

Left Shift (moltiplicazione per 2, 4, 8 ...)

analogo in base 10:

$$1320 = 132 \times 10$$

$$13200 = 132 \times 100$$

- *Left-shift* (di n): spostare le cifre binarie n posti a sinistra
 - ▶ le n cifre più a sinistra scompaiono, e da destra compaiono n **zeri**
- Ricorda:
 - uno *shift* a sinistra in base 2 di 1 = raddoppio del numero
 - uno *shift* a sinistra in base 2 di n cifre = moltiplicazione per 2^n
- Notazione: <<
- Esempio:

$$|00011011|_2 = 27$$

$$|00011011|_2 \ll 1 = |00110110|_2 = 54 \quad (= 27 \times 2)$$

$$|00011011|_2 \ll 2 = |01101100|_2 = 108 \quad (= 27 \times 4)$$

$$|00011011|_2 \ll 3 = |11011000|_2 = 216 \quad (= 27 \times 8)$$

- **SI! Vale anche in CP2!**

$$|11111011|_2 = -5$$

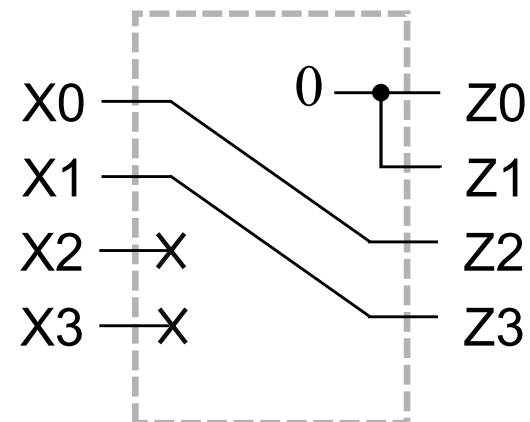
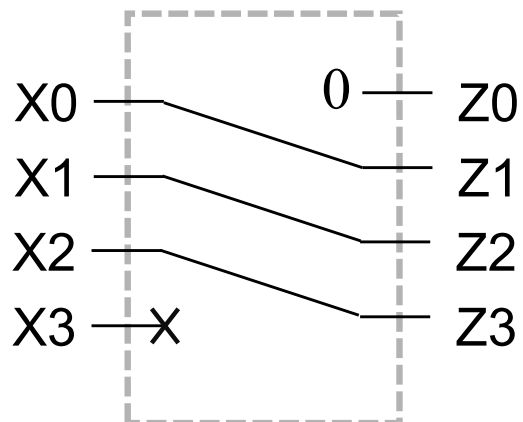
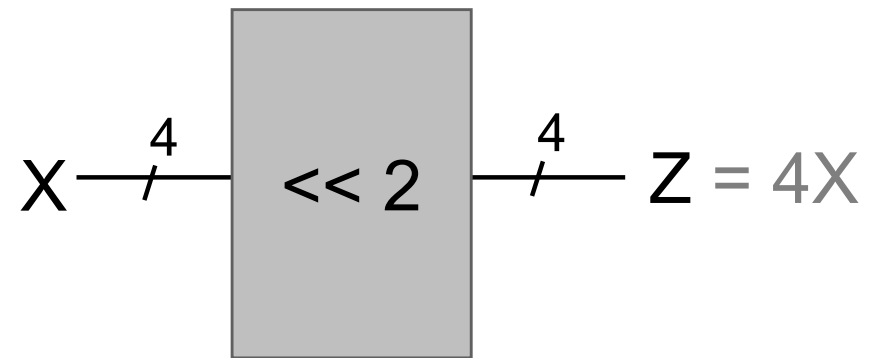
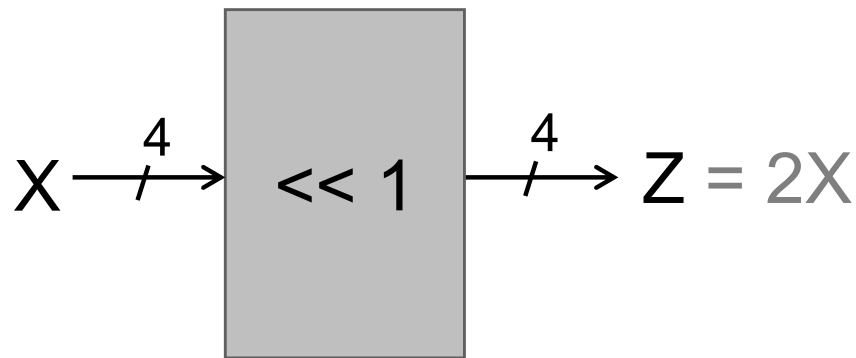
$$|11111011|_2 \ll 1 = |11110110|_2 = -10$$

