

UNIVERSIDAD DE SAN CARLOS DE GUATEMALA
CENTRO UNIVERSITARIO DE OCCIDENTE
DIVISIÓN DE CIENCIAS DE LA INGENIERÍA
ESTRUCTURA DE DATOS



MANUAL DE TECNICO

DIEGO ALESSANDRO GONZALEZ BRAVO / 202230393

Objetivo del Sistema

Desarrollar un sistema de gestion de biblioteca que utilice multiples estructuras de datos avanzadas para optimizar operaciones de busqueda, insercion y eliminación de libros, comparando el rendimiento entre diferentes metodos.

Alcance Tecnico

Implementación desde cero de todas las estructuras de datos

Sin uso de librerias STL para estructuras (std::vector, std::map, etc.)

Programación Orientada a Objetos (POO)

Tecnologías Utilizadas

Lenguaje: C++20

Herramienta de compilacion: Make

Visualizacion: Graphviz (DOT)

Tipos abstractos de datos

1. Libro

TAD Libro

Datos:

titulo: String

isbn: String (clave unica)

genero: String

anio: Entero

autor: String

Operaciones:

Libro(t: String, i: String, g: String, a: Entero, au: String)

Pre: isbn debe ser unico en el sistema

Post: Crea una instancia de Libro con los atributos dados

getTitulo(): String

Pre: Libro inicializado

Post: Retorna el titulo del libro

getIsbn(): String

Pre: Libro inicializado

Post: Retorna el ISBN del libro

getGenero(): String

Pre: Libro inicializado

Post: Retorna el genero del libro

getAño(): Entero

Pre: Libro inicializado

Post: Retorna el año de publicacion

getAutor(): String
Pre: Libro inicializado
Post: Retorna el autor del libro

mostrarInfo(): void
Pre: Libro inicializado
Post: Imprime informacion del libro en consola

Invariantes:
- isbn != ""
- titulo != ""
- -3000 <= anio <= 2100

Fin TAD

2. Lista enlazada

TAD ListaEnlazada

Datos:
cabeza: NodoLista*
tamaño: Entero

Operaciones:
ListaEnlazada()
Pre: Ninguna
Post: Crea lista vacia con cabeza = NULL, tamaño = 0

insertar(libro: Libro*): void
Pre: libro != NULL
Post: Agrega libro al final, tamaño++
Complejidad: O(n)

insertarAlInicio(libro: Libro*): void
Pre: libro != NULL
Post: Agrega libro al inicio, tamaño++
Complejidad: O(1)

buscarPorTitulo(titulo: String): Libro*
Pre: Ninguna
Post: Retorna libro con titulo dado o NULL
Complejidad: O(n)

buscarPorISBN(isbn: String): Libro*
Pre: Ninguna
Post: Retorna libro con ISBN dado o NULL
Complejidad: O(n)

eliminar(isbn: String): Boolean
Pre: Ninguna
Post: Elimina libro con ISBN dado, retorna true si existe

Complejidad: $O(n)$

estaVacia(): Boolean

Pre: Ninguna

Post: Retorna true si tamaño = 0

Complejidad: $O(1)$

obtenerTamaño(): Entero

Pre: Ninguna

Post: Retorna tamaño

Complejidad: $O(1)$

Invariantes:

- tamaño ≥ 0

- Si tamaño = 0 entonces cabeza = NULL

- Si tamaño > 0 entonces cabeza \neq NULL

Fin TAD

3. Arbol AVL

TAD ArbolAVL

Datos:

raiz: NodoAVL*

tamaño: Entero

Operaciones:

ArbolAVL()

Pre: Ninguna

Post: Crea arbol vacio con raiz = NULL, tamaño = 0

insertar(libro: Libro*): void

Pre: libro \neq NULL

Post: Inserta libro manteniendo balance AVL, tamaño++

Complejidad: $O(\log n)$

buscarPorTitulo(titulo: String): Libro*

Pre: Ninguna

Post: Retorna libro con titulo dado o NULL

Complejidad: $O(\log n)$

eliminar(titulo: String): Boolean

Pre: Ninguna

Post: Elimina libro manteniendo balance AVL

Complejidad: $O(\log n)$

obtenerLibrosOrdenados(): ListaEnlazada*

Pre: Ninguna

Post: Retorna lista con libros en orden alfabetico

Complejidad: $O(n)$

obtenerAltura(): Entero
Pre: Ninguna
Post: Retorna altura del arbol
Complejidad: $O(1)$

estaVacio(): Boolean
Pre: Ninguna
Post: Retorna true si raiz = NULL
Complejidad: $O(1)$

Invariantes:

- Para todo nodo n: $|altura(n.izq) - altura(n.der)| \leq 1$
- Para todo nodo n: $n.izq.titulo < n.titulo < n.der.titulo$
- altura ≥ -1
- tamaño ≥ 0

Fin TAD

4. Arbol B

TAD ArbolB

Datos:

raiz: NodoB*
grado: Entero (orden minimo)
tamaño: Entero

Operaciones:

