## La place de la radiosité dans la quête du réalisme virtuel

BÉTOUS Marc (nº14959)

avec BAËZA Mika (nº13891)

2023 - 2024

Jeux et sports

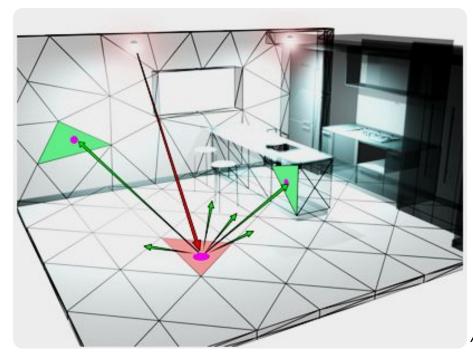


Wikipedia

# L'importance de la lumière dans une scène

### **Sommaire**

- 1. Explication de la radiosité
- 2. L'accélération du temps de calcul
  - 3. Le post processing



**Autodesk** 

$$D_i = \sum_{j=1}^n (D_j \times C_{ij}) + E_i$$

### Équation de radiosité:

$$\begin{pmatrix} D_1 \\ \dots \\ D_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} C_{11} & \dots & C_{1n} \\ \dots & \dots & \dots \\ C_{n1} & \dots & C_{nn} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} D_1 \\ \dots \\ D_n \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} E_1 \\ \dots \\ E_n \end{pmatrix}$$

$$\Leftrightarrow D = C \times D + E$$

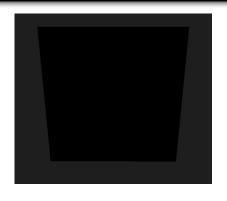
On converge vers la solution par récurrence :

$$D^{(n+1)} = C \times D^{(n)} + E$$

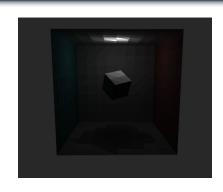
- Subdivision des faces.
- Initialisation des vecteurs E et D<sub>o</sub>.
- Calcul de la matrice C.
- Calcul de la récurrence sur D. 🤙



- Application des couleurs aux faces.
- Lancement du moteur 3d.



Affichage de D<sup>(0)</sup>



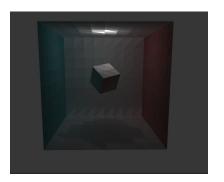
Affichage de D<sup>(2)</sup>



Affichage de D<sup>(1)</sup>



Affichage de D<sup>(3)</sup>

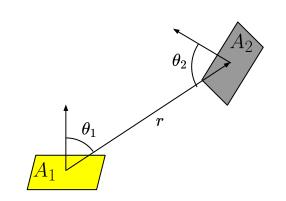


Affichage de D<sup>(100)</sup>

#### Approximation de la solution D

## Formule des facteurs de forme :

$$C_{12} = \frac{\cos(\theta_1) \times \cos(\theta_2)}{\pi r^2} \times A_2$$



Matrice C contenant les facteurs de forme

$$\begin{pmatrix} C_{11} & C_{12} & \dots & C_{1n} \\ C_{21} & C_{22} & \dots & C_{2n} \\ \dots & \dots & \dots \\ C_{n1} & C_{n2} & \dots & C_{nn} \end{pmatrix}$$

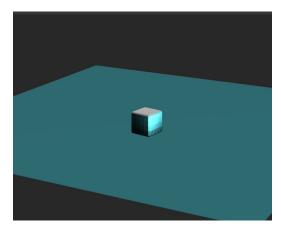
#### Remplissage de la matrice C

```
Pour chaque face i :

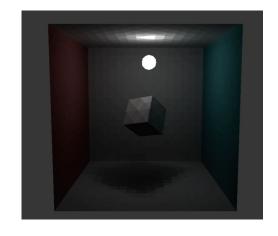
| Pour chaque face j :
| Pour chaque face k:
| si la face k intersecte le rayon entre la face i et j :
| C[i, j] = 0;
| sinon:
| C[i, j] = CalculFacteurForme(i,j);
```

Complexité en O(n³)

Scène à 304 faces (Scène 1)



Scène à 2639 faces (Scène 2)



Scène à 5367 faces (Scène 3)



Temps de calcul:

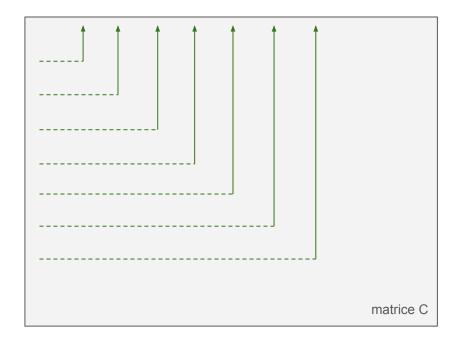
~ 1 minutes

~ 10 heures

~ ?

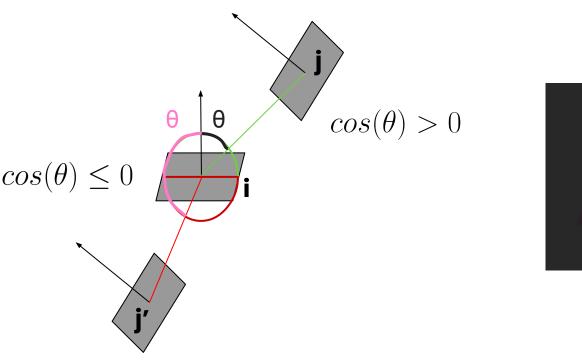
## Accélération du temps de calcul

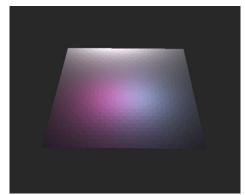
$$C_{12} = \frac{\cos(\theta_1) \times \cos(\theta_2)}{\pi r^2} \times A_2 \qquad C_{21} = \frac{\cos(\theta_2) \times \cos(\theta_1)}{\pi r^2} \times A_1$$



Temps de calcul divisé par 2

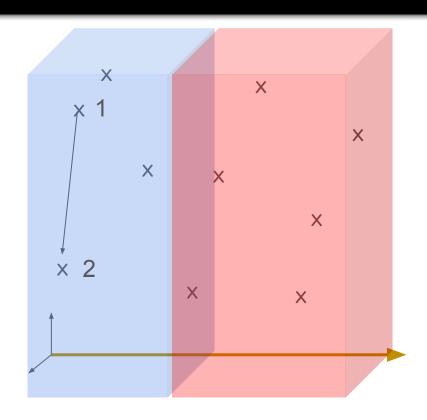
### Ignorer des calculs inutiles





## Accélération du temps de calcul

### Simplifier le calcul d'obstruction



Points à gauche



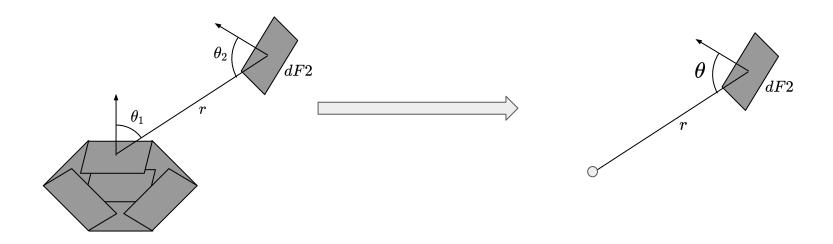
On ignore la moitié des points.

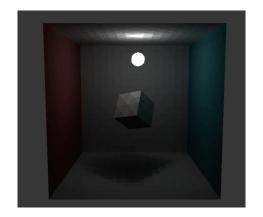
$$O(n) \rightarrow O(log(n))$$

	Scène 1	Scène 2	Scène 3
Nombre de faces	304	2600	5367
hauteur de l'arbre	9	12	13

## Accélération du temps de calcul

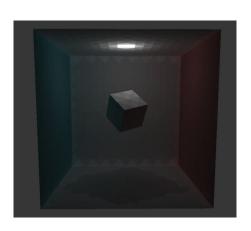
## Simplifier les sources lumineuses







Élimination de 80 faces



#### Deux possibilités pour le multithreading :

Matrice C

$$\begin{pmatrix} C_{11} & C_{12} & \dots & C_{1n} \\ C_{21} & C_{22} & \dots & C_{2n} \\ \dots & \dots & \dots \\ C_{n1} & C_{n2} & \dots & C_{nn} \end{pmatrix}$$

Équation de radiosité 
$$\begin{pmatrix} D_1 \\ D_2 \\ \dots \\ D_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sum_{i=1}^n D_i \times C_{1i} + E_1 \\ \sum_{i=1}^n D_i \times C_{2i} + E_2 \\ \dots \\ \sum_{i=1}^n D_i \times C_{ni} + E_n \end{pmatrix}$$

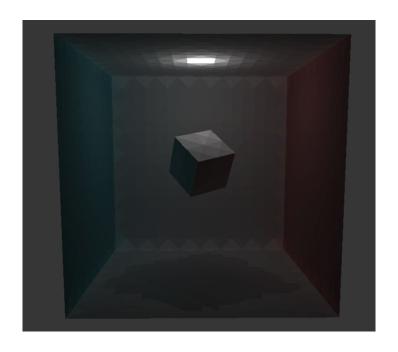
#### Calcul de la matrice C

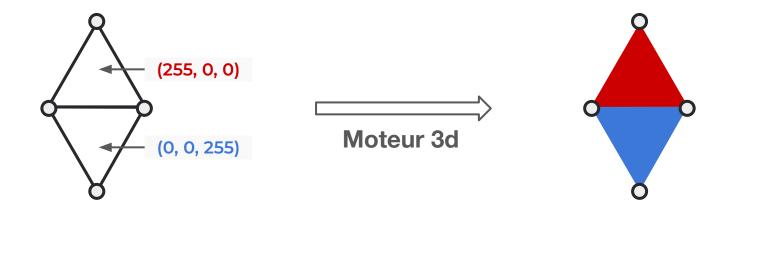
	Scène 1	Scène 2	Scène 3
Nombre de faces	304	2639	5367
Temps de calcul sans parallélisation	5,3 millisecondes	3 minutes 6 secondes	22 minutes 50 secondes
Temps de calcul avec parallélisation (12 cœurs)	2,8 millisecondes	22 secondes	4 minutes 23 secondes

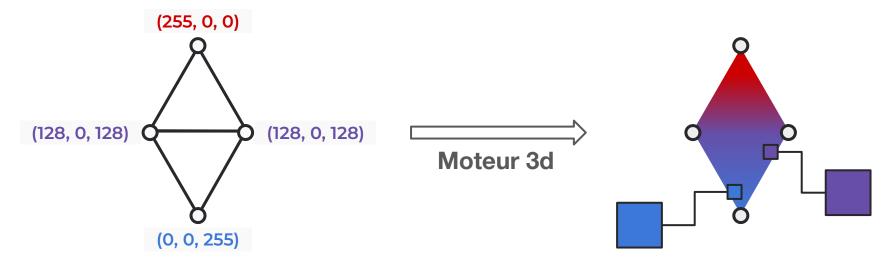
#### Calcul de l'équation de radiosité

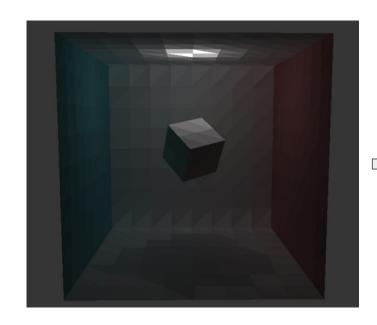
	Scène 1	Scène 2	Scène 3
Nombre de faces	304	2639	5367
Temps de calcul sans parallélisation	61 millisecondes	6 secondes	26 secondes
Temps de calcul avec parallélisation (12 cœurs)	89 millisecondes	7 secondes	24 secondes

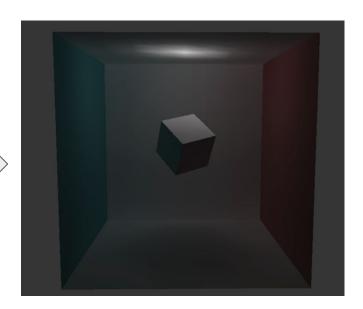
#### Nos scènes manquent de réalisme



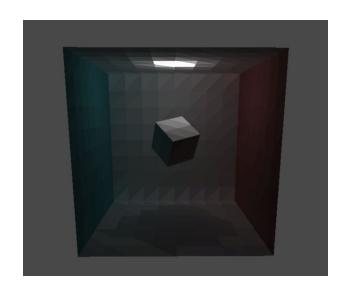


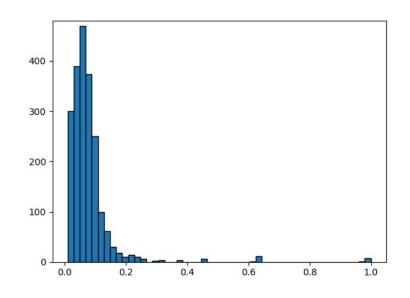






#### Un manque de contraste irréaliste



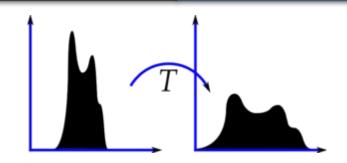


Nombre de faces par tranche de luminosité

Maximum : 478 faces (entre 0,04 et 0,08 de luminosité)

