

```

#include <assert.h>
#include <ctype.h>
#include <math.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <upo/hashtable.h>
#include <upo/bst.h>

```

//HASH

/*

Implementare un algoritmo che, data una tabella hash H, con gestione delle collisioni basata su indirizzamento aperto (open addressing) e scansione lineare (linear probing) con uso di tombstone, e una lista di chiavi, calcoli il massimo

numero di collisioni delle chiavi k contenute in l in H.

***Se una chiave k in k non è contenuta in H, non dev'essere considerata nel calcolo della media del numero di collisioni**

***Se H è vuota, o se l è vuota, o se nessuna chiave di l è contenuta in H, l'algoritmo deve restituire il valore -1.**

***/**

```

int upo_ht_linprob_max_collisions(const upo_ht_linprob_t ht, const upo_ht_key_list_t
key_list)
{

```

```

    if(upo_ht_is_empty(ht) || key_list == NULL) return NULL;

```

```

    int max_collision = -1;

```

```

    upo_ht_key_list_node_t* current = key_list;

```

```

    while(current != NULL)
    {

```

```

        size_t hash = ht->key_hash(current->key, ht->capacity);

```

```

        int collision = 0;

```

```

        for(int i = 0; i < ht->capacity; i++)
        {

```

```

            size_t tmp_hash = (hash + i) % ht->capacity;

```

```

            if(ht->key_cmp(current->key, ht->slots[tmp_hash].key) == 0 && ht->slots[tmp_hash].keys
!= NULL)
            {

```

```

                if(collision > max_collision)

```

```

                    max_collision = collision + 1;

```

```

                    break;
                }

```

```

            else if(ht->slots[tmp_hash].tombstone && ht->slots[tmp_hash].key != NULL)

```

```

                collision++;

```

```

            else

```

```

        break;
    }
    current = current->next;
}

return max_collision;
}

double upo_ht_linprob_avg_collisions(const upo_ht_linprob_t ht, const upo_ht_key_list_t
key_list)
{
    if(upo_bst_linprob_is_empty(ht) || key_list == NULL) return -1;

    int total_collisions = 0;
    int num_keys = 0;

    upo_ht_key_list_node_t* current = key_list;

    while(current != NULL)
    {
        size_t hash = ht->key_hash(current->key, ht->capacity);

        int collisions = 0;
        int found = 0;

        for(int i = 0; i < ht->capacity && !found; i++)
        {
            size_t tmp_hash = (hash + i) % ht->capacity;
            if(ht->key_cmp(ht->slots[tmp_hash].keys, current->key) && ht->slots[tmp_hash].keys !=
NULL)
            {
                total_collisions += collisions;
                num_keys++;
                found = 1;
            }
            else if(ht->slots[tmp_hash].tombstone && ht->slots[tmp_hash].keys != NULL)
                collisions++;
        }
        current = current->next;
    }

    if(num_keys == 0) return -1;

    return (double) total_collisions / num_keys;
}
/*
Restituisce la lista delle chiavi salvate nella hash table
*/

```

```

upo_ht_key_list_t upo_ht_sepchain_keys(const upo_ht_sepchain_t ht)
{
    if(upo_ht_is_empty(ht)) return NULL;

    upo_ht_key_list_t list = NULL;

    for(int i = 0; i < ht->capacity; i++)
    {
        if(ht->slots[i].head != NULL){
            for(upo_ht_sepchain_node_t* node = ht->slots[i].head; node != NULL; node = node->next)
            {
                upo_ht_key_list_node_t* list_node = malloc(sizeof(upo_ht_key_list_node_t));
                list_node = node->key;
                list_node->next = list;
                list = list_node;
            }
        }
    }
    return list;
}

```

```

upo_ht_key_list_t upo_ht_linprob_keys(const upo_ht_linprob_t ht)
{
    if(upo_ht_linprob_is_empty(ht)) return NULL;

    upo_ht_key_list_t list = NULL;

    for(int i = 0; i < ht->capacity; i++)
    {
        if(ht->slots[i].keys != NULL)
        {
            upo_ht_key_list_node_t* node = malloc(sizeof(upo_ht_key_list_node_t));
            node->key = ht->slots[i].keys;
            node->next = list;
            list = node;
        }
    }
    return list;
}

```

//BST

/*

Implementare un algoritmo che ritorni il predecessore di una chiave in un albero binario di ricerca (BST).

