



03 - La compilation

Présenté par Yann Caron skyguide

ENSG Géomatique

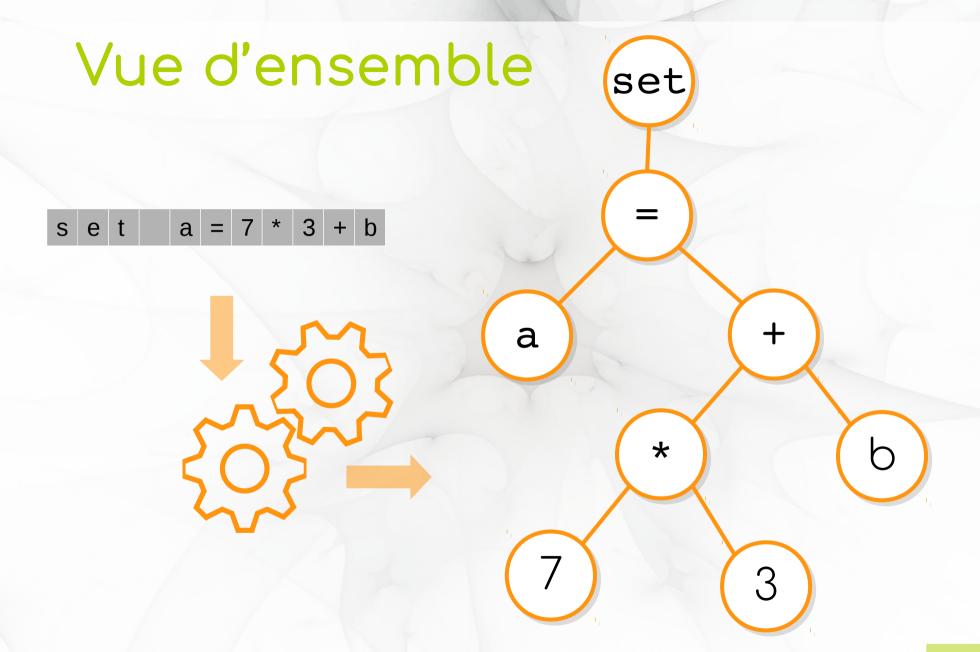


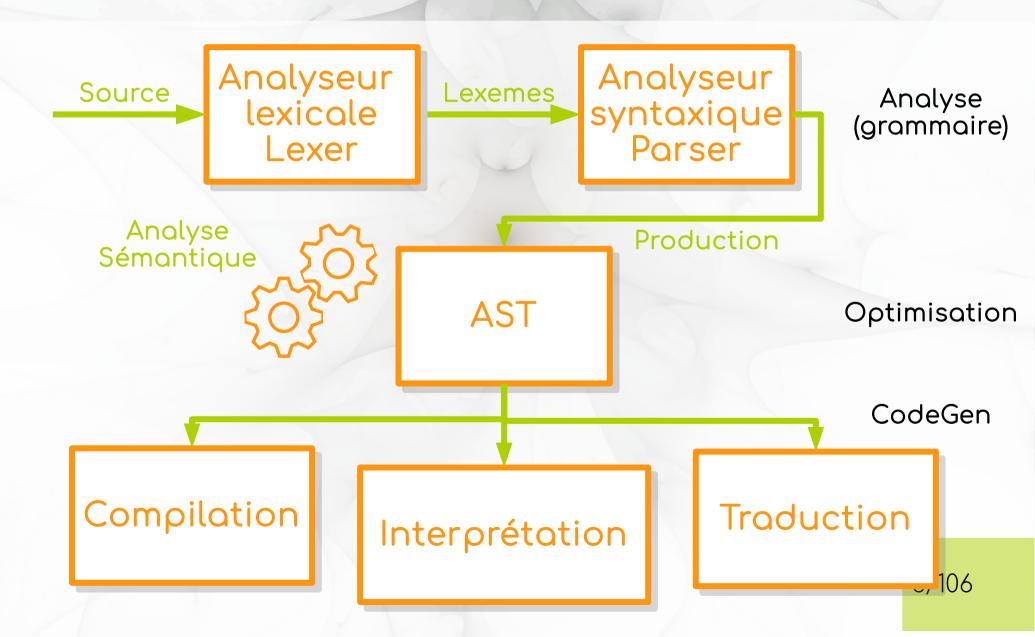
## Plan du cours

Grammaire Analyse Lexicale Algorithme LL(1) Analyse Syntaxique Algorithmes LL(k), LL(\*) et LR Arbre Syntaxique (AST)

- La Syntaxe est l'étude de la façon dont les mots sont organisés pour construire des phrases
- La syntaxe ne s'intéresse pas à la sémantique des mots (les paradigmes)
- Par contre l'analyse syntaxique peut apporter de l'information pour l'analyse sémantique future

- Analyseur lexical : Transforme une chaîne de lettres en une chaîne de mots typés appelés Lexems (token)
  - Ex: [87 (number), '+' (symbol), 3 (number)]
- Analyseur syntaxique: Transforme une chaîne de lexems en un arbre syntaxique (AST)





- Généralement :
- L'analyseur lexical utilise une grammaire régulière
  - Automate fini lit de gauche à droite
- L'analyseur syntaxique utilise une grammaire non-contextuelle (context free)
  - Encapsulation (exemple bien parenthésé)

# Hiérarchie de Chomsky

voir le cours sur la théorie de langages

✓ langages formels
✓ 4 classes de langages

Analyseur Syntaxique

Grammaires
Contextuelles

Grammaires
Contextuelles

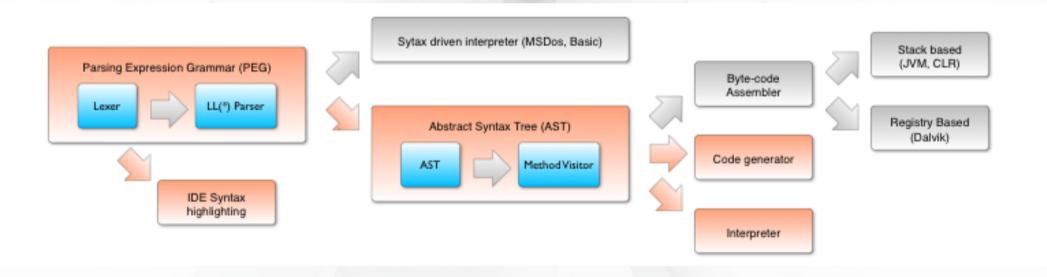
Grammaires
Algébriques

Grammaires
Algébriques

**Analyseur Lexical** 

régulières

Choix à plusieurs niveaux

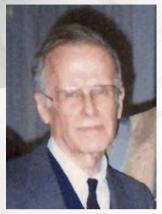


- Le résultat de l'analyse lexicale est aussi utilisé pour la coloration syntaxique
- Pour décrire les grammaires des analyseurs lexicales et syntaxiques, on utilise la Forme de Backus-Naur



### BNF

Backus Naur Form







Peter Naur 1928 - 2016

- Notation permettant de décrire les règles syntaxiques des langages de programmation
- Définit lors de la création de Algol60
- Successeur du Fortran originalement créé par John Backus

# EBNF - syntaxe

- \* répétition
- absence
- ✓ , concaténation
- ✓ | choix
- = définition
- ✓ ; terminaison
- 'a' .. 'z' intervalle

- terminal ambigu
- " terminal ambigu '
- (\* commentaire \*)
- ( groupe )
- [ groupe optionnel ]
- { groupe répété }
- ? séquence spéciale ?

