vincolati, sebbene differiscano nelle metodologie e negli strumenti adottati per ottenere la soluzione ottimale.

Nelle sezioni seguenti, verranno fornite descrizioni approfondite di entrambi gli approcci. Inoltre, sarà presentata un'analisi dei risultati ottenuti da ciascun metodo.

2 Modellazione del problema

Prima di iniziare la fase di programmazione, ho proceduto con lo studio e l'analisi del testo. Di seguito riporto alcune assunzioni che ho fatto:

Le assunzioni fatte per la risoluzione del problema sono le seguenti:

- I giocatori iniziali sono n e n deve sempre essere un numero multiplo di 7.

- Per le k squadre, non è necessario che ogni squadra abbia esattamente 7 giocatori; ogni squadra può avere un minimo di 4 giocatori (uno per ogni ruolo) e un massimo di n .
- Il numero di squadre k deve essere scelto in modo tale da avere senso rispetto al numero totale di giocatori; altrimenti, il problema non è soddisfacibile.
- Ogni giocatore può ricoprire solo uno dei due ruoli selezionati per la sua assegnazione finale.
- Ogni squadra deve avere esattamente un portiere (g), almeno un difensore (d), almeno un centrocampista (m) e almeno un attaccante (f).
- È previsto un sistema di penalità per configurazioni di ruolo specifiche, dove determinate combinazioni non comportano penalità.
- Sono forniti vincoli che richiedono che alcune coppie di giocatori siano assegnati a squadre diverse.

3 Soluzione Minizinc

Nella seguente sezione troverai la spiegazione del modello Minzinc che è stato costruito per risolvere il problema.

3.1 Input

```
n = 7;
k = 2;
roles = [
    {m, f}, % Ruolo giocatore 1
    {d, m}, % Ruolo giocatore 2
    {m, d},
    {d, g},
    {d, g},
    {g, d},
    {d, g} % Ruolo giocatore n
];
num_pairs = 1;
player1 = [5];
player2 = [1];
```

Listing 1: Esempio di input MiniZinc

Nel codice mostrato in [Listing 1](#), è possibile vedere quali sono i dati che il modello vuole in input. È necessario inserire:

- Il numero di giocatori **n**
- Il numero di squadre **k**
- Il ruolo dei giocatori **roles**
- Il numero di coppie di giocatori che non possono giocare nella stessa squadra **num_pairs**

- `player1` e `player2` contengono i giocatori che non possono giocare insieme. I giocatori contenuti in posizioni uguali negli array non possono giocare nella stessa squadra. Per esempio, in Listing 1, il giocatore 5 e il giocatore 1 devono giocare in squadre diverse.

3.2 I vincoli Minizinc

Per la corretta modellazione del problema, sono stati definiti diversi vincoli che regolano l'assegnazione dei ruoli ai giocatori all'interno delle squadre, garantendo così il rispetto delle regole del gioco e l'equilibrio tra i team. Di seguito, vengono descritti i principali vincoli implementati:

```
constraint
forall(t in 1..k) (
    % Ogni squadra deve avere esattamente un
    portiere
    sum([assigned_role[j] == g | j in 1..n
        where team[j] == t]) == 1 /\
    % Almeno un difensore
    sum([assigned_role[j] == d | j in 1..n
        where team[j] == t]) >= 1 /\
    % Almeno un centrocampista
    sum([assigned_role[j] == m | j in 1..n
        where team[j] == t]) >= 1 /\
    % Almeno un attaccante
    sum([assigned_role[j] == f | j in 1..n
        where team[j] == t]) >= 1
);
```

Listing 2: Vincolo 1 Minizinc

```
% Ogni giocatore deve essere assegnato a uno
dei suoi ruoli scelti
constraint
forall(i in 1..n) (
    assigned_role[i] in roles[i]
);
```

Listing 3: Vincolo 2 Minizinc

```
constraint
forall(i in 1..num_pairs) (
    team[player1[i]] != team[player2[i]]
);
```

Listing 4: Vincolo 3 Minizinc

Il **Vincolo 1** assicura che ogni squadra abbia esattamente un portiere e almeno un giocatore per ciascuna delle altre posizioni chiave: difensore, centrocampista e attaccante. Questo garantisce che ogni team abbia una struttura bilanciata e conforme alle regole del gioco.

Il **Vincolo 2** specifica che ogni giocatore deve essere assegnato a uno dei ruoli per cui è stato selezionato, assicurando che le preferenze e le competenze dei giocatori siano rispettate nella formazione delle squadre.

Infine, il **Vincolo 3** stabilisce che due giocatori predefiniti non devono appartenere alla stessa squadra. Questo vincolo può essere utilizzato, ad esempio, per evitare che due

giocatori incompatibili giochino insieme o per distribuire equamente i giocatori più forti tra le squadre.

Questi vincoli sono fondamentali per garantire una formazione delle squadre che sia equilibrata e conforme alle regole stabilite, facilitando così un'esperienza di gioco equa e competitiva.

3.3 Penalità

Nella competizione è stato previsto l'assegnamento di penalità alle squadre che non rispettano la configurazione richiesta del numero di giocatori nei vari ruoli. Questo criterio garantisce una formazione equilibrata e corretta per ciascuna squadra.

In particolare, le formazioni senza penalità (penalità 0) devono rispettare esattamente uno dei seguenti schemi:

- 3 difensori, 2 centrocampisti, 1 attaccante, 1 portiere
- 2 difensori, 3 centrocampisti, 1 attaccante, 1 portiere

Qualsiasi altra combinazione di giocatori comporta una penalità (penalità 1). Di seguito è riportato il codice MiniZinc utilizzato per calcolare le penalità per ogni squadra. L'array `penalties` contiene le penalità assegnate a ciascuna squadra in base alla conformità con i requisiti sopra descritti.

```
array[1..k] of var 0..1: penalties;
constraint
forall(t in 1..k) (
    let {
        var int: d_count = sum([
            assigned_role[j] == d | j in
            1..n where team[j] == t]),
        var int: m_count = sum([
            assigned_role[j] == m | j in
            1..n where team[j] == t]),
        var int: f_count = sum([
            assigned_role[j] == f | j in
            1..n where team[j] == t])
    } in
    if d_count == 3 /\ m_count == 2 /\
        f_count == 1 then
        penalties[t] = 0
    elseif d_count == 2 /\ m_count == 3
        /\ f_count == 1 then
        penalties[t] = 0
    else
        penalties[t] = 1
    endif
);
```

Listing 5: Penalità

3.4 Obiettivo e risultati

L'obiettivo del programma è trovare la soluzione migliore che minimizzi le penalità (Listing 6)

```
solve minimize total_penalty;
```

Listing 6: Obiettivo

Per misurare le performance del modello ho creato una batteria di test: 10 facili, 10 di difficoltà media e 10 difficili.