

# Relazione Progetto Gurobi - Parte Seconda

Coppia N° 81: Brignoli Muscio

## Quesito I

Segue il modello formulato per il problema assegnatoci:

$$\begin{aligned} \min & \sum_{i=1}^n \sum_{i \neq j, j=1}^n cost_{ij} x_{ij} \\ & \sum_{i=1, i \neq j}^n x_{ij} = 1 \quad j = 1, \dots, n; \\ & \sum_{j=1, j \neq i}^n x_{ij} = 1 \quad i = 1, \dots, n; \\ & 1 \leq u_i \leq n-1 \quad 2 \leq i \leq n; \\ & u_i - u_j + (n-1)x_{ij} \leq n-2 \quad 2 \leq i \neq j \leq n; \\ & u_i \in \mathbb{Z} \quad i = 2, \dots, n; \\ & x_{ij} \in \{0, 1\} \quad i, j = 1, \dots, n. \end{aligned}$$

## Quesito II

Per verificare la presenza di ulteriori soluzioni ottime, con costo uguale a quella precedentemente determinata, abbiamo impostato i seguenti parametri del modello:

- ‘*PoolSearchMode*’ = 2;
- ‘*SolutionNumber*’ = 1.

Abbiamo quindi utilizzato il valore del parametro ‘*PoolObjVal*’ per confrontare il valore della nuova funzione obiettivo con quello precedentemente determinato, osservando che, effettivamente, questi risultano essere coincidenti; la nuova soluzione ha quindi medesimo costo e un ciclo ottimo differente. Abbiamo deciso di inserire un controllo per verificare la corrispondenza tra i costi, in questo modo è possibile sfruttare altri set di dati ottenendo risultati coerenti.

### Quesito III

Da un'osservazione preliminare risultano necessari i seguenti vincoli :

$$(a) \quad \sum_{i \neq v, i=1}^n costi_{[i][v]} x_{[i][v]} + \sum_{j \neq v, j=1}^n costi_{[v][j]} x_{[v][j]} - \frac{a}{100} \left( \sum_{i=1}^n \sum_{i \neq j, j=1}^n costi_{[i][j]} x_{[i][j]} \right) \leq 0;$$

$$(b) \quad n \cdot n \cdot x_{[b1][b2]} - c \cdot x_{[b1][b2]} + \sum_{i=1}^n \sum_{i \neq j, j=1}^n costi_{[i][j]} x_{[i][j]} \leq n \cdot n;$$

$$(c) \quad p \geq x_{[d1][d2]};$$

$$p \leq x_{[e1][e2]};$$

$$p \leq x_{[f1][f2]};$$

$$p - x_{[e1][e2]} - x_{[f1][f2]} \geq -1;$$

$$(d) \quad q \cdot l = \text{costoAggiuntivo};$$

$$q \leq x_{[g1][g2]};$$

$$q \leq x_{[h1][h2]};$$

$$q \leq x_{[i1][i2]};$$

$$q - x_{[g1][g2]} - x_{[h1][h2]} - x_{[i1][i2]} \geq -2.$$

$$f, q \in \{0, 1\}.$$

Inoltre, è stato necessario modificare la funzione obbiettivo in questo modo:

$$\min \sum_{i=1}^n \sum_{i \neq j, j=1}^n costi_{[i][j]} x_{[i][j]} + \text{costoAggiuntivo}$$

**Nota:** Abbiamo inserito gli indici all'interno delle quadre [] in modo da facilitarne la lettura.