## EBNF - exemple

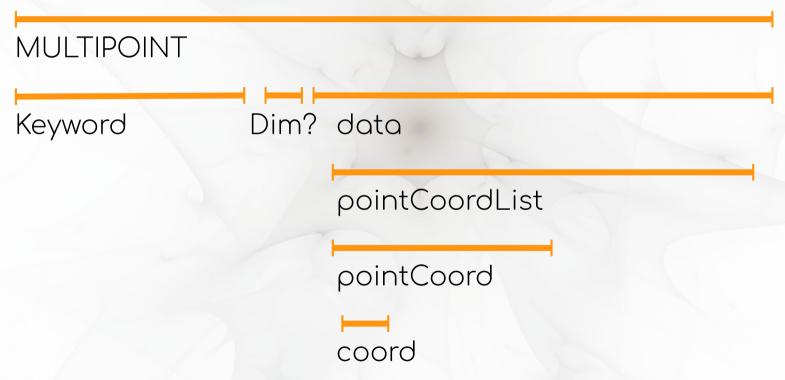
```
null = ' ' | '\t' | '\n' | '\r';
number = ( '0'..'9' ) { '0'..'9' };
symbol = '(' | ')' | '+';
keyword = { 'a'..'b' | 'A'..'B' };
null;
lexemList = { lexem }
```

### BNF - exercice

- Quelle est la grammaire du wkt ?
- POINT (10 20)
- POINT Z (17 15.5 14.7)
- MULTIPOINT((3.5 5.6), (4.8 10.5))
- MULTIPOINT Z( (3.5 5.6 4.7), (4.8 10.5 7))

## EBNF - exercice

MULTIPOINT Z ((3.5 5.6 4.7), (4.8 10.5 7))



# EBNF - réponse

```
multipoint = keyword dim? Data;
keyword = 'MULTIPOINT';
dim = 'Z' | 'M' | 'ZM';
                               Pourquoi cette
data = '(' pcl ')';
                                 syntaxe?
pcl = pc { ',' pc };
pc = '(' number { '' ' number } ')';
number = [0..9] \{ [0..9] \}
```

Attention destiné au Lexer

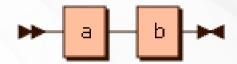
## Railroad Diagram

- Propose une représentation graphique de la grammaire
- http://www.bottlecaps.de/rr/ui
- Représente les séquences, les choix et les boucles
- Remarque : opérateurs nécessaires et suffisants
- cf: JinyParser

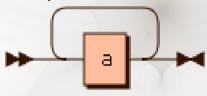
# Railroad Diagram

antiodo Diagrai

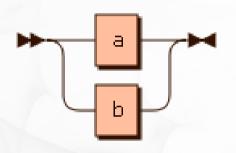
sequence a b



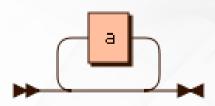
répétition 1-n a+



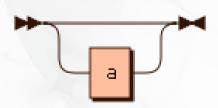
choix a | b



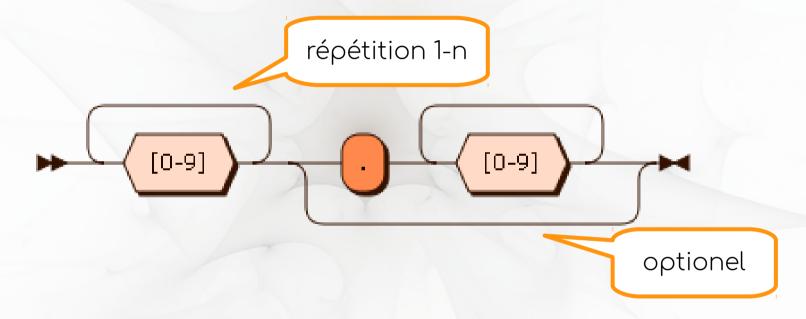
répétition 0-n a\*



optionnel a?



# Railroad Diagram

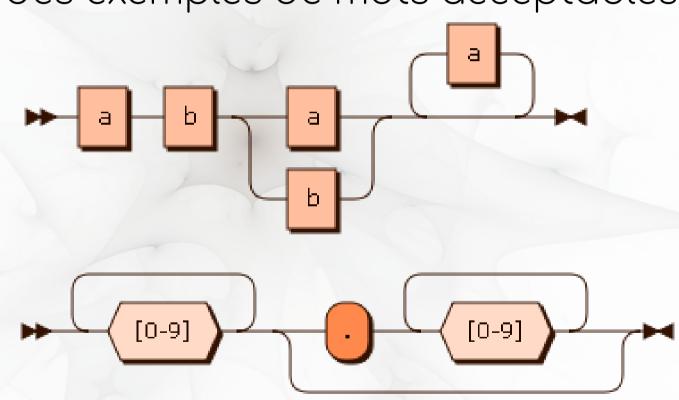


# Équivalences Kleene / EBNF

- Optionnel:α? <=> [ α ] <=> α | ξ
- Répétition (0 .. n) :
   a\* <=> { a } <=> ( a | ξ ) +
- Répétition (1 .. n) : a+ <=> a { a }

## Exercice

Donner des exemples de mots acceptables pour :



# Réponses

- v aba, abb, abaaaa, abbaaaaa
- non acceptés : abbb, aaba, bab
- 0, 1, 50, 25.4, 29.7598
- non acceptés : .25, 2.2.2, 27.

