

## ESERCIZIO 1

Si consideri il problema dei produttori e consumatori. Si assuma che il buffer sia un array di 10 interi gestito circolarmente. Si assumano i seguenti vincoli aggiuntivi:

- il valore 3 non deve essere presente più di una volta nell'array;
- il valore 5 non deve essere presente più di due volte nell'array;

I processi che tentano di effettuare operazioni al momento non consentite devono essere messi in attesa. Programmare il sistema sfruttando i semafori con la semantica tradizionale.

Una soluzione possibile:

### Semafori:

```
empty = 10;    //numero di posizioni libere
full = 0;      //numero di posizioni occupate
semProd = 1;   //semaforo produttori
semCons = 1;   //semaforo consumatori
sem3 = 1;      //semaforo per le occorrenze del valore 3
sem5 = 2;      //semaforo per le occorrenze del valore 5
```

### Variabili

```
int i = 0;     //indice usato dai produttori
int j = 0;     //indice usato dai consumatori
```

### Produttore:

```
int item;
while (true) {
    ...
    item = produceltem();
    if (item == 3) {wait sem3;}
    if (item == 5) {wait sem5;}
    wait (empty);
    wait (semProd);
    buffer[i] = item;
    i = i + 1 % 10;
    signal (semProd);
    signal (full);
    ...
}
```

### Consumatore:

```
int item;
while (true) {
    ...
    wait (full);
    wait (semProd);
    item = buffer[j];
    j = j + 1 % 10;
    signal (semCons);
    if (item == 3) {signal (sem3);}
    if (item == 5) {signal (sem5);}
    signal (empty);
    ...
}
```

## ESERCIZIO 2

Si consideri il classico problema dei produttori e consumatori, con il buffer implementato con un array di interi di dimensione 100. Si assuma, per semplicità, che gli interi prodotti e consumati siano tutti strettamente positivi oppure uguali a 0,  $\geq 0$ .

Si considerano le seguenti condizioni aggiuntive:

- gli interi pari possono occupare solo le posizioni di indice pari (0, 2, 4, ..., 98);
- gli interi dispari divisibili per 3 possono occupare solo le posizioni di indice dispari divisibile per 3 (3, 9, 15, 21, ..., 99);
- gli interi dispari che non sono divisibili per 3 possono occupare solo le posizioni di indice dispari non divisibili per 3 (1, 5, 7, 11, 13, 17, ..., 97);

Quando un processo tenta di effettuare un'operazione al momento non consentita (per esempio produrre un intero che il buffer non può al momento ospitare), il processo deve essere sospeso. Programmare il sistema sfruttando i semafori con la semantica tradizionale. Si assume l'array inizializzato con interi NEGATIVI.

Una possibile soluzione:

### Semafori:

```
emptyP = 50; //numero posizioni libere che possono ospitare numeri pari
empty3 = 17; //numero posizioni libere che possono ospitare numeri dispari div. per 3
emptyD = 33; //numero posizioni libere che possono ospitare numeri dispari non div. per 3
mutexP = 1; //m.e. su zone dell'array che ospitano numeri pari
mutex3 = 1; //m.e. su zone dell'array che ospitano numeri dispari div. per 3
mutexD = 1; //m.e. su zone dell'array che ospitano numeri dispari non div. per 3
```

### Produttore:

```
int item;
while (true) {
    item = produceltem ();
    if (item & 2 == 0) {
        wait (emptyP);
        wait (mutexP);
        buffer[i] = item;
        i = (i + 2) % 100;
        signal (mutexP);
    }
    if (item % 2 != 0 & item % 3 == 0) {
        wait (empty3);
        wait(mutex3);
        buffer[j] = item;
        if (j == 99) {j = 3} else {j = j + 6;}
        signal (mutex3);
    }
    if (item % 2 != 0 & item % 3 != 0) {
        wait (emptyD);
        wait(mutexD);
        buffer[k] = item;
        while (k % 2 == 0 | k % 3 == 0) {
            k = (k + 1) % 100;
        }
        signal (mutexD);
    }
    signal (full);
}
```

### Consumer:

```
int item;
while (true) {
    wait (full);
    wait (mutexP);
    wait (mutex3);
    wait (mutexD);
    while (buffer[h] < 0) {h++;}
    item = buffer[h];
    buffer[h] = -1;
    if (item % 2 == 0) {signal (emptyP);}
    if (item % 2 != 0 & item % 3 == 0) {signal (empty3);}
    if (item % 2 != 0 & item % 3 != 0) {signal (emptyD);}
    signal (emptyD);
    signal (empty3);
    signal (emptyP);
}
```

### ESERCIZIO 3

Si consideri il classico problema dei produttori e consumatori, con il buffer implementato con un array di interi di dimensione 100. Si assuma, per semplicità, che gli interi prodotti e consumati siano  $\geq 0$ .

Si considerano le seguenti condizioni aggiuntive:

- gli interi pari possono occupare solo le posizioni da 0 a 49;
- gli interi dispari possono occupare solo le posizioni da 50 a 99;
- vi è una nuova categoria di processi, i processi ConsPari, che consumano tutti gli interi pari, se l'array contiene almeno 20 elementi pari;

Quando un processo tenta di effettuare un'operazione al momento non consentita (per esempio produrre un intero che il buffer non può al momento ospitare), il processo deve essere messo in attesa. Programmare il sistema sfruttando i semafori con la semantica tradizionale.

Una possibile soluzione:

#### **Variabili:**

```
attesaProd = 0;    //numero di produttori in attesa
attesaCons = 0;    //numero di consumatori in attesa
attesaCons20 = 0;  //numero di consumatori del tipo ConsPari in attesa
numPari = 0;       //numeri pari presenti nell'array
```

#### **Semafori:**

```
semCons = 0;       //semaforo per mettere in attesa i consumatori
semProd = 0;       //semaforo per mettere in attesa i produttori
semCons20 = 0;     //semaforo per mettere in attesa i consumatori del tipo ConsPari
mutex = 1;         //semaforo per garantire m.e. sulle variabili condivise
```

#### Produttore:

```
while (true) {
    int item = produceltem ();
    if (item % 2 == 0) {
        wait (mutex) {
            if (numPari == 50) {
                attesaPari++;
                signal (mutex);
                wait (semProd);
                wait (mutex);
            }

            buffer[i] = item;
            i = (i + 1) % 50;
            numPari++;

            if (attesaCons > 0) {
                attesaCons--;
                signal (semCons);
            }
            if (numPari == 20 & attesaCons > 0) {
                attesaCons20--;
                signal (semCons20);
            }
            signal (mutex);
        }
    }
    else {facile!}
}
```

### Consumatore:

```
Consumer (boolean pari) {  
    while (true) {  
        if (pari) {  
            wait (mutex);  
            while (numPari == 0) {  
                attesaCons++;  
                signal(mutex);  
                wait (semCons);  
                wait (mutex);  
            }  
  
            int item = buffer[j];  
            j = (j + 1) % 50;  
            numPari--;  
  
            if (attesaProd > 0) {  
                attesaProd--;  
                signal (semProd);  
            }  
            signal (mutex);  
        }  
        else {facile!}  
    }  
}
```

### Consumatore 20 pari:

```
Consumer20 () {  
    while (true) {  
        wait (mutex);  
        while (numPari < 20) {  
            attesaCons20++;  
            signal (mutex);  
            wait (semCons20);  
            wait (mutex);  
        }  
  
        consumaTutto ();  
        j = 0; numPari = 0;  
        int k = 0;  
  
        while (attesaProd > 0 & k > 50) {  
            attesaProd--;  
            signal (semProd);  
            k++;  
        }  
        signal (mutex);  
    }  
}
```