Moyenne: 0,08 de luminosité

Écart-type: 0,088



$$Eq(color) = \alpha \times color + \beta$$

grey<sub>1</sub> grey<sub>2</sub> ... grey<sub>n</sub>

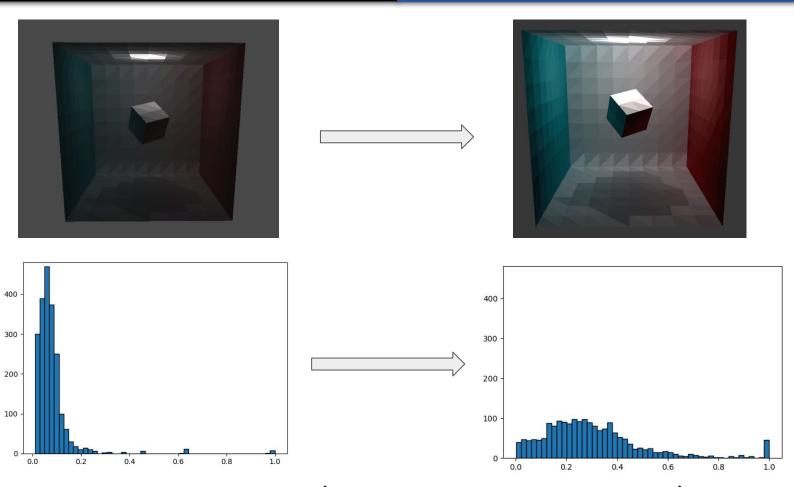
troncature du tableau

grey<sub>5</sub> grey<sub>6</sub> ... grey<sub>n-5</sub>

$$\alpha = \frac{1}{max(gray) - min(gray)}$$

$$\beta = -min(gray) \times \alpha$$

### Rendu après harmonisation 22



Maximum : 101 faces (entre 0,22 et 0,24 de luminosité)

Moyenne: 0,30 de luminosité

Écart-type: 0,20

## Une technologie inutilisable en temps réel, mais utile dans certaines circonstances.

archi-visualisation3d



Utilisation dans des logiciels de rendu d'architecture

League of Legends



Utilisation pour des cinématiques pré-rendues de jeux vidéos

On a, 
$$\forall i \in [1,n], |a_{i,i}| \geqslant \sum_{j=1}^n |a_{i,j}| \implies$$

La suite (D<sup>k</sup>)
converge vers
l'unique solution
de AD = E

$$D = C \times D + E$$

$$\Leftrightarrow (Id - C) \times D = E$$

On pose A = Id-C

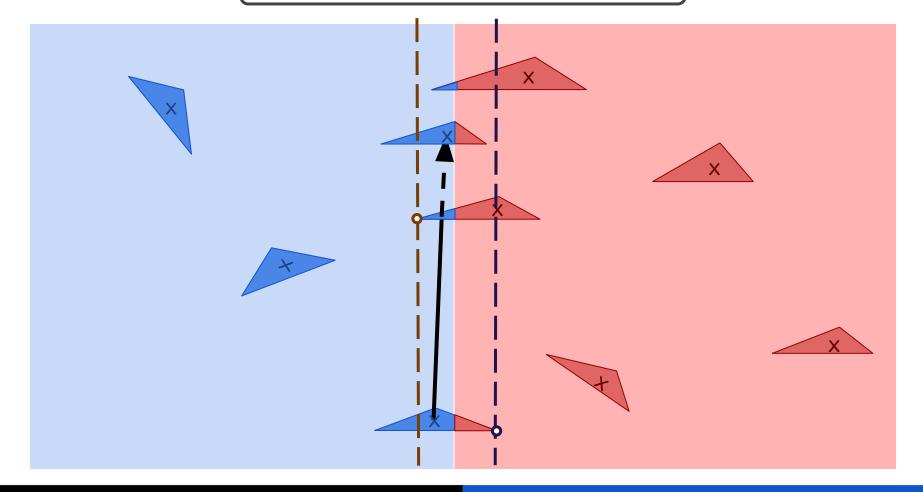
On a, 
$$\forall i \in [1,n], |a_{i,i}| \geqslant \sum_{\substack{j=1 \ j \neq i}}^n |a_{i,j}| \implies \begin{array}{l} \text{La suite (D^k)} \\ \text{converge vers} \\ \text{l'unique solution} \\ \text{de AD} = \text{E} \end{array}$$

Ici, 
$$A = \begin{pmatrix} 1 & -C_{12} & \dots & -C_{1n} \\ -C_{21} & 1 & \dots & -C_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ C_{n1} & -C_{n2} & \dots & 1 \end{pmatrix}$$
 et  $\sum_{j=1}^{n} C_{ij} = 1$ 

Annexe

#### Noeud

marge gauche : 0.2 marge droite : 0.3



#pragma once
BSP.h

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include "world.h"
#define FACE PTR Face*
#define BSP ERROR 0.2
class BinaryTree
   public:
       Face* face;
      int axis;
       BinaryTree* left;
       BinaryTree* right;
       float margin left; // Marge d'erreur à gauche (distance du plan parent à laquelle une des faces à droite peut intervenir).
       float margin right; // Marge d'erreur à droite (distance du plan parent à laquelle une des faces à gauche peut intervenir).
       BinaryTree(vector<Face*>& tab, int min, int max);
};
// Compare le centre de %face1 et de %face2
bool cmp face (Face* face1, Face* face2, int compo);
// Compare %face1 et %face2
bool cmp face(int face1, int face2, int compo);
// Échange dans %tab les valeurs d'indice %il et %i2
void swap(vector<FACE PTR>& tab, int i1, int i2);
// Affiche dans le terminal les valeurs de %tab
void print vect(vector<int> tab);
/* Renvoie x, la position à laquelle serait %tab[%pivotIndex] si le tableau était trié en partitionnant le sous tableau entre les bornes
%min et %max tel que:
pour i \le x tab[i] \le tab[x]
pour i > x tab[i] > tab[x]
* /
int partitioning(vector<Face*> & tab, int min, int max, int pivotIndex, int compo);
```

```
/* place l'élément en position %r dans %tab en ne regardant que entre les bornes %min à %max, en comparant selon la composante %compo
void setPositionR(vector<Face*> & tab, int min, int max, int r, int compo);
/* Place dans %tab la median au bon endroit si ils étaient triés selon la coordonnée n°%coord */
void setMedianIndex(vector<FACE PTR> & tab, int min, int max, int coord);
// Renvoie la composante selon laquelle il est plus avantageux de couper dans le sous-tableau de %tab: [%min, %max]
int chooseCuttingAxis(vector<FACE PTR> & tab, int min, int max);
/* Créé un arbre de partitionnage binaire des faces a partir de la %scene */
BinaryTree * buildBinaryTree(Scene & scene);
/* Créé un arbre de partitionnage binaire des faces a partir de la %list */
BinaryTree * buildBinaryTreeFromList(vector<Face*> list);
// Fonction auxiliaire de getNeighborInRadius permettant les itérations récursives
void rec getNeighborInRadius(BinaryTree * binaryTree, FACE PTR elem, float radius, vector<FACE PTR> & neighborList);
/* Renvoie un vecteur des éléments présents dans un %radius autour de %elem ne utilisant l'arbre k-dimensionnel %binaryTree */
vector<Face*> getNeighborInRadius(BinaryTree * binaryTree, Face * elem, float radius);
// Renvoie le coefficient du point d'intersection entre le rayon (%origin, %direction) et le plan de séparation représenté par %node.
float intersectionPlan(Vector3f origin, Vector3f direction, BinaryTree * node);
// Renvoie la distance entre le rayon (%origin, %direction) et le plan de séparation représenté par %node
float distanceRayPlan(Vector3f origin, Vector3f direction, BinaryTree * node);
// Fonction auxiliaire de rayIsIntersectedInScene permettant les itérations récursives.
bool rec rayIsIntersected(BinaryTree * binaryTree, Vector3f origin, Vector3f direction, BinaryTree * parent);
// Renvoie si le rayon d'origine %origin et de direction %direction est intersecté par une des faces dans la %scene.
bool rayIsIntersectedInScene(Vector3f origin, Vector3f direction, Scene * scene);
// Renvoie si le rayon d'origine %origin et de direction %direction est intersecté par une des faces dans %bt.
bool rayIsIntersectedInBinaryTree (BinaryTree * bt, Vector3f origin, Vector3f direction);
```

```
BSP.cpp
```

```
/* Bipartition de l'espace */
#include "world.h"
#include <stdlib.h>
#include <stack>
#include "BSP.h"
bool cmp_face(Face * face1, Face * face2, int compo)
   if (face1->center()(compo) <= face2->center()(compo))
       return true;
   return false;
bool cmp_face(int face1, int face2, int compo)
   return face1 <= face2;</pre>
void swap(vector<FACE PTR> & tab, int i1, int i2)
   FACE PTR temp = tab[i1];
   tab[i1] = tab[i2];
   tab[i2] = temp;
void print_vect(vector< int> tab)
   for (int i = 0; i < tab.size(); i++)</pre>
       printf("%d ", tab[i]);
   printf("\n");
```

```
int partitioning (vector<FACE PTR> & tab, int min, int max, int pivotIndex, int compo)
   assert(min<=max && max < tab.size() && min>= 0);
   assert(min<=pivotIndex && pivotIndex<=max);</pre>
   int j = min;
   swap(tab, pivotIndex, max);
   for (int i =min; i < max; i++)</pre>
       if (cmp face(tab[i], tab[max], compo)) //tab[i] > tab[j]
           swap(tab, i, j);
           j++;
   swap(tab, (j), max);
   return (j);
void setPositionR(vector<FACE PTR> & tab, int min, int max, int r, int compo)
   assert(min<=max && max < tab.size() && min>= 0);
   assert(min<=r && r<=max);
   if (min == max) // Cas limite
       tab[min];
   } else {
       srand(time(NULL));
       int pivot = (rand()%(max-min)) + min;
       int candidat = partitioning(tab, min, max, pivot, compo);
       if (r < candidat)</pre>
           setPositionR(tab, min, candidat- 1, r, compo);
       else if (r > candidat) {
           setPositionR(tab, candidat+ 1, max, r, compo);
```

```
void setMedianIndex(vector<FACE PTR> & tab, int min, int max, int coord)
   assert(min<=max && max < tab.size() && min>= 0);
   return setPositionR(tab, min, max, (min+max) / 2, coord);
int chooseCuttingAxis(vector<FACE PTR> & tab, int min, int max)
   float spr x[2] = {INFINITY, -INFINITY};
   float spr y[2] = {INFINITY, -INFINITY};
   float spr z[2] = {INFINITY, -INFINITY};
   for (int i = min; i <= max; i++)</pre>
        spr x[0] = std::min(spr x[0], tab[i]->center()(0));
        spr x[1] = std::max(spr x[1], tab[i]->center()(0));
        spr y[0] = std::min(spr y[0], tab[i]->center()(1));
        spr y[1] = std::max(spr y[1], tab[i]->center()(1));
        spr z[0] = std::min(spr z[0], tab[i]->center()(2));
        spr z[1] = std::max(spr z[1], tab[i]->center()(2));
   if (\text{spr x}[1] - \text{spr x}[0] > = \text{spr y}[1] - \text{spr y}[0] \&\& \text{spr x}[1] - \text{spr x}[0] > = \text{spr z}[1] - \text{spr z}[0])
        return 0;
   if (\text{spr y}[1] - \text{spr y}[0] >= \text{spr x}[1] - \text{spr x}[0] \&\& \text{spr y}[1] - \text{spr y}[0] >= \text{spr z}[1] - \text{spr z}[0]) \{
        return 1;
   if (\text{spr z}[1] - \text{spr z}[0] >= \text{spr y}[1] - \text{spr y}[0] \&\& \text{spr z}[1] - \text{spr z}[0] >= \text{spr x}[1] - \text{spr x}[0]) \{
        return 2:
   assert(false);
   return -1;
```

```
BinaryTree::BinaryTree(vector<FACE PTR>& tab,int min, int max)
   assert(max < tab.size() && min> && min<=max);
  axis = chooseCuttingAxis(tab, min, max);
  left = nullptr;
   right = nullptr;
  if(min == max)
       // On est dans une feuille
       face = tab[min];
  else // On est sûr que min < max</pre>
       int median = (max+min) ₺;
       setMedianIndex(tab, min, max, axis);
       face = tab[median];
       if(min<median) {</pre>
           left = new BinaryTree(tab, min, median±);
       if(max>median) {
           right = new BinaryTree(tab, median±, max);
       // Calcul des marges d'erreur
       float error = -1;
       float separator = face->center()(axis);
       for (int i = min; i <= median; i++)</pre>
           error = std::max({error, tab[i]->vertex()(axis)-separator, tab[i]->vertex()(axis)-separator, tab[i]->vertex()(axis)-separator);
       // assert(error >=0);
       margin right = error +0.001; // L'inversion "for" et "margin right" est normal: on regarde à gauche qui est-ce qui dépace le plus sur la partie droite.
       error = -1;
       for (int i = median; i <= max; i++)</pre>
           error = std::max({error, separator - tab[i]->vertex()(axis), separator-tab[i]->vertex()(axis), separator-tab[i]->vertex()(axis));
       // assert(error >=0);
       margin left = error +0.001; // Ditto
```

