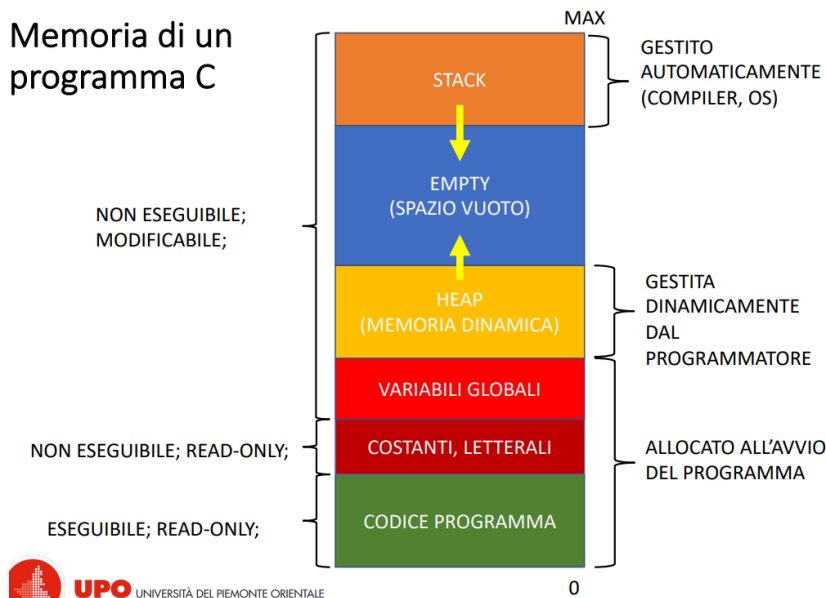


PROGRAMMAZIONE 2 FONDAMENTI

GESTIONE DELLA MEMORIA IN C

- **allocazione dinamica:** non conosco la dimensione del file o del dato in input;

Memoria di un programma C



- Dimensione iniziale 0, MAX memoria massima allocata;
- **Codice programma:** linguaggio macchina;
- **Costanti, letterali:** variabili che non cambiano;
- **Variabili globali:** variabili visibili in tutto il programma, modificabile, la dimensione non può essere modificata durante l'esecuzione;
- **Heap (memoria dinamica):** area modificabile e gestita dal programmatore;
- **Stack:** area di memoria gestita automaticamente, dinamica;
- **Empty:** spazio in cui si espandono lo stack e heap;

STACK

Struttura di dati LIFO (Last-in-first-out): l'ultimo elemento che viene inserito è il primo ad essere estratto (ex. pila di piatti);

Lo stack viene utilizzato per contenere i record di attivazione;

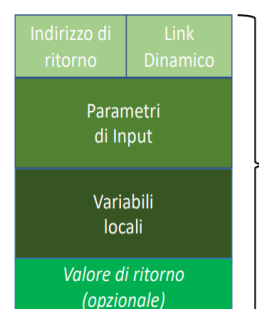
Il record di attivazione rappresenta l'universo della funzione (spazio di lavoro), contiene tutti i parametri formali + tutto lo spazio di memoria per le variabili;

Viene creato quando chiamato (**push**) e la funzione utilizzerà tutti i dati presenti nel record, alla fine viene rimosso (**pop**) e verrà liberata la memoria per altri record di attivazione;

Lo spazio allocato per il record è fisso;

- **indirizzo di ritorno:** indirizzo del codice dove devo tornare quando termina la funzione;
- **link dinamico:** (non lo utilizzeremo) indirizzo che contiene il record della funzione chiamante;
- **Parametri di input:** variabili utilizzate nella funzione;
- **Variabili locali:** allocato spazio nel record;
- **Valore di ritorno:** (in c non c'è) rappresenta il valore di ritorno restituito, (funziona void non ha valore di

Record di attivazione



Dimensione del record di attivazione non fissa! (cambia da funzione a funzione).

Tuttavia è sempre **possibile a priori** conoscere la dimensione del record di attivazione di una data funzione!

Perché opzionale?

ritorno), (tipicamente quando la funzione termina la computazione il record viene cancellato, per eliminare questo il c lo restituisce in un registro macchina), meglio utilizzarlo per un fattore teorico;

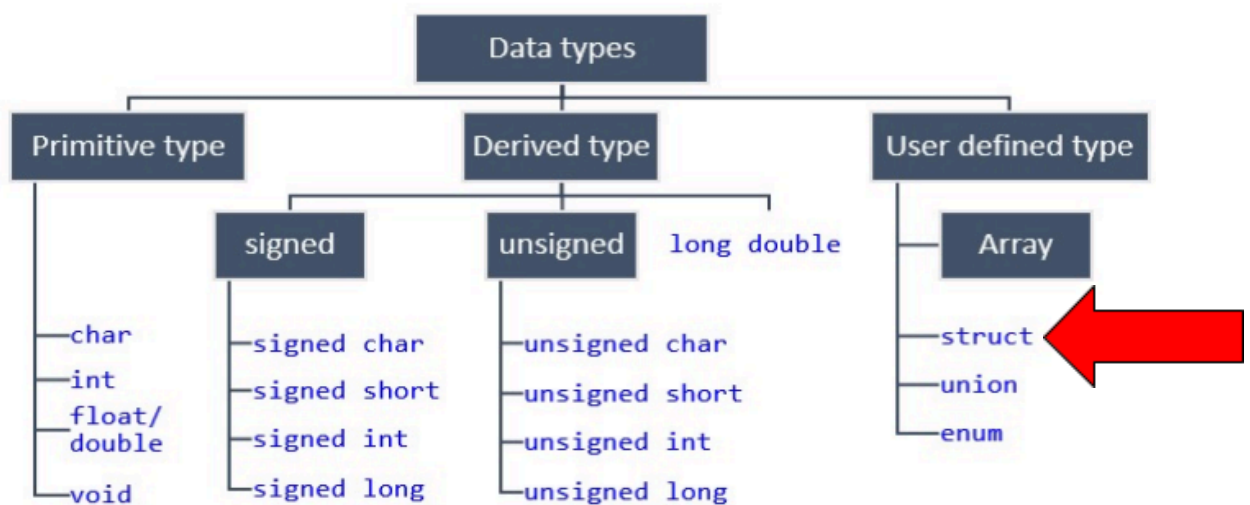
HEAP

E' uno spazio gestito dal programmatore che può far variare la dimensione durante l'esecuzione, tipicamente non viene gestita in modo sequenziale (a differenza dello stack);