#### ESERCIZIO 4

Si implementi il classico problema produttori/consumatori con le seguenti modifiche:

- esiste una classe dei consumatori “speciali” che consumano due elementi anziché uno;
- se un consumatore speciale va in waiting allora da questo momento in poi al massimo 5 consumatori normali potranno consumare prima che almeno un consumatore speciale venga risvegliato;

Una possibile soluzione:

##### Variabili:

```
F = N;          //F = numero di elementi free dell'array
A = 0;          //A = numero di elementi available dell'array
bonus = 5;      //serve per implementare la priorità ai consumatori speciali
```

##### Semafori:

```
semProd = semCons = semConsSpec = 0;
prodWaiting = consWaiting = consSpecWaiting = 0;
```

##### Produttore:

```
produttore () {
    wait (mutex);
    if (F == 0) {
        prodWaiting++;
        signal (mutex);
        wait (semProd);
    }
    else {
        F = F - 1;
        signal (mutex);
    }
    produzione classica;
    wait (mutex);
    if (bonus > 0 & consWaiting > 0) {
        consWaiting--;
        signal (mutex);
    }
    else {
        if (consSpecWaiting > 0 & A == 1) {
            consSpecWaiting--;
            A = 0;
            bonus = 5;
            signal (semConsSpec);
        }
        else {A = A + 1;}
    }
    signal (mutex);
}
```

##### Consumatore normale:

```
consumatore () {
    wait (mutex);
    if (A == 0 OR bonus == 0) {
        consWaiting++;
        signal (mutex);
        wait (consSem);
        wait (mutex);
    }
    else {A = A - 1;}
    if (consSpecWaiting > 0) {bonus--;}
    signal (mutex);
    consumazione classica;
    wait (mutex);
    if (prodWaiting > 0) {
        prodWaiting--;
        signal (semProd);
    }
    else {F = F + 1;}
    signal (mutex);
}
```

### Consumatore speciale:

```
consumatoreSpeciale () {  
    wait (mutex);  
    if (A <= 1) {  
        consSpecWaiting++;  
        signal (mutex);  
        wait (semConsSpec);  
    }  
    else {  
        A = A - 2;  
        signal (mutex);  
    }  
    consumazione classica di due item;  
    wait (mutex);  
    if (prodWaiting > 1) {  
        prodWaiting--;  
        prodWaiting--;  
        signal (semProd);  
        signal (semprod);  
    }  
    else {  
        if (prodWaiting == 1) {  
            prodWaiting--;  
            signal (prodWaiting);  
            F = F + 1;  
        }  
        else {F = F + 2;}  
    }  
    signal (mutex);  
}
```

## ESERCIZIO 5

Si programmi un sistema in cui un insieme di processi condivide un array A di 3 interi (indici 0, 1 e 2). I valori iniziali dell'array sono tutti 0 ( $A[0] = A[1] = A[2] = 0$ ). Esistono le seguenti classi di processi:

- processi scrittori: iterativamente selezionano un indice  $0 \leq i \leq 2$  ed un valore interno v ed assegnano tale valore v ad  $A[i]$ ;
- processi lettori: iterativamente calcolano  $A[0] + A[1] + A[2]$ ;

Condizioni:

- le race condition devono essere impossibili;
- quando uno o più lettori stanno lavorando sull'array ed uno scrittore va in waiting perché tenta di accedere all'array (va in waiting perché altrimenti potrebbe verificarsi una race condition), da questo momento in poi al più 10 lettori che tentano di accedere all'array possono accedere prima che almeno uno scrittore in attesa venga risvegliato (questa condizione garantisce che gli scrittori in attesa non rimangano in attesa all'infinito "per colpa" dei lettori);
- quando uno o più scrittori stanno lavorando sull'array (ovviamente in posizioni diverse se si tratta di più scrittori) ed un lettore va in waiting perché tenta di accedere all'array (va in waiting perché altrimenti potrebbe verificarsi una race condition), da questo momento in poi al più 4 scrittori che tentano di accedere ad  $A[0]$ , al più 4 scrittori che tentano di accedere ad  $A[1]$  ed al più 4 scrittori che tentano di accedere ad  $A[2]$  possono accedere prima che almeno un lettore venga risvegliato (questa condizione garantisce che i lettori non rimangano in attesa all'infinito "per colpa" degli scrittori);

Una possibile soluzione:

**Variabili:**

```
waitingR; //numero di lettori in waiting
workingR; //numero di lettori in working
bonusR;   //bonus per i lettori
waiting_i; //numero di scrittori in waiting su A[i]
working_i; //true IF uno scrittore sta lavorando su A[i]
bonus_i;   //bonus per gli scrittori su i
```

**Semafori:**

```
mutex = 1; //semaforo per m.e.
semR = 0; //semaforo per i lettori
sem_i = 0; //semaforo per gli scrittori su A[i]
```

### Reader:

```
while (true) {
    wait (mutex);
    while ((working_0 OR workin_1 OR working_2) OR
        ((waiting_0 > 0 OR waiting_1 > 0 OR waiting_2 > 0)
        & bonusR == 0)) {
        waitingR = waitingR + 1;
        signal (mutex);
        wait (semR);
        wait (mutex);
    }
    workingR = workingR + 1;
    (*) bonus_0 = bonus_1 = bonus_2 = 4;
    if (waiting_0>0 OR waiting_1>0 OR waiting_2>0) {
        bonusR = bonusR - 1;
    }
    signal (mutex);
    int Z = A [0] + A [1] + A [2];
    wait (mutex);
    workingR = workingR - 1;
    if (waitingR == 0) {
        (**) bonusR = 10;
        for (int i = 0; i < 3; i = i + 1) {
            if (waiting_i > 0) {
                waiting_i = waiting_i - 1;
                singal (sem_i);
            }
        }
    }
    singal (mutex);
}
```

### Writer:

```
while (true) {
    int i = ...; int v = ...;
    wait (mutex);
    while (workingR > 0 OR working_i OR
        (waitingR > 0 & bonus_i == 0)) {
        waiting_i = waiting_i + 1;
        signal (mutex);
        wait (sem_i);
        wait (mutex);
    }
    working_i = true;
    (*) bonusR = 10;
    if (waitingR > 0) {
        bonus_i = bonus_i - 1;
    }
    signal (mutex);
    A [i] = v;
    wait (mutex);
    working_i = false;
    if (bonus_i > 0 & waiting_i > 0) {
        waiting_i = waiting_i -1;
        signal (sem_i);
    }
    if (! working_((i + 1) % 3) & ! working_((i + 2) % 3)
    & ! working_i) {
        (**) bonus_0 = bonus_1 = bonus_2 = 4;
        while (waitingR > 0) {
            waitingR = waitingR - 1;
            signal (semR);
        }
    }
    signal (mutex);
}
```



## ESERCIZIO 6

Un parcheggio offre 30 posti auto, non tutti uguali:

- 10 posti di tipo "S": possono ospitare solo vetture di tipo "S";
- 10 posti di tipo "M": possono ospitare vetture "S" oppure "M";
- 10 posti di tipo "L": possono ospitare vetture "S" oppure "M";

("S", "M", "L", rappresentano le tre possibili dimensioni vetture/posti auto).

Le vetture che non possono accedere al parcheggio vengono bloccate all'ingresso. In questo caso, quando queste vetture verranno sbloccate potranno accedere solamente a parcheggi del tipo corrispondente (vetture "S" in posti "S", vetture "M" in posti "M", vetture "L" in posti "L").