$$|11111011|_2 \ll 2 = |11101100|_2 = -20$$

Left Shift

(con secondo parametro costante)

- Blocchi funzionale per shift: (usano.... zero porte!)
- Esempi per 4 bit:



Left-Shift

domande e esercizi

- **Tempo di commutazione?**

- ▶ quali sono i tempi dei blocchi funzionali visti (" $\ll 1$ ", " $\ll 2$ ") ?

- **Overflow?**

considerato come una moltiplicazione per 2^n

left-shift può generare overflow!

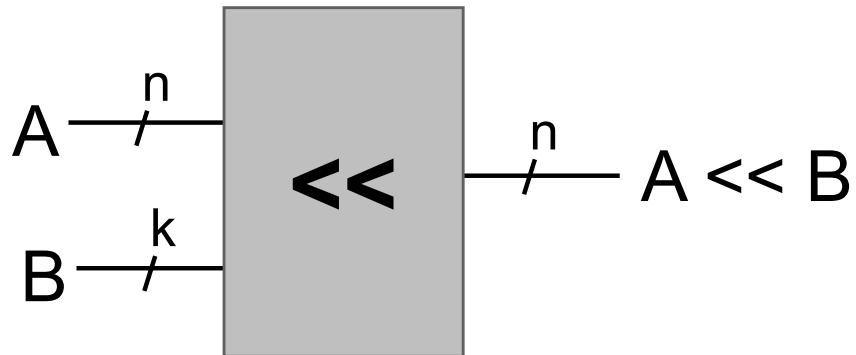
- ▶ come accorgersi se " $\ll 1$ " fa overflow, per **naturali** (no segno) ?
- ▶ come accorgersi se " $\ll 2$ " fa overflow, per **naturali** (no segno) ?
- ▶ come accorgersi se " $\ll 1$ " fa overflow, per **CP2** ?
- ▶ come accorgersi se " $\ll 2$ " fa overflow, per **CP2** ?
- ▶ per ciascun caso, realizza un blocco funzionale che prevede un bit ulteriore di uscita "overflow", che vale 1 sse l'operazione ha generato un overflow.