L'aggiunta viene allocata nel primo spazio libero, la cancellazione può avvenire in qualsiasi momento;

STACK	HEAP
Memoria gestita automaticamente	Memoria gestita manualmente
Piccole dimensioni	Grandi dimensioni
L'accesso è più veloce e facile (cache friendly)	Può essere dispersa nella memoria, non cache friendly
Non flessibile	Flessibile
Accessi veloci , allocazione e deallocazione	Accessi più lenti , allocazione e deallocazione
Gli elementi sono limitati ai loro threads	Elementi accessibili in tutta l'applicazione
Il sistema operativo alloca lo spazio di memoria	Il sistema operativo è chiamato dal linguaggio in runtime

LE STRUTTURE (STRUCT)



Struct: permette di mettere insieme tipi e variabili di tipologia diversa;

```
struct NOME {
    Tipo1 Variabile1;
```

```

    Tipo2 Variabile 2;
    ...
    TipoN VariabileN;
};

```

```

struct punto{
    float x;
    float y;
};

```

```

struct punto p1;
struct punto p2;

```

- Per inizializzare:

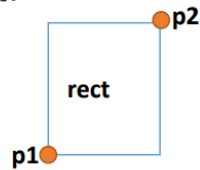
```
struct punto p1 = {5, 7};
```
- Per accedere alle singole proprietà:

```
nomevariabile.attributo
```

```
p1.x oppure p1.y
```

Posso **annidare le struct;**

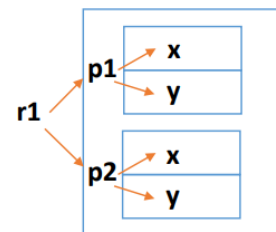
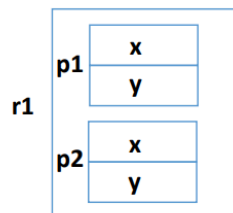
- Possiamo anche definire struct che contengono ulteriori elementi e struct.
- Esempio: rettangolo



```

struct rect {
    struct punto p1;
    struct punto p2;
};
...
struct rect r1;

```



r1.p1.x = 17;

pippo = r1.p2.y;

typedef

Mi permette di definire o ridefinire nuovi tipi;

```
typedef struct STUDENTE {
    char cognome[20];
    char nome[20];
    int anno_nascita;
} Studente;

struct STUDENTE s1;
Studente s2, s3;

s1.anno_nascita = 1988;
s2.anno_nascita = 1975;
```

Passaggio di struct come parametri:
`p->x` (preferibile) == `(*p).x`

`typedef double data;`

`data x; == double x;`

COMPLESSITA'

Tempo: tempo richiesto dall'algoritmo

Spazio: memoria richiesta dall'algoritmo, numero di record di attivazione sullo stack;

Questi fattori possono essere influenzati da: tipologia di algoritmo (com'è scritto l'algoritmo), dimensione dell'input (più grande è più tempo ci impiega), velocità della macchina (ci vogliamo astrarre, non ci interessa analizzare la complessità prendendo in considerazione la macchina specifica);

Complessità asintotica: input tendenti ad infinito;

Complessità lineare: input 2 operazioni 2;

Complessità quadratica: input 2 operazioni 4;

Complessità esponenziale

Notazione O-grande

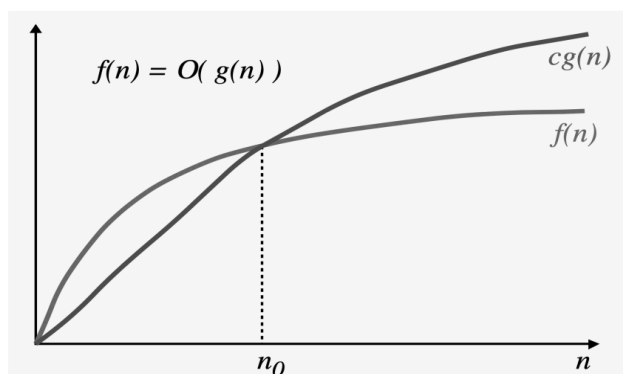
Comportamento **asintotico** delle funzioni matematiche;

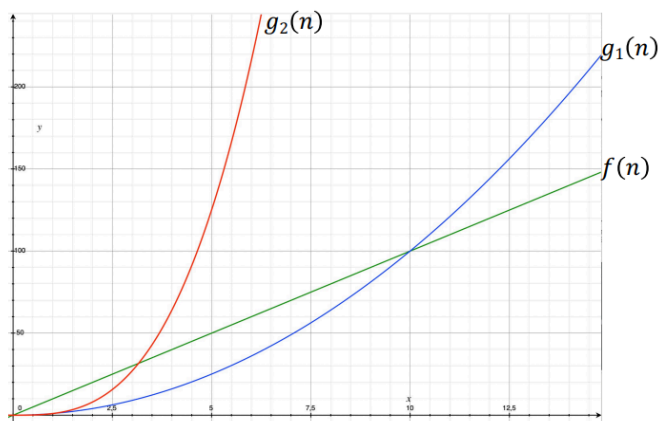
Mette da parte costanti e variabili irrilevanti;

Permette di ottenere un limite superiore al comportamento asintotico;

Date due funzioni che dipendono dall'input, $f(n)$ appartiene ad O-grande di $g(n)$ se e solo se esiste un n_0 e $c > 0$ tale $f(n) < cg(n)$ per ogni $n > n_0$; NON VALE SEMPRE [Ex. se $f(n)$ per input piccoli può essere più grande di $g(n)$];