Abbiamo le seguenti restrizioni:

- una vettura "S" che arriva all'ingresso può accedere ad un posto "M" solo se non ci sono posti liberi "S" e almeno 3 posti "M" sono occupati da vetture "M";
- una vettura "S" che arriva all'ingresso può accedere ad un posto "L" solo se non ci sono posti liberi "S" e la vettura non può accedere a posti "M";
- una vettura "M" che arriva all'ingresso può accedere ad un posto "L" solo se non ci sono posti liberi "M" e le vetture "M" già presenti nel parcheggio sono meno di 15;

Programmare l'ingresso e l'uscita delle vetture di ogni tipo usando i semafori con la semantica tradizionale.

Una possibile soluzione:

### Variabili:

```
busyS = busyM = busyL = 0; //numero di slot occupati, sempre compreso tra 0 e 10
inM = 0; //numero di auto M nel parcheggio (slot M o L)
inMM = 0; //numero di auto M nel slot M
wS = wM = wL = 0; //numero di auto in attesa
```

### Semafori:

```
mutex = 1; //m.e. sulle variabili condivise
semS = semM = semL = 0; //semafori per bloccare le auto
```

```
boolean canSS () {return busyS < 10;}
```

```
boolean canMM () {return busyM < 10;}
```

```
boolean canLL () {return busyL < 10;}
```

```
boolean canSM () {return (busyM < 10 & inMM >= 3);} //condizione busyS >=10 non verificata
```

```
boolean canSL () {return (busyL < 10 & ! canSM());} //condizione busyS >=10 non verificata
```

```
boolean canML () {return (busyL < 10 & inMM < 15);} //condizione busyM > 0 non verificata
```

```
void inSS () {busyS++;} //auto S entra slot S
```

```
void inSM () {busyM++;} //auto S entra slot M
```

```
void inSL () {busyL++;} //auto S entra slot L
```

```
void inMM () {busyM++; inM++; inMM++;} //auto M entra slot M
```

```
void inML () {busyL++; inM++;} //auto M entra slot L
```

```
void inLL () {busyL++;} //auto L entra slot L
```

```
void outS () {if (wS > 0) {wS--; signal (semS);} else {busyS--;} //auto S esce slot S
```

```
void outM () {if (wM > 0) {wM--; inM++; inMM++; signal (semM);} else {busyM--;} //auto S o M esce slot M
```

```
void outL () {if (wL > 0) {wL--; signal (semL);} else {busyL--;} //auto S o M o L esce slot L
```

```

void carS () {
    wait (mutex);
    if (canSS) {busyS++; signal (mutex); <park> wait (mutex); outS (); signal (mutex);}
    else {
        if (canSM) {busyM++; signal (mutex); <park> wait (mutex); outM (); signal (mutex);}
        else {
            if (canSL) {busyL++; signal (mutex); <park> wait (mutex); outL (); signal (mutex);}
            else {
                wS++; signal (mutex); wait (semS); <park> wait (mutex); outS (); signal (mutex);
            }
        }
    }
}

```

```

void carM () {
    wait (mutex);
    if (canMM) {busyM++; inM++; inMM++; signal (mutex); <park>
    wait (mutex); inM--; inMM--; outM(); singal (mutex);}
    else {
        if (canML) {busyL++; inM++; signal (mutex); <park> wait (mutex); inM--; outL (); signal (mutex);}
        else {
            wM++; signal (mutex); wait (semM); <park> wait (mutex); outM (); signal (mutex);
        }
    }
}

```

```

void carL () {
    wait (mutex);
    if (canLL) {busyL++; signal (mutex); <park> wait (mutex); outL (); signal (mutex);}
    else {
        wL++; signal (mutex); wait (semL); <park> wait (mutex); outL(); signal (mutex);
    }
}

```

## ESERCIZIO 7

Un distributore automatico è fornito di confezioni di biscotti e cracker. Dispone di 50 cestelli, ognuno dei quali può ospitare una sola confezione.

Esistono 4 categorie di processi:

- **fornitori di biscotti**: inseriscono una confezione di biscotti nel distributore;
- **consumatori di biscotti**: acquistano una confezione di biscotti dal distributore;
- **fornitori di cracker**: inseriscono una confezione di cracker nel distributore;
- **consumatori di cracker**: acquistano una confezione di cracker dal distributore;

Quando un fornitore di cracker vuole inserire una confezione e ci sono cestelli liberi, non può farlo se sono valide entrambe le seguenti condizioni:

- il numero di confezioni di cracker già presenti è  $\geq$  del numero di confezioni di biscotti già presenti;
- il numero di confezioni di cracker già presenti è  $\geq 3$ ;

I fornitori che tentano di rifornire prodotti ma non possono farlo devono essere messi in attesa.

I consumatori che desiderano acquistare prodotti non presenti, rinunciano (non devono essere messi in attesa).

Programmare il sistema usando i semafori con la semantica tradizionale.

Una possibile soluzione:

### Variabili:

```
free = 50;    //numero di cestelli liberi
waitB = 0;    //numero di fornitori di biscotti in attesa
waitC = 0;    //numero di fornitori di cracker in attesa
totB = 0;     //numero di confezioni di biscotti nel distributore
totC = 0;     //numero di confezioni di cracker nel distributore
```

### Semafori:

```
semi = 0;     //semaforo per i fornitori di biscotti
mutex = 1;    //semaforo per la m.e. sulle variabili condivise
```

```
fornitore biscotti {
    wait (mutex);
    if (free == 50) {
        waitB++;
        signal (mutex);
        wait (semiB);

        {inserisco i biscotti}

    }
    else {
        free = free - 1;
        totB = totB + 1;
        if (totB == totC + 1 & waitC > 0 & free > 0) {
            waitC = waitC - 1;
            signal (semiC);
            totC = totC + 1;
            free = free - 1;
        }
        signal (mutex);

        {inserisco i biscotti}

    }
}
```

```
fornitore cracker {
    wait (mutex);
    if (free == 0 | (totC >= totB & totC >= 3)) {
        waitC = waitC + 1;
        signal (mutex);
        wait (semiC);

        {inserisco I cracker}

    }
    else {
        totC = totC + 1;
        free = free - 1;
        signal (mutex);

        {inserisco I biscotti}

    }
}
```

```

consumatore biscotti {
    wait (mutex);
    if (totB == 0) {signal (mutex); "non metto in attesa"}
    else {
        totB = totB - 1;
        if (waitB > 0) {
            waitB = waitB - 1;
            tot = totB + 1;
            signal (semB);
        }
        else {
            if (waitC > 0 & (totC < totB && totC <= 3)) {
                waitC = waitC - 1;
                totC = totC + 1;
                signal (semC);
            }
            else {free = free + 1;}
        }
        signal (mutex);
    }
}

```

```

consumatore cracker {
    wait (mutex);
    if (totC == 0) {signal (mutex); "non metto in attesa"}
    else {
        totC = totC - 1;
        if (waitC > 0 & (totC < totB && totC <= 3)) {
            waitC = waitC - 1;
            totC = totC + 1;
            signal (semC);
        }
        else {
            if (waitB > 0) {
                waitB = waitB - 1;
                totB = totB + 1;
                signal (semB);
            }
            else {free = free + 1;}
        }
        signal (mutex);
    }
}

```

## ESERCIZIO 8

Un parcheggio con una disponibilità totale di 50 posti viene usato da vetture bianche e da vetture di altro colore. Quando una vettura bianca vuole entrare, il numero di vetture bianche non può diventare maggiore del numero delle vetture di altro colore. Il parcheggio ha un unico gate, usato dalle vetture per entrare ed uscire. Le vetture che tentano di entrare devono essere messe in coda di attesa. Non possono entrare per la mancanza di posti disponibili, oppure per la violazione della condizione sui colori sopra descritta.