```
BinaryTree * buildBinaryTree (Scene & scene)
   vector<FACE PTR> facePtrList = scene.getFacesPointer();
   BinaryTree* binaryTree = new BinaryTree(facePtrList, 0, facePtrList.size()-1);
   return binaryTree;
};
BinaryTree* buildBinaryTreeFromList(vector<FACE PTR> list)
   BinaryTree* binaryTree = new BinaryTree(list, 0, list.size()-1);
   return binaryTree;
};
oid rec getNeighborInRadius(BinaryTree * binaryTree, FACE PTR elem, float radius, vector<FACE PTR> & neighborList)
   if (binaryTree == nullptr)
       return;
   FACE PTR m = binaryTree->face;
   int axis = binaryTree->axis;
   if(elem->center()(axis) <= m->center()(axis)) // On plonge à gauche
       rec getNeighborInRadius(binaryTree->left, elem, radius, neighborList);
       if (abs(elem->center()(axis) - m->center()(axis)) < radius) // Si besoins aussi à droite
           rec getNeighborInRadius(binaryTree->right, elem, radius, neighborList);
   else // On plonge à droite
       rec getNeighborInRadius(binaryTree->right, elem, radius, neighborList);
       if(abs(elem->center()(axis) - m->center()(axis)) < radius) // Si besoins aussi à gauche</pre>
           rec getNeighborInRadius(binaryTree->left, elem, radius, neighborList);
   if (distance(elem->center(), m->center()) <= radius)</pre>
       neighborList.push_back(m);
```

```
vector<FACE_PTR> getNeighborInRadius(BinaryTree * binaryTree, FACE_PTR elem, float radius)
{
   vector<FACE_PTR> facePtrList;
   rec_getNeighborInRadius(binaryTree, elem, radius, facePtrList);
   return facePtrList;
}

float intersectionPlan(Vector3f origin, Vector3f direction, BinaryTree * node)
{
   float t = direction[node->axis]; // Produit scalaire normale du plan et direction du rayon
   if (abs(t) < 0.00001) return INFINITY; // Si il est parallèle on renvoit l'infini.
   return (node->face->center()[node->axis] - origin(node->axis))/t;
}

float distanceRayPlan(Vector3f origin, Vector3f direction, BinaryTree * node){
   float dist1 = origin(node->axis) - node->face->center()(node->axis);
   float dist2 = (origin(node->axis)+direction(node->axis)) - node->face->center()(node->axis);
   if ((dist1 > 0 && dist2 < 0) || (dist1 < 0 && dist2 > 0)) return 0; // Le rayon traverse la face return min(abs(dist1), abs(dist2));
```

```
bool rec_rayIsIntersected(BinaryTree * binaryTree, Vector3f origin, Vector3f direction, BinaryTree * parent)
   if(binaryTree == nullptr) return false;
  BinaryTree* mainChild = nullptr;
  BinaryTree* secondaryChild = nullptr;
   if(origin[binaryTree->axis] < binaryTree->face->center()[binaryTree->axis]) // L'origine du rayon est à gauche.
      mainChild = binaryTree->left;
      margin = binaryTree->margin left;
      secondaryChild = binaryTree->right;
  else
      mainChild = binaryTree->right;
      margin = binaryTree->margin right;
      secondaryChild = binaryTree->left;
   if (rec rayIsIntersected (mainChild, origin, direction, binaryTree)) // On cherche une intersection du coté principal
  {
       return true;
   else
       if (parent == nullptr) // On est en haut de l'arbre, on doit forcément aller de l'autre coté
           if (binaryTree->face->isIntersectedByRay(origin, direction))
          {
               return true;
           else
               return rec rayIsIntersected(secondaryChild, origin, direction, binaryTree);
       else // Il faut faire un choix: remonter au parent ou aller de l'autre coté ?
           float coefParent = intersectionPlan(origin, direction, parent);
           float coefSelf = intersectionPlan(origin, direction, binaryTree);
           float minDistance = distanceRayPlan(origin, direction, binaryTree);
           if (minDistance <= margin || coefSelf < coefParent) // Si le rayon est trop près de l'autre coté ou il va vraiment de l'autre coté
               if (binaryTree->face->isIntersectedByRay(origin, direction)) // d'abord on regarde notre face séparatrice
                   return true;
               else
                   if((coefSelf >= 1 || coefSelf <= 0) && minDistance > margin) return false; // Le rayon n'atteint en réalité pas l'autre partie et il est trop loin
                   return rec rayIsIntersected(secondaryChild, origin, direction, binaryTree); // Bon... bah on va aller regarder de l'autre coté
           else // Le rayon atteint le plan parent avant notre plan et il est trop loin de l'autre coté: on remonte
               return binaryTree->face->isIntersectedByRay(origin, direction);
```

```
bool rayIsIntersectedInScene(Vector3f origin, Vector3f direction, Scene * scene)
{
    for (Object& object : scene->getObjects())
    {
        if (object.boundingBox->isInterectedByRay(origin, direction)) {
            if (rec_rayIsIntersected(object.binaryTree, origin, direction, nullptr)){
                return true;
            }
        }
    }
    return false;
}

bool rayIsIntersectedInBinaryTree(BinaryTree * bt, Vector3f origin, Vector3f direction)
{
    if(rec_rayIsIntersected(bt, origin, direction, nullptr)){
        return true;
    }
    return false;
}
```

## chiffre.py

```
import matplotlib.pyplot as plt
f = open("values2.txt", "r")
valR = []
valB = []
valG = []
val = f.readline().strip()
print(val)
while val != "":
  valR.append(float(val))
  val = f.readline().strip()
val = f.readline().strip()
while val != "":
  valB.append(float(val))
  val = f.readline().strip()
val = f.readline().strip()
while val != "":
  valG.append(float(val))
  val = f.readline().strip()
plt.title("V2")
plt.hist(valB, bins = 50, edgecolor = "black")
plt.show()
```

## lighting.h

```
#pragma once
#include "world.h"
typedef Eigen::Matrix<br/>
bool, Eigen::Dynamic, Eigen::Dynamic> MatrixXb;
// Classe des matrices D, C et E (3 canaux de lumières: rouge, vert, bleu)
class LightMatrix
   public:
      MatrixXf red;
       MatrixXf green;
      MatrixXf blue;
       LightMatrix(MatrixXf matrix);
};
// Structure des données nécessaires au multithreading pour le calcul de la matrice C
struct arg s
   int* id todo;
   int thread id;
   BinaryTree* binaryTree;
   vector<Face*>* faceList;
   LightMatrix* C;
   MatrixXb* hasToCalcul;
   Scene* scene;
};
//Overload de l'opérateur * pour les matrices
LightMatrix operator * (const LightMatrix & x, const LightMatrix & y);
//Overload de l'opérateur + pour les matrices
LightMatrix operator+ ( const LightMatrix & x, const LightMatrix & y);
//Overload de l'opérateur / pour les matrices
LightMatrix operator/ (const LightMatrix & x, const float y);
//Getter de la composante bleue d'une matrice
vector<float> getBlue(LightMatrix * m);
```

```
//Getter de la composante rouge d'une matrice
vector<float> getRed(LightMatrix m);
//Getter de la composante verte d'une matrice
vector<float> getGreen(LightMatrix m);
//Normalisation des matrices D et E par le maximum des coefficients de ces matrices
void normalisationV1(LightMatrix D, LightMatrix E);
//Renvoie l'indice du premier élément non nul de vec
int indexFirstPos(vector float>* vec);
//Calcule le coefficient d'un élément de la matrice C correspondant à l'intéraction entre deux faces
void fillFaceToFaceCell(Face face1, Face* face2, LightMatrix* C, Scene* scene);
//Calcule le coefficient d'un élément de la matrice C correspondant à l'intéraction entre une face et une source lumineuse
void fillLightToFaceCell(LightSource light, Face* face, LightMatrix* C, Scene* scene);
//Gère le multithreading du calcul des coefficients de la matrice C
void* process calculCoeffCMatrix(oid* ptr arg);
//Renvoie la matrice C associée à la scène
LightMatrix createCmatrixFromScene_multithreading(Scenescene);
//Renvoie le vecteur E associée à la scène
LightMatrix createVectorFromScene(Scene&scene);
//Applique aux faces de la scène la couleur déterminée par D
void lightFaces(Scene &scene, LightMatrix D);
// Calcul le rendu de lumière pour une scène, et effectue le nombre d'itérations lors de la résolution.
LightMatrix light(Scene&scene, float iteration);
//Mêmes calculs, avec effet de contraste.
LightMatrix lightV2(Scene&scene, float iteration);
// Calcul le rendu de lumière pour une scène, et effectue le nombre d'itérations lors de la résolution.
LightMatrix fake light(Scene&scene, float iteration);
//Permet de passer au rendu de lumière selon light sans recalcul de C
void switch to lightV1(LightMatrix C, Scene&scene, float iteration);
//Permet de passer au rendu de lumière selon lightV2 sans recalcul de C
void switch to lightV2(LightMatrix C, Scenesscene, float iteration, float low, float up);
```

## Lighting.cpp

#include "world.h"

```
#include "BSP.h"
#include <math.h>
#include <iostream>
#include <math.h>
#include <stack>
#include <pthread.h>
#include <stdexcept>
#include <vector>
#include <iostream>
#include <fstream>
#include "lighting.h"
#define NB MULTITHREAD 12
using namespace std;
typedef Eigen::Matrix<br/>bool, Eigen::Dynamic, Eigen::Dynamic> MatrixXb;
typedef struct arg s arg mt;
pthread mutex t verrou;
LightMatrix::LightMatrix(MatrixXf matrix) // Lors de la construction, matrix donne les dimensions et valeurs par defaut des matrices
rouge, vert et bleu.
   red = matrix;
   green = matrix;
   blue = matrix;
LightMatrix operator* ( const LightMatrix & x, const LightMatrix & y)
   LightMatrix m(x.red);
   m.red = x.red * y.red;
   m.blue = x.blue * y.blue;
   m.green = x.green * y.green;
   return m;
```

```
LightMatrix operator + ( const LightMatrix & x, const LightMatrix & y)
  LightMatrix m(x.red);
  m.red = x.red + y.red;
  m.blue = x.blue + y.blue;
  m.green = x.green + y.green;
   return m;
LightMatrix operator - ( const LightMatrix & x, const LightMatrix & y)
  LightMatrix m(x.red);
  m.red = x.red - y.red;
  m.blue = x.blue - y.blue;
  m.green = x.green - y.green;
   return m;
LightMatrix operator/ (const LightMatrix & x, const float y)
  LightMatrix m(x.red);
  m.red = x.red/y;
  m.green = x.green/y;
  m.blue = x.blue/y;
   return x;
float maxLightMat(LightMatrix * m)
   float maxR = abs(m->red(0, 0));
   float maxG = abs(m->green(0, 0));
   float maxB = abs(m->blue(0, 0));
   for (int i = 0; i < m->red.rows(); i++)
      maxR = max(maxR, abs(m->red(i, 0)));
      maxG = max(maxG, abs(m->green(i, 0)));
      maxB = max(maxB, abs(m->blue(i, 0)));
   return max({maxR, maxG, maxB});
```

```
vector<float> getBlue(LightMatrix * m)
   vector<float> color(m->blue.rows(), 0);
   for (int i = 0; i < m->blue.rows(); i++)
      color[i] = (m->blue(i, 0));
   return color;
vector<float> getRed(LightMatrix * m)
   vector<float> color(m->red.rows(), 0);
   for (int i = 0; i < m->red.rows(); i++)
      color[i] = (m->red(i, 0));
   return color;
vector<float> getGreen(LightMatrix * m)
   vector<float> color(m->green.rows(), 0);
   for (int i = 0; i < m->green.rows(); i++)
      color[i] = (m->green(i, 0));
   return color;
void normalisationV1(LightMatrix * D, LightMatrix * E)
   float maxi = -INFINITY;
   for (int i = 0; i < D->red.rows(); i++)
      \max i = \max(\{D->red(i, 0), D->green(i, 0), D->blue(i, 0), \max i\});
   *D = *D/maxi;
   *E = *E/maxi;
```

```
int indexFirstPos(vector< float>* vec)
   for (int i = 0; i < vec->size(); i++)
       if ((*vec)[i] != 0)
           return i;
   return -1;
void fillFaceToFaceCell(Face * face1, Face * face2, LightMatrix * C, Scene * scene)
   int i = face1->id;
   int j = face2->id;
   Vector3f distanceVector = distanceVect(face1->center(), face2->center());
   float constCoef = max(0.f, cosAngle(face1->normalVector(), distanceVector))*max( 0.f,cosAngle(face2->normalVector(),
-1*distanceVector))/(3.141592*max(0.001F, normeSquare(distanceVector)));
   if(constCoef > 0.000001)
       if(!rayIsIntersectedInScene(face1->center(), distanceVector, scene))
           if(!face2->material.emissive)
           C->red(j,i) = ( static cast <float > (face2->material.color.r) / 255.f) *face1->area() *constCoef;
           C->green(j,i) = ( static cast<float>(face2->material.color.g) / 255.f) *face1->area() *constCoef;
           C->blue(j,i) = ( static cast <float>(face2->material.color.b)/ 255.f)*face1->area()*constCoef;
           if(!face1->material.emissive)
               C->red(i, j) = ( static cast < float > (face1->material.color.r) / 255.f) *face2->area() *constCoef;
               C->green(i,j) = ( static cast<float>(face1->material.color.g) / 255.f) *face2->area() *constCoef;
               C->blue(i,j) = ( static cast <float>(face1->material.color.b) / 255.f) *face2->area() *constCoef;
```

```
void fillLightToFaceCell(LightSource * light, Face * face, LightMatrix * C, Scene * scene)
{
    Vector3f distanceVector = distanceVect(light->origin.pos, face->center());
    float constCoef = max(0.f, cosAngle(face->normalVector(), -distanceVector))*light->strength/( 3.141592*max(0.001F,
normeSquare(distanceVector)));
    if(constCoef > 0.)
    {
        if(!rayIsIntersectedInScene(light->origin.pos, distanceVector, scene))
        {
            C->red(face->id, light->global_id) = ( static_cast<float>(face->material.color.r)/ 255.f)*constCoef;
            C->pred(face->id, light->global_id) = ( static_cast<float>(face->material.color.g)/ 255.f)*constCoef;
            C->blue(face->id, light->global_id) = ( static_cast<float>(face->material.color.b)/ 255.f)*constCoef;
        }
    }
}
```