$n \rightarrow \infty$





$g_1(n)$ è più simile ad $f(n)$ potremmo scegliere ancora meglio una costante per n ($20n$);

$f(n)$ ha complessità asintotica $g(n)$:

- 1) $f(n)$ è $O(g(n))$
- 2) $g(n)$ è la più piccola di tutte le funzioni che soddisfano la 1;

COME STABILIRE QUALE FUNZIONE E' LA PIU' PICCOLA

Date due funzioni $f(n)$ e $g(n)$;

$f(n)$ è "più piccola" di $g(n)$ se:

- 1) $f(n)$ è $O(g(n))$
- 2) $g(n)$ non è $O(f(n))$

Non esiste nessuna costante c per cui a partire da un n sufficientemente grande non potremo trovare $g(n) < cf(n)$;

- 5 ha complessità asintotica... $O(1)$
- $2n + 5$ ha complessità asintotica... $O(n)$
- $3n^2 + 2n^2 + 2$ ha complessità asintotica... $O(n^2)$
- $n^3 + 100n^2$ ha complessità asintotica... $O(n^3)$
- $3 \cdot 2^n$ ha complessità asintotica... $O(2^n)$
- $3^n + 2^n + 8^n$ ha complessità asintotica... $O(8^n)$
- $3^n + n! + 8^n$ ha complessità asintotica... $O(n!)$

Funzioni iterative avranno sempre complessità in spazio $O(1)$:

ANALISI DELLA COMPLESSITA' IN TEMPO

- 1) Individuare gli input e capire se questi possono influenzare la durata del programma;
- Costo computazione programma = costo computazione delle singole istruzioni;
- Costo(Istruzione 1) + Costo(Istruzione 2) + Costo(Istruzione N);

TIPOLOGIE DI ISTRUZIONI

- **Istruzioni Elementari:** Operazioni aritmetiche, Lettura/Scrittura di valori da/verso variabili, Condizioni logiche su un numero costante di operazioni e operatori, Operazioni di stampa o lettura da I/O ...; **(COSTO COSTANTE $O(1)$)**
- **Istruzioni Condizionali:** If, switch case ...; **(COSTO = QUALE PESA DI PIU')**
- **Istruzioni iterative:** Cicli, While, Do While, For ...; **(COSTO = IL NUMERO DI VOLTE IN CUI VERRA' ESEGUITO IN CICLO DIPENDE DALL'INPUT?, LA CONDIZIONE E' VERA O FALSA?, QUALI SONO E QUALE E' IL VALORE DELLE VARIABILI ALL'INGRESSO DEL CICLO?, COME VENGONO INCREMENTATE LE VARIABILI?)**

MI PONGO SEMPRE NEL CASO DEL COSTO COMPUTAZIONALE PEGGIORE

```
void function(int n, int *value){  
    int i;
```

```
    for (i=0; i<n; i++) {  
        *value += i*i;  
        i = i + 1;  
    }  
}
```

$O(n)$

```
i = 0;
```

$O(1)$

```
while (i < 2*n) {  
    printf("%d\n", *value);  
    i += 2;  
}
```

$O(n)$

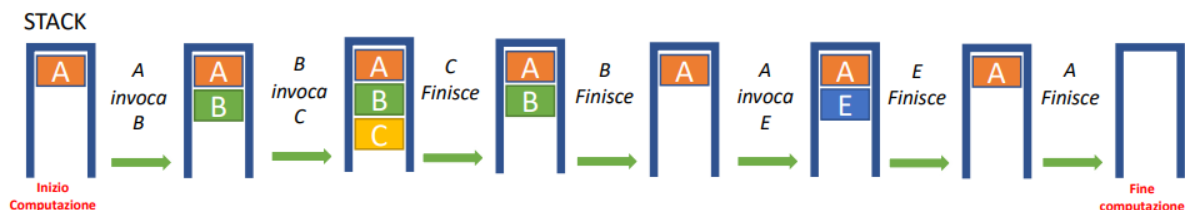
Nel primo for se al posto di n ci fosse stato un numero costante il costo sarebbe stato di $O(1)$;

Se ho un ciclo annidato la complessità sarà $= (n*m)$;

Costo complessivo = $O(n)$; complessità asintotica lineare

COMPLESSITA' IN SPAZIO

La stima che facciamo ha a che fare con il **numero massimo di record di attivazione occuperà contemporaneamente**, non il numero di record che utilizzerà in totale;



Numero massimo di record di attivazione contemporaneamente = 3;

Vogliamo conoscere il numero di record di attivazione a livello asintotico e capire se dipende dall'input oppure no;

Se non dipende dall'input dal punto di vista asintotico sarà $O(1)$;

Se il numero è 3 perché l'input era 3 e se fosse stato 4 sarebbero stati 4 record ecc. il valore dal punto di vista asintotico sarà $O(n)$;

Per funzioni iterative $O(1)$, se non vengono effettuate altre chiamate dipendenti dall'input il numero di record di attivazione sullo stack sarà costante;

Per funzioni ricorsive il valore dipenderà dal numero di chiamate ricorsive effettuate (dipendenti dall'input);

ALLOCAZIONE MEMORIA DINAMICA

Heap:

- Gestita dal programmatore;
- Gestita dinamicamente a run-time;
- Visibile globalmente da tutto il programma;
- Ad ogni richiesta si alloca quando richiesto nel primo blocco di memoria disponibile;
- Allocazione e deallocazione non sono fatte in maniera sequenziale.

malloc()

```
void * malloc(size_t size);
```

Libreria: #include <stdlib.h>

Scopo: Permette di allocare un blocco continuo di memoria di size bytes;

Input: la dimensione richiesta di memoria in bytes;

Output: un puntatore alla zona di memoria allocata a **void**, sta al programmatore attraverso un cast esplicito definire il tipo puntato;

sizeof()

```
sizeof (typename)
```

Scopo: Ottenere la dimensione di un tipo dati;