Non deve capitare che ci siano vetture in attesa senza ragione. Programmare l'ingresso e l'uscita del parcheggio delle vetture, usando i semafori con la semantica tradizionale.

Una possibile soluzione:

### Variabili:

```
free = 50;    //numero di posti disponibili
waitN = 0;    //numero di vetture non bianche in attesa
waitB = 0;    //numero di vetture bianche in attesa
totB = 0;     //numero di vetture bianche nel parcheggio
totN = 0;     //numero di vetture non bianche nel parcheggio
```

### Semafori:

```
semB = 0;     //semaforo per le vetture bianche
semN = 0;     //semaforo per le vetture non bianche
mutex = 1;    //semaforo per la m.e. sulle variabili condivise
```

### EnteringN:

```
wait (mutex);
if (free > 0) {
    free = free - 1;
    totN = totN + 1;
    if (totN = totB + 1 & waitB > 0 & free > 0) {
        waitB = waitB - 1;
        signal (semB);
    }
    signal (mutex);
} else {
    waitN = waitN + 1;
    signal (mutex);
    wait (semN);
}
```

### ExitingN:

```
wait (mutex);
totN = totN - 1;
if (waitN > 0) {
    waitN = waitN - 1;
    signal (semN);
} else {
    if (waitB > 0 & totB < totN) {
        waitB = waitB - 1;
        signal (semB);
    } else {free = free + 1}
    signal (mutex);
}
```

### EnteringB:

```
wait (mutex);
if (free == 0 | totB >= totN) {
    waitB = waitB + 1;
    signal (mutex);
    wait (semB);
}
totB = totB + 1;
free = free - 1;
signal (mutex);
```

### ExitingB:

```
wait (mutex);
totB = totB - 1;
if (waitB > 0 & totB < totN) {
    waitB = waitB - 1;
    signal (semB);
} else {
    if (waitN > 0) {
        waitN = waitN - 1;
        signal (semN);
    } else {free = free + 1;}
}
signal (mutex);
```

## ESERCIZIO 9

1. Assumiamo un array di 100 interi A inizializzato con [0,0,0,0,0,0] condiviso da thread che appartengono a tre tipi:
  - thread di tipo 1: ciclicamente generano un numero random k ed eseguono l'operazione  
for (int i = 0; i < A.length; i++) {A[i] = A[i] + k + i;}, che deve essere indivisibile sul dato A;
  - thread di tipo 2: ciclicamente generano un numero random k ed effettuano l'operazione for  
for (int i = A.length-1; i >= 0; i = i - 2) {A[i] = A[i] + k - i;}, che deve essere indivisibile sul dato A;
  - thread di tipo 3: ciclicamente eseguono  
int x = 0; for (int i = 0; i < A.length; i++) {x = x + A[i]; System.out.println(x);}

Usando i semafori con la semantica tradizionale, scrivere il codice dei 3 tipi di thread, rispettando i seguenti vincoli: un thread può essere in waiting su un semaforo solo se ciò è necessario per garantire le indivisibilità delle operazioni dei thread di tipo 1 e 2, oppure se è necessario per evitare race condition su variabili condivise.

Inoltre, quando un thread di tipo 1 termina la propria operazione indivisibile su A, se vi sono thread in attesa, viene data priorità a thread di tipo 2, poi a thread di tipo 3, poi a thread di tipo 1.

Analogamente, quando un thread di tipo 2 termina la propria operazione indivisibile su A, se vi sono thread in attesa, viene data priorità a thread di tipo 1, poi a thread di tipo 3, poi a thread di tipo 2.

2. Assumiamo un array di int A inizializzato con [30,10,20] e condiviso da due thread.

Un thread esegue l'istruzione  $A[0] = A[0] + A[1]$

L'altro thread esegue l'istruzione  $A[0] = A[0] * A[2]$

Si argomenti in modo formale se possono verificarsi race condition su A.

3. Si spieghino i concetti di linking statico e loading statico.

## ESERCIZIO 1

### Variabili:

wrk12: numero di thread di tipo 1 oppure 2 che stanno lavorando. Valore iniziale 0. Valori possibili: 0,1

wrk3: numero di thread di tipo 3 che stanno lavorando. Valore iniziale 0. Valori possibili: 0,1,2,3, ...

tw1: numero di thread di tipo 1 in waiting. Valore iniziale 0

tw2: numero di thread di tipo 2 in waiting. Valore iniziale 0

tw3: numero di thread di tipo 3 in waiting. Valore iniziale 0

### Semafori:

mutex: valore iniziale 1. Garantisce m.e. sulle variabili condivise sopra

s1: valore iniziale 0. Serve per mettere in waiting i thread di tipo 1

s2: valore iniziale 0. Serve per mettere in waiting i thread di tipo 2

s3: valore iniziale 0. Serve per mettere in waiting i thread di tipo 3

#### Thread tipo 1:

```
while (true) {  
    //some work having nothing to do with our array  
    wait (mutex);  
    if (wrk12 > 0 || wrk3 > 0) {tw1++; signal (mutex); wait (s1);}  
    else {wrk12++; signal (mutex);}  
  
    k = ...;  
    for (int i = 0; i < A.length; i++) {A[i] = A[i] + k + i;}  
  
    wait (mutex);  
    wrk12--;  
    if (tw2 > 0) {tw2--; wrk12++; signal (s2);}  
    else {while (tw3 > 0) {tw3--; wrk3++; signal (s3);}  
    if (wrk3 == 0 & tw1 > 0) {tw1--; wrk12++; signal (s1);}}  
    signal (mutex);  
    // some work having nothing to do with our array  
}
```

#### Thread tipo 2: analogo al thread di tipo 1

#### Thread tipo 3:

```
while (true) {  
    //some work having nothing to do with our array  
    wait (mutex);  
    if (wrk12 > 0) {tw3++; signal (mutex); wait (s3);}  
    else {wrk3++; signal (mutex);}  
  
    int x = 0;  
    for (int i = 0; i < A.length; i++) {x = x + A[i]; System.out.println (x);}  
  
    wait (mutex);  
    wrk3--;  
    if (wrk3 == 0 & tw1 > 0) {tw1--; wrk12++; signal (s1);}  
    if (wrk3 == 0 & wrk12 == 0 & tw2 > 0) {tw2--; wrk12++; signal (s2);}  
    signal (mutex);  
    //some work having nothing to do with our array  
}
```

## ESERCIZIO 2

Funzione che formalizza l'operazione del primo thread  $f1: R \rightarrow R$  definita, per parti, come segue

(cioè  $A[0] = A[0] + A[1]$ ):

$f1([a, b, c]) = [a + b, b, c]$ .

Nota: in particolare vale che:

$f1([30, 10, 20]) = [30 + 10, 10, 20] = [40, 10, 20]$  e

$f1([600, 10, 20]) = [600 + 10, 10, 20] = [610, 10, 20]$ .

Funzione che formalizza l'operazione del secondo thread  $f2: R \rightarrow R$  definita, per parti, come segue

(cioè  $A[0] = A[0] * A[2]$ ):

$f2([a, b, c]) = [a * c, b, c]$ .

Nota: in particolare vale che:

$f2([30, 10, 20]) = [30 * 20, 10, 20] = [600, 10, 20]$  e

$f2([40, 10, 20]) = [40 * 20, 10, 20] = [800, 10, 20]$ .