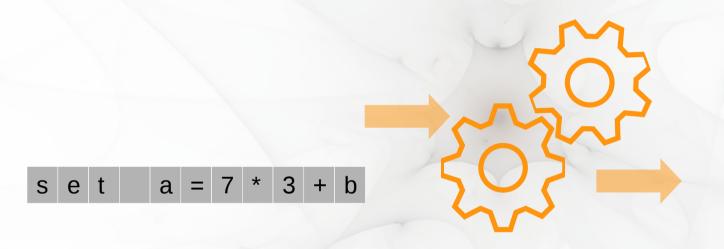




## Généralités

- But:
  - ✓ Lire le code source
  - Reconnaître les mots
  - Distinguer les types de mots (chiffres, identifiants, chaînes de caractères, symboles, espaces)
- ✓ Entrée :
  - Une liste de caractères
- Sortie:
  - Une liste de mots typés (lexèmes)

# Lexer - définition



set	keyword
	space
a	ident
=	symbol
7	number
*	symbol
3	number
+	symbol
b	ident

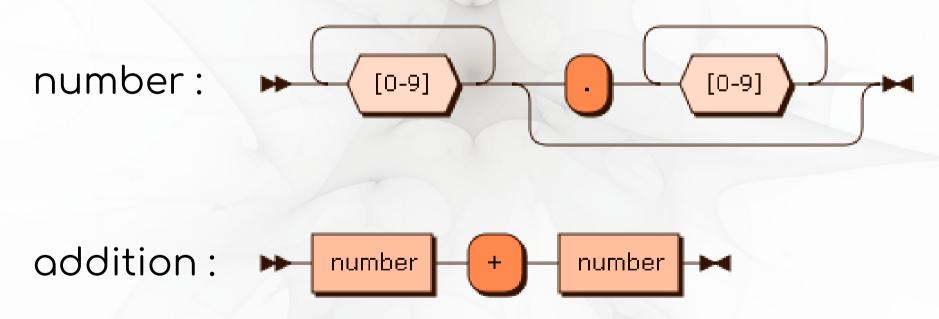
## Remarques

- Consommé par l'analyseur syntaxique
- Mais pas obligatoire (algorithmes similaires entre lexer et parser)
- Utilise généralement un algorithme LL(1)
- Également utilisé lors de la coloration syntaxique

```
void main() {
   set a = 7 * 3 + b
}
```

### Question?

Différence entre grammaire pour le lexer et pour le parser



## Remarques

- Ces mots typés sont appelés Lexèmes ou Tokens
- Types généralement utilisés :
  - SPACE, COMMENT /\* \*/ \n
  - SYMBOL () {} + \* / %
  - NUMBER, STRING
  - KEYWORD if, else, while, do
  - ✓ IDENT

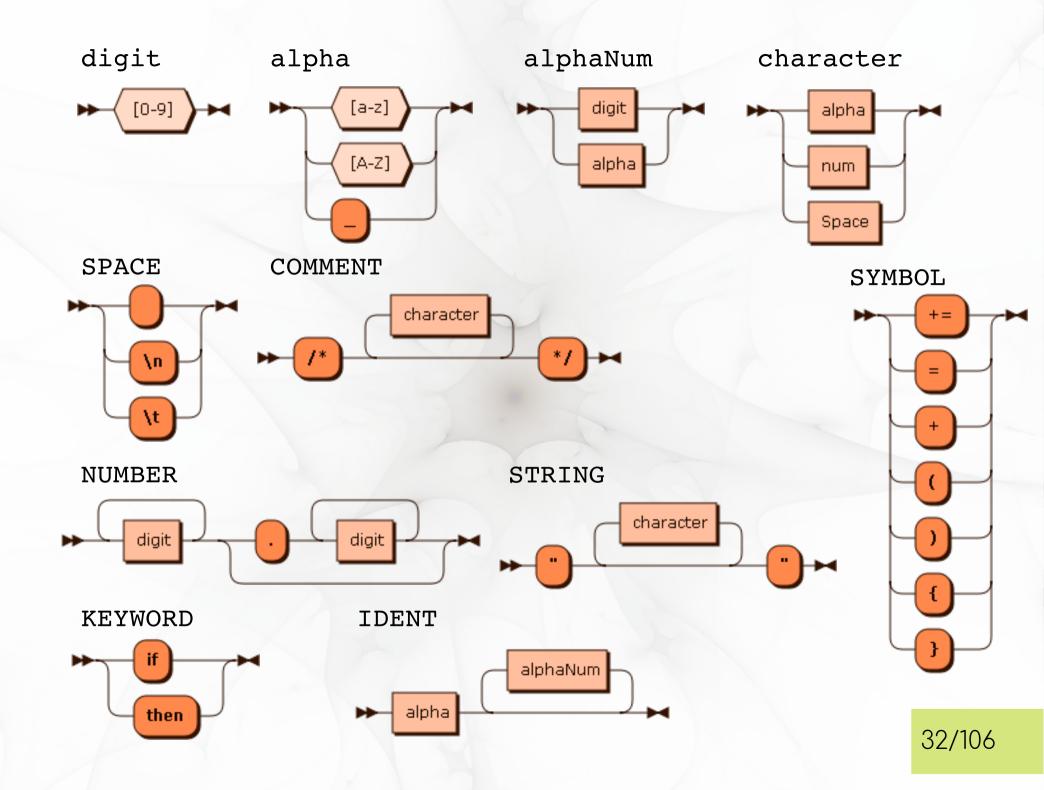
### Exercice

Donner la définition d'un analyseur lexicale capable de parcourir ce script :

```
if (_var0 < 0.1) { /* test */
    print ("too small")
} else {
    _var0 += 1
}</pre>
```

# Réponse

```
digit ::= [0-9]
alpha ::= [a-z] [A-Z] ''
alphaNum ::= digit | alpha
character ::= alpha | num | Space
SPACE ::= ' ' \n' | '\t'
COMMENT ::= '/*' character* '*/'
SYMBOL ::= '+=' | '=' | '+' | '(' | ')' | '{' | '}'
NUMBER ::= digit+ ('.' digit+)?
STRING ::= '"' character*
                                        L'ordre est il
KEYWORD ::= 'if' | 'then'
                                        important?
IDENT ::= alpha alphaNum*
                       Pourquoi pas
                       alphaNum+?
Production d'un
```



# Lexème global

Un programme est une liste de mots

```
Lexem := COMMENT
                         SYMBOL
                                   NUMBER
             STRING
                       KEYWORD
                                   IDENT
 SourceCode ::= Lexem? (SPACE Lexem) *
Lexem
     COMMENT
                   SourceCode
     SYMBOL
                                        SPACE
                                                  Lexem
     NUMBER:
                        Lexem
     STRING
     KEYWORD
                                                           33/106
     IDENT
```



# Algorithme LL(1)

- Pour transformer la chaîne de caractère en liste de lexèmes, il faut :
- Lire les caractères uns a uns
  - On parle de lookahead (tête chercheuse)
- De gauche à droite
- Déterminer le type de production
- Stocker le résultat dans une liste