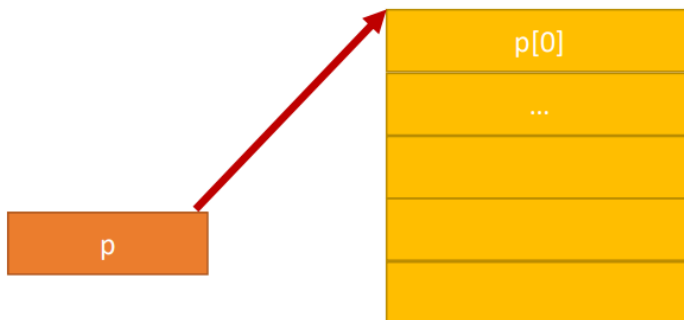
Motivazione: La dimensione delle variabili non è costante, può cambiare da macchina a macchina;

Input: un tipo (primitivo o user-defined);

Output: dimensione in bytes;

Uso combinato di malloc() e sizeof()

1. Dichiariamo un puntatore a float;
`float *p;`
2. Richiediamo tramite la funzione malloc uno spazio di memoria
`p = (float *) malloc (sizeof (float));`
`p = (float *) malloc (sizeof (float) * 5);`
3. Per il calcolo di quanto spazio occorre utilizziamo sizeof
4. Effettuiamo un typecasting a (float *) e assegnamo l'indirizzo della zona allocata a p



Sovrascrive la variabile p, la zona occupata non è più accessibile perché non abbiamo più il riferimento della zona; MEMORY LEAK

free()

Deallocare la memoria

```
void free (void *ptr);
```

Libreria: #include <stdlib.h>

Scopo: Deallocare un blocco di memoria precedentemente allocato;

Input: il puntatore allo spazio di memoria;

Output: nessuno;

La zona di memoria viene resa nuovamente disponibile (ma non necessariamente ripulita);

Il puntatore non punterà più ad una zona di memoria significativa;

calloc()

```
void * calloc (size_t count, size_t size);
```

Libreria: #include <stdlib.h>

Scopo: Allocare uno spazio contiguo per contenere count oggetti di dimensione size bytes;

Input: numero di oggetti (count) di dimensione (size) di un oggetto;

Output: un puntatore alla zona di memoria allocata;

La memoria allocata viene riempita con byte di valore zero;

Azzerare la memoria: **memset**, **bzero**;

realloc()

`void *realloc(void *ptr, size_t size);`

Libreria: `#include <stdlib.h>`

Scopo: modificare la dimensione di un blocco di memoria precedentemente allocato;

Input: puntatore alla zona da ridimensionare, nuova dimensione;

Output: puntatore alla nuova zona di memoria allocata;

Se c'è spazio disponibile, la zona di memoria viene ridimensionata in loco (senza spostamenti) → il valore di ritorno coincide col valore del puntatore della zona da ridimensionare.

Se non c'è abbastanza spazio per ridimensionare, si cerca nella heap una nuova zona abbastanza grande, e il contenuto della vecchia zona viene copiato nella nuova.

Per allocare una matrice:

`int **a → malloc(sizeof(int*)*m);` poi fare una serie di for con allocazioni a vettori di dimensione n;

`**a` puntatore a zona di memoria che contiene altre zone di memoria;

Per deallocare devo prima deallocare i vettori e poi posso fare la free di a;

LISTE

Sequenza ordinata di elementi (nodi), contengono qualche tipo di informazione (struct, int, char ecc...), contiene il riferimento al nodo successivo (non a quello precedente);

Approccio induttivo:

1. (passo base) Una lista vuota è una lista;
2. (passo induttivo) Un nodo seguito da una lista è una lista.

Non sappiamo a priori quanti nodi ha la lista;

Per sapere quanti nodi ha bisogna scorrere la lista e contare il numero di nodi;

Le liste in C

Non esistono le liste in C;

Dobbiamo implementare noi;

LISTA DINAMICA, può crescere e decrescere in base alle necessità;

Useremo:

- struct (definire la forma del nodo);
- puntatori (mettere in evidenza la connessione con il nodo successivo).

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

typedef int DATA;

struct linked_list {
    DATA d;
    struct linked_list *next;
};

typedef struct linked_list ELEMENT;

typedef ELEMENT * LINK;

```

LINK = ELEMENT * = STRUCT LINKED_LIST *

Indirizzo al primo nodo, se è NULL la lista è vuota;

Quando il puntatore punta a NULL vuol dire che la lista è finita;

```

LINK newnode(void) {
    return malloc(sizeof(ELEMENT));
    /* includere <stdlib.h> */
}

int main() {
    LINK a;
    a = newnode();
    free(a);
    return 0;
}

```

newnode richiede lo spazio di memoria sufficiente a contenere un nodo;

Sempre mettere la free alla fine (considerato come errore se manca)

Visita di una lista

> Visita incondizionata

```

void printlis(LINK lis) {
    while (lis != NULL) {
        printf("%d\n", lis->d);
        lis = lis->next;
    }
}

```

-
- Ottengo una copia al puntatore alla testa della lista;
- Complessità in tempo = $O(n)$, n numero di nodi della lista (il ciclo while dipende dall'input ed avanza di uno ad ogni ciclo);

- Complessità in spazio = $O(1)$ (un record di attivazione della funzione).
- **SCRIVERE SEMPRE LE SPIEGAZIONI PER LE COMPLESSITA' E COSA E' N**

➤ **Visita con condizione**

```
void print_greater(LINK lis, int k) {
    while (lis != NULL) {
        if(lis->d > k ) {
            printf("%d\n", lis->d);
        }
        lis= lis->next;
    }
}
```

- Le operazioni vengono eseguite solo se si verificano determinate condizioni;
- Complessità in tempo = $O(n)$, n numero di nodi della lista (k non influenza il numero di volte in cui verrà eseguito il ciclo while);
- Complessità in spazio = $O(1)$, (un record di attivazione).

➤ **Visita condizionata da contatore/accumulatore**