Valori ammissibili su  $A$ , con  $A$  inizializzato con  $[x, y, z]$ , cioè valori che otterremmo in caso di esecuzione sequenziale delle due operazioni:

$f2(f1([x, y, z])) = f2([x + y, y, z]) = [(x + y) * z, y, z]$

e

$f1(f2([x, y, z])) = f1([x * z, y, z]) = [(x * z) + y, y, z]$

Nel nostro esempio:

$f2(f1([30, 10, 20])) = [(30 + 10) * 20, 10, 20] = [40 * 20, 10, 20] = [800, 10, 20]$

$f1(f2([30, 10, 20])) = [(30 * 20) + 10, 10, 20] = [600 + 10, 10, 20] = [610, 10, 20]$

Possiamo pertanto dire che avremo race condition, perché l'array può assumere, per esempio, il valore  $[40, 10, 20]$  che è diverso dai due valori ammissibili.

Il primo thread esegue la sua operazione, perde il processore, il secondo thread procede con la sua operazione ed imposta in  $A[0]$  il nuovo valore. Il primo thread riacquisisce il processore ed imposta in  $A[0]$  il nuovo valore, che va a sovrascrivere quello precedente, erroneamente, poiché i suoi dati in input non erano ancora quelli modificati dal secondo thread.



## ESERCIZIO 10

1. Assumiamo un array di 6 interi A inizializzato con [0, 0, 0, 0, 0, 0] condiviso da thread che appartengono a tre tipi:
  - thread di tipo 1: ciclicamente generano un numero random k ed effettuano l'operazione  $A[0] = A[0] + k$ ;  $A[1] = A[1] + k$ ;  $A[2] = A[2] + k$ , che deve essere indivisibile dal dato A[0, 2]
  - thread di tipo 2: ciclicamente generano un numero random k ed effettuano l'operazione  $A[3] = A[3] + k$ ;  $A[4] = A[4] + k$ ;  $A[5] = A[5] + k$ , che deve essere indivisibile sul dato A[3, 5]
  - thread di tipo 3: ciclicamente stampano il valore  $A[0] + A[1] + A[2] + A[3] + A[4] + A[5]$ .

Usando i semafori con la semantica tradizionale, scrivere il codice dei 3 tipi di thread, rispettando il seguente vincolo: un thread può essere in waiting su un semaforo solo se ciò è necessario per garantire le indivisibilità delle operazioni dei thread di tipo 1 e 2.

2. Assumiamo un array di int A inizializzato con [10,20].
  - Un thread esegue l'operazione  $A[0] = A[1] + 5$ .
  - L'altro thread esegue l'operazione  $A[1] = A[0] + 55$ .Si argomenti in modo formale se possono verificarsi race condition su A.
3. Si spieghi il ruolo e il funzionamento della IPT.

## ESERCIZIO 1

### **VARIABILI CONDIVISE:**

tw1: numero di thread di tipo 1 in waiting. Valore iniziale 0.

tw2: numero di thread di tipo 2 in waiting. Valore iniziale 0.

tw3: numero di thread di tipo 3 in waiting. Valore iniziale 0.

twrk1: numero di thread di tipo 1 che stanno lavorando. Valore iniziale 0. Valori possibili 0, 1.

twrk2: numero di thread di tipo 2 che stanno lavorando. Valore iniziale 0. Valori possibili 0, 1.

twrk3: numero di thread di tipo 3 che stanno lavorando. Valore iniziale 0. Valori possibili 0, 1, 2, 3, ...

### **SEMAFORI:**

s1: valore iniziale 0. Serve per mettere in waiting i thread di tipo 1.

s2: valore iniziale 0. Serve per mettere in waiting i thread di tipo 2.

s3: valore iniziale 0. Serve per mettere in waiting i thread di tipo 3.

### Thread tipo 1:

```
while (true) {  
    //some work having nothing to do with our array  
    wait (mutex);  
    if (twrk1 > 0 || twrk3 > 0) {tw1++; signal (mutex); wait (s1);}  
    else {twrk1++; signal (mutex);}  
  
    k = ...;  
    A[0] = A[0] + k; A[1] = A[1] + k; A[2] = A[2] + k;  
  
    wait (mutex);  
    twrk1--;  
    if (tw1 > 0) {tw1--; twrk1++; signal (s1);}  
    else {while (tw3 > 0 & twrk2 == 0) {tw3--; twrk3++; signal (s3);}}  
    signal (mutex);  
    //some work having nothing to do with our array  
}
```

### Thread tipo 2: analogo a thread di tipo 1

### Thread di tipo 3:

```
while (true) {  
    //some work having nothing to do with our array  
    wait (mutex);  
    if (twrk1 > 0 || twrk2 > 0) {tw3++; signal (mutex); wait (s3);}  
    else {twrk3++; signal (mutex);}  
  
    print (A[0]...A[6]);  
  
    wait (mutex);  
    twrk3--;  
    if (twrk3 == 0 & tw1 > 0) {tw1--; twrk1++; signal (s1);}  
    if (twrk3 == 0 & tw2 > 0) {tw2--; twrk2++; signal (s2);}  
    signal (mutex);  
    //some work having nothing to do with our array  
}
```

## ESERCIZIO 2:

Funzione che formalizza l'operazione del primo thread  $f1: R \rightarrow R$  definita, per parti, come segue

(cioè  $A[0] = A[1] + 5$ ):

$f1([a, b]) = [b + 5, b]$ .

Nota: in particolare vale che:

$f1([10, 20]) = [20 + 5, 20] = [25, 20]$

$f1([10, 65]) = [65 + 5, 65] = [70, 65]$

Funzione che formalizza l'operazione del secondo thread  $f2: R \rightarrow R$  definita, per parti, come segue

(cioè  $A[1] = A[0] + 55$ ):

$f2([a, b]) = [a, a + 55]$ .

Nota: in particolare vale che:

$f2([10, 20]) = [10, 10 + 55] = [10, 65]$

$f2([25, 20]) = [25, 20 + 55] = [25, 75]$

Varoli ammissibili su  $A$ , con  $A$  inizializzato con  $[x, y]$ , cioè valori che otterremmo in caso di esecuzione sequenziale delle due operazioni:

$f2(f1([x, y])) = f2([y + 5, y]) = [y + 5, (y + 5) + 55] = [y + 5, y + 60]$

$f1(f2([x, y])) = f1([x, x + 55]) = [(x + 55) + 5, x + 55] = [x + 60, x + 55]$

Nel nostro esempio:

$f2(f1([10, 20])) = f2([20 + 5, 20 + 60]) = [25, 80]$

$f1(f2([10, 20])) = f1([10 + 60, 10 + 55]) = [70, 65]$

Possiamo pertanto dire che avremo race condition, perché l'array può assumere, per esempio, il valore  $[25, 65]$  che è diverso dai due valori ammissibili.

Il primo thread esegue la sua operazione, perde il processore, il secondo thread procede con la sua operazione ed imposta in  $A[1]$  il valore 65. Il primo thread riacquisisce il processore ed imposta in  $A[0]$  il valore 25, che va a sovrascrivere quello precedente, erroneamente, poiché i suoi dati in input erano stati presi senza contare il cambio di valore eseguito dal secondo thread.

## ESERCIZIO 11

1. Per accedere ad una palestra servono dei gettoni. Ogni utente necessita di un numero di gettoni che dipende dalle attività che andrà a fare. Abbiamo tre tipi di utenti:
  - Utenti di tipo 1: per accedere alla palestra devono acquisire 1 gettone;
  - Utenti di tipo 2: per accedere alla palestra devono acquisire 2 gettoni;
  - Utenti di tipo 3: per accedere alla palestra devono acquisire 3 gettoni;

La palestra ha 100 gettoni. Se un utente di tipo  $n$  vuole accedere alla palestra, devono esserci  $n$  gettoni disponibili, che torneranno ad essere disponibili quando l'utente uscirà dalla palestra.