- **Left shift a 2 parametri?**

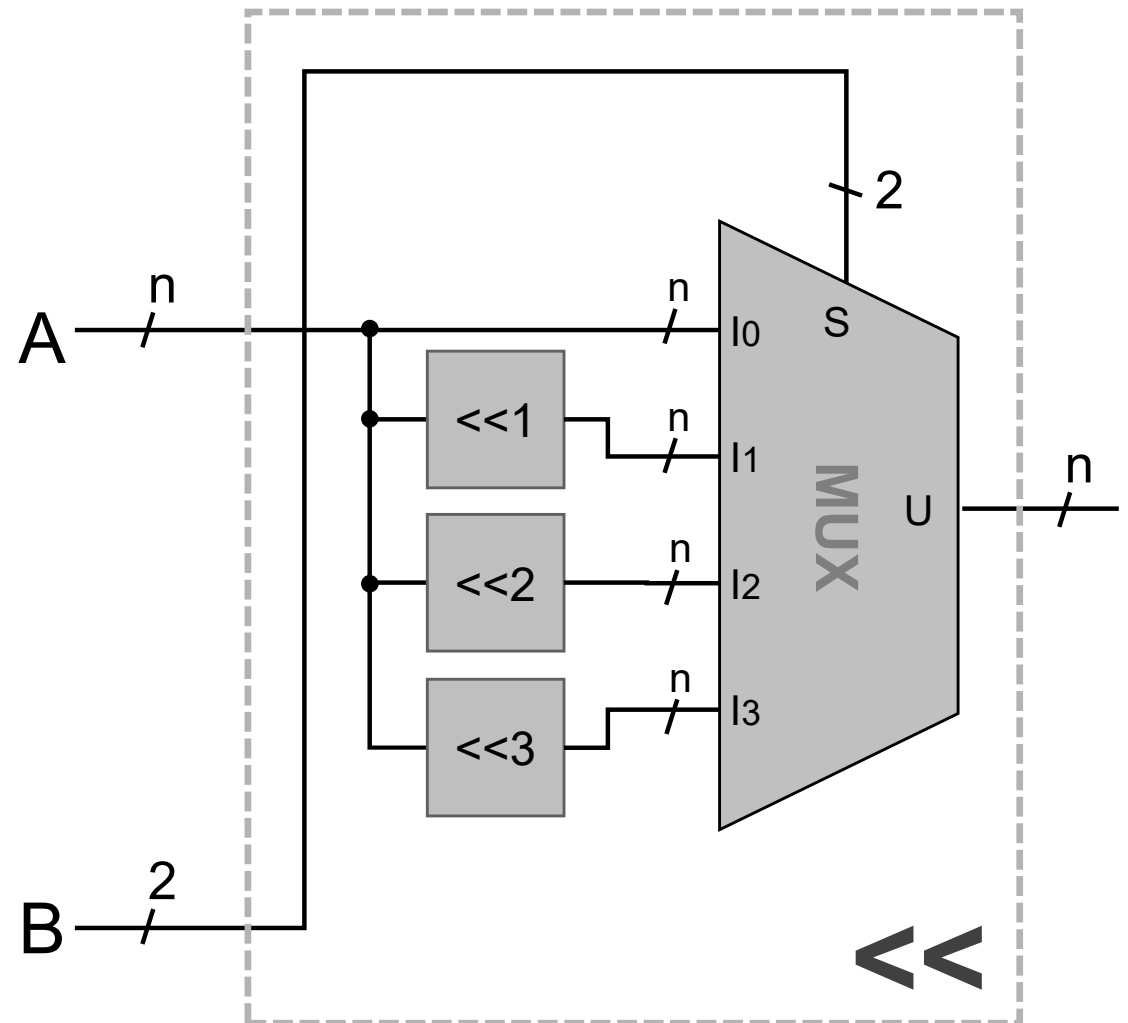
- ▶ realizza un blocco funzionale che prende in input A (n bit), e B (2 bit), e dà in output $A \ll B$

← prossimo lucido

Left Shift (con secondo parametro variabile)



Realizzazione con $K = 2$



Right Shift

(divisione per 2, 4, 8 ...)

analogo in base 10:

$$132 = 1327 / 10$$

$$13 = 1327 / 100$$

- *Right-shift* (di n): spostare le cifre binarie n posti a destra
 - ▶ n le cifre più a destra scompaiono, e da sx compaiono n **zeri**
- Ricorda:
 - uno *shift* a dx in base 2 di 1 = dimezzamento del numero, *per difetto*
 - uno *shift* a dx in base 2 di n cifre = divisione per 2^n , *per difetto*
- Notazione: $>>$
- Esempio: $|00011011|_2 = 27$

$$|00011011|_2 >> 1 = |00001101|_2 = 13 \quad (= 27 / 2)$$

$$|00011011|_2 >> 2 = |00000110|_2 = 6 \quad (= 27 / 4)$$
- Per il **CP2**: l'operazione equivalente è *right shift in segno*
 - ▶ da sx compaiono: zeri se MSB = 0, ma uni se MSB = 1
 - ▶ l'arrotondamento risultante è comunque *per difetto*
$$|11110011|_2 = -13$$