```
void printpos(LINK lis, int x) {
    int pos=1;
    while (lis != NULL) {
        if ((pos % x)==0) {
            printf(">>>> %d\n", lis->d);
        }
        pos++;
        lis= lis->next;
    }
}
```

- La posizione non la conosciamo a priori;
- Il primo nodo sarà in posizione 1;
- Complessità in tempo = $O(n)$, n numero di nodi della lista (x non influenza il numero di volte in cui verrà eseguito il ciclo while);
- Complessità in spazio = $O(1)$, (un record di attivazione).

➤ **Visita di una parte di una lista**

- La parte da visitare dipende da un valore da aggiornare ad ogni passo della visita;

```
/* Esempio: stampa i primi n numeri della lista (se
ci sono) */
void print_k(LINK lis, int k) {
    int pos=1;
    while ((lis != NULL) && (pos <= k)) {
        printf("%d\n", lis->d);
        lis=lis->next;
        pos++;
    }
}
```

■

- Complessità in tempo = $O(\min(n,k))$, n numero di nodi della lista, se il numero di nodi è $< k$ $O(n)$, se il numero di nodi è $> k$ la complessità sarà $O(k)$;
- Complessità in spazio = $O(1)$

ALGORITMI CON FINESTRA

➤ Visita con finestra

- Analizzare elementi a gruppi;
- Con finestra si intende un intervallo;

```
int elementi_minori(LINK lis) {
    int cnt=0;
    if(lis == NULL) return 0;
    if(lis->next == NULL) return 0;
    while (lis->next != NULL) {
        if(lis->d < lis->next->d ) cnt++;
        lis= lis->next;
    }
    return cnt;
}
```

COMPLESSITA'?

Soluzione non ottimale