Programmare l'ingresso e l'uscita dalla palestra di ogni utente, nel rispetto di quanto segue:

- un utente che vuole entrare in palestra ma che non ha gettoni disponibili va in attesa;
- se un utente di tipo  $n$  è in attesa, allora i gettoni disponibili sono meno di  $n$ ;

2. Assumiamo che due thread condividano una variabile  $X$ , con valore iniziale  $X = 100$ .

Il primo thread esegue l'istruzione  $X = 50$ ;

Il secondo thread esegue l'istruzione `if (x > 70) {X = 200;} else {X = 0;}`;

Discutere, formalmente, se è possibile che si verifichino race condition sulla variabile  $X$ .

## ESERCIZIO 1:

### **VARIABILI:**

```
waiting1 = waiting2 = waiting3 = 0; //numero di utenti in attesa
token = 100;                        //numero di gettoni disponibili
```

### **SEMAFORI:**

```
s1 = s2 = s3 = 0;                //semaforo per mettere in waiting i thread, per ogni tipologia
mutex = 1;                       //semaforo per garantire m.e. alle variabili condivise
```

### Utenti di tipo 1:

```
while (true) {
    //attività non rilevante

    wait (mutex);
    if (token > 0) {token--; signal (mutex);} //se c'è almeno un token, lo consumo ed entro
    else {waiting1++; signal (mutex); wait (s1);} //altrimenti, vado in attesa

    //training activity

    wait (mutex);
    if (waiting1 > 0) {waiting1--; signal (s1);} //se c'è un U1 in attesa, lo sveglio
    else { //altrimenti
        if (waiting2 > 0 & token == 1) { //se c'è un token disponibile e un U2 in attesa lo sveglio
            token--; //l'utente U2 usa il token disponibile ed il mio token
            waiting2--;
            signal (s2);
        } else { //altrimenti
            if (waiting3 > 0 & token == 2) { //se ci sono due token disponibili e un U3 in attesa, lo sveglio
                token = token - 2; //l'utente U3 usa i due token disponibili ed il mio token
                waiting3--;
                signal (s3);
            } else {token++;} //se non sveglio nessuno il mio token diventa disponibile
        }
    }
    signal (mutex);

    //attività non rilevante
}
```

### Utenti di tipo 2:

```
while (true) {  
    //attività non rilevante  
  
    wait (mutex);  
    if (token > 1) {token = token - 2; signal (mutex);} //se ci sono almeno disponibili, li consumo ed entro  
    else {waiting2++; signal (mutex); wait (s2);} //altrimenti, vado in attesa  
  
    //training activity  
  
    wait (mutex);  
    if (waiting2 > 0) {waiting2--; signal (s2);} //se c'è un U2 in attesa, lo sveglio  
    else { //altrimenti  
        if (waiting3 > 0 & (token == 1 || token == 2)) { //se ci sono 1 o 2 token disponibili e un U3 in attesa lo sveglio  
            waiting3--;  
            token--;  
            signal (s3);  
        }  
        else { //altrimenti  
            token = token + 2;  
            while (waiting1 > 0) { //sveglio, se in attesa, al massimo due U1  
                token = token - 1;  
                waiting1--;  
                signal (s1);  
            }  
        }  
    }  
    signal (mutex);  
  
    //attività non rilevante  
}
```

### Utenti di tipo 3:

```
while (true) {  
    //attività non rilevante  
  
    wait (mutex);  
    if (token > 2) {token = token - 3; signal (mutex);} //se ci sono almeno 3 token disponibili li uso ed entro  
    else {waiting3++; signal (mutex); wait (s3);} //altrimenti, vado in attesa  
  
    //training activity  
  
    wait (mutex);  
    if (waiting3 > 0) {waiting3--; singal (s3);} //se c'è un U3 in attesa, lo sveglio  
    else { //altrimenti  
        token = token + 3; //con i miei token posso svegliare U2 e/o U1  
        while (waiting2 > 0 & token > 1) { //sveglio U2  
            waiting2--;  
            token = token - 2;  
            signal (s2);  
        }  
        while (waiting1 > 0 & token > 0) { //sveglio U1  
            waiting1--;  
            token = token - 1;  
            signal (s1);  
        }  
    }  
    signal (mutex);  
  
    //attività non rilevante  
}
```

## ESERCIZIO 2:

L'operazione eseguita dal primo thread può essere formalizzata con la funzione  $f1: R \rightarrow R$  definita come segue ( $x$  è un valore reale, non va confuso con la variabile  $X$ ):

$$f1(x) = 50$$

L'operazione eseguita dal secondo thread può essere formalizzata con la funzione  $f2: R \rightarrow R$  definita, per parti, come segue:

$$f2(x) = 200, \quad \text{se } x > 70$$

$$f2(x) = 0, \quad \text{se } x \leq 70$$

Pertanto, componendo le funzioni come segue, spieghiamo il comportamento dei thread quando la loro attività viene eseguita sequenzialmente in ordine arbitrario:

$$f1(f2(x)) = f1(200) = 50, \quad \text{se } x > 70$$

$$f1(f2(x)) = f1(0) = 50, \quad \text{se } x \leq 70$$

e

$$f2(f1(x)) = f2(50) = 0$$

Possiamo pertanto dire che avremo race condition se e solo se  $X$  può acquisire valori diversi da 50 e 0.

Una possibile esecuzione è la seguente: il secondo thread testa la guardia ( $X > 70$ ), che risulta vera, perde il processore, il primo thread esegue l'assegnamento, il secondo thread riacquisisce il processore e assegna il valore 200 alla variabile  $X$ , che non verrà modificato in seguito.

Essendo 200 diverso da 50 e da 0, concludiamo che questa esecuzione dà luogo a race condition.



## ESERCIZIO 12

Una palestra può ospitare al massimo 40 clienti. Esistono due tipologie di cliente: regular e premium.

Un cliente premium può essere ammesso alla palestra solo se c'è almeno un posto libero.

Un cliente regular può essere ammesso alla palestra solo se sono verificate entrambe le seguenti due operazioni:

- c'è almeno un posto libero;
- la palestra ha < di 20 posti occupati, altrimenti, se la palestra ha già almeno 20 posti occupati, allora, la metà dei posti occupati deve essere occupata da clienti premium;

Programmare l'ingresso e l'uscita dalla palestra per entrambi i tipi di processo cliente, nel rispetto di quanto segue:

- se un cliente non può entrare, va messo in attesa;
- non può capitare che un cliente sia in attesa e il suo eventuale ingresso non violerebbe le regole sopra citate;

Non è necessario programmare il comportamento dei clienti all'interno della palestra.