```
void* process calculCoeffCMatrix( void* ptr arg)
   arg_mt* a = (arg_mt*) ptr_arg;
   MatrixXb& hasToCalcul = *(a->hasToCalcul);
   LightMatrix* C = a -> C;
   vector<Face*>& faceList = *(a->faceList);
   BinaryTree* binaryTree = a->binaryTree;
   Scene* scene = a->scene;
   int id actuel;
   pthread mutex lock(&verrou);
   id actuel = *(a->id todo);
   *(a->id todo) = *(a->id todo) + 1;
   pthread mutex unlock(&verrou);
   while (id actuel < faceList.size())</pre>
       Face* face = faceList[id actuel];
       int i = face->id;
       for (Face* neighbor : faceList)
           int j = neighbor->id;
           if (hasToCalcul(i,j))
               hasToCalcul(i,j) = false;
               hasToCalcul(j,i) = false;
               fillFaceToFaceCell(face, neighbor, C, scene);
       if (id actuel% 100 == 0)
           cout << id actuel << "/" << faceList.size() << "(thread n^{\circ}" << a->thread id << ")" << endl;
       pthread_mutex_lock(&verrou);
       id actuel = *(a->id todo);
       *(a->id todo) = *(a->id todo) + 1;
       pthread mutex unlock(&verrou);
   return nullptr;
```

```
LightMatrix createCmatrixFromScene multithreading(Scene &scene)
   BinaryTree* binaryTree = buildBinaryTree(scene); // Arbre binaire de la scène
   vector<Face*> faceList = scene.getFacesPointer(); // Liste des pointeurs de chaque face dans la scène.
   vector<LightSource*> lightList = scene.getLightSourcesPointer(); // Liste des pointeurs de chaque source lumineuse dans la scène.
   LightMatrix C(MatrixXf::Constant(faceList.size() + lightList.size(), faceList.size() + lightList.size(),
                                                                                                               0.f)); // Matrice C
   MatrixXb hasToCalcul = MatrixXb::Constant(faceList.size(), faceList.size(), true); // Matrice donnant les coefficients à calculer.
   arg mt* args = (arg mt*) malloc(NB MULTITHREAD* sizeof(arg mt));
   int* todo = (int*) malloc(sizeof(int));
   *todo = 0;
   for (int k = 0; k < NB MULTITHREAD; k++)</pre>
       args[k].id todo = todo;
       args[k].thread id = k;
       args[k].binaryTree = binaryTree;
       args[k].faceList = &faceList;
       args[k].C = &C;
       args[k].hasToCalcul = &hasToCalcul;
       args[k].scene = &scene;
   pthread t* threads = (pthread t*) malloc(NB MULTITHREAD* sizeof(pthread t));
   for (int k = 0; k < NB MULTITHREAD; k++)</pre>
       pthread create(threads+k, NULL, process calculCoeffCMatrix, args+k);
   for (int k = 0; k < NB MULTITHREAD; k++)</pre>
       pthread join(threads[k], NULL);
   for (LightSource* light: lightList)
       for (Face* face : faceList)
           fillLightToFaceCell(light, face, &C, &scene);
   return C;
```

```
LightMatrix createVectorFromScene (Scene &scene)
   vector<Face> faceList = scene.getFaces();
   vector<LightSource> lightList = scene.getLightSources();
   LightMatrix E (MatrixXf::Constant(faceList.size() + lightList.size(), 1,0.f));
   for (size t i = 0; i < faceList.size(); i++)</pre>
       if (faceList[i].material.emissive)
           E.red(i, 0) = (static cast < float > (faceList[i].material.color.r) / 255.f);
           E.green(i, 0) = (static cast < float > (faceList[i].material.color.g) / 255.f);
           E.blue(i, 0) = (static cast < float > (faceList[i].material.color.b) / 255.f);
   for(int i = 0; i < lightList.size(); i++)</pre>
       int coef = faceList.size() + i;
       E.red(coef, 0) = (static cast < float > (lightList[i].color.r) / 255.f);
       E.green(coef, 0) = (static cast < float > (lightList[i].color.g) / 255.f);
       E.blue(coef, 0) = (static cast<float>(lightList[i].color.b) / 255.f);
   return E;
void lightFaces(Scene &scene, LightMatrix & D)
   int k = 0;
   for (Object& object : scene.getObjects())
       for (Face& face : object.faces)
           face.lightAmount = sf::Color(
                static cast <std::uint8 t>((D.red(k, 0))*255),
                static cast <std::uint8 t>((D.green(k, 0))*255),
                static cast <std::uint8 t>((D.blue(k, 0))*255));
           k++;
```

```
LightMatrix light(Scene &scene, float iteration = 1)
   LightMatrix D = createVectorFromScene(scene);
   LightMatrix E = createVectorFromScene(scene);
   LightMatrix C = createCmatrixFromScene_multithreading(scene);
   // Iteration.
   for (int i = 0; i < iteration; i++)</pre>
       D = (C*D) + E;
       // Normalisation (valeurs entre 0 et 1)
       normalisationV1(&D, &E);
   float maxi = -INFINITY;
   vector<Face> faceList = scene.getFaces();
   for (int i = 0; i < faceList.size(); i++)</pre>
       maxi = max({D.red(i,0), D.blue(i,0), D.green(i,0), maxi});
   }
   for (int i = 0; i < faceList.size(); i++)</pre>
       D.red(i, 0) = min(1.f, D.red(i, 0)/maxi);
       D.green(i,0) = min(1.f, D.green(i,0)/maxi);
       D.blue(i,0) = min(1.f, D.blue(i,0)/maxi);
   for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
       D.red(i, 0) = pow(D.red(i, 0), 0.82);
       D.green(i, 0) = pow(D.green(i, 0), 0.82);
       D.blue(i, 0) = pow(D.blue(i, 0), 0.82);
   ofstream myfile;
   myfile.open("values1.txt");
   for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
       myfile << D.red(i, 0) << "\n";
   myfile << "\n";</pre>
   for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
       myfile << D.blue(i, 0) << "\n";
   myfile << "\n";</pre>
   for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
       \label{eq:myfile} \mbox{myfile} << \mbox{D.green(i, 0)} << \mbox{"\n";}
   myfile.close();
   lightFaces(scene, D);
   std::cout << "Eclairage de la scene terminé.\n";</pre>
   scene.previewMode = false;
   return C;
```

```
LightMatrix lightV2(Scene &scene, float iteration = 1){
   LightMatrix D = createVectorFromScene(scene);
   LightMatrix E = createVectorFromScene(scene);
   LightMatrix C = createCmatrixFromScene multithreading(scene);
   vector<float> vectBlue;
   vector<float> vectRed;
   vector<float> vectGreen;
   int fifth perc = static cast <int>((1./100.)*D.green.rows());
   int ninety fifth perc = static cast <int>((40./100.)*D.green.rows());
   // Iteration.
   for (int i = 0; i < iteration; i++)</pre>
       D = (C*D) + E;
       // Normalisation (valeurs entre 0 et 1)
       float maxi = 1.;
       for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)
           \max i = \max(\{D.red(i, 0), D.green(i, 0), D.blue(i, 0), \max i\});
       vectBlue = getBlue(&D);
       vectRed = getRed(&D);
       vectGreen = getGreen(&D);
       sort(vectBlue.begin(), vectBlue.end());
       sort(vectRed.begin(), vectRed.end());
       sort(vectGreen.begin(), vectGreen.end());
       float maxc = max({vectRed[ninety fifth perc], vectBlue[ninety fifth perc], vectGreen[ninety fifth perc]});
       float minc = min({vectRed[fifth perc], vectBlue[fifth perc], vectGreen[fifth perc]});
       for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)
           if ((D.red(i, 0)) > minc && D.red(i, 0) < maxc)</pre>
               D.red(i, 0) = (D.red(i, 0) - minc) / (maxc - minc);
           if ((D.blue(i, 0)) > minc && D.blue(i, 0) < maxc)</pre>
               D.blue(i, 0) = (D.blue(i, 0)-minc)/(maxc - minc);
           if ((D.green(i, 0)) > minc && D.green(i, 0) < maxc)</pre>
```

```
{
             D.green(i\rho) = (D.green(i\rho)-minc)/(maxc - minc);
float maxi = -INFINITY;
vector<Face> faceList = scene.getFaces();
for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    if(!faceList[i].material.emissive) \ maxi = max(D.red(f)), \ max(D.blue(i,0), \ max(D.green(i,0), \ maxi)));\\
for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    D.red(i,0) = min(1.f, D.red(i,0)/maxi);
    D.green(i,0) = min(1.f, D.green(i,0)/maxi);
    D.blue(i,0) = min(1.f, D.blue(i,0)/maxi);
for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    D.red(i, 0) = pow(D.red(i, 0), 0.4545);
    D.green(i, 0) = pow(D.green(i, 0), 0.4545);
    D.blue(i, 0) = pow(D.blue(i, 0), 0.4545);
ofstream myfile;
myfile.open("values2.txt");
for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    myfile << D.red(i,0) << "\n";
myfile << "\n";</pre>
for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    myfile << D.blue(i,0) << "\n";
myfile << "\n";</pre>
for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    myfile << D.green(i,0) << "\n";
myfile.close();
lightFaces(scene, D);
std::cout << "Eclairage de la scene terminé.\n;"
scene.previewMode = false;
return C; }
```

```
void switch_to_lightV1(LightMatrix C, Scene&scene, float iteration = 1)
   LightMatrix D = createVectorFromScene(scene);
   LightMatrix E = createVectorFromScene(scene);
   // Iteration.
   for (int i = 0; i < iteration; i++)</pre>
       D = (C*D) + E;
       // Normalisation (valeurs entre 0 et 1)
       normalisationV1(&D, &E);
   float maxi = -INFINITY;
   vector<Face> faceList = scene.getFaces();
   for (int i = 0; i < faceList.size(); i++)</pre>
       \max i = \max(\{D.red(i\emptyset), D.blue(i,0), D.green(i,0), \max i\});
   for (int i = 0; i < faceList.size(); i++)</pre>
       D.red(i,0) = min(1.f, D.red(i,0)/maxi);
       D.green(i,0) = min(1.f, D.green(i,0)/maxi);
       D.blue(i,0) = min(1.f, D.blue(i,0)/maxi);
   ofstream myfile;
   myfile.open("values1.txt");
   for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
       myfile << D.red(i,0) << "\n";
   myfile << "\n";
   for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
       myfile << D.blue(i,0) << "\n";
   myfile << "\n";
   for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
       myfile << D.green(i,0) << "\n";
   myfile.close();
   lightFaces(scene, D);
   std::cout << "Eclairage de la scene terminé.\n;"</pre>
   scene.previewMode = false;
```

```
LightMatrix fake light(Scene &scene, float iteration = 1)
   LightMatrix D = createVectorFromScene(scene);
   LightMatrix E = createVectorFromScene(scene);
   LightMatrix C(MatrixXf::Constant(scene.getFaces().size() + scene.getLightSources().size(), scene.getFaces().size() +
scene.getLightSources().size(), 0.f)); // Matrice C
   return C;
void switch to lightV2(LightMatrix C, Scene &scene, float iteration = 1, float low = 0.05, float up = 0.9)
   LightMatrix D = createVectorFromScene(scene);
   LightMatrix E = createVectorFromScene(scene);
   vector<float> vectBlue;
   vector<float> vectRed;
   vector<float> vectGreen;
   vector<float> vectGrey(D.green.rows(), 0);
   int fifth perc = static cast<int>((low)*D.green.rows());
   int ninety fifth perc = static cast <int>((up)*D.green.rows());
   // Iteration.
   float max diff = 1;
   LightMatrix newD(MatrixXf::Constant(D.red.rows(), 1 , 0.f));
   for (int i = 0; i < iteration; i++)</pre>
       newD = (C*D) + E;
       LightMatrix diff = D-newD;
       if (maxLightMat(&diff) < 0.05)</pre>
           cout << i << endl;
           D = newD;
           break;
       D = newD;
       // Normalisation (valeurs entre 0 et 1)
       float maxi = 1.;
       for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
           \max i = \max(\{D.red(i, 0), D.green(i, 0), D.blue(i, 0), \max i\});
```

```
vectBlue = getBlue(&D);
vectRed = getRed(&D);
vectGreen = getGreen(&D);
for (int i = 0; i < vectGreen.size(); i++)
    vectGrey[i] = (vectBlue[i] + vectRed[i] + vectGreen[i])/ 3;
sort(vectBlue.begin(), vectBlue.end());
sort(vectRed.begin(), vectRed.end());
sort(vectGreen.begin(), vectGreen.end());
sort(vectGrey.begin(), vectGrey.end());
float minc = vectGrey[fifth perc];
float maxc = vectGrey[ninety fifth perc];
float alpha = 1 / (maxc - minc);
float beta = -minc * alpha;
for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
        D.red(i, 0) = D.red(i, 0) * alpha + beta;
        D.green(i, 0) = D.green(i, 0) * alpha + beta;
        D.blue(i, 0) = D.blue(i, 0) * alpha + beta;
    }
float maxi = -INFINITY;
vector<Face> faceList = scene.getFaces();
for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    if(!faceList[i].material.emissive) maxi = max(D.red(i, 0), max(D.blue(i, 0), max(D.green(i, 0), maxi)));
maxi = min(1.f, maxi);
for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    D.red(i, 0) = min(1.f, D.red(i, 0)/maxi);
    D.green(i, 0) = min(1.f, D.green(i, 0)/maxi);
    D.blue(i, 0) = min(1.f, D.blue(i, 0)/maxi);
```