# LL(1) Recursive descent parser

#### abbaaaaa

```
consumed 1 lookahead
```

```
function testA() {
   if (lookahead == "a") return true;
   return false;
}

function consumeA() {
   // do stuffs
   nextLookahead()
}
```

```
sequence ---
```

```
function sequence() {
  if (testA()) consumeA()
  else throw "parseException"

  if (testB()) consumeB()
  else throw "parseException"
}
```

```
choix
```

```
function choice() {
  if (testA()) consumeA()
  else if (testB()) consumeB()
  else throw "parseException"
}
```

```
optionnel:
```

```
function optional() {
  if (testA()) consumeA()
  // no exception thrown
}
```

```
répétition +:
```

```
function repeatOneOrMore() {
   if (!testA()) throw "parseException"
   do {
      consumeA()
   } while (testA())
```

```
répétition *: ►
```

```
function repeatZeroOrMore() {
    while (testA()) {
       consumeA()
    }
}
```

# Algorithme LL(1)

- Left to Right
- Left most derivation
  - L'élément de gauche détermine qu'elle règle grammaticale appliquer
- ✓ Look ahead de 1
  - L'algorithme ne test que le prochain caractère
- Algorithme typiquement utilisé pour l'analyseur lexical
- Implémentation Recursive Descent Parser

# Exemple

```
number: • [0-9]
```

```
function parseNumChar() {
    if (!testNum())
        throw "parseException"
    do {
        consume()
    } while (testNum)
}
```

```
function parseNumber() {
   parseNumChar()
   if (testDot()) {
      consume()
      parseNumChar() Optionnel
   }
}
```

#### Limitations

- Le premier symbole (Left most derivation) est déterminant pour la production
- Convient pour le Basic, le Pascal, Le LISP ou l'analyse lexicale
  - Pourquoi les identifiants doivent commencer par une lettre (C like, Python, Pascal, Basic ...)
  - string str2 = « mystring » est volide
  - ✓ String 2dStr = « myString » Ne l'est pas!

#### Limitations - solution

- Pour augmenter le nombre de grammaire reconnu on peu augmenter le "lookahead"
- Avant la production on regarde les éléments suivant
- L'analyseur LL(k)
- k détermine le nombre d'éléments à regarder
- LL(1) est un cas particulier du LL(k)
- LL(\*) lorsque k est illimité (pré-analyse sans production)

# LL(k)

#### 2dStr = "Hello"

- look ahead
- Un look ahead de 2 permettrait de préfixer les identifiants avec un chiffre
- Ainsi de distinguer un identifiant d'un nombre de manière sûr
- Ne fonctionne plus si le nombre est plus grand : 27dString
- Une solution?

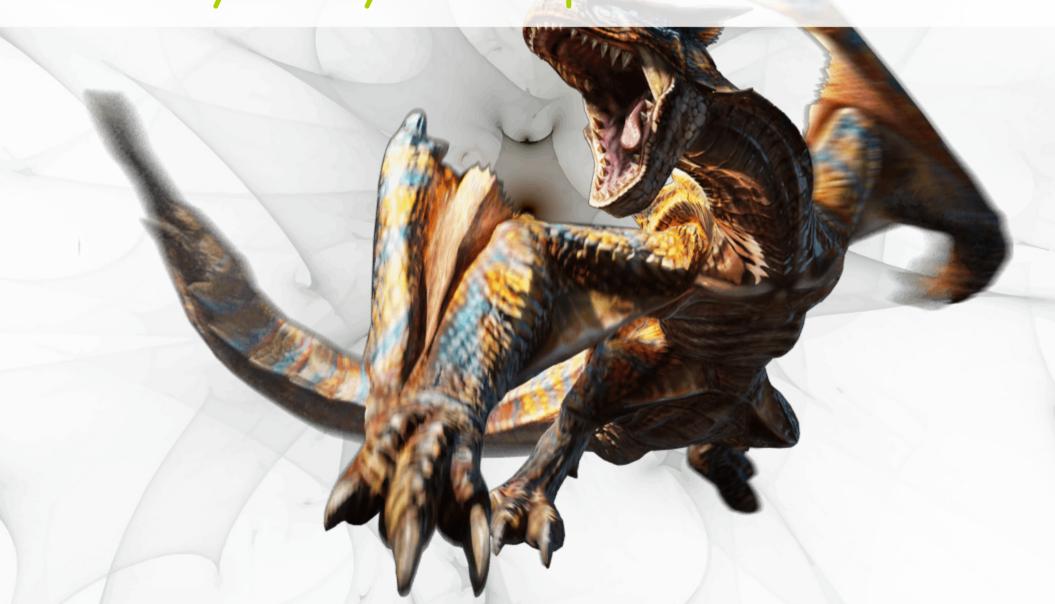
# **LL(\*)**

#### 2dStr = "Hello"

1

- look ahead
- Un look ahead infini permet de déterminé à coup sûr de la grammaire qui va suivre
- Intervient lors d'un choix entre deux productions
- Algorithme Backtrack (parcours récursivement la structure)
- A suivre ....

# Analyse Syntaxique

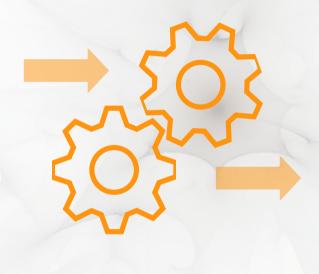


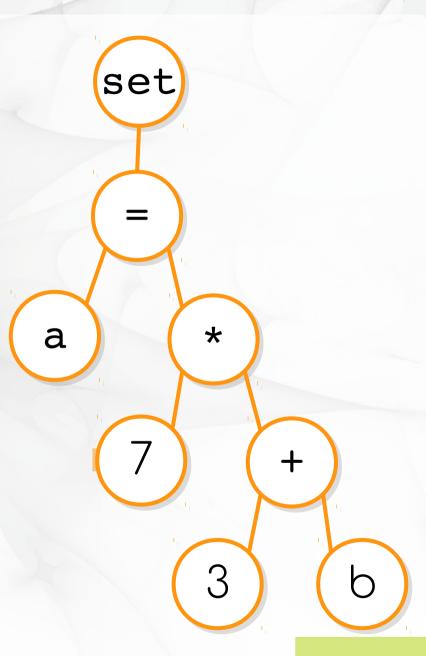
#### Généralités

- But:
  - Lire les lexèmes
  - Reconnaître les grammaires
  - Produire un AST (arbre de syntaxe)
- ✓ Entrée :
  - Une liste de lexèmes
- Sortie:
  - Un AST, arbre représentant le programme

# Parser - définition

set	keyword	
	space	
a	ident	
=	symbol	
7	number	
*	symbol	
3	number	
+	symbol	
b	ident	





### Remarques

- Consomme le résultat de l'analyseur lexical
- Utilise généralement un algorithme plus complexe que le LL(1)
- LL(1) utilisé par BASIC, PASCAL, MsDOS
- Consommé par l'analyseur sémantique et/ou le codegen
- Algorithme Récursif : Recursive Descent Parser