### VARIABILI:

```
postiOccupati = 0;    //posti occupati nella palestra
waitRegular = 0;      //numero di clienti regular in attesa
waitPremium = 0;      //numero di clienti premium in attesa
premiumIn = 0;        //numero di clienti premium nella palestra
```

### SEMAFORI:

```
mutex = 1;            //semaforo per la m.e. sulle variabili condivise
semRegular = 0;        //semaforo per i clienti regular
semPremium = 0;        //semaforo per i clienti premium
```

```
entrataRegular () {
    wait (mutex);
    if (postiOccupati == 40 || postiOccupati >= 20
    & (premiumIn <= postiOccupati / 2)) {
        waitRegular++;
        signal (mutex);
        wait (semRegular)
    } else {
        postiOccupati++;
        signal (mutex);
    }
}

uscitaRegular () {
    wait (mutex);
    if (waitPremium > 0) {
        waitPremium--;
        signal (semPremium);
    } else if (waitRegular > 0 && (postiOccupati <= 20
    || (premiumIn >= postiOccupati / 2))) {
        waitPremium--;
        signal (semPremium);
    } else {
        postiOccupati--;
    }
    signal (mutex);
}
```

```
entrataPremium () {
    wait (mutex);
    if (postiOccupati == 40) {
        waitPremium++;
        signal (mutex);
        wait (semPremium);
    } else {
        postiOccupati++;
        premiumIn++;
        signal (mutex);
    }
}

uscitaPremium () {
    wait (mutex);
    if (waitPremium > 0) {
        postiOccupati--; premiumIn--;
        waitPremium--; signal (semPremium);
    } else if (waitRegular > 0 && (postiOccupati <= 20
    || (premiumIn >= postiOccupati / 2))) {
        waitRegular--;
        premiumIn--;
        signal (semRegular);
    } else {
        postiOccupati--;
        premiumIn--;
    }
    signal (mutex);
}
```

### ESERCIZIO 13

Un parcheggio che dispone di 50 posti è accessibile da tre tipi di veicoli:

- veicolo V\_1, occupano un posto;
- veicolo V\_2, occupano due posti;
- veicolo V\_3, occupano tre posti;

Programmare l'ingresso nel parcheggio e l'uscita dal parcheggio per ogni tipo di processo veicolo, nel rispetto di quanto segue:

- se un veicolo non può entrare, va messo in attesa;
- non può capitare che un veicolo V\_k sia in attesa e ci siano k posti liberi;
- se ci sono veicoli in attesa e un veicolo di tipo V\_k esce dal parcheggio, la priorità viene data ai veicoli del medesimo tipo V\_k;

Non è necessario programmare il comportamento del veicolo all'interno del parcheggio.

#### VARIABILI:

```
free = 50; //numero di posti disponibili nel parcheggio
```

```
waitV_k = 0; //numero di veicoli in attesa per ogni tipologia
```

#### SEMAFORI:

```
mutex = 1; //semaforo usato per garantire m.e. sulle variabili condivise
```

```
semV_k = 0; //semaforo usato dai veicoli per ogni tipologia
```

```
V_1 () {
    wait (mutex);
    if (free == 0) {waitV_1++; signal (mutex); wait (semV_1);}
    else {free--; signal (mutex);}

    <park>

    wait (mutex);
    free++;
    if (waitV_1 > 0) {
        while (waitV_1 > 0 && free > 0) {
            waitV_1--; free--; signal (semV_1);
        }
    }
    else if (waitV_2 > 0 && free > 1) {
        while (waitV_2 > 0 && free > 1) {
            waitV_2--; free = free - 2; signal (semV_2);
        }
    }
    else if (waitV_3 > 0 && free > 2) {
        while (waitV_3 > 0 && free > 2) {
            waitV_3--; free = free - 3; signal (semV_3);
        }
    }
    signal (mutex);
}
```

```

V_2 () {
    wait (mutex);
    if (free < 2) {waitV_2++; signal (mutex); wait (semV_2);}
    else {free = free - 2; signal (mutex);}

    <park>

    wait (mutex);
    free = free + 2;
    if (waitV_2 > 0) {
        while (waitV2 > 0 && free > 1) {
            waitV_2--; free = free - 2; signal (semV_2);
        }
    }
    else if (waitV_3 > 0 && free > 2) {
        while (waitV_3 > 0 && free > 2) {
            waitV_3; free = free - 3; signal (semV_3);
        }
    }
    else if (waitV_1 > 0 && free > 0) {
        while (waitV_1 > 0 && free > 0) {
            waitV_1--; free--; signal (semV_1);
        }
    }
    signal (mutex);
}

```

```

V_3 () {
    wait (mutex);
    if (free < 3) {waitV_3++; signal (mutex); wait (semV_3);}
    else {free = free - 3; signal (mutex);}

    <park>

    wait (mutex);
    free = free + 3;
    if (waitV_3 > 0) {
        while (waitV_3 > 0 && free > 2) {
            waitV_3--; free = free - 3; signal (semV_3);
        }
    }
    else if (waitV_2 > 0 && free > 1) {
        while (waitV_2 > 0 && free > 1) {
            waitV_2--; free = free - 2; signal (semV_2);
        }
    }
    else if (waitV_1 > 0 && free > 0) {
        while (waitV_1 > 0 && free > 0) {
            waitV_1--; free--; signal (semV_1);
        }
    }
    signal (mutex);
}

```

#### ESERCIZIO 14

Un distributore di benzina ha N pompe e 1 serbatoio della capacità di M litri. Ogni automobile all'arrivo richiede una specifica quantità di benzina. Il serbatoio è rifornito da una autobotte che lo riempie fino alla capacità massima e solo se nessuna automobile sta facendo rifornimento.

Le automobili possono fare benzina solo se c'è una pompa libera, se la quantità di benzina richiesta è disponibile e se l'autobotte non sta riempiendo il serbatoio.

Si descriva una soluzione in uno pseudo linguaggio che ottimizzi l'accesso alle risorse usando semafori e processi.

#### VARIABILI:

```
int disponibile = N;  
int occupate = 0;  
String autobotte = "no";
```

#### SEMAFORI:

```
sem distributore = 1;  
sem serbatoio = 0;  
sem auto = 1;
```

```
autobotte () {  
    wait (distributore);  
    autobotte = "si";  
    signal (distributore);  
    wait (auto);  
    riempi ();  
    disponibile = M;  
    signal (auto);  
    autobotte = "no";  
}
```

```
automobile () {  
    wait (distributore);  
    if (occupate < N && autobotte.equals ("no")) {  
        occupate++;  
        if (occupate == 1) wait (auto);  
        signal (distributore);  
        richiesta = rand (1 ... 20);  
        wait (serbatoio);  
        if (richiesta > disponibile) {  
            signal (serbatoio);  
        }  
        else {  
            disponibile -= richiesta;  
            signal (serbatoio);  
            faiBenzina ();  
        }  
        wait (distributore);  
        occupate--;  
        if (occupate == 0) signal (auto);  
        signal (distributore);  
    }  
    else {signal (distributore);}  
}
```

## ESERCIZIO 15

In una mensa universitaria gli studenti, dopo aver mangiato, depongono i vassoi in M contenitori, ognuno di K ripiani. Periodicamente, un addetto alle cucine, sceglie 1 contenitore tra quelli in cui non ci sono più ripiani liberi, lo svuota, lava i piatti e riporta il contenitore in sala.

Si descriva una soluzione in uno pseudo linguaggio che ottimizzi l'accesso alle risorse usando semafori e processi,

### VARIABILI:

```
int [M] liberi = k;
```

### SEMAFORI:

```
sem [M] cont = 1;
```

```
cameriere () {  
    int i = - 1;  
    while (true) {  
        if (i == M - 1) i = 0;  
        else i++;  
  
        wait (cont [i]);  
        if (liberi [i] == 0) { //il contenitore è pieno  
            liberi [i] = k;  
            lava ();  
        }  
        signal (cont [i]);  
    }  
}
```

```
studente () {  
    i = - 1;  
    fatto = no;  
  
    while (fatto = no) {  
        if (i == M - 1) i = 0;  
        else i++;  
  
        wait (cont [i]);  
        if (liberi [i] > 0) {  
            liberi [i] = liberi [i] - 1;  
            posa ();  
            fatto = si;  
        }  
        signal (cont [i]);  
    }  
}
```

## ESERCIZIO 16

Un parcheggio ha 30 posti, due ingressi con sbarra A e B, ed un'uscita.

Quando un veicolo si presenta ad uno dei due ingressi, se c'è almeno un posto libero entra, parcheggia ed esce dal parcheggio, altrimenti prenota l'ingresso ed attende di poter entrare.