```
for (int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    D.red(i, 0) = pow(D.red(i, 0), 0.82);
    D.green(i, 0) = pow(D.green(i, 0), 0.82);
    D.blue(i, 0) = pow(D.blue(i, 0), 0.82);
ofstream myfile;
myfile.open("values2.txt");
for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    myfile << D.red(i, 0) << "\n";
myfile << "\n";</pre>
for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    myfile << D.blue(i, 0) << "\n";</pre>
myfile << "\n";</pre>
for(int i = 0; i < D.red.rows(); i++)</pre>
    myfile << D.green(i, 0) << "\n";
myfile.close();
lightFaces(scene, D);
std::cout << "Eclairage de la scene V2 terminé.\n" ;</pre>
scene.previewMode = false;
```

main.cpp

```
#include "view.h"
#include "world.h"
#include "lighting.h"
#include "BSP.h"
#include <math.h>
#include <iostream>
#include <assert.h>
using namespace std;
using namespace sf;
sf::Vector2i LastMousePosition = sf::Mouse::getPosition();
bool ROTATING = false;
int main(){
   Scene scene3d;
  Material wood(sf::Color(70,60,30), false);
  Material concrete(sf::Color(250,250,250));
  Material foam (sf::Color(200,170,150));
  // /* Objets */
  Object floor("./models/diapo/abs ombre/floor.obj", Origin(), concrete);
   scene3d.addObject(floor);
  Object ceiling("./models/diapo/abs ombre/ceiling.obj", Origin(), sf::Color(255,255,255));
   scene3d.addObject(ceiling);
   Object cube("./models/diapo/abs ombre/cube.obj", Origin(), concrete);
   scene3d.addObject(cube);
   Object wall b("./models/diapo/abs ombre/wall back.obj", Origin(), sf::Color(255,255,255));
   scene3d.addObject(wall b);
  Object wall 1("./models/diapo/abs ombre/wall left.obj", Origin(), sf::Color(60,170,180));
   scene3d.addObject(wall 1);
   Object wall r("./models/diapo/abs ombre/wall right.obj", Origin(), sf::Color(180,80,80));
   scene3d.addObject(wall r);
  LightSource light src (0, Origin(), Color(255,250,250), 10000.);
  light src.origin.pos = Eigen::Vector3f { 0,9,0};
   scene3d.addLightSource(light src);
```

```
scene3d.subdiviseFaces(01);
  LightMatrix C = fake light(scene3d, 100);
   ContextSettings settings;
   settings.antialiasingLevel = 8;
  sf::RenderWindow window = sf::RenderWindow(sf::VideoMode(SCREEN WIDTH, SCREEN HEIGHT), "Rendu 3D - " +
to string(scene3d.getFaces().size()) +  " faces." , sf::Style::Close, settings);
   float low = 0.02;
   float up = 0.98;
   float step = 0.002;
  int id = 0;
  while (window.isOpen())
      sf::Event event;
       while (window.pollEvent(event))
           switch (event.type)
               case sf::Event::Closed:
                  window.close();
                   break;
               case sf::Event::MouseWheelScrolled:
                   if (sf::Keyboard::isKeyPressed(sf::Keyboard::LShift))
                      scene3d.camera.elevate(event.mouseWheelScroll.delta);
                   else
                      scene3d.camera.fov = max( 0.1, scene3d.camera.fov + event.mouseWheelScroll.delta* 0.1);
                      scene3d.camera.fov = min( 3.14f, scene3d.camera.fov);
                   break;
```

```
case sf::Event::KeyPressed:
    switch (event.key.code)
    case sf::Keyboard::P:
       scene3d.previewMode = !scene3d.previewMode;
        break;
    case sf::Keyboard::S: // Activation/Désactivation de l'ombrage doux
       scene3d.smoothShading = !scene3d.smoothShading;
        break;
    case sf::Keyboard::X:
       switch to lightV1(C, scene3d, 100);
        break;
    case sf::Keyboard::Y:
       switch to lightV2(C, scene3d, 100, low, up);
        break;
    case sf::Keyboard::Right:
       low += step;
        break;
    case sf::Keyboard::Left:
       low -= step;
        break;
    case sf::Keyboard::Up:
       up += step;
        break;
    case sf::Keyboard::Down:
       up -= step;
        break;
    case sf::Keyboard::Enter:
       switch to lightV2(C, scene3d, 100, low, up);
        break:
    default:
```

```
break;
                case sf::Keyboard::T:
                   scene3d.test(id);
                   id++;
                    break;
           default:
                break;
   if (sf::Mouse::isButtonPressed(sf::Mouse::Left)) // Contrôle de la caméra
       if (!ROTATING) LastMousePosition = sf::Mouse::getPosition();
       ROTATING = true;
       sf::Vector2i relMousePos = sf::Mouse::getPosition();
       relMousePos = relMousePos - LastMousePosition;
       LastMousePosition = sf::Mouse::getPosition();
       scene3d.camera.rotate(relMousePos.x, relMousePos.y);
   } else ROTATING = false;
   renderScene(scene3d, window);
   ostringstream myString;
   myString << "Range: " << low << " - " << up;
   window.setTitle(myString.str());
return 0;
```

```
#pragma once
#include "world.h"
```

## view.h

```
typedef Eigen::Matrix<sf::Color, Eigen::Dynamic, Eigen::Dynamic> MatrixXcolor;
// Bijection linéaire de [-1, 1] dans [0, SCREEN WIDTH]
float Xscreen(float val);
// Bijection linéaire de [-1, 1] dans [0, SCREEN HEIGHT]
float Yscreen(float val);
float sign (Eigen::Vector2f& p1, Eigen::Vector2f& p2, Eigen::Vector2f& p3);
// Retourn la coulaur du vertex %n vertex (dans[0,2])
sf::Color getColorOfVertex(Face& face, int n_vertex);
// Retourne si la point de coordonnée (%x,%y) sur l'écran est dans le triangle déssiné par la %face selon sa %projection
bool pointIsInTriangle (Face& face, int x, int y, MatrixXf& projection);
// Retourne la coordonnée z du point (%x, %y) se situant sur la %face, et selon la %projection
float getZofPoint(int x, int y, Face& face, MatrixXf& projectedVertices);
// Retourne la coordonnée z du point (%x,%y) se situant sur la %face, et selon la %projection
sf::Color getColorOfPoint(int x, int y, Face& face, MatrixXf& projectedVertices);
/* Réalise une projection matricielle de la %matrix selon la %camera */
MatrixXf matrixProjectionFromCamera(MatrixXf matrix, Camera& camera);
// À compléter
void projectObject (Object &object, Scene &scene, MatrixXf& zBuffer, MatrixXcolor& colorMap);
// À compléter
void drawColorMap(MatrixXcolor colorMap, sf::RenderWindow &window);
// À compléter
void drawLightSources(Scene& scene, sf::RenderWindow &window, MatrixXf& zBuffer);
// À compléter
void drawBoundingBoxes(Scene& scene, sf::RenderWindow &window, MatrixXf& zBuffer);
// Rend la scene sur la fenetre window.
void renderScene(Scene &scene, sf::RenderWindow &window);
```

```
view.cpp
```

```
#include <vector>
#include <iostream>
#include "view.h"
using Eigen::MatrixXf;
using Eigen::Matrix3Xf;
using Eigen::Vector2f;
using Eigen::VectorXf;
using namespace Eigen;
using namespace std;
using namespace sf;
// Bijection linéaire de [-1, 1] dans [0, SCREEN_WIDTH]
float Xscreen(float val) { return (1+val) *SCREEN_WIDTH/2; }
// Bijection linéaire de [-1, 1] dans [0, SCREEN HEIGHT]
float Yscreen(float val) { return (1-val) *SCREEN HEIGHT/2; }
float sign (Eigen::Vector2f& p1, Eigen::Vector2f& p2, Eigen::Vector2f& p3) {
   return (p1(0) - p3(0)) * (p2(1) - p3(1)) - (p2(0) - p3(0)) * (p1(1) - p3(1));
// Retourn la coulaur du vertex %n vertex (dans[0,2])
sf::Color getColorOfVertex(Face& face, int n vertex) {
   float red = 0;
   float blue = 0;
   float green = 0;
   float tot = 0.;
   vector<int> facesIndex = face.parentObject().facesAttachedToVertex[face.vertexIndex(n_vertex)];
   for (int i = 0; i < facesIndex.size(); i++)</pre>
       Face otherFace = face.parentObject().faces[facesIndex[i]];
       float coef mult = max(0.F, cosAngle(face.normalVector(), otherFace.normalVector()));
       red += otherFace.lightAmount.r * coef mult;
       blue += otherFace.lightAmount.b * coef mult;
       green += otherFace.lightAmount.g * coef mult;
       tot += coef mult;
   return sf::Color(static cast<uint8 t>(red/tot), static cast<uint8 t>(green/tot), static cast<uint8 t>(blue/tot));
```

```
// Retourne si la point de coordonnée (%x,%y) sur l'écran est dans le triangle désssiné par la %face selon sa %projection
bool pointIsInTriangle (Face & face, int x, int y, MatrixXf & projection) {
   Eigen::Vector2f pt { static cast<float>(x), static cast<float>(y) };
   Eigen::Vector2f v1 {projection(0, face.vertexIndex(0)), projection(1, face.vertexIndex(0))};
   Eigen::Vector2f v2 {projection(0, face.vertexIndex(1)), projection(1, face.vertexIndex(1))};
   Eigen::Vector2f v3 {projection(0, face.vertexIndex(2)), projection(1, face.vertexIndex(2))};
   float d1, d2, d3;
   bool has neg, has pos;
   d1 = sign(pt, v1, v2);
  d2 = sign(pt, v2, v3);
  d3 = sign(pt, v3, v1);
  has neg = (d1 < 0) \mid | (d2 < 0) \mid | (d3 < 0);
  has pos = (d1 > 0) \mid \mid (d2 > 0) \mid \mid (d3 > 0);
   return ! (has neg && has pos);
// Retourne la coordonnée z du point (%x, %y) se situant sur la %face, et selon la %projection
float getZofPoint(int x, int y, Face & face, MatrixXf & projectedVertices)
   Eigen::Vector2f point {x, y};
   Eigen::Vector2f pa {projectedVertices( 0, face.vertexIndex(0)) - x, projectedVertices( 1, face.vertexIndex(0)) - y};
   Eigen::Vector2f pb {projectedVertices( 0, face.vertexIndex(1)) - x, projectedVertices( 1, face.vertexIndex(1)) - y};
   Eigen::Vector2f pc {projectedVertices( 0, face.vertexIndex(2)) - x, projectedVertices( 1, face.vertexIndex(2)) - y};
   float z1 = projectedVertices(2, face.vertexIndex(0));
   float z2 = projectedVertices(2, face.vertexIndex(1));
   float z3 = projectedVertices(2, face.vertexIndex(2));
   float alpha = pb(0)*pc(1) - pb(1)*pc(0); // Coefficient sommet 0
   float beta = pc(0)*pa(1) - pc(1)*pa(0); // Coefficient sommet 1
   float gamma = pa(0)*pb(1) - pa(1)*pb(0); // Coefficient sommet 2
   return (alpha*z1 + beta*z2 + gamma*z3)/(alpha+beta+gamma);
```

```
// Retourne la coordonnée z du point (%x, %y) se situant sur la %face, et selon la %projection
sf::Color getColorOfPoint(int x, int y, Face& face, MatrixXf& projectedVertices)
   Eigen::Vector2f point {x, y};
   Eigen::Vector2f pa {projectedVertices(0, face.vertexIndex(0)) - x, projectedVertices(1, face.vertexIndex(0)) - y};
   Eigen::Vector2f pb {projectedVertices(0, face.vertexIndex(1)) - x, projectedVertices(1, face.vertexIndex(1)) - y};
   Eigen::Vector2f pc {projectedVertices(0, face.vertexIndex(2)) - x, projectedVertices(1, face.vertexIndex(2)) - y};
   sf::Color color1 = getColorOfVertex(face, 0);
   sf::Color color2 = getColorOfVertex(face, 1);
   sf::Color color3 = getColorOfVertex(face, 2);
   sf::Color finalColor(0,0,0);
   float alpha = pb(0)*pc(1) - pb(1)*pc(0); // Coefficient sommet 0
   float beta = pc(0)*pa(1) - pc(1)*pa(0); // Coefficient sommet 1
   float gamma = pa(0)*pb(1) - pa(1)*pb(0); // Coefficient sommet 2
   finalColor.r = static cast<uint8 t>((alpha*static cast<float>(color1.r) + beta*static cast<float>(color2.r) + qamma*static cast<float>(color3.r))/(alpha+beta+qamma));
   finalColor.g = static_cast<uint8_t>((alpha*static_cast<float>(color1.g) + beta*static_cast<float>(color2.g) + gamma*static_cast<float>(color3.g))/(alpha+beta+gamma));
   finalColor.b = static cast<uint8 t>((alpha*static cast<float>(color1.b) + beta*static cast<float>(color2.b) + qamma*static cast<float>(color3.b))/(alpha+beta+qamma));
   return finalColor;
/* Réalise une projection matricielle de la %matrix selon la %camera */
MatrixXf matrixProjectionFromCamera(MatrixXf matrix, Camera& camera)
   float tanFov = tanf(camera.fov/2);
  Matrix4f projectionMatrix {
       { (SCREEN HEIGHT FLOAT/SCREEN WIDTH FLOAT) / tanFov, 0.f, 0.f, 0.f
       {0.f, 1.f/tanFov, 0.f
                                               , 0.f
       (0.f, 0.f
                       , Z FAR/(Z FAR-Z NEAR) , -Z FAR*Z NEAR/(Z FAR-Z NEAR) },
       {0.f, 0.f
                       , 1.f
                                               , 0.f
   };
   matrix.conservativeResize(4, NoChange); // On ajoute la coordonnée homogène
   for (int i = 0; i < matrix.cols(); i++)</pre>
       matrix(3,i) = 1;
   matrix = projectionMatrix * matrix; // On projette
   for (int i = 0; i < matrix.cols(); i++) // On normalise chaque projection de vecteur
       matrix.col(i) = matrix.col(i)/matrix(3,i);
       matrix(0,i) = Xscreen(matrix(0,i));
       matrix(1,i) = Yscreen(matrix(1,i));
   matrix.conservativeResize(3, NoChange); // On redonne la bonne taille à la matrice
   return matrix;
```