ArbolB(g: Entero)
Pre: $g \geq 2$
Post: Crea arbol B con grado = g, raiz = NULL, tamaño = 0

insertar(libro: Libro*): void
Pre: libro != NULL
Post: Inserta libro usando anio como clave, tamaño++
Complejidad: $O(\log n)$

buscarPorAño(anio: Entero): Libro*
Pre: Ninguna
Post: Retorna libro con anio dado o NULL
Complejidad: $O(\log n)$

buscarPorRangoFechas(inicio: Entero, fin: Entero): ListaEnlazada*
Pre: inicio \leq fin
Post: Retorna libros con inicio \leq anio \leq fin
Complejidad: $O(\log n + k)$ donde k = cantidad de resultados

eliminar(anio: Entero): Boolean
Pre: Ninguna
Post: Elimina libro manteniendo propiedades de Arbol B
Complejidad: $O(\log n)$

Invariantes:

- Todos los nodos hoja estan al mismo nivel
- Nodo interno con k claves tiene k+1 hijos
- Nodo raiz: $1 \leq \text{claves} \leq 2^{\text{grado}-1}$
- Nodo no-raiz: $\text{grado}-1 \leq \text{claves} \leq 2^{\text{grado}-1}$
- Claves ordenadas en cada nodo

Fin TAD

5. Arbol B+

TAD ArbolBPlus

Datos:

raiz: NodoBPlus*
grado: Entero
tamaño: Entero
primeraHoja: NodoBPlus*

Operaciones:

ArbolBPlus(g: Entero)
Pre: $g \geq 2$
Post: Crea arbol B+ con grado = g, raiz = NULL

insertar(libro: Libro*): void
Pre: libro != NULL
Post: Inserta libro usando genero como clave, tamaño++
Complejidad: $O(\log n)$

buscarPorGenero(genero: String): ListaEnlazada*
Pre: Ninguna
Post: Retorna todos los libros del genero dado
Complejidad: $O(\log n + m)$ donde m = libros del genero

eliminar(genero: String, isbn: String): Boolean
Pre: Ninguna
Post: Elimina libro del genero manteniendo propiedades
Complejidad: $O(\log n)$

recorridoSecuencial(): void
Pre: Ninguna
Post: Muestra todos los generos usando enlaces entre hojas
Complejidad: $O(k)$ donde k = cantidad de generos

Invariantes:

- Datos solo en nodos hoja
- Nodos internos solo contienen claves guia
- Todas las hojas estan al mismo nivel
- Hojas enlazadas secuencialmente
- primeraHoja apunta a la hoja mas izquierda

Fin TAD

Complejidades:

Complejidad Temporal Lista enlazada:

Operacion	Mejor Caso	Caso Promedio	Peor Caso
Insertar al inicio	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
Insertar al final	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
Buscar	$O(1)$	$O(n/2)$	$O(n)$
Eliminar	$O(1)$	$O(n/2)$	$O(n)$
Acceso por indice	$O(1)$	$O(n/2)$	$O(n)$

Ventajas:

- Insercion al inicio muy rapida
- Tamaño dinamico
- No requiere memoria contigua

Desventajas:

- Búsqueda secuencial lenta
- No permite acceso directo por indice
- Overhead de punteros

Complejidad Temporal Arbol AVL:

Operacion	Mejor Caso	Caso Promedio	Peor Caso
Insertar	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Buscar	$O(1)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Eliminar	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Recorrido In-order	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
Obtener altura	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$

Ventajas:

- Garantiza $O(\log n)$ para búsqueda
- Auto-balanceo
- Recorrido in-order da elementos ordenados

Desventajas:

- Overhead de almacenar altura
- Rotaciones frecuentes
- Mas complejo que BST simple

Complejidad Temporal Arbol B:

Operacion	Mejor Caso	Caso Promedio	Peor Caso
Insertar	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Buscar	$O(1)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Buscar Rango	$O(\log n + k)$	$O(\log n + k)$	$O(\log n + k)$
Eliminar	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Division de nodo	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$

Complejidad Espacial: $O(n)$ **Ventajas:**

- Optimizado para búsquedas por rango
- Menos profundidad que arbol binario
- Ideal para sistemas con disco
- Múltiples claves por nodo reducen accesos

Desventajas:

- Mas complejo de implementar
- Overhead de mantener propiedades
- Operaciones de fusion complejas

Complejidad Temporal Arbol B+:

Operacion	Mejor Caso	Caso Promedio	Peor Caso
Insertar	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Buscar por clave	$O(1)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Buscar todos de categoria	$O(\log n + m)$	$O(\log n + m)$	$O(\log n + m)$
Eliminar	$O(\log n)$	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Recorrido secuencial	$O(k)$	$O(k)$	$O(k)$

donde m = libros en la categoria, k = numero de categorias

Ventajas:

- Recorrido secuencial muy rapido
- Busquedas por categoria eficientes
- Hojas enlazadas para rangos
- Nodos internos optimizados (solo claves)

Desventajas:

- Duplicacion de claves (espacio extra)
- Insercion mas compleja
- Mantenimiento de enlaces adicionales