

## Diseño de Filtros digitales

## Tema A2

Considere 3 filtros FIR,  $H_1(z)$ ,  $H_2(z)$  y  $H_3(z)$ , cada uno de orden  $N_1$ ,  $N_2$ , y  $N_3 = N_1 + N_2$ . En particular,  $H_1(z)$  y  $H_2(z)$  son filtros simétricos (Tipo I o II). Considere la transferencia combinada

$$H(z) = H_1(z)H_2(z) + H_3(z)$$

1. Determine cuáles son las condiciones sobre  $H_3(z)$  para que  $H(z)$  tenga fase lineal generalizada.  $H_3(z)$  debe ser tipo 1 o 2 o sea que su desfase es cero (simétrica) solo así puede cumplir que  $H(z)$  se FLG

2. Suponga que  $H_1(z)$  es un filtro pasabajo. Utilizando la estructura que define a  $H(z)$ , qué características deben cumplir  $H_2(z)$  y  $H_3(z)$  (suponga pasabajos, pasabanda y/o pasaaaltos) para que  $H(z)$  sea un filtro con comportamiento pasabanda FLG? (puede suponer las frecuencias de corte que crea convenientes para cada filtro).

$H_2(z)$  debe ser igual a  $H_1(z)$  pero rotado en PI, de manera de  $H_1(z)H_2(z)$  sea un filtro pasabanda,  $H_3(z)$  debe ser igual

3. Sea  $H(z)$  el filtro diseñado en el punto anterior. Luego,  $y(n - \tau) = h(n) * x(n)$ . Cuánto vale  $\tau$ ?  $T_g = \frac{N\tau}{2}$

$$H(\omega) = A_1(\omega) e^{-j(\omega \frac{M-1}{2} + \phi)} + A_2(\omega) e^{-j(\omega \frac{M-1}{2} + \phi)} + A_3(\omega) e^{-j(\omega \frac{M-1}{2} + \phi)}$$

$\rightarrow FLG = -\frac{d\theta(\omega)}{d\omega} = \text{const} \rightarrow M_1 = M_2 = M_3 \rightarrow H_1(\omega) = H_2(\omega) = H_3(\omega)$   
 $\rightarrow T_g = -\frac{d\theta(\omega)}{d\omega} / \theta\omega = \text{Im}[\ln H(\omega)]$