Algorithme LL



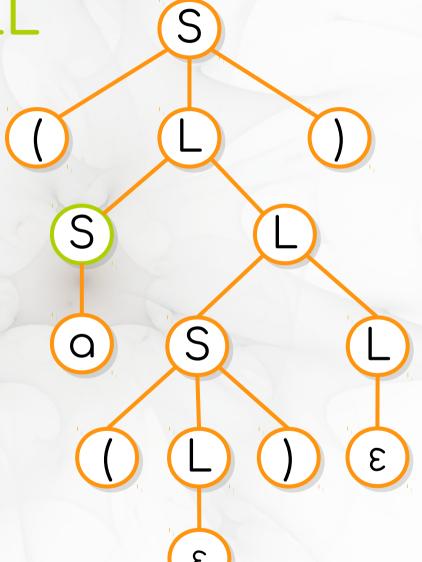
$$\sim$$
 S  $\rightarrow$  a  $\leftarrow$ 

$$\checkmark$$
 A  $\rightarrow$  SL

$$\checkmark L \rightarrow \epsilon$$

	(	)	a	\$
S	S → L	-	S → a	-
L	L → SL	$\Gamma \rightarrow \epsilon$	L → SL	$L \rightarrow \epsilon$

Exemple : ( a ( ) )



52/106

### Remarques

- Tout algorithme récursif peut-être converti en algorithme récursif
- Et réciproquement
- Dans un algorithme récursif, on utilise la pile d'appel des fonction

#### Récursivité

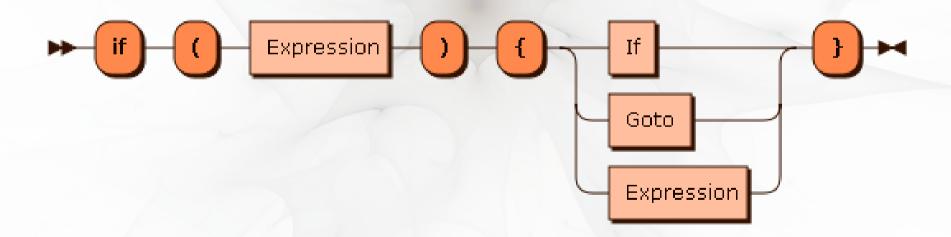
Exemple "bien parenthésé"

```
if (a == 0) {
   if (b == 0) {
     if (c == 0) {
     }
}
```

### Récursivité if cnd stmt ех if (a == 0) { if (b == 0) { cnd stmt ех ех

#### Récursivité

Récursif dans les cas de : structures de contrôle, expressions arithmétique, bloques de code, appel de fonctions etc....



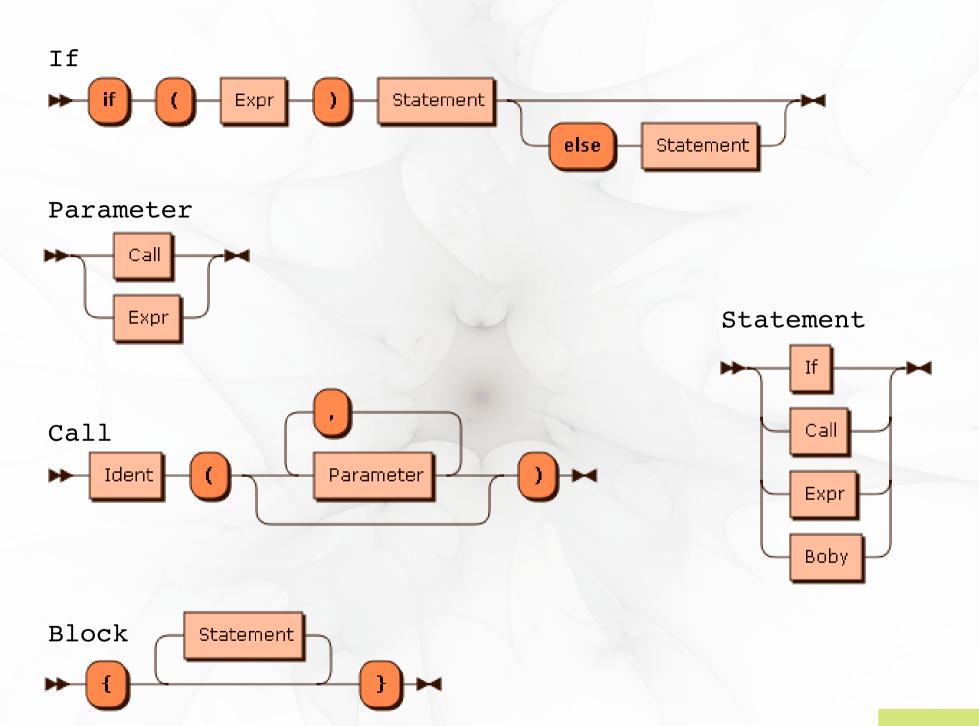
#### Exercice

Donner la définition d'un analyseur syntaxique capable d'interpréter ce script :

```
if (_var0 < 0.1) { /* test */
   print ("too small")
} else {
   _var0 += 1
}</pre>
```

# Réponse

Récursif



# Algorithmes LL(k) et LL(\*)



#### Limitations

- Rappel : Les algorithmes LL1 sont limités
- Le symbole le plus à gauche (Left most dérivation) est déterminant pour la production
- Convient la majeur partie des structures (if, set/let, while, do)
- Mais pas pour l'arithmétique!

#### LL1

$$10 + 10$$



- L'analyseur n'est pas capable de savoir, à cet endroit là :
  - S'il est en présence d'un chiffre seul
  - Ou si ce chiffre fait parti d'une opération
- Grammaire ambiguë
- $\sim S \rightarrow n$
- $\sim S \rightarrow S + S$
- ✓ ici S commence par un non terminal )

# Impossible!

```
S \rightarrow S + S
S \rightarrow n
```

```
function parseSum() {
   try {
     parseSum()
     if (testPlus()) consumePlus()
     else throw "parseException"
     parseSum()
} catch {
   if (testNumber()) consumeNumber()
     else throw "parseException"
   }
}
```

#### Pas mieux!

```
S \rightarrow n
S \rightarrow S + S
```

```
function parseSum() {
   if (testNumber()) consumeNumber()
   else {
     parseSum()
     parsePlus()
     parseSum()
   }
}
```

### Solution 1: Modifier le langage

- Cas du LISP (John McCarthy 1958)
- Pas d'ambiguïté, l'opération commence par l'opérateur
- $\checkmark S \rightarrow (+SS)$
- $\sim S \rightarrow n$

