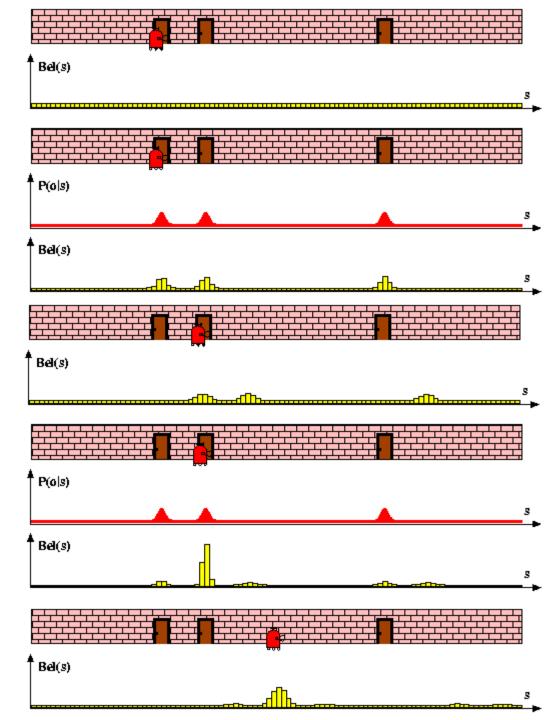
# Robótica Móvil un enfoque probabilístico

Filtro de Bayes - Filtros Discretos

Ignacio Mas

$$Bel(x \mid z, u) = \alpha p(z \mid x) \int_{x'} p(x \mid u, x') Bel(x') dx'$$

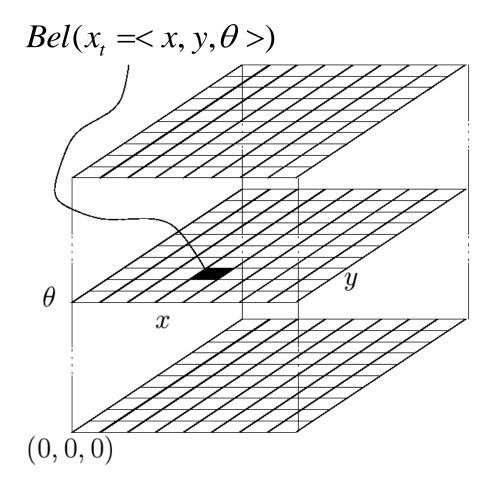
## Constante por tramos



#### Algoritmo de Filtro de Bayes Discreto

```
Algoritmo Discrete_Bayes_filter( Bel(x),d ):
2.
     \eta = 0
3.
     If d is a perceptual data item z then
4.
         For all x do
             Bel'(x) = P(z \mid x)Bel(x)
5.
             \eta = \eta + Bel'(x)
6.
        For all x do
7.
             Bel'(x) = \eta^{-1}Bel'(x)
8.
9.
      Else if d is an action data item u then
10.
         For all x do
             Bel'(x) = \sum P(x \mid u, x') Bel(x')
11.
    Return Bel'(x)
12.
```

#### Representación constante por tramos



## Implementación (1)

- Para actualizar la estimación con nueva información de sensores y para normalizar, se debe iterar sobre todas las celdas de la grilla.
- Cuando la estimación tiene un pico (como en localización) se desea evitar actualizar partes irrelevantes del espacio de estados.
- Un método es no actualizar subespacios enteros del espacio de estados.
- Pero debe controlarse para casos de deslocalización.
- Esto se puede hacer considerando la probabilidad de la observación dados los componentes activos del espacio de estados.

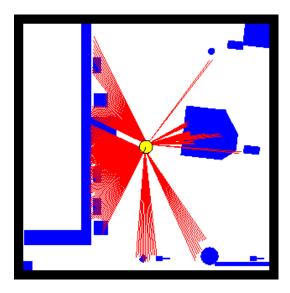
## Implementación (2)

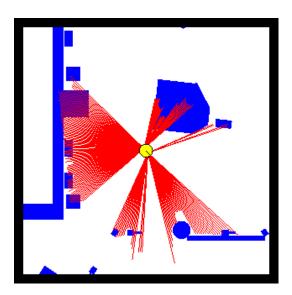
- Para actualizar eficientemente la estimación con nuevos movimientos del robot, uno puede asumir un modelo Gaussiano acotado para el modelo de incerteza del movimiento.
- Esto reduce el costo de actualización de  $O(n^2)$  a O(n), donde n es el numero de estados.
- Esta actualización se puede hacer:
  - 1) Corriendo los datos en la grilla según el movimiento medido.
  - 2) La grilla se convoluciona con dos kernels Gaussianos separados.
- Ejemplo en dos dimensiones:

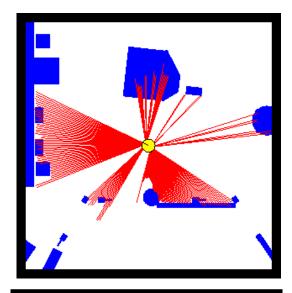
1/16	1/8	1/16		1/4				
1/8	1/4	1/8	<b>≅</b>	1/2	+	1/4	1/2	1/4
1/16	1/8	1/16		1/4				