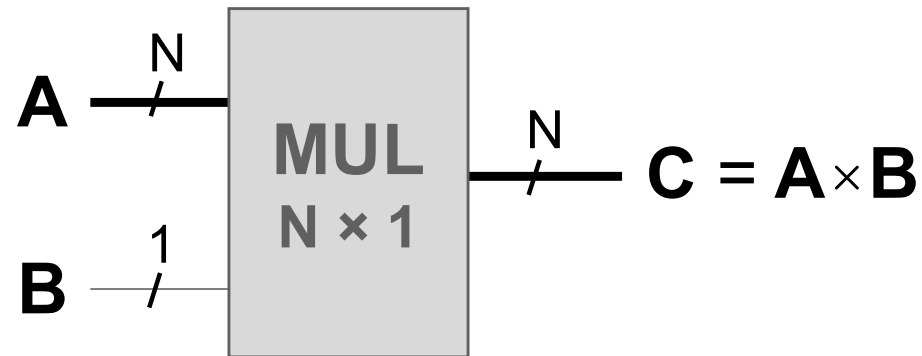
$$|11110011|_2 >> 1 = |11111001|_2 = -7$$

$$|11110011|_2 >> 2 = |11111100|_2 = -4$$

←verificare!

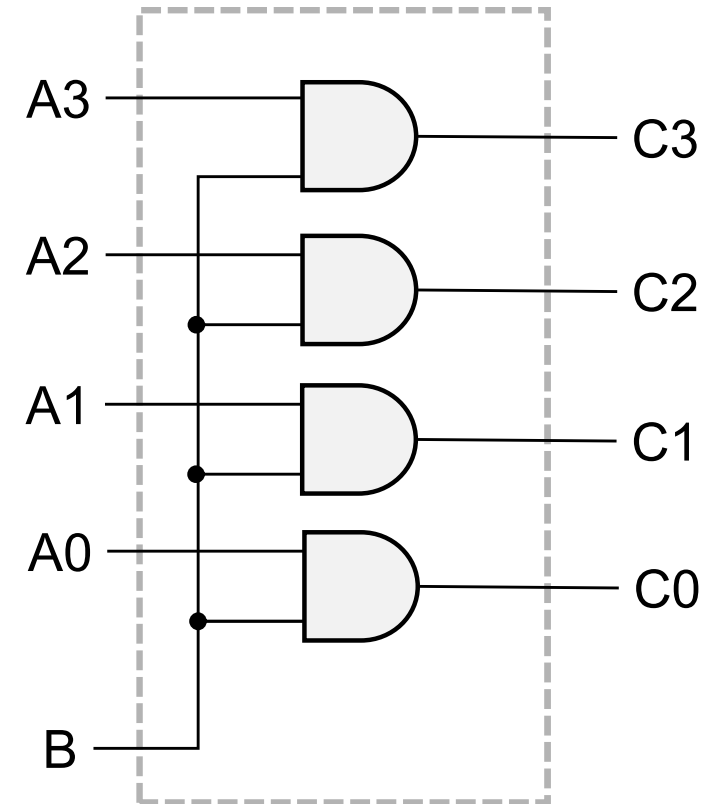
Circuito per moltiplicazione...

...con secondo termine a 1 bit ☺



(è un circuito che annulla
A quando B vale 0,
altrimenti lascia A inalterato)

Realizzazione (banale!):
(qui, per $N = 4$)



Somme e prodotti : quante cifre richiede il risultato?

Osservazioni:

- **sommando** un numero a n cifre con uno a n cifre, ottengo al massimo un numero a $n+1$ cifre.
(e la $(n+1)$ -sima cifra è 1 oppure 0, in qualsiasi base)
- **moltiplicando** un numero a n cifre con uno a m cifre, ottengo al massimo un numero a $n+m$ cifre