```
void projectObject(Object &object, Scene &scene, MatrixXf & zBuffer, MatrixXcolor & colorMap){
  MatrixXf verticesOnScreen = matrixProjectionFromCamera(coordonateForCamera(object.getVerticesMatrix(), scene.camera), scene.camera);
   for (Face &face : object.faces)
       int min y = max(0, static cast <int>(min({verticesOnScreen(1, face.vertexIndex(0)),
                          verticesOnScreen( 1, face.vertexIndex(1)),
                          verticesOnScreen( 1, face.vertexIndex(2))}))-1);
       int max y = min(scene.camera.height, static cast <int>(max({verticesOnScreen(1, face.vertexIndex(0)),
                          verticesOnScreen( 1, face.vertexIndex(1)),
                          verticesOnScreen( 1, face.vertexIndex(2))}))+1);
       int min x = max(0, static cast<int>(min({verticesOnScreen(0, face.vertexIndex(0)),
                          verticesOnScreen( 0, face.vertexIndex(1)),
                          verticesOnScreen( 0, face.vertexIndex(2))}))-1);
       int max x = min(scene.camera.width, static cast<int>(max({verticesOnScreen(0, face.vertexIndex(0)),
                          verticesOnScreen( 0, face.vertexIndex(1)),
                          verticesOnScreen( 0, face.vertexIndex(2))}))+1);
       for (int y = \min y; y < \max y; y++)
           for (int x = min x; x < max x; x++)
               if (pointIsInTriangle(face, x, y, verticesOnScreen))
                   float zPixel = getZofPoint(x, y, face, verticesOnScreen); /* coordonnée z du pixel sur le triangle */
                   if(zBuffer(y,x) < zPixel)</pre>
                      zBuffer(y,x) = zPixel;
                       colorMap(y,x) = scene.previewMode ?(face.highlight ? White : face.previewColor) : (scene.smoothShading ?
getColorOfPoint(x, y, face, verticesOnScreen) : face.lightAmount);
```

```
void drawColorMap(MatrixXcolor colorMap, sf::RenderWindow &window)
  sf::VertexArray pixel (sf::Points, colorMap.cols()*colorMap.rows());
   for (int i = 0; i < colorMap.rows(); i++)</pre>
       for (int j = 0; j < colorMap.cols(); <math>j++)
           sf::Vertex vertex(sf::Vector2f(j, i), colorMap(i,j));
           pixel[i*colorMap.cols() + j] = vertex;
   window.draw(pixel);
void drawLightSources(Scene & scene, sf::RenderWindow &window, MatrixXf & zBuffer)
   for (LightSource& lightSourcePointer : scene.getLightSources())
       MatrixXf projectedSource = matrixProjectionFromCamera(coordonateForCamera(lightSourcePointer.origin.pos, scene.camera),
scene.camera);
       if (projectedSource(0,0) >=0 && projectedSource(1,0) >=0 && projectedSource(0,0) < scene.camera.width && projectedSource(1,0) <
scene.camera.height)
           if (projectedSource(2,0) > zBuffer(static cast<int>(projectedSource(1,0)), static cast<int>(projectedSource(0,0))))
               sf::CircleShape shape(3);
               shape.setFillColor(lightSourcePointer.color);
               shape.setOutlineColor(sf::Color( 0,0,0));
               shape.setOutlineThickness( 1);
               shape.setPosition(projectedSource(0,0)-3, projectedSource(1,0)-3);
               window.draw(shape);
```

```
void renderScene(Scene &scene, sf::RenderWindow &window)
   MatrixXf zBuffer = MatrixXf::Constant(window.getSize().y, window.getSize().x, -INFINITY);
   MatrixXcolor colorMap = MatrixXcolor::Constant(window.getSize().y, window.getSize().x, sf::Colox0(40,40,255));
// 20 20 20
   for(Object& object : scene.getObjects())
       projectObject(object, scene, zBuffer, colorMap);
   window.clear();
   drawColorMap(colorMap, window);
   if(scene.previewMode)
       drawBoundingBoxes(scene, window, zBuffer);
       drawLightSources(scene, window, zBuffer);
   window.display();
   window.setTitle(to string(rand()%00000));
```

```
#pragma once
#include <iostream>
#include <vector>
#include <Eigen/Dense>
#include <SFML/Window.hpp>
#include <SFML/Graphics.hpp>
#include <SFML/System.hpp>
using Eigen::MatrixXf;
using Eigen::Matrix3Xf;
using Eigen::Vector3f;
#define Point 0
#define Sun 1
#define White sf::Color(255,255,255)
using namespace std;
extern const float FOV ANGLE;
extern const int SCREEN HEIGHT;
extern const int SCREEN WIDTH;
extern const float SCREEN HEIGHT FLOAT;
extern const float SCREEN WIDTH FLOAT;
extern const float Z FAR;
extern const float Z NEAR;
class Material; class Origin; class Face; class BoundingBox; class Object; class Camera; class Scene;
#include "BSP.h"
/* Renvoie les coordonnées du vecteur vect après rotation autour de X. */
Matrix3Xf rotateX(Matrix3Xf vect, float angle);
/* Renvoie les coordonnées du vecteur vect après rotation autour de Y. */
Matrix3Xf rotateY(Matrix3Xf vect, float angle);
/* Renvoie les coordonnées du vecteur vect après rotation autour de Z. */
Matrix3Xf rotateZ(Matrix3Xf vect, float angle);
```

```
/* Renvoie les coordonnées du vecteur vect après rotations successives autour de X, Y et Z. */
Matrix3Xf rotate3d (Matrix3Xf vector, Vector3f rotVect);
/* Renvoie les coordonnées du vecteur vect après translation par le vecteur t. */
Matrix3Xf translate(Matrix3Xf vector, Vector3f t);
/* Calcule le produit scalaire de deux vecteurs.*/
float scalar(Vector3f v1, Vector3f v2);
/* Calcule le produit vectoriel de deux vecteurs.*/
Vector3f cross(Vector3f v1, Vector3f v2);
/*Renvoie la distance entre deux points de l'espace sous la forme d'un vecteur 3D*/
Vector3f distanceVect(Vector3f v1, Vector3f v2);
/*Renvoie la distance entre deux points de l'espace*/
float distance(Vector3f v1 = Vector3f::Zero(), Vector3f v2 = Vector3f::Zero());
/*Renvoie la norme du vecteur V*/
float norme(Vector3f v);
/*Renvoie la norme du vecteur V au carré*/
float normeSquare(Vector3f v);
/*Renvoie le cosinus de l'angle entre les deux vecteurs*/
float cosAngle(Vector3f v1, Vector3f v2);
/*Renvoie les nouvelles coordonnées du vecteur V dans la base du monde, en supposant que ses coordonnées soient données dans la base
Origin */
Matrix3Xf coordonateInWorld(Matrix3Xf v, Origin origin);
/* Renvoie les nouvelles coordonnées d'un vecteur de coordonnées COORD dans la base de la CAMERA, en supposant que ses coordonnées
soient données dans la base du monde */
Matrix3Xf coordonateForCamera (Matrix3Xf v, Camera cam);
```

// /\* STRUCTURES \*/

```
class Material{
  public:
       bool emissive; //Lumière émise par le matériau (par défaut aucune).
       sf::Color color; //Couleur propre du matériau (par défaut blanche).
      Material(sf::Color col = White, bool emit = false);
};
class Face{
   private:
       bool area calculated = false;
       bool center calculated = false;
       bool normal calculated = false;
       float area ;
      Vector3f center ;
      Vector3f normal ;
   public:
       int verticesIndex[3]; //Indices des éléments de vertices dans la matrice verticies de Object.
       int id; // Correspond à l'indice de la face dans la liste des faces de la scène ET sa ligne dans la matrice C
       bool highlight;
       Scene* scenePointer; // Pointeur vers la scene dont la face dépend (Dangereux)
       int objectIndex; // Index de l'objet parent dnas la liste d'objets de la scene.
       sf::Color lightAmount; //Couleur de la face après calcul de lumière.
       sf::Color previewColor;
      Material material; //Matériau associé à la face.
      Vector3f normalVector(); // Vecteur normal à la surface de la face.
       float area(): // Aire de la face
      Vector3f center(); // Centre de la face, en coordonnées globales.
      Object & parentObject(); // Objet dont dépend la face.
      Vector3f vertex(int i); //Renvoie le ième vertex de la face (0<=i<3), en coordonnées globales
       int vertexIndex(int i); //Renvoie le n° de colonne dans la matrice de l'objet correspondant au ième vertex de la face (0<=i<3)
       bool isIntersectedByRay (Vector3f rayOrigin, Vector3f rayDirection); // Renvoie si la face est traversée par la rayon
       Face(int v1, int v2, int v3, Material material);
       void modifyVertex(int vertexToModify, int newVertexIndex);
       void reload();
};
```

```
class Origin{
   public:
       Vector3f pos; //Position du référentiel de l'objet dans celui de la scène ( (0, 0, 0, 1) initialement)
       Vector3f rot; //Angles de rotation du référentiel de l'objet dans celui de la scène ( (0, 0, 0, 1) initialement).
       Origin (Vector3f position=Vector3f::Zero(), Vector3f rotation=Vector3f::Zero());
};
class BoundingBox{
   public:
       float x min;
       float x max;
       float y min;
       float y max;
       float z min;
       float z max;
       BoundingBox (vector < Face > faces);
       bool isInterectedByRay(Vector3f origin, Vector3f direction);
};
class Object{
  private:
       Matrix3Xf localVerticesMatrix = Matrix3Xf::Constant( 3,0,1); //Matrice 3xN des coordonnées LOCALES des vertices de l'objet, où N
est le nombre de vertices.
       Matrix3Xf globalVerticesMatrix; //Matrice 3xN des coordonnées GLOBALES des vertices de l'objet, où N est le nombre de vertices.
       Origin origin; //Référentiel de l'objet. (PRIVE)
  public:
       vector<Face> faces; //Tableau des faces de l'objet.
       vector<vector< int>> facesAttachedToVertex; //Associe à chaque indice de vertex la liste des indices des faces auxquelles elle
appartient (anciennement: vertFaces).
       Material material; //Matériau associé à l'objet. (inutile ?)
       void setOrigin(Origin newOrigin); // Modifie l'origine de l'objet.
       void setPosition(Vector3f newPos); // Modifie l'origine de l'objet.
       Origin getOrigin(); // Renvoie l'origine de l'objet.
       Matrix3Xf getVerticesMatrix(); // Renvoie la matrice GLOBALE de vertexs.
       vector<Face*> getFacesPointer(); // Renvoie une liste des pointeurs des faces de l'objet.
       Object(string filename, Origin org, Material mat);
       BinaryTree* binaryTree;
```

BoundingBox\* boundingBox;

```
/* Opérations sur les vertexs et les faces */
       int addVertex (Vector3f v); // Renvoie l'indice local associé au vertex %v qui vient d'être ajoutée
       void modifyVertexOfFace(int local face id, int axis, int new vertex index); //
       void removeFaceAttachedToVertex( int vertexIndex, int faceIndex);
       int divideEdge (Face & face, int edge); // Renvoie l'indice du nouveau vertex ajouté correspondant au milieu du coté %edge
       int addFace(Face f); // Renvoie l'indice local associé à la face qui vient d'être ajoutée
       void subdiviseFace(int local face id); // Subdivise la face selon son plus long coté.
       void subdiviseFaceFull(int local face id); // Subdivise la face en trois (nul).
       void subdiviseFaceFromEdge(int local face id, int edge); // Subdivise la face selon un côté donné.
       vector<int> getNeighborOfFace(int local face id);
};
class LightSource{
   public:
       int local id; // Correspond à l'indice de la source dans la liste des sources de la scène
       int global id; // Correspond au numéro de ligne dans c
       float strength;
       sf::Color color;
       int type;
       Origin origin;
       LightSource(int type = Point, Origin origin = Origin(), sf::Color color = White, float strength = 1.);
};
class Camera{
   public:
       Origin origin; //Référentiel de la caméra.
       int width; //Largeur de la caméra (1280 par défaut).
       int height; //Hauteur de la caméra (720 par défaut).
       float distance; //Profondeur de la caméra (20).
       float elevation = 0;
       float fov; //Champ de vision de la caméra (angle en (radians?), 1 initialement).
       void rotate(int x=0, int y=0); // Tourne la caméra d'un angle x (gauche/droite) et y (haut/bas)
       void elevate(int z); // Tourne la caméra d'un angle x (gauche/droite) et y (haut/bas)
       Camera(Origin org = Origin(), float fieldOfView=1);
};
```