```
int elementi_minori(LINK lis) {
    int cnt=0;
    while (lis!= NULL && lis->next != NULL) {
        if(lis->d < lis->next->d ) cnt++;
        lis= lis->next;
    }
    return cnt;
}
```

- }
 - Problemi: stiamo presupponendo che $lis \neq NULL$ venga valutato prima di $lis->next \neq NULL$ potrebbe succedere che prima valutiamo il secondo poi il primo, perché non sappiamo a prescindere come lavora il c; anche se l'ordine viene rispettato **ad ogni iterazione del while andremo a fare due valutazioni;**

RICERCA DI UN ELEMENTO

Casi: ricerca per valore, ricerca per posizione;

➤ Ricerca per valore

- Restituisce un puntatore al nodo con valore x nella lista;

➤ Ricerca per posizione

- Visita con contatore, contare il numero dei nodi, se esiste la posizione k restituisco il riferimento

➤ Nodo precedente a nodo di valore x

- Se lista vuota:
 - → restituisce NULL

- Se nodo contenente x in testa alla lista:
 - → restituisce NULL
 - Altrimenti:
 - → restituisci predecessore del nodo
- Complessità in termini di tempo: $O(n)$, n numero di nodi della lista;
 Complessità in termini di spazio: $O(1)$.

MODIFICA DI UNA LISTA

- **Modifica del valore di tutti gli elementi o sottoinsieme di questi**
 - Visita incondizionata;
- **Aggiunta/rimozione di nodi**
 - **Inserimento in testa**
 - **ORDINE OBBLIGATORIO**
 - CREO NODO
 - COLLEGO AL PRIMO NODO
 - COLLEGO IL PRIMO RIFERIMENTO DELLA LISTA AL NUOVO NODO
 - **NON DIMENTICARE IL NULL FINALE**
 - Complessità in tempo e spazio $O(1)$.
 - **Inserimento in coda**
 - Complessità in tempo $O(n)$;
 - Complessità in spazio $O(1)$.
- **Creazione di una lista**
 -
- **Cancellazione di una lista**
 - **Cancellazione in testa**
 - Si può iterare per cancellare tutti i nodi della lista
 - Salvare il riferimento al primo nodo
 - Modificare la testa della lista e punto al secondo elemento
 - Liberare lo spazio di memoria (free)
 - Complessità tempo e spazio = $O(1)$;
 - **Cancellazione in coda**
 - Se la lista ha un solo nodo la cancellazione in coda e in testa sono uguali; PER QUESTO CASO DEVO PASSARE LA LISTA PER RIFERIMENTO
 - Complessità in spazio = $O(1)$;
 - Complessità in tempo = $O(n)$.
 - **Cancellazione di tutti i nodi**
 - Cancellazione in testa ripetuta
 - Complessità in spazio = $O(1)$;
 - Complessità in tempo = $O(n)$.
 -
 - Cancellazione di tutti i nodi in coda
 - Complessità in tempo $O(n^2)$
 - $[(n+1)*n]/2$
 - **Cancellazione di un elemento con un determinato valore**

- Dobbiamo sempre conoscere il nodo precedente
- Complessità in spazio = $O(1)$;