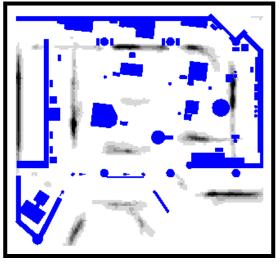
- Menos operaciones aritméticas
- Más fácil de implementar

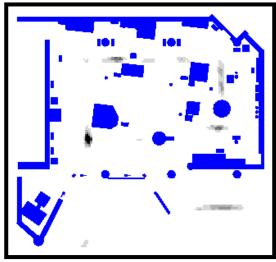
## Localización basada en grillas

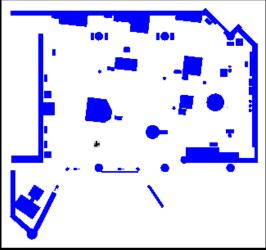




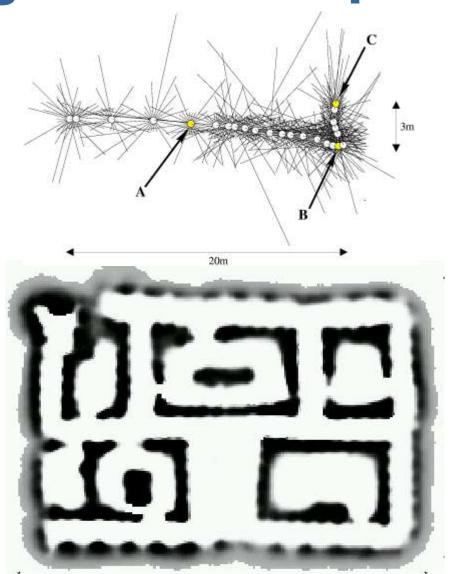


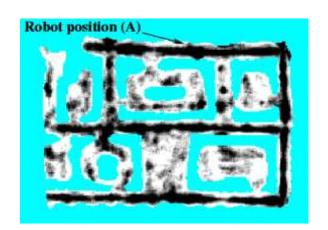


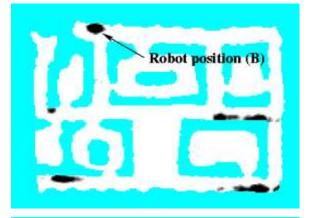


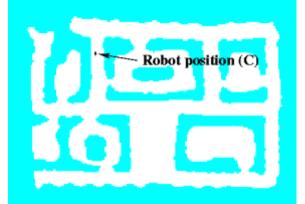


## Sonares y Mapas de grillas de ocupación



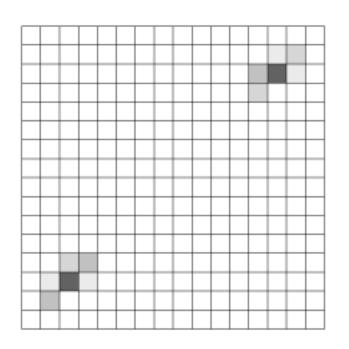


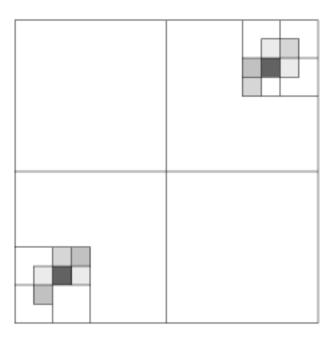




### Representación basada en árboles

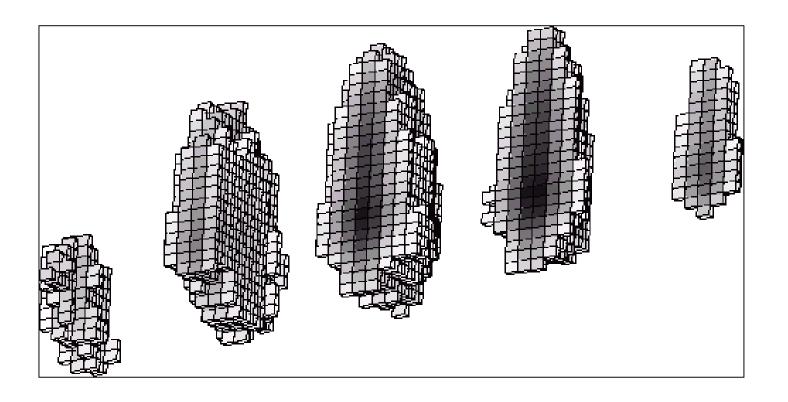
Idea: Representar diversidad usando octrees





### Representación basada en árboles

- Eficiente en espacio y tiempo
- Multi-resolución



#### Resumen

- Los filtros discretos son una alternativa de implementación de Filtros de Bayes
- Se basan en histogramas para representar densidades.
- Los requerimientos de memoria y procesamiento son muy altos
- Se pueden recuperar de errores de localización
- La precisión depende de la resolución de la grilla.
- Se necesitan aproximaciones para hacer que tenga requerimientos dinámicos de memoria y cálculo.