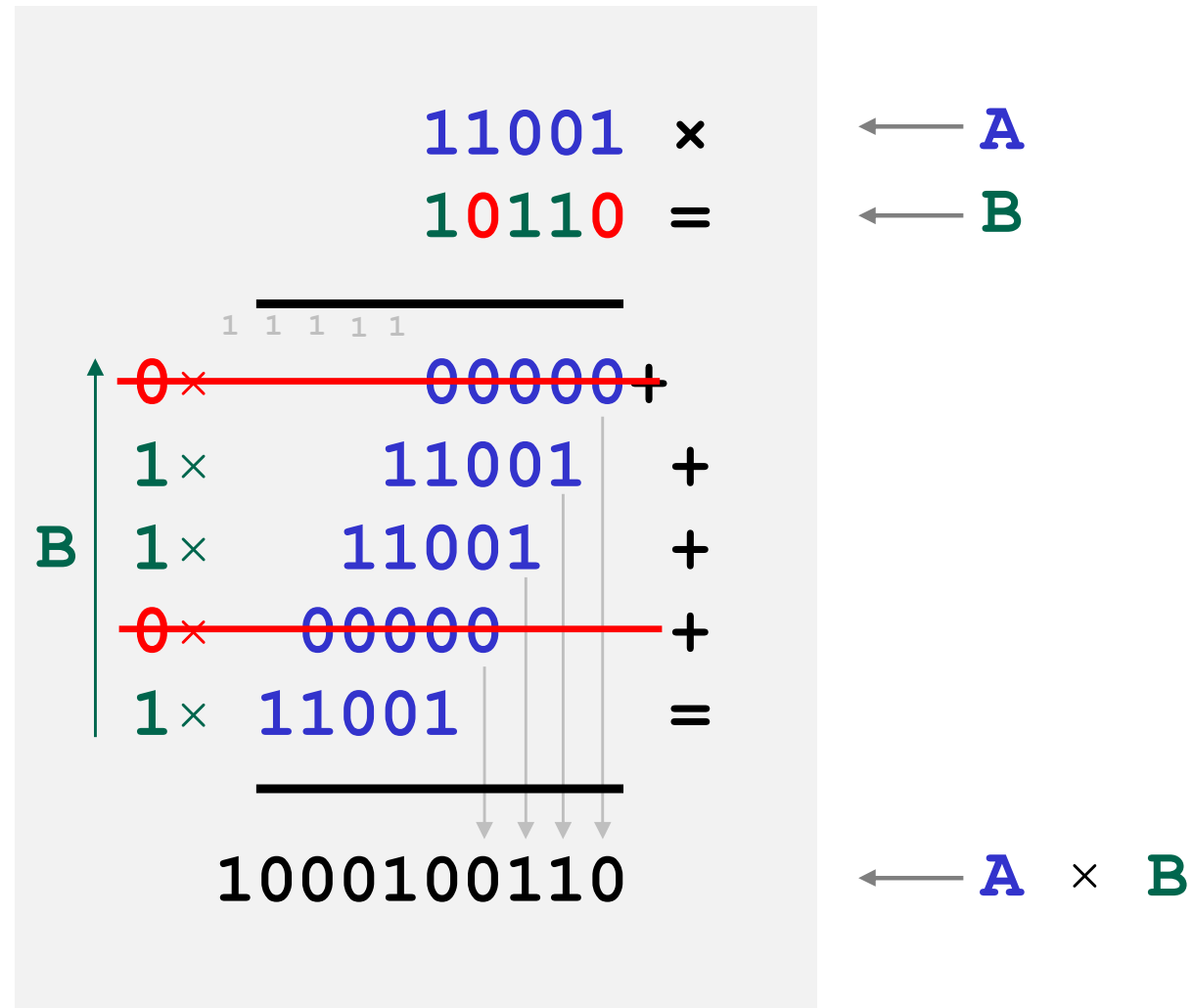
vale in
qualsiasi
base!

$$\begin{array}{r} \text{XXXX} + \\ \text{YYYY} = \\ \hline \text{1ZZZZ} \end{array}$$