- Complessità in tempo = $O(n)$, dovuta dalla funzione findpred.

➤ Operazioni su più liste

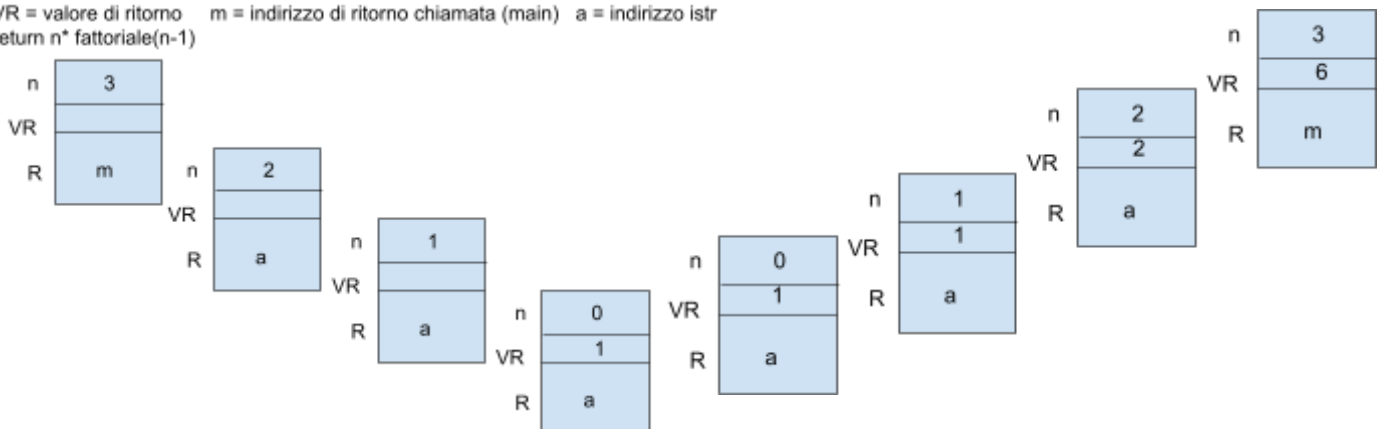
- **Duplicazione di una lista**
 - Complessità in spazio = $O(1)$;
 - Complessità in tempo = $O(n)$.
- **Duplicazione nodi soddisfacenti certe condizioni**
 - Complessità in spazio = $O(1)$;
 - Complessità in tempo = $O(n)$.
- **Visita di 2 o più liste**
 - Complessità in spazio = $O(1)$;
 - Complessità in tempo = $O(\min(m,n))$, lunghezza della lista più corta.
- **Confronto in parallelo di 2 liste**
 - Complessità in spazio = $O(1)$;
 - Complessità in tempo = $O(\max(m,n))$, lunghezza della lista più lunga.

RICORSIONE

- **Caso base** = caso per cui si ferma la ricorsione;

FATTORIALE

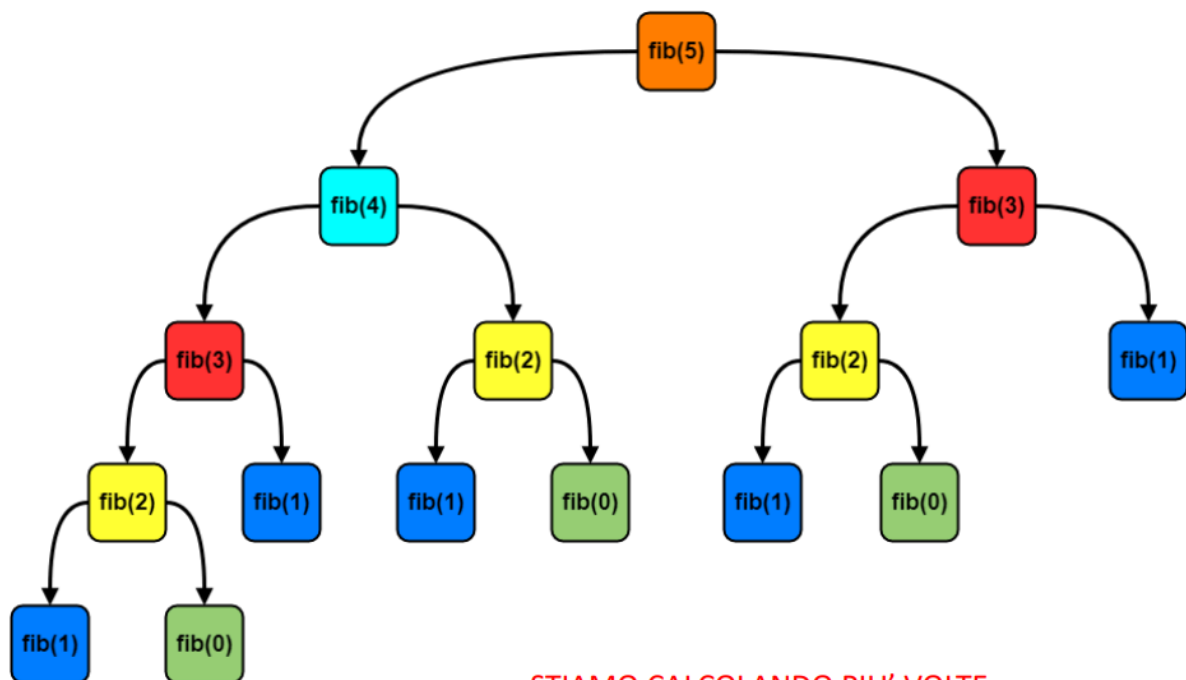
VR = valore di ritorno m = indirizzo di ritorno chiamata (main) a = indirizzo istr
return n* fattoriale(n-1)



Complessità in tempo/spazio = $O(n)$;

La complessità in tempo si calcola n chiamate di costo costante, contare il numero massimo di record di attivazione (non sempre coincide).

FIBONACCI



STIAMO CALCOLANDO PIU' VOLTE
LA STESSA COSA

IMPORTANTE: Se dobbiamo passare dei valori condivisi nelle varie chiamate ricorsive non devo usare variabili locali ma dei puntatori a delle aree di memoria condivise.

TORRE DI HANOI

Albero delle chiamate: scendo a sinistra scambio secondo e terzo, scendo a destra scambio primo e secondo.

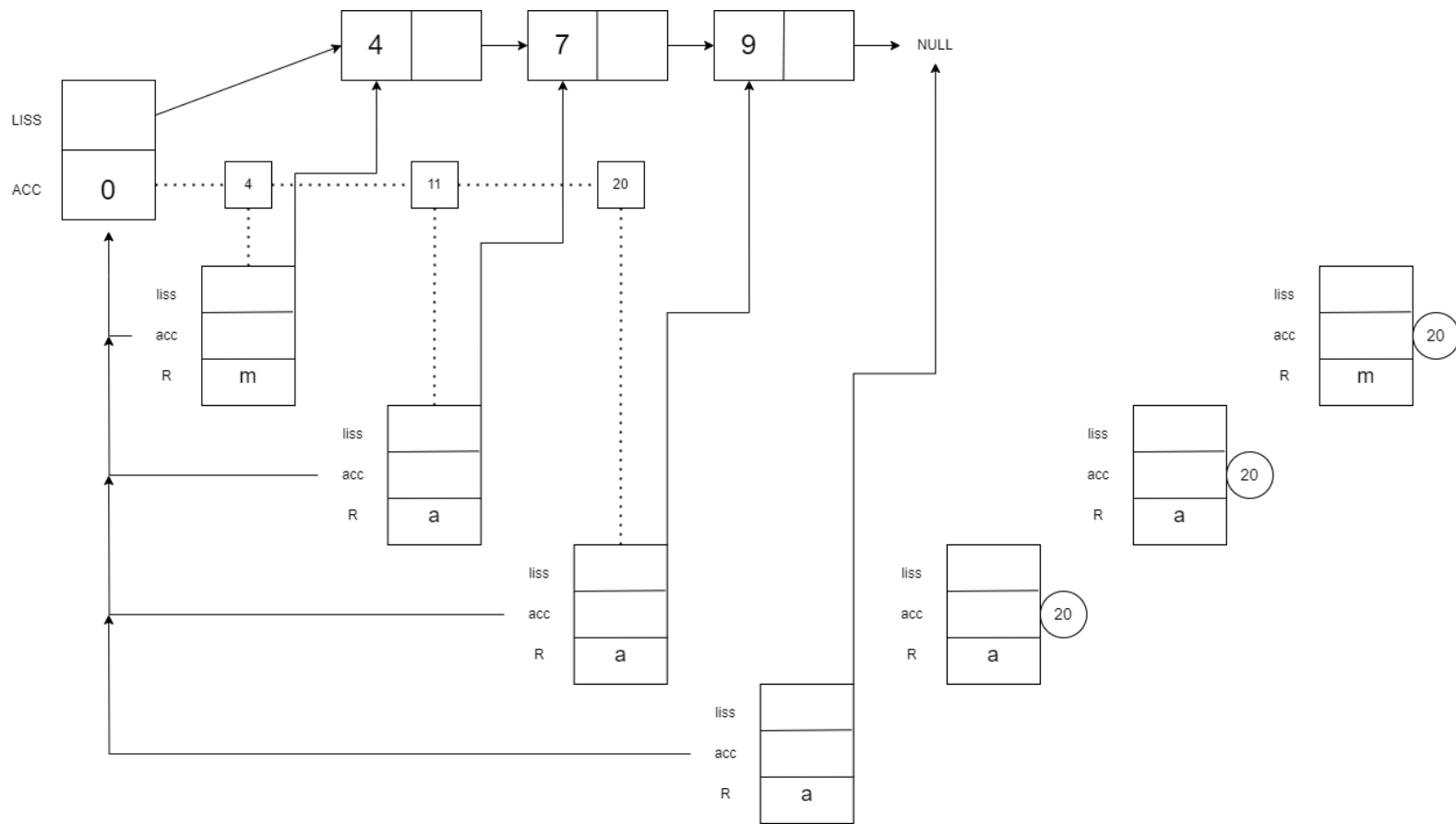
TIPI DI RICORSIONE

➤ Ricorsione diretta

- Ricorsione lineare:
 - Ho solamente un ramo che si espande (il numero massimo di record di attivazione che ho sullo stack è uguale al numero totale di record che avrò sullo stack).
 - FATTORIALE
- Ricorsione non lineare:
 - Avrò dei rami distinti che si sviluppano. Il numero totale di record di attivazione **NON** coincide con il numero massimo di record di attivazione presenti sullo stack).
 - FIBONACCI, TORRE DI HANOI
- Ricorsione di coda
 - Quando l'ultima operazione eseguita è la ricorsione, non somme ecc.
 - Dalla ricorsione di coda posso passare ad un algoritmo iterativo.

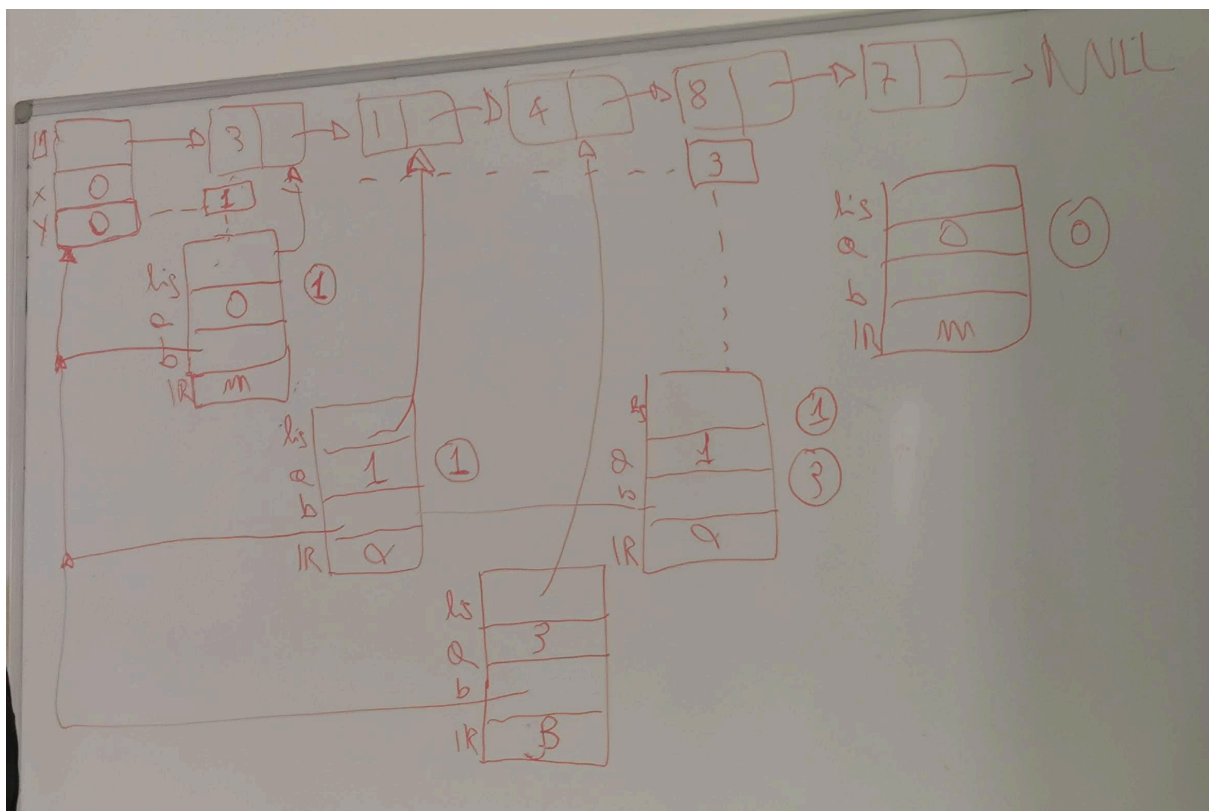
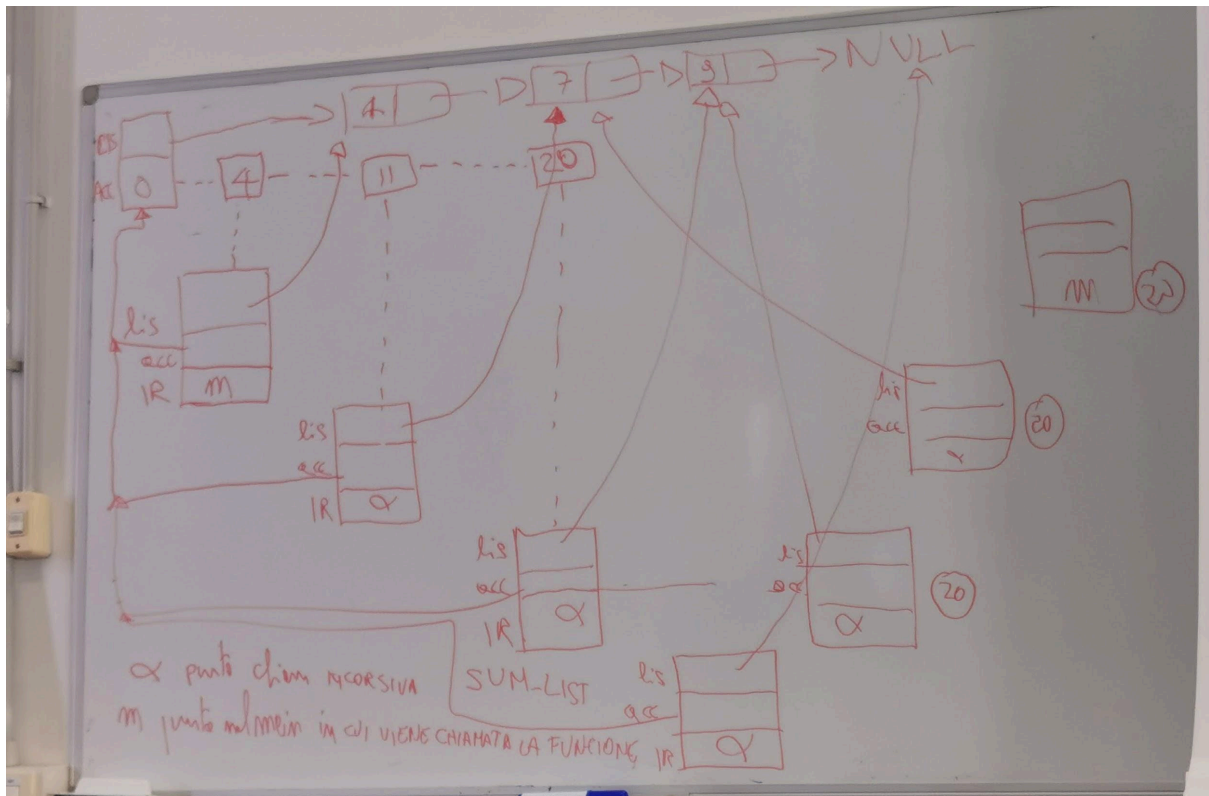
➤ Ricorsione indiretta

RICORSIONE SU LISTE



a punto chiamata ricorsiva
m punto nel main in cui viene chiamata la funzione

➤ **Visita**



Si simuli l'esecuzione della funzione ricorsiva f, utilizzando i record di attivazione, e supponendo che la funzione venga richiamata con L1: 3→1→4→8→7 e nella seguente situazione:

x=0; y=0; f(x,&y,L1);