```
class Scene{
   private:
      vector<Object> objects; //Tableau des objets de la scène.
      vector<LightSource> lightsources; //Tableau des sources lumineuses de la scène.
   public:
      Scene(Camera cam = Camera());
       Camera camera; //Caméra associée à la scène.
       bool previewMode = true; // Affichage des faces multicolores.
       bool smoothShading = false;
      // Objets:
       void addObject(Object obj); // Ajoute un objet à la scene
       void removeObject(int index); // Supprime l'objet d'indice n°i à la scene
      vector<Object> & getObjects(); // Renvoie (une référence de) la liste des objets de la scene.
       // Sources lumineuses:
       void addLightSource(LightSource light); // Ajoute une source lumineuse à la scene
      // void removeLightSource(int index); // Supprime la source lumineuse d'indice n°i à la scene
      vector<LightSource> & getLightSources(); // Renvoie (une référence de) la liste des sources lumineuses de la scene.
      vector<LightSource*> getLightSourcesPointer(); // Renvoie (une référence de) la liste des sources lumineuses de la scene.
       // Faces:
       void initializeElementsId(); // Initialise les indices des faces dans la matrice C.
      vector<Face> getFaces(); // Renvoie la liste de toutes les faces de la scene
       vector<Face*> getFacesPointer(); // Renvoie la liste de toutes les pointeurs vers les faces de la scene
       void subdiviseFaces(float lengthThreshold = 1.);
       void smartSubdivision();
       void test(int id);
};
```

world.cpp

```
#include <math.h>
#include <fstream>
#include <assert.h>
#include "world.h"
using Eigen::Matrix3Xf;
using Eigen::Vector3f;
using Eigen::VectorXf;
typedef Eigen::Matrix<br/>
bool, Eigen::Dynamic, Eigen::Dynamic> MatrixXb;
using namespace std;
using namespace Eigen;
const float FOV ANGLE = 3.1415/2;
const int SCREEN HEIGHT = 720; // 720 900
const int SCREEN WIDTH = 1280; // 1280 1600
const float SCREEN HEIGHT FLOAT = static cast < float > (SCREEN HEIGHT);
const float SCREEN WIDTH FLOAT = static cast<float>(SCREEN WIDTH);
const float Z FAR = 700;
const float Z NEAR = 0.2;
// Divise une chaine de caractères selon un delimiteur
vector<string> split(string s, string delimiter) {
   size_t pos_start = 0, pos_end, delim_len = delimiter.length();
   string token;
   vector<string> res;
   while ((pos_end = s.find(delimiter, pos_start)) != string::npos) {
       token = s.substr (pos start, pos end - pos start);
       pos start = pos end + delim len;
       res.push back (token);
   }
   res.push_back(s.substr(pos_start));
   return res;
};
```

```
/* Renvoie les coordonnées du vecteur vect après rotation autour de X */
Matrix3Xf rotateX(Matrix3Xf vect, float angle) {
  { 0, cos(angle), -sin(angle) },
                 { 0, sin(angle), cos(angle) }};
  return rotMat * vect;
/* Renvoie les coordonnées du vecteur vect après rotation autour de Y */
Matrix3Xf rotateY(Matrix3Xf vect, float angle) {
  Matrix3f rotMat{{cos(angle), 0, sin(angle)},
                 { 0 , 1, 0 },
                 {-sin(angle), 0, cos(angle)}};
  return rotMat * vect;
/* Renvoie les coordonnées du vecteur vect après rotation autour de Z */
Matrix3Xf rotateZ(Matrix3Xf vect, float angle) {
  Matrix3f rotMat{{cos(angle), -sin(angle), 0},
                 {sin(angle), cos(angle), 0},
                 { 0 , 0 , 1}};
  return rotMat * vect;
Matrix3Xf rotate3d(Matrix3Xf vector, Vector3f rotVect) {
   return rotateX(rotateY(rotateX(vector, rotVect( 0)), rotVect( 1)), rotVect( 2));
Matrix3Xf translate(Matrix3Xf vector, Vector3f t){
  for (int i = 0; i < vector.cols(); i++)
      vector.col(i) = vector.col(i) + t;
  return vector;
/*Renvoie la distance entre deux points de l'espace sous la forme d'un vecteur 3D*/
Vector3f distanceVect(Vector3f v1, Vector3f v2){
  return v2 - v1;
```

```
/*Renvoie la norme du vecteur V*/
float norme(Vector3f v){
   return sqrtf(v(0)*v(0) + v(1)*v(1) + v(2)*v(2));
/*Renvoie la distance entre deux points de l'espace*/
float distance(Vector3f v1, Vector3f v2){
   return norme(distanceVect(v1, v2));
/*Renvoie la norme du vecteur V au carré*/
float normeSquare(Vector3f v) {
   return v(0)*v(0) + v(1)*v(1) + v(2)*v(2);
/*Renvoie le cosinus de l'angle entre les deux vecteurs*/
float cosAngle(Vector3f v1, Vector3f v2){
   float s = scalar(v1, v2);
  return s/(norme(v1)*norme(v2));
/* Calcule le produit vectoriel de deux vecteurs.*/
Vector3f cross(Vector3f v1, Vector3f v2) {
   return Vector3f{
       \{v1(1)*v2(2) - v1(2)*v2(1)\},
       \{v1(2)*v2(0) - v1(0)*v2(2)\},
       \{v1(0)*v2(1) - v1(1)*v2(0)\};
/* Calcule le produit scalaire de deux vecteurs.*/
float scalar(Vector3f v1, Vector3f v2){
   return (v1(0)*v2(0) + v1(1)*v2(1) + v1(2)*v2(2));
/*Renvoie les nouvelles coordonnées du vecteur V dans la base du monde, en supposant que ses coordonnées soient données dans la base
Origin */
Matrix3Xf coordonateInWorld(Matrix3Xf v, Origin origin) {
   return translate(rotate3d(v, origin.rot), origin.pos);
```

```
/* Renvoie les nouvelles coordonnées d'un vecteur de coordonnées COORD dans la base de la CAMERA, en supposant que ses coordonnées
soient données dans la base du monde */
Matrix3Xf coordonateForCamera(Matrix3Xf v, Camera cam) {
   return rotate3d(translate(v, Vector3f {{-cam.origin.pos(0)}, {-cam.origin.pos(1)}, {-cam.origin.pos(2)}}), -1*cam.origin.rot);
// /* STRUCTURES */
// // Materiau:
Material::Material(sf::Color col, bool emit){
   emissive = emit;
  color = col;
};
// Face:
Face::Face(int v1, int v2, int v3, Material mat) {
   material = mat;
   lightAmount = sf::Color(0,0,0);
   previewColor = sf::Color(rand()% 256, rand()% 256, rand()% 256);
   verticesIndex[0] = v1;
   verticesIndex[1] = v2;
   verticesIndex[2] = v3;
   highlight = false;
};
Vector3f Face::normalVector(){
   if (!normal calculated) {
       Vector3f edge1 = distanceVect(vertex( 1), vertex(0));
       Vector3f edge2 = distanceVect(vertex(2), vertex(1));
       normal = cross(edge1,edge2);
       normal calculated = true;
   return normal ;
```

```
Vector3f Face::center(){
   if (!center calculated) {
       center = Vector3f \{\{(vertex(0)(0) + vertex(1)(0) + vertex(2)(0))/3\},
                             \{(\text{vertex}(\ 0)(1) + \text{vertex}(1)(1) + \text{vertex}(2)(1))/3\},\
                             \{(\text{vertex}(0)(2) + \text{vertex}(1)(2) + \text{vertex}(2)(2))/3\}\};
       center calculated = true;
   return center ;
float Face::area() {
   if (!area calculated) {
       area = norme(normalVector())/ 2;
       area calculated = true;
   return area ;
Object & Face::parentObject() {
   return scenePointer->getObjects()[objectIndex];
Vector3f Face::vertex(int i){
   assert(i \ge 0 \&\& i < 3);
   assert(scenePointer!= NULL);
   return parentObject().getVerticesMatrix().col(verticesIndex[i]);
int Face::vertexIndex(int i){
   assert(i \ge 0 \&\& i < 3);
   return verticesIndex[i];
```

```
bool Face::isIntersectedByRay(Vector3f rayOrigin, Vector3f rayDirection){
   const float EPSILON = 0.0000001;
   Vector3f vertex0 = vertex(0);
   Vector3f vertex1 = vertex(1);
   Vector3f vertex2 = vertex(2);
   Vector3f edge1, edge2, h, s, q;
   float a, f, u, v;
   edge1 = vertex1 - vertex0;
  edge2 = vertex2 - vertex0;
   h = rayDirection.cross(edge2);
   a = edge1.dot(h);
  if (a > -EPSILON && a < EPSILON) return false; // Le rayon est parallèle à la face
  f = 1.0 / a;
   s = rayOrigin - vertex0;
  u = f * h.dot(s);
  if (u < 0.0 \mid \mid u > 1.0) return false;
  q = s.cross(edge1);
  v = f * rayDirection.dot(q);
   if (v < 0.0 | | u + v > 1.0) return false;
  float t = f * edge2.dot(q); // On calcule le paramètre de collision
  return (t > 0.001 && t < 0.99999);
};
```

```
void Face::reload()
   normal calculated = false;
   center calculated = false;
   area calculated = false;
void Face::modifyVertex( int vertexToModify, int newVertexIndex)
// Longueur du cote le plus long d'une face.
float lengthLongestEdge(Face & face) {
   int res = 2:
   float length = distance(face.vertex(0), face.vertex(1));
   if (distance(face.vertex(1), face.vertex(2)) > length)
       res = 0;
       length = distance(face.vertex(1), face.vertex(2));
   if (distance(face.vertex(2), face.vertex(0)) > length)
       res = 1;
       length = distance(face.vertex(2), face.vertex(0));
   return length;
};
// Origine:
Origin::Origin(Vector3f position, Vector3f rotation){
   pos = position;
   rot = rotation;
};
```

```
// BoundingBox:
BoundingBox::BoundingBox(vector<Face> faces)
  x min = INFINITY; y min = INFINITY;
                                          z min = INFINITY;
  x max = -INFINITY; y max = -INFINITY;
                                            z max = -INFINITY;
  for (int i = 0; i < faces.size(); i++)</pre>
      x \min = \min(\{x \min, faces[i].vertex(0)(0), faces[i].vertex(1)(0), faces[i].vertex(2)(0)\});
      x \max = \max(\{x \max, faces[i].vertex(0)(0), faces[i].vertex(1)(0), faces[i].vertex(2)(0)\});
      y \max = \max(\{y \max, faces[i].vertex(0)(1), faces[i].vertex(1)(1), faces[i].vertex(2)(1)\});
      z \min = \min(\{z \min, faces[i].vertex(0)(2), faces[i].vertex(1)(2), faces[i].vertex(2)(2)\});
      z \max = \max(\{z \max, faces[i].vertex(0)(2), faces[i].vertex(1)(2), faces[i].vertex(2)(2)\});
};
// Intersection Rayon/ plan orthogonal à l'axe %axis, de coordonée %center le long de cet axe
float intersectionPlanAxis(Vector3f origin, Vector3f direction, int axis, int center)
  float t = direction[axis]; // Produit scalaire normale du plan et direction du rayon
  if (abs(t) < 0.00001) return INFINITY; // Si il est parallèle on renvoit l'infini.
  return (center - origin(axis))/t;
bool BoundingBox::isInterectedByRay(Vector3f origin, Vector3f direction)
  float coef = intersectionPlanAxis(origin, direction, 0, x min);
  if (coef > 0.01 && coef < 0.999 && origin(1) + direction(1) *coef <= y max && origin(1) + direction(1) *coef >= y min && origin(2) +
direction(2)*coef <= z max && origin(2) + direction(2)*coef >= z min) return true;
  coef = intersectionPlanAxis(origin, direction, 0, x max);
  if (coef > 0.01 && coef < 0.999 && origin(1)+ direction(1)*coef <= y max && origin(1)+ direction(1)*coef >= y min && origin(2)+
direction(2)*coef <= z max && origin(2) + direction(2)*coef >= z min) return true;
  coef = intersectionPlanAxis(origin, direction, 1, y min);
  if (coef > 0.01 && coef < 0.999 && origin(0)+ direction(0)*coef <= x max && origin(0)+ direction(0)*coef >= x min && origin(2)+
direction(2)*coef <= z max && origin(2) + direction(2)*coef >= z min) return true;
```

```
coef = intersectionPlanAxis(origin, direction,1, y max);
   if (coef > 0.01 && coef < 0.999 && origin(0) + direction(0) *coef <= x max && origin(0) + direction(0) *coef >= x min && origin(1) + direction(2) *coef <= z max &&
origin(2) + direction(2) *coef >= z min) return true;
   coef = intersectionPlanAxis(origin, direction2, z min);
  if (coef > 0.01 && coef < 0.999 && origin(0) + direction(0) *coef <= x max && origin(0) + direction(0) *coef >= x min && origin(1) + direction(1) *coef <= y max &&
origin(1) + direction(1) *coef >= y min) return true;
  coef = intersectionPlanAxis(origin, direction2, z max);
  if (coef > 0.01 && coef < 0.999 && origin(0) + direction(0) *coef <= x max && origin(0) + direction(0) *coef >= x min && origin(1) + direction(1) *coef <= y max &&
origin(1) + direction(1) *coef >= y min) return true;
   return false:
// Objet:
// Ajoute le nouveau vertex %v à l'objet en evitant les doublons
int Object::addVertex(Vector3f v)
   for(int i = 0; i < localVerticesMatrix.cols(); i++)</pre>
       if(v.isApprox(localVerticesMatrix.col(i)))return i;
   // On rajoute un vecteur
   facesAttachedToVertex.push back(vectorint>());
   localVerticesMatrix.conservativeResize(NoChange, localVerticesMatrix.cols()) / / Rajoute une colonne
  localVerticesMatrix.col(localVerticesMatrix.cols(1) = v; // Rempli la dernière colonne avec le vertex lu
   setOrigin(origin);
   return localVerticesMatrix.cols()1;
// Ajoute la nouvelle face %f à l'objet
int Object::addFace(Face f)
   assert(faces.size() !=0);
   f.scenePointer = faces[].scenePointer;
   f.objectIndex = faces[].objectIndex;
   facesAttachedToVertex[f.vertexIndexO()].push back(faces.size());
   facesAttachedToVertex[f.vertexIndexl()].push back(faces.size());
   facesAttachedToVertex[f.vertexIndex2()].push back(faces.size());
   faces.push back(f);
   setOrigin(origin);
   return faces.size() -1;
```