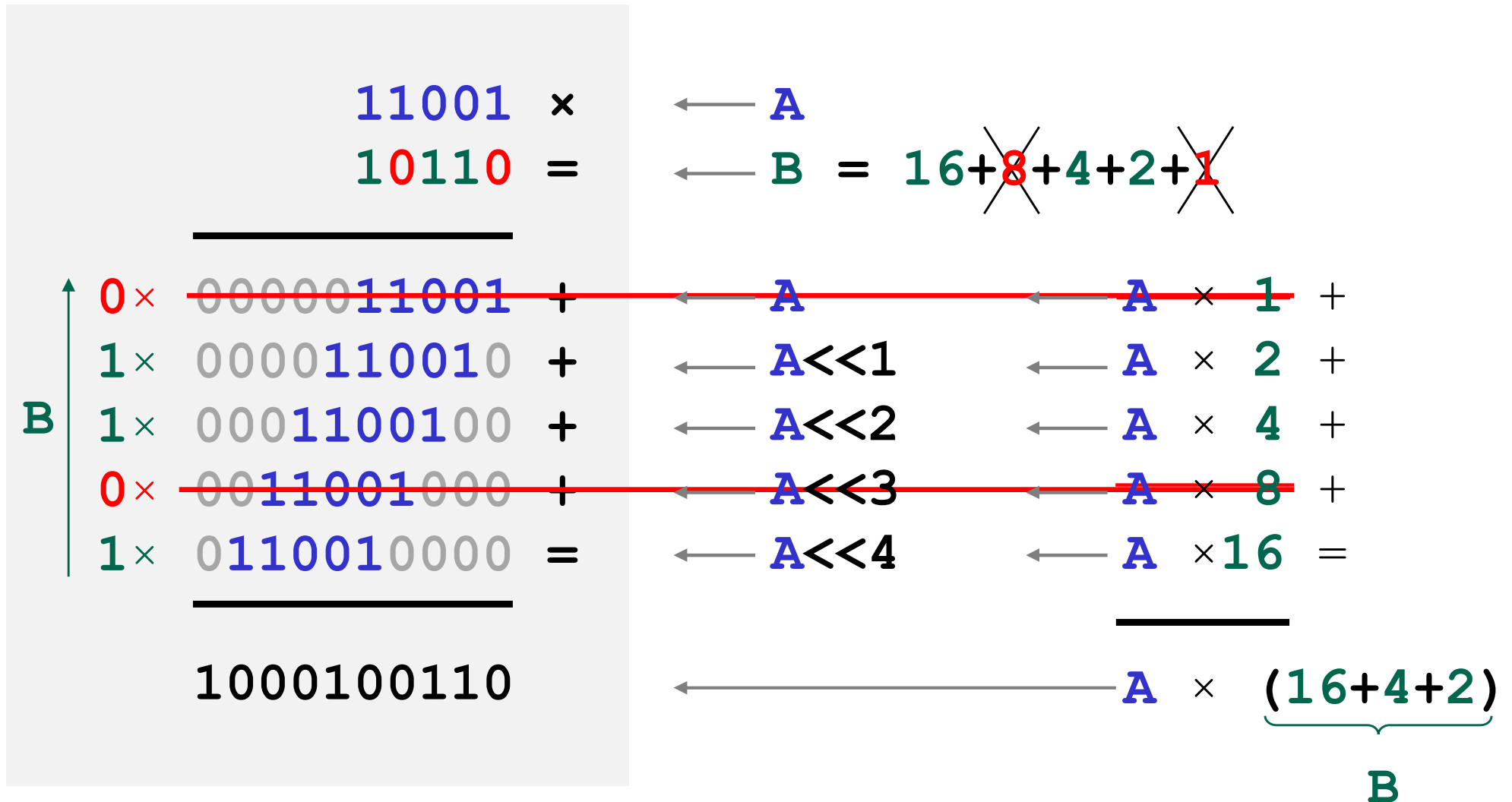
al max
(è il possibile overflow!)

$$\begin{array}{r} \text{XXXX} \times \\ \text{YYYY} = \\ \hline \text{ZZZZZZZZ} \end{array}$$