Dati in input un BST e una chiave k, il predecessore di k nel BST è la più grande chiave k' contenuta nel BST tale che k' < k.

Se il predecessore di k non esiste o se il BST è vuoto, l'algoritmo deve ritornare il valore NULL

```
*/  
const void *upo_bst_predecessor(const upo_bst_t bst, const void *key)  
{  
    if (bst == NULL || key == NULL) return NULL;  
  
    return upo_bst_predecessor_impl(bst->root, key, bst->key_cmp);  
}
```

```
void *upo_bst_predecessor_impl(upo_bst_node_t *node, const void *key,  
    upo_bst_comparator_t key_cmp)  
{  
    if (node == NULL) return NULL;  
  
    if (key_cmp(node->key, key) >= 0)  
        return upo_bst_predecessor_impl(node->left, key, key_cmp);  
  
    void *pred = upo_bst_predecessor_impl(node->right, key, key_cmp);  
    if (pred == NULL)  
        return node->key;  
    else  
        return pred;  
}
```

**Implementare un algoritmo che ritorni il rango di una data chiave k in un albero binario di ricerca (BST).
Dato un BST e una chiave k (non necessariamente contenuta nel BST), il rango di k nel BST equivale al numero di chiavi presenti nel BST che sono minori di k.**

```
*/  
  
size_t upo_bst_rank(const upo_bst_t bst, const void *key)  
{  
    if(bst == NULL || key == NULL) return 0;  
  
    size_t result = 0;  
    upo_bst_rank_impl(bst->root, key, &result, bst->key_cmp);  
    return result;  
}
```

```
void upo_bst_rank_imp(upo_bst_node_t* node, const void *key, size_t* result,  
    upo_bst_comparator_t key_cmp)  
{  
    if(node == NULL) return 0;
```

```

    upo_bst_rank_impl(node->left, key, result, key_cmp);

    if (key_cmp(node->key, key) < 0)
        (*result)++;

    upo_bst_rank_impl(node->right, key, result, key_cmp);
}

/*
Dati in input un albero binario di ricerca (BST), una chiave k (non necessariamente
contenuta nel BST) e un valore
intero d>=0, implementare un algoritmo che ritorni il numero di foglie del sotto-alber
radicato in k e che si trovano a
una profondità d del BST; si noti che la radice dell'albero ha profondità 0 e che il
conteggio finale può includere il nodo
con la chiave k se questo è una foglia e si trova a profondità d. Se la chiave k non è
contenuta nel BST, l'algoritmo deve
ritornare il valore 0.
*/

size_t upo_bst_subtree_count_leaves_depth(const upo_bst_t bst, const void *key, size_t d)
{
    if(bst == NULL || key == NULL || d < 0) return 0;

    upo_bst_node_t* node = upo_bst_find_node(bst->root, key, bst->key_cmp);
    if(node == NULL) return 0;

    return upo_bst_subtree_count_leaves_depth_impl(node, d);
}

size_t upo_bst_subtree_count_leaves_depth_impl(upo_bst_node_t* node, size_t depth)
{
    if(node == NULL) return 0;
    int count = 0;
    if(depth == 0) count = 1;

    return count + upo_bst_subtree_count_leaves_depth_impl(node->left, depth - 1) +
        upo_bst_subtree_count_leaves_depth_impl(node->right, depth - 1);
}

upo_bst_node_t* upo_bst_find_node(upo_bst_node_t* node, const void* key,
upo_bst_comparator_t key_cmp)
{
    if(node == NULL) return NULL;
    size_t cmp = key_cmp(node->key, key);

    if(cmp == 0) return node;
    else if(cmp > 0)