```
// Créé un nouveau vecteur correspondant au milieu du coté %edge de %face
int Object::divideEdge(Face & face, int edge)
   Vector3f newVector = (face.vertex((edge+ 1)%3) + face.vertex((edge+ 2)%3))/2;
   return addVertex(newVector);
// Renvoie la liste des pointeurs des faces de l'objet
vector<Face*> Object::getFacesPointer() {
   vector<Face*> faceList;
   for (int i = 0; i < faces.size(); i++)</pre>
       faceList.push back(&(faces[i]));
   return faceList;
// Supprime l'indice %faceIndex de la liste des dépendances du vertex d'indice %vertexIndex
void Object::removeFaceAttachedToVertex( int vertexIndex, int faceIndex)
   for (int i = 0; i < facesAttachedToVertex[vertexIndex].size(); i++)</pre>
       if (facesAttachedToVertex[vertexIndex][i] == faceIndex) {
           (facesAttachedToVertex[vertexIndex]).erase(facesAttachedToVertex[vertexIndex].begin() + i);
void Object::modifyVertexOfFace( int local face id, int axis, int new vertex index)
   assert(new vertex index < localVerticesMatrix.cols());</pre>
   faces[local face id].verticesIndex[axis] = new vertex index;
   removeFaceAttachedToVertex(faces[local face id].vertexIndex(axis), local face id);
   facesAttachedToVertex[new_vertex_index].push_back(local_face_id);
   faces[local face id].reload();
void Object::setOrigin(Origin newOrigin){
   origin = newOrigin;
   globalVerticesMatrix = coordonateInWorld(localVerticesMatrix, origin);
```

```
void Object::setPosition(Vector3f vect){
   Vector3f newPos = vect;
   origin.pos = newPos;
  globalVerticesMatrix = coordonateInWorld(localVerticesMatrix, origin);
Origin Object::getOrigin(){
   return origin;
Matrix3Xf Object::getVerticesMatrix() {
   return globalVerticesMatrix;
void Object::subdiviseFaceFromEdge( int local face id, int edge){
  assert(local_face_id < faces.size());</pre>
   Face& faceToCut = faces[local face id];
   int newVertexIndex = divideEdge(faceToCut, edge);
   Face secondFace = Face(faceToCut.vertexIndex(edge), newVertexIndex, faceToCut.vertexIndex((edge+ 2)%3), faceToCut.material);
  modifyVertexOfFace(local face id, (edge+ 2)%3, newVertexIndex);
   addFace (secondFace);
void Object::subdiviseFace( int local face id) {
   Face& face = faces[local face id];
   int edge = 2;
   float length = distance(face.vertex(0), face.vertex(1));
   if(distance(face.vertex(1), face.vertex(2)) > length)
       edge = 0;
       length = distance(face.vertex(1), face.vertex(2));
   if(distance(face.vertex(2), face.vertex(0)) > length)
       edge = 1;
       length = distance(face.vertex(2), face.vertex(0));
   subdiviseFaceFromEdge(local face id, edge);
```

```
void Object::subdiviseFaceFull(int local_face_id) {
   Face& face = faces[local_face_id];
   // On rajoute le centre
   int center 0 = divideEdge(face, 0);
   int center_1 = divideEdge(face, 1);
   int center 2 = divideEdge(face, 2);
   Face newFace cent = Face(center 0, center 1, center 2, face.material);
   addFace(newFace cent);
   Face newFace_1 = Face(center_2, face.vertexIndex(1), center_0, face.material);
   addFace(newFace 1);
   Face newFace 2 = Face(center 1, center 0, face.vertexIndex(2), face.material);
   addFace(newFace 2);
   modifyVertexOfFace(local face id, 2, center 1);
   modifyVertexOfFace(local face id, 1, center 2);
vector<int> Object::getNeighborOfFace(int local face id){
   vector<int> res;
   for (int v1 = 0; v1 < 3; v1++)
      int v2 = (v1+1) %3;
       vector<int> s1 = facesAttachedToVertex[faces[local face id].vertexIndex(v1)];
       vector<int> s2 = facesAttachedToVertex[faces[local_face_id].vertexIndex(v2)];
       bool exit = false;
       for (int i1 = 0; i1 < s1.size() && !exit; i1++)</pre>
           for (int i2 = 0; i2 < s2.size() && !exit; i2++)</pre>
               if (s1[i1] == s2[i2]){
                   res.push_back(s1[i1]);
                   exit = true;
   vector<int> res2;
   for (size_t i = 0; i < 3; i++)
       vector<int> y = facesAttachedToVertex[faces[local face id].vertexIndex(i)];
       res2.insert(res2.end(), y.begin(), y.end());
   return res2;
```

```
Object::Object(string filename, Origin org, Material mat) {
   srand(time(NULL));
  material = mat;
  ifstream file(filename);
   assert(!file.fail());
   string line; // Construction de l'objet à partir du fichier
   while (getline(file, line)){
       vector<string> tab = split(line, ""); // line:"o 0.1 0.2 0.3" devient tab:["o", "0.1", "0.2", "0.3"]
       if (tab[0] == "v")
       {
           facesAttachedToVertex.push back(vector< int>());
          localVerticesMatrix.conservativeResize(NoChange, localVerticesMatrix.cols()+ 1); // Rajoute une colonne
          localVerticesMatrix.col(localVerticesMatrix.cols() - 1) = Vector3f(stof(tab[1]), stof(tab[2]), stof(tab[3])); // Rempli la
dernière colonne avec le vertex lu
       } else if(tab[0] == "f")
          vector<string> vert1 = split(tab[ 1], "/");
          vector<string> vert2 = split(tab[ 2], "/");
          vector<string> vert3 = split(tab[ 3], "/");
           Face face (stoi (vert1 [0]) -1, stoi (vert2 [0]) -1, stoi (vert3 [0]) -1, mat);
           faces.push back(face);
           facesAttachedToVertex[stoi(vert1[ 0])-1].push back(faces.size()-1);
           facesAttachedToVertex[stoi(vert2[ 0])-1].push back(faces.size()-1);
           facesAttachedToVertex[stoi(vert3[ 0])-1].push back(faces.size()-1);
   setOrigin(org); // Doit être à la fin pour actualiser la matrice
};
// Sources lumineuses:
LightSource::LightSource(int type, Origin origin, sf::Color color, float strength){
   this->origin = origin;
   this->color = color;
   this->strength = strength;
   this->type = type;
```

```
// Camera:
Camera::Camera(Origin org, float fieldOfView){
   width = SCREEN WIDTH;
   height = SCREEN HEIGHT;
   distance = 20;
   origin = org;
   fov = fieldOfView;
   rotate(0, 0);
};
void Camera::rotate(int x, int y){
   float SENSIBILITY = 0.002;
   float rotX = -x*SENSIBILITY;
   float rotY = y*SENSIBILITY;
   origin.rot = origin.rot + Vector3f {{ 0}, {rotX}, {rotY}};
   origin.pos = distance*Vector3f(cos(-origin.rot( 2))*sin(origin.rot(1)),
                                   sin(-origin.rot( 2)) + elevation/distance,
                                  cos(-origin.rot( 2))*cos(origin.rot(1)));
void Camera::elevate(int z){
   float SENSIBILITY = 1;
   elevation += z*SENSIBILITY;
   rotate();
// Scene:
Scene::Scene(Camera cam) {
   camera = cam;
   objects = vector<Object>();
};
```

```
void Scene::addObject(Object obj){
   objects.push back(obj);
   for (int i = 0; i < objects.size(); i++)</pre>
       Object& object = objects[i];
       for (Face* face : object.getFacesPointer())
           face->scenePointer = this;
           face->objectIndex = i;
   initializeElementsId();
   Object& object = objects[objects.size() - 1];
   object.boundingBox = new BoundingBox(object.faces);
   object.binaryTree = buildBinaryTreeFromList(object.getFacesPointer());
};
void Scene::removeObject(int index){
   objects.erase(objects.begin()+index);
   initializeElementsId();
vector<Object> & Scene::getObjects(){
   return objects;
};
void Scene::addLightSource(LightSource light) {
   lightsources.push back(light);
   initializeElementsId();
vector<LightSource> & Scene::getLightSources() {
   return lightsources;
```

```
vector<LightSource*> Scene::getLightSourcesPointer(){
   vector<LightSource*> lightList;
   for(int i = 0; i < lightsources.size(); i++)</pre>
       lightList.push back(&(lightsources[i]));
   return lightList;
vector<Face> Scene::getFaces() {
   vector<Face> faceList;
   for(Object& obj : getObjects())
       faceList.insert(faceList.end(), obj.faces.begin(), obj.faces.end());
   return faceList;
void Scene::initializeElementsId() {
   int counter = 0;
   for (Object& object : objects)
       for (Face& face : object.faces)
           face.id = counter;
           counter++;
   int local counter = 0;
   for (LightSource& light : lightsources)
       light.local id = local counter;
       light.global id = counter;
       counter ++;
       local counter ++;
```

```
vector<Face*> Scene::getFacesPointer() {
   vector<Face*> faceList;
   for (Object& obj : getObjects())
       vector<Face*> tmp = obj.getFacesPointer();
       faceList.insert(faceList.end(), tmp.begin(), tmp.end());
   return faceList;
void Scene::subdiviseFaces(float lengthThreshold){
   for (int i = 0; i < objects.size(); i++)</pre>
       Object& object = objects[i];
       int j = 0;
       while (j < object.faces.size())</pre>
           Face& faceToCut = object.faces[j];
           if(lengthLongestEdge(faceToCut) > lengthThreshold)
               object.subdiviseFace(j);
           else
               j++;
       object.binaryTree = buildBinaryTreeFromList(object.getFacesPointer());
   initializeElementsId();
```

```
void Scene::smartSubdivision()
  MatrixXb faceLightVisibily = MatrixXb::Constant(getLightSources().size(), getFaces().size(), false);
   cout << "source lumineuses: " << getLightSources().size() << endl;</pre>
   for (Face* face : getFacesPointer())
       for (LightSource* light : getLightSourcesPointer())
           Vector3f distanceVector = distanceVect(face->center(), light->origin.pos);
           faceLightVisibily(light->local id, face->id) = false; // !rayIsIntersectedInScene(face->center(), distanceVector, this);
   vector<vector< bool>> sub list;
   for (int obj index = 0; obj index < objects.size(); obj index++)</pre>
       Object& object = objects[obj index];
       vector<bool> subObject;
       for (int j = 0; j < object.faces.size(); j++)</pre>
           bool added = false;
           subObject.push back( false);
           Face& face = object.faces[j];
           assert(object.getNeighborOfFace(j).size() > 0);
           for(int k = 0; k < object.getNeighborOfFace(j).size(); k++)</pre>
               int nbh = object.getNeighborOfFace(j)[k]; // Optimisable.
               assert(nbh < object.faces.size());</pre>
               if (faceLightVisibily.col(face.id) != faceLightVisibily.col(object.faces[nbh].id) && cosAngle(face.normalVector(),
object.faces[nbh].normalVector()) > 0.99999 && false)
                   vector< int> tuple = {obj index, j};
                   subObject[subObject.size() - 1] = true;
                   break:
       assert(subObject.size() == object.faces.size());
       sub list.push back(subObject);
```

```
void Scene::test(int id)
   MatrixXb faceLightVisibily = MatrixXb::Constant(getLightSources().size(), getFaces().size(false);
   cout << "source lumineuses: "<< getLightSources().size() << endl;</pre>
   for(Face* face : getFacesPointer())
       for (LightSource* light : getLightSourcesPointer())
           Vector3f distanceVector = distanceVect(face->center(), light->origin.pos);
           faceLightVisibily(light->local_id, face->id) = !rayIsIntersectedInScene(face->center(), distanceVectom;s);
   vector<vector<nt>> todo; // (objet, face à subdiviser)
   int cpt = 0;
   for (int obj_index = 0; obj_index < objects.size(); obj_index++)</pre>
       Object& object = objects[obj index];
       for (int j = 0; j < object.faces.size(); j++)</pre>
           Face& face = object.faces[j];
           bool exit = false;
           assert(object.getNeighborOfFace(j).size() 0);
           for(int k = 0; k < object.getNeighborOfFace(j).size(); k++)</pre>
               int nbh = object.getNeighborOfFace(j)[k];// Optimisable.
               if (cpt==id)
               {
                   Face& facenb = object.faces[nbh];
                   facenb.lightAmount = sf::Colon( 255, 0);
                    face.lightAmount = sf::Colo265, 0, 0);
               if (faceLightVisibily.col(face.id) != faceLightVisibily.col(object.faces[nbh].id) && cosAngle(face.normalVector(), object.faces[nbh].normalVector())
0.99999)
                   vector≼nt> tuple = {obj index, j};
                   todo.push back(tuple);
                   exit =true;
                   break;
           cpt++;
   cout << "todo size: " << todo.size() << endl;</pre>
```