```
f(int a, int * b, LINK lis)
{ if (lis != NULL)
    if (lis->d > (a+(*b)))
        { *b = (*b)+1; printf("%d\n", *b); f(a+1, b, lis->next); printf("%d\n", a); }
    else if (lis->d < (a+(*b)))
        { printf("%d\n", *b); f(a+2, b, lis->next); *b = (*b)+2; printf("%d\n", a);
          printf("%d\n", *b); }
}
```

Torre di Hanoi

Complessità in tempo: $O(2^n)$

Complessità in spazio: $O(n)$

Bubble sort = Insertion sort

Complessità in tempo: $O(n^2) = [(n+1)*n]/2$

Complessità in spazio: $O(1)$

k=r-p+1;

Mergesort

Complessità in tempo: $O(n * \log_2 n)$ Ogni livello * k elementi scansionati nella merge.

Complessità in spazio: $O(\log_2 n)$

Quicksort

Algoritmo instabile, dipende dalla dimensione e da come è fatto l'input

Dobbiamo studiare la complessità nel caso migliore e nel caso peggiore

MIGLIORE:

Complessità in tempo: $O(n * \log_2 n)$ Ogni livello * k elementi scansionati nella partition.

Complessità in spazio: $O(\log_2 n)$

PEGGIORE:

Complessità in tempo: $O(n^2)$

Complessità in spazio: $O(n)$