```

```

    return upo_bst_find_node(node->left, key, key_cmp);
else
    return upo_bst_find_node(node->right, key, key_cmp);
}

```

/*

Implementare un algoritmo che ritorni la lista delle chiavi in un albero binario di ricerca (BST) che sono minori o uguali a una chiave k. Dato un BST e una chiave k (non necessariamente contenuta nel BST), il numero di chiavi nel BST minori o uguali a k si ottiene contando tutte le chiavi contenute nel BST che sono minori della o uguali alla chiave k.

*/

```

upo_bst_key_list_t upo_bst_keys_le(const upo_bst_t bst, const void *key)
{
    if(bst == NULL || key == NULL) return NULL;
    upo_bst_key_list_t list = NULL;

    upo_bst_keys_le_impl(bst->root, key, bst->key_cmp, &list);
    return list;
}

```

```

void upo_bst_keys_le_impl(upo_bst_node_t* node, const void *key, upo_bst_comparator_t key_cmp, upo_bst_key_list_t *list)
{
    if(node != NULL)
    {
        upo_bst_keys_le_impl(node->left, key, key_cmp, list);

        if(key_cmp(node->key, key) >= 0)
        {
            upo_bst_key_list_node_t* list_node = malloc(sizeof(upo_bst_key_list_node_t));
            list_node->key = node->key;
            list_node->next = *list;
            *list = list_node;
        }

        upo_bst_keys_le_impl(node->right, key, key_cmp, list);
    }
}

```

/*

Dato un albero BST ed un intervallo di chiavi ad estremi inclusi, restituire la somma dei valori la cui chiave è compresa nell'intervallo

*/

```

void *upo_bst_sum_in_range(const upo_bst_t tree, const void *low, const void *high)
{
    if(tree == NULL || low == NULL || high == NULL) return 0;

    return upo_bst_sum_in_range_impl(tree->root, low, high, tree->key_cmp);
}

void* upo_bst_sum_in_range_impl(upo_bst_node_t* node, const void* low, const void *high,
upo_bst_comparator_t key_cmp)
{
    if(node == NULL) return 0;
    int sum = 0;

    size_t cmp_low = key_cmp(node->key, low);
    size_t cmp_high = key_cmp(node->key, high);

    if(cmp_low >= 0 && cmp_high <= 0)
        sum += *(int*)node->key;

    if(cmp_low > 0)
        sum += (int)upo_bst_sum_in_range_impl(node->left, low, high, key_cmp);
    if(cmp_high < 0)
        sum += (int)upo_bst_sum_in_range_impl(node->right, low, high, key_cmp);

    return sum;
}

```

/*

Implementare un algoritmo che ritorni il numero di nodi di un sotto-albero in un albero binario di ricerca (BST) che si trovano a una profondità pari.

Dato un BST e una chiave k, il numero di nodi del sotto-albero (del BST) radicato in k e situati a una profondità pari si ottiene contando tutte i nodi che si trovano a profondità pari e che sono contenuti nel sotto-albero il cui nodo radice ha come chiave il valore k. Si noti che la radice dell'intero BST ha profondità 0, che è un numero pari. Il conteggio dei nodi include anche la radice del sotto-albero se si trova a una profondità pari. Se la chiave k non è presente nel BST o se il BST è vuoto o se il sotto-albero non contiene nodi a profondità pari, l'algoritmo deve ritornare il valore 0.