### Mieux!

```
S \rightarrow (+SS)
S \rightarrow n
```

```
function parseSum() {
   if (testPlus()) {
      consumePlus()
      parseSum()
      parseSum()
   } else if (testNumber())
      consumeNumber()
   else throw "parseException"
}
```

#### Solution 2: Modifier la grammaire

$$10 + 10$$



- $\sim$  S  $\rightarrow$  n F
- $\vee$  F  $\rightarrow$  + S
- $\checkmark F \rightarrow \epsilon$
- Suppression de la récursivité à gauche

### Mieux!

```
S \rightarrow nF

F \rightarrow + S

F \rightarrow \epsilon
```

```
function parseSum() {
   if (testNumber()) consumeNumber()
   else throw "parseException"

   if (testPlus()) {
      consumePlus()
      parseSum()
   }
}
```

#### Cas Générale

- Suppression de la récursivité à gauche
  - ✓ Immédiate : A  $\rightarrow$  Aa,  $\alpha \in (T \cup N)+$
  - ✓ Générale : A  $\rightarrow$  \*A $\alpha$ ,  $\alpha \in (T \cup N)+$
- Il est possible de supprimer les deux cas par transformation de la grammaire

#### Récursivité immédiate

On remplace les règles de la forme :

$$\checkmark X \rightarrow X\alpha_1 \mid ... \mid X\alpha_n \mid \beta_1 \mid ... \mid \beta_m$$

Par les règles :

$$\checkmark X \rightarrow \beta_1 X' \mid ... \mid \beta_m X'$$

$$\checkmark X' \rightarrow \alpha_1 X' \mid ... \mid \alpha_n X' \mid \epsilon$$

#### Exercice

Supprimer la récursivité gauche de :

$$F \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow i \mid (E)$$

$$\checkmark X \rightarrow X\alpha_1 \mid ... \mid X\alpha_n \mid \beta_1 \mid ... \mid \beta_m$$

### Solution

$$F \rightarrow T E'$$

$$E' \rightarrow + T E' \mid \epsilon$$

$$T \rightarrow F T'$$

$$T' \rightarrow * F T' \mid \epsilon$$

$$F \rightarrow i \mid (E)$$

$$\begin{array}{c} \checkmark \quad X \rightarrow \beta_1 \, X' \mid ... \mid \beta_m X' \\ X' \rightarrow \alpha_1 X' \mid ... \mid \alpha_n X' \mid \epsilon \end{array}$$

### Précédence des opérateurs

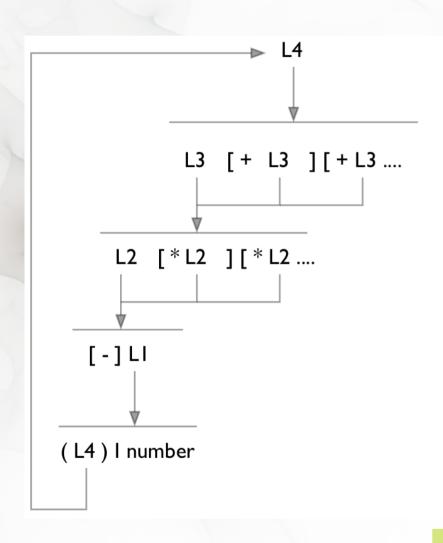
$$F \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid i$$

$$\sim$$
 ex: (3 + 7 \* 2) + 4

$$E \rightarrow E + T$$
  
 $E \rightarrow T$ ,  $T \rightarrow F$ ,  $F \rightarrow (E)$   
 $E \rightarrow E + T$ ,  $T \rightarrow T * F$ 



### Solution 3: Lookahead

$$10 + 10$$

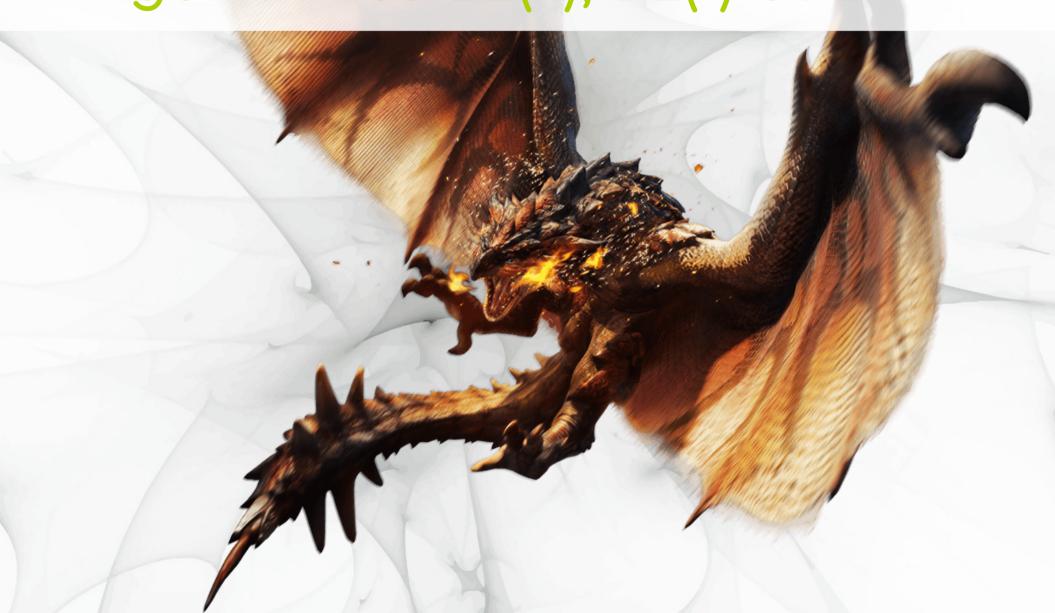
- lookahead
- Un lookahead de 2 permettrait de définir la production (chiffre ou addition)
- Lorsque l'algorithme est face à un choix de production, il lance une prédiction
- $\sim$  S  $\rightarrow$  n (+S)\*

#### Mieux!

```
function parseSum() {
   if (!testNumber()) return
   moveForewardLL()
   if (!testPlus()) return
   moveBackwardLL()

   parseNumber()
   parsePlus()
   parseSum()
}
```





### Solution 3: Lookahead

$$10 + 10$$

- lookahead
- Un lookahead de 2 permettrait de définir la production (chiffre ou addition)
- Lorsque l'algorithme est face à un choix de production, il lance une prédiction
- $\sim$  S  $\rightarrow$  n (+S)\*

#### Mieux!

```
function parseSum() {
   if (!testNumber()) return
   moveForewardLL()
   if (!testPlus()) return
   moveBackwardLL()

   parseNumber()
   parsePlus()
   parseSum()
}
```

