

## Universidade Federal de Ouro Preto - UFOP Instituto de Ciências Exatas e Biológicas - ICEB Departamento de Computação - DECOM **Disciplina: Teoria dos Grafos**

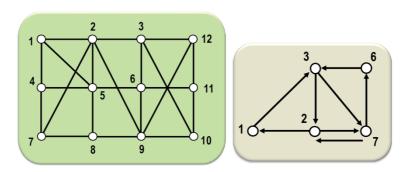
Professor: Marco Antonio M. Carvalho



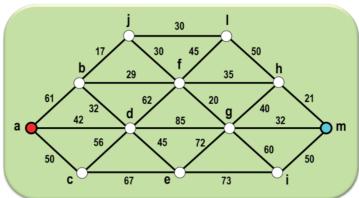
## Lista de Exercícios 02

## Instruções

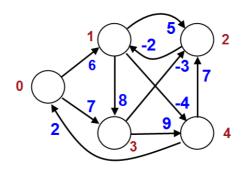
- A resolução da lista de exercícios deve ser entregue em um arquivo formato PDF legível no Moodle;
- Ao final desta lista de exercícios, está disponível o padrão para as respostas;
- A resolução deve considerar estritamente a mesma numeração e ordem dos exercícios;
- Quando não especificado nos exercícios, considere grafos simples.
- 1. Para o grafo da figura abaixo, apresente a sequência de vértices após a aplicação (a) da BFS e (b) da DFS a partir do vértice 7, bem como (c) a classificação das arestas e a árvore de profundidade (no caso da DFS). Considere a representação por listas de adjacências em ordem lexicográfica.



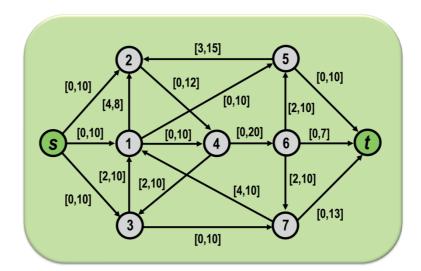
2. Execute o algoritmo de *Dijkstra* para determinar especificamente o menor caminho entre os vértices a e m do grafo abaixo.

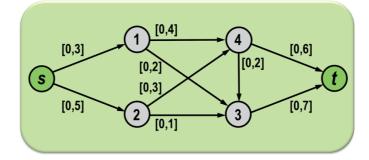


3. Execute o algoritmo de Bellman-Ford para o grafo abaixo.



4. Para cada rede abaixo, nas quais os rótulos apresentam os limites mínimos e máximos para o fluxo em cada arco, adicione (quando necessário) vértices e arcos artificiais para que todo vértice possua fluxo conservativo, (a) determine um fluxo viável e (b) o valor do fluxo máximo, pela aplicação do algoritmo de *Ford & Fulkerson*. Prove que o valor do fluxo máximo é ótimo, apresentando o corte mínimo associado.





## **Gabarito Exemplo**

- 1. Esta reposta indica a ordem da visitação dos vértices, identificando-os pelo índice.
  - a. BFS: 1, 2, 3, 4, 5.
  - b. DFS: 1, 4, 2, 3, 5.
  - c. A classificação das arestas e a árvore de profundidade devem ser informadas via diagrama.
- 2. Apresente o conteúdo dos vetores *rot* e *dt* para cada vértice ao longo da execução do algoritmo. Utilize uma linha da tabela abaixo para cada iteração necessária e uma coluna para cada vértice do grafo, ajuste conforme a necessidade. Resultados obtidos por inspeção não serão considerados.

dt	rot														
	Α	В	С	D	E	F	G		Α	В	С	D	E	F	G
Inicialização															
Iteração 1															
Iteração 2															
Iteração 3															
Iteração 4															
Iteração 5															
Iteração 6															
Iteração 7															
Iteração 8															
Iteração 9															
Iteração 10															

3. Apresente o conteúdo dos vetores *rot* e *dt* para cada vértice ao longo da execução do algoritmo. Utilize uma linha da tabela abaixo para cada iteração necessária e uma coluna para cada vértice do grafo, ajuste conforme a necessidade. Resultados obtidos por inspeção não serão considerados.

A         B         C         D         E         F         G         A         B         C         D         E         F           Inicialização         Iteração 1         Iteração 2         Iteração 3         Iteração 3         Iteração 3         Iteração 3         Iteração 4         Iteração 4	rot	dt						
Iteração 1  Iteração 2	F G A B C D E F G	F	Е	D	С	В	Α	
Iteração 2								Inicialização
								Iteração 1
Iteração 3								Iteração 2
								Iteração 3
Iteração 4								Iteração 4
Iteração 5								Iteração 5
Iteração 6								Iteração 6
Iteração 7								Iteração 7
Iteração 8								Iteração 8

Iteração 9								
Iteração 10								

- 4. Esta questão deve ser respondida por meio de tabelas. Adeque a quantidade de linhas de acordo com cada rede.
  - a. Indique na tabela cada arco da rede e o fluxo viável associado.

Fluxo viável					
Arco	Fluxo				
(vértice s, vértice 1)	Χ				
(vértice 1, vértice 2)	Υ				
(vértice 2, vértice 3)	Z				
(vértice 3, vértice t)	Α				

b. Semelhante à letra (a), porém, agora relacionado ao fluxo máximo. Preencha também a segunda tabela referente ao corte mínimo.

Fluxo máximo						
Arco	Fluxo					
(vértice s, vértice 1)	Χ					
(vértice 1, vértice 2)	Υ					
(vértice 2, vértice 3)	Z					
(vértice 3, vértice t)	Α					

Capacidade do corte mínimo:	
X = {	}
X' = {	}