*/

```

size_t upo_bst_subtree_count_even(const upo_bst_t bst, const void *key)
{
    if(bst == NULL || key == NULL) return 0;

    size_t depth = 0;
    upo_bst_node_t* node = upo_bst_find_node_impl(bst->root, key, bst->key_cmp, depth);
}

```

```

    return upo_bst_subtree_count_even_impl(node, depth);
}

size_t upo_bst_subtree_count_even_impl(const upo_bst_node_t *node, size_t depth)
{
    if (node == NULL) return 0;

    size_t count = 0;
    if (depth % 2 == 0)
        count = 1;

    return count + upo_bst_subtree_count_even_impl(node->left, depth + 1) +
        upo_bst_subtree_count_even_impl(node->right, depth + 1);
}

```

```

upo_bst_node_t* upo_bst_find_node(upo_bst_node_t* node, const void *key,
upo_bst_comparator_t key_cmp, size_t *depth)
{
    if(node == NULL) return NULL;

    size_t cmp = key_cmp(node->key, key);

    if(cmp == 0) return node;
    else if(cmp > 0)
    {
        (*depth)++;
        return upo_bst_find_node_impl(node->left, key, key_cmp, depth);
    }
    else
    {
        (*depth)++;
        return upo_bst_find_node_impl(node->right, key, key_cmp, depth);
    }
}

```

/*

Implementare un algoritmo che, dato un albero binario di ricerca (BST), una chiave k (non necessariamente contenuta nel BST) e un intero n, restituisca:

***l'n-esima chiave più piccola del sottoalbero la cui radice ha come chiave k, se esiste e se k è contenuta nel BST;**

***NULL, se l'nesima chiave più piccola non esiste, se k non è contenuta nel BST, o se il BST è vuoto.**

Si noti che l'nesima chiave più piccola è la chiave che si troverebbe nell'nesima posizione se le chiavi fossero disposte in ordine di grandezza

*/


```

void *upo_bst_nmin(const upo_bst_t tree, const void *key, const int n)
{
    if(tree == NULL || key == NULL || n < 0) return NULL;

    upo_bst_node_t* node = upo_bst_find_node(tree->root, key, tree->key_cmp);

    int copyN = n;
    return upo_bst_nmin_impl(node, &copyN);
}

void* upo_bst_nmin_impl(upo_bst_node_t* node, int *n)
{
    if(node == NULL) return NULL;

    upo_bst_node_t* left = upo_bst_nmin_impl(node->left, n);
    if(left != NULL) return left;

    (*n)--;
    if(*n == 0) return node;

    return upo_bst_nmin_impl(node->right, n);
}

void* upo_bst_find_node(upo_bst_node_t* node, const void* key, upo_bst_comparator_t
key_cmp)
{
    if(node == NULL) return NULL;

    int cmp = key_cmp(node->key, key);

    if(cmp == 0)
        return node;
    else if(cmp > 0)
        return upo_bst_find_node(node->left, key, key_cmp);
    else
        return upo_bst_find_node(node->right, key, key_cmp);
}

```

/*

Implementare un algoritmo che ritorni il valore e la profondità di una chiave in un albero binario di ricerca (BST).

Se la chiave non è contenuta nel BST, l'algoritmo deve ritornare null come valore della chiave e -1 come profondità.

Per profondità di una chiave s'intende la profondità del nodo del BST in cui la chiave è memorizzata.

Si ricordi che la radice di un BST si trova a profondità zero.

*/

```

void *upo_bst_get_value_depth(const upo_bst_t bst, const void *key, long *depth)

```

```

{
    if(bst == NULL || key == NULL || depth < 0)
    {
        (*depth) = -1;
        return NULL;
    }

    (*depth) = 0;
    return upo_bst_get_valure_depth_impl(bst->root, key, depth, bst->key_cmp);
}

void *upo_bst_get_value_depth_impl(upo_bst_node_t* node, const void* key, long *depth,
upo_bst_comparator_t key_cmp)
{
    if(node == NULL)
    {
        *depth = -1;
        return NULL;
    }

    int cmp = key_cmp(node->key, key);

    if(cmp == 0)
        return node;
    else if(cmp > 0)
    {
        (*depth)++;
        return upo_bst_get_value_depth_impl(node->left, key, depth, key_cmp);
    }
    else
    {
        (*depth)++;
        return upo_bst_get_value_depth_impl(node->right, key, depth, key_cmp);
    }
}

```