# LL(k) et LL(\*)

- L'algorithme LL(1) est un cas particulier de LL(k)
  - $\vee$  k = 1, look ahead 1
- LL(k) est un cas particulier de LL(\*)
  - k est fini alors que \* est infini
- ✓ antLR v1 → LL(1)
- ✓ JavaC → LL(k)
- ✓ antLR v3 → LL(\*)

#### Prédictibilité

- Principe : lors d'une décision, l'algorithme lance une prédiction
- c'est-à-dire un algorithme récursif qui ne consomme pas et ne produit pas

```
function predictSum() {
   if (testNumber()) {
      moveForeward()
      if (testPlus()) {
         moveForeward()
         if (predictSum())
            return true
         moveBackward()
      moveBackward()
   return false
}
```

#### Limitations

- L'algorithme LL(\*) refuse la récursivité gauche.
- Sa complexité est exponentielle

# Complexité if cnd stmt ех if (a == 0) { if (b == 0) { if (c == 0) cnd stmt ex ex

#### Solution: Packrat

- Utiliser un cache.
- Pour chaque décision, stocker une paire clé (position), valeur (décision)
- Utiliser le cache lors du prochain passage
- Garantie que l'évaluation n'aura lieu qu'un seule fois
- Algorithme Packrat
- Complexité presque linéaire

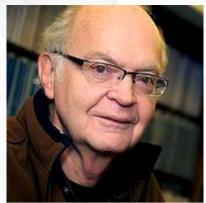


#### Généralités

- Inventé par Donald Knuth en Juillet 1965
- Left To Right, Right most derivation
- LL: Approche Top Down
- ✓ LR: Approche Bottom Up

# Analyseur LR

- Inventé par Donald Knuth
- ✓ en Juillet 1965



Donald Knuth 1938

- Left To Right, Right most derivation
- LL: Approche Top Down
- ✓ LR: Approche Bottom Up

# Analyseur LR

- 2 structure:
  - Flot d'entré
  - Pile
- ✓ 4 opérations :
  - Shift: transfert du flot d'entrée vers la pile
  - Reduce: On reconnais sur le somme de la pile une partie droite d'une production, on la remplace par la partie gauche
  - Erreur : Arrêt et signalement d'une erreur
  - Accept : Arrêt, phrase reconnu

### Exemple: SLR

- Simple LR parser
- ✓ Soit le flot d'entrée : 10 + 10 + 10
- Et la grammaire :

$$E \rightarrow E + T \mid T$$
  
 $T \rightarrow n$ 

$$E \rightarrow E + T \mid T$$
  
 $T \rightarrow n$ 

	10 + 10 + 10	shift
10	+ 10 + 10	reduce
Т	+ 10 + 10	reduce
E	+ 10 + 10	shift
E +	10 + 10	shift
E + 10	+ 10	reduce
E + T	+ 10	reduce
E	+ 10	shift
E +	10	shift
E + 10		reduce
E + T		reduce
E		accept

#### LALR

- LALR Look-Ahead LR Parser
- Analyseur avec anticipation
- Permet un ensemble de grammaire plus grand
- Fonctionnement de YaCC

Ē-	→ E	+ T	T
Τ -	→ n		

	10 + 10 + 10	shift
10	+ 10 + 10	reduce
Т	+ 10 + 10	shift
T +	10 + 10	shift
T + 10	+ 10	reduce
T + T	+ 10	shift (*)
T + T +	10	shift
T + T + 10		reduce
T + T + T		reduce (*)
T + T + E		reduce
T + E		reduce
E		accept

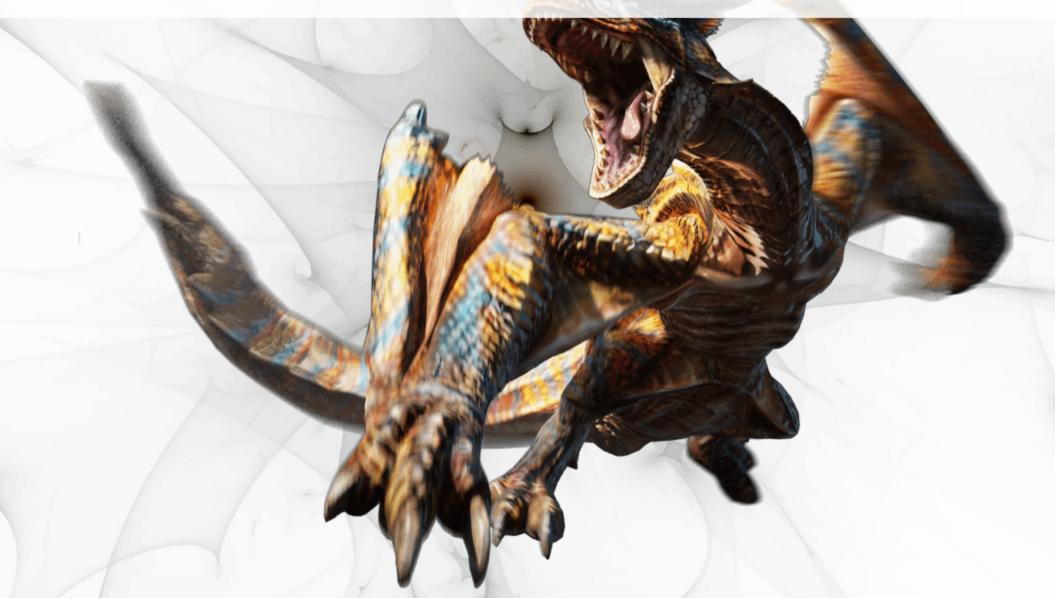
### Compilateurs de compilateurs

- Les analyseur LR sont trop complexe à écrire à la main
- Généralement construits par des générateurs d'analyseur (compilateurs de compilateurs)
- Crée une table d'analyse
  - Action, les actions à faire en fonction des symboles rencontrés
  - Transition, les branchements

#### Les algorithmes

- Deux grandes familles d'algorithmes :
- ∠ LL → LL1, LL(k), LL(\*), Packrat, PEG (Parsing Expression Grammar)
- ✓ LR → SLR (Simple LR), LALR (Look Ahead LR), GLR

# Arbre syntaxique abstrait (AST)



### AST: Arbre syntaxique

- En: Abstract Syntax Tree
- Arbre logique qui représente la structure du programme
- Ses nœuds sont des opérateurs et ses feuilles des opérandes (variables ou constantes)
- Une production grammaticale produit un nœud de l'arbre

# Exemple

#### Production

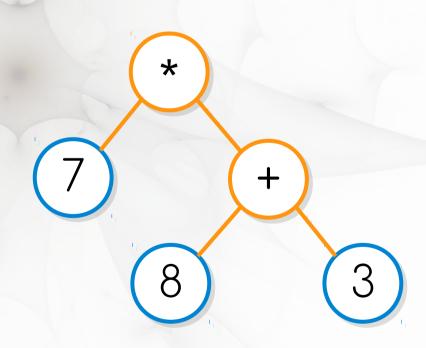
Expression E Terme T

$$E \rightarrow E * E$$

$$E \rightarrow E + E$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow (E)$$
  