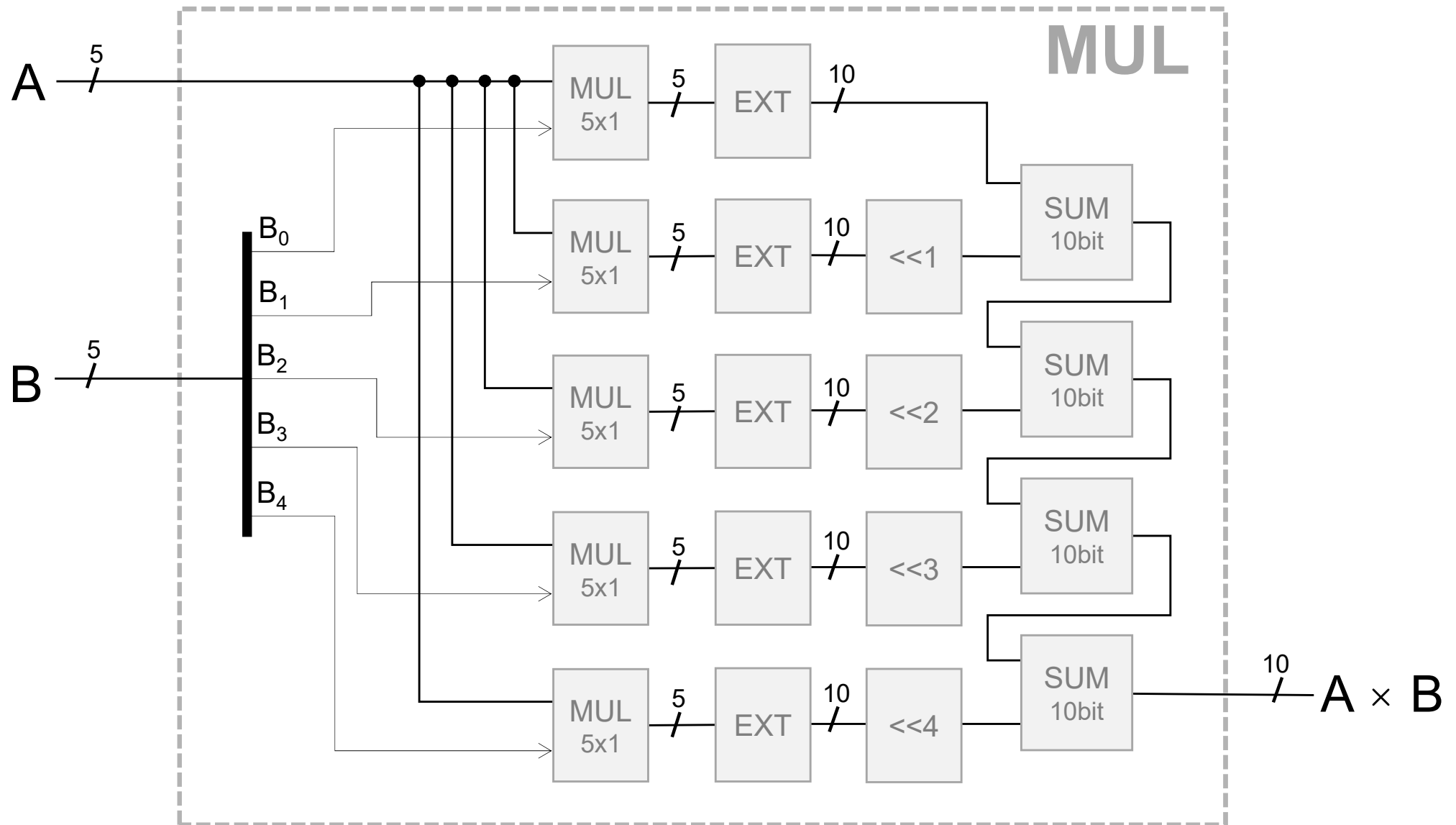
Prodotto: algoritmo delle scuole elementari (ma in base 2)



Prodotto con left-shift, estensioni, somme. Esempio.



Un circuito per la moltiplicazione a 5 bit



Circuito per Moltiplicazione (fra naturali senza segno) nella pratica

- Moltiplicando 2 numeri a n bit, ottengo un numero a $2n$ bit (in generale)
 - ▶ almeno, $2n$ cifre binarie bastano sempre: **niente overflow** !
- Scomodo!
E' poco pratico, per un'architettura, rappresentare il risultato di una operazione matematica con un numero di bit diverso dagli operandi
- Soluzione adottata (a volte):
considerare il risultato di una moltiplicazione come composto da due numeri da n bit ciascuno:
 - ▶ **LOW**: gli n bit meno significativi
 - ▶ **HIGH**: gli n bit più significativi