 $T \rightarrow int$ 



#### AST - Parcours

✓ CodeGen arithmétique → LISP

7 \* (8 + 3) + 5

✓ LISP:

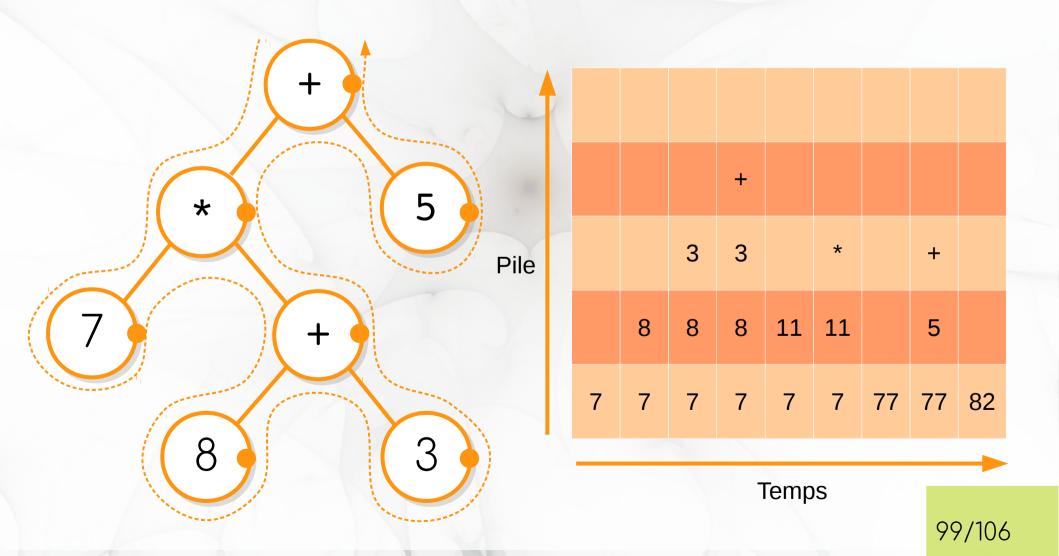
(+ (\* 7 (+ 8 3)) 5)

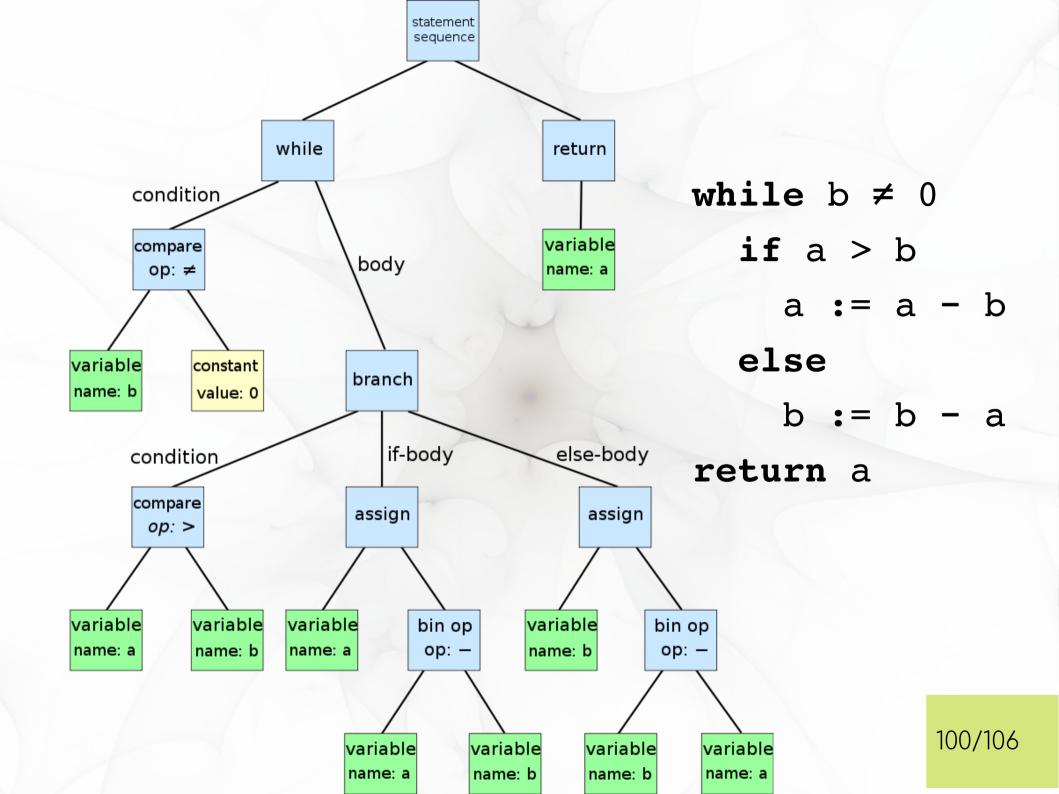
Cf: Parcours d'arbres

Cf: Demo Algo



# AST - Parcours





# Grammaires ambiguës

- Définition : une grammaire ambiguë c'est lorsque qu'une grammaire peut engendré deux arbres différents
- Exemple : if if else (à quel if correspond le else)
- Solution: le Parsing Expression Grammar
  - Dans le cas d'une grammaire ambiguë, le PEG va choisir la première qui correspond
  - En réalité proche du programme et non de la théorie

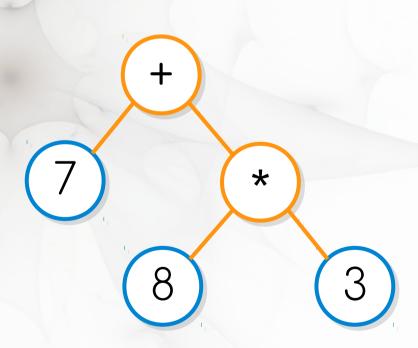
### Précédence

$$E \rightarrow E * E$$

$$E \rightarrow E + E$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow (E)$$
  
 $T \rightarrow int$ 



### Précédence

$$M \rightarrow A * M$$

$$A \rightarrow T + A$$

$$T \rightarrow (E)$$
  
 $T \rightarrow int$ 



### Pourquoi un AST?

- L'interprétation directe oblige de réanalyser lors chaque itération
- Offre l'opportunité d'optimisations (analyse sémantique)
- Offre l'opportunité de vérifications
- Peut être réutilisé
- Plusieurs cibles
  - Compilation
  - Interprétation
  - Traduction

# Et après