Se ci sono veicoli in attesa ad entrambi gli ingressi, vengono fatti entrare quando altri veicoli escono dal parcheggio, aprendo le due sbarre alternativamente.

Quando un veicolo esce dal parcheggio, se ci sono veicoli in attesa ad almeno uno dei due ingressi, ne fa entrare uno.

### VARIABILI:

```
int postiLiberi = 30; //totale posti disponibili nel parcheggio
int bookA = 0;        //veicoli in attesa alla sbarra A
int bookB = 0;        //veicoli in attesa alla sbarra B
int turno = 0;        //tiene conto di chi è il turno attuale
```

### SEMAFORI:

```
mutex = 1; //semaforo per garantire m.e. sulle variabili condivise
sbarraA = 0; //semaforo per veicoli in attesa alla sbarra A
sbarraB = 0; //semaforo per i veicoli in attesa alla sbarra B
```

```
entraIngressoA () {
    wait (mutex);
    if (postiLiberi > 0) {
        postiLiberi--;
        signal (mutex);
    }
    else {
        bookA++;
        signal (mutex);
        wait (sbarraA);
    }
}
```

```
entraIngressoB () {
    wait (mutex);
    if (postiLiberi > 0) {
        postiLiberi--;
        signal (mutex);
    }
    else {
        bookB++;
        signal (mutex);
        wait (sbarraB);
    }
}
```

```
esci () {
    wait (mutex);
    dovrei fare postiLiberi++ qui?? non dovrei quindi
controllare postiLiberi == 0 perch se una macchina
esce si ha già un posto libero.
    if (postiLiberi == 0) {
        if ((turno == 0 || bookB == 0) && bookA > 0) {
            bookA--;
            turno = 1;
            signal (sbarraA);
        }
        else {
            if (bookB > 0) {
                bookB--;
                turno = 0;
                signal (sbarraB);
            }
            else {postiLiberi++;}
        }
        else {postiLiberi++;}
    }
    signal (mutex);
}
```

## ESERCIZIO 17

In un barber shop lavora un solo barbiere, vi è una sola sedia adibita al taglio, e vi sono N sedie per i clienti in attesa. Assumiamo  $n = 20$ .

Comportamento del barbiere:

- all'apertura del negozio si mette a dormire nella sedia adibita al taglio, in attesa che un cliente entri e lo svegli;
- quando ci sono clienti in attesa, il barbiere li chiama e li serve uno alla volta;
- quando non ci sono clienti in attesa, il barbiere si rimette a dormire nella sedia adibita al taglio;

Comportamento del cliente:

- quando entra nel negozio, se non ci sono sedie libere va a cercarsi un altro barbiere;
- quando entra nel negozio, se c'è almeno una sedia libera ne occupa una, svegliando il barbiere, se sta dormendo, ed attendendo di essere chiamato dal barbiere per il taglio;

Programmare il barbiere ed il singolo cliente:

### VARIABILI:

sedieDisponibili = 20;

clientiInAttesa = 0;

### SEMAFORI:

mutex = 1;

semClienti = 0;

barbiereLibero = 0;

```
void barbiere () {
    while (true) {
        wait (semClienti);
        wait (mutex);
        clientiInAttesa--;
        signal (barbiereLibero); giustoooo???
        signal (mutex);
        tagliaCapelli ();
    }
}
```

```
void cliente () {
    wait (mutex);
    if (clientiInAttesa < sedie) {
        clientiInAttesa++;
        signal (semClienti);
        signal (mutex);
        wait (barbiereLibero);
        riceviTaglio ();
    }
    else {
        signal (mutex);
    }
}
```



## ESERCIZIO 18

1. Si consideri una versione del problema produttori/consumatori con due buffer condivisi: due array di interi, A e B. Diciamo che l'intero A[i] (o l'intero B[i]) è presente se è stato prodotto da un produttore e, dopo che è stato prodotto, non è stato ancora consumato da nessun consumatore.

Inizialmente, nessun A[i] è presente e nessun B[i] è presente. Gli array A e B sono condivisi da 3 tipi di thread:

1. Consumatori: se almeno un A[i] oppure almeno un B[i] è presente, il thread consuma TUTTI gli interi presenti in A e in B e stampa la loro somma;
2. A-produttori: se esiste almeno un indice i tale che A[i] non è presente, il thread seleziona uno di questi i e produce un intero in A[i].

In particolare, l'intero viene calcolato chiamando un metodo mA(i), con l'istruzione A[i] = mA(i).

Altrimenti, il thread va in attesa e vi rimane fintantoché tutti gli A[i] sono presenti.

3. B-produttori: se esiste almeno un indice i tale che B[i] non è presente, il thread seleziona uno di questi i e produce un intero in B[i].

In particolare, l'intero viene calcolato chiamando un metodo mB(i), con l'istruzione B[i] = mB(i).

Altrimenti, il thread va in attesa e vi rimane fintantoché tutti gli B[i] sono presenti.

Scrivere il codice dei tre tipi di thread, usando i semafori con la semantica tradizionale e garantendo che:

- non si possano verificare race condition su A e su B;
- un thread può essere in waiting solo nei seguenti casi:
  - l'attesa è necessaria per prevenire race condition;
  - l'attesa è imposta dalle specifiche ai punti 1, 2 e 3;

Soluzione alternativa:

### VARIABILI:

```
int k = 0;           //posizione di A in cui il prossimo PA può produrre. Se k == A.length allora nessuno
                    //può produrre;
int h = 0;           //posizione di B in cui il prossimo PB può produrre. Se h == B.length allora nessuno
                    //può produrre;

int workingPA = 0;   //numero di PA in working, cioè numero di PA che stanno producendo;
int workingPB = 0;   //numero di PB in working, cioè numero di PB che stanno producendo;
boolean workingPC = false; //true se e solo se un PC è working, cioè sta' consumando;

int waitingPA = 0;   //numero di PA in attesa;
int waitingPB = 0;   //numero di PB in attesa;
int waitingPC = 0;   //numero di PC in attesa;
```

### SEMAFORI:

```
mutex = 1;           //serve per usare le variabili di cui sopra nelle sezioni critiche;
mutexPA = 1;         //serve per consentire ai PA di determinare la posizione in cui produrre all'interno
                    //delle sezioni critiche;
mutexPB = 1;         //serve per consentire ai PB di determinare la posizione in cui produrre all'interno
                    //delle sezioni critiche;

semPA = 0;           //serve per mettere in attesa i PA che non possono produrre;
semPB = 0;           //serve per mettere in attesa i PB che non possono produrre;
semPC = 0;           //serve per mettere in attesa i PC che non possono consumare;
```

Thread PA:

```
while (true) {  
    //something having nothing to do with A and B  
  
    wait (mutex);  
    if (workingPC || k == A.length) {  
        waitingPA++;  
        signal (mutex);  
        wait (semPA);  
        wait (mutexPA);  
    }  
    else {  
        workingPA++;  
        signal (mutex);  
        wait (mutexPA);  
    }  
  
    int i = k;  
    k++;  
    signal (mutexPA);  
  
    A[i] = mA(i);  
  
    wait (mutex);  
    workingPA--;  
    if (workingPA == 0 && workingPB == 0 && waitingPC > 0) {  
        waitingPC--;  
        workingPC = true;  
        signal (semPC);  
    }  
    signal (mutex);  
  
    //something having nothing to do with A and B  
}
```

Thread PB:

```
while (true) {  
    //something having nothing to do with A and B  
  
    wait (mutex);  
    if (workingPC || h == B.lenght) {  
        waitingPB++;  
        signal (mutex);  
        wait (semPB);  
        wait (mutexPB);  
    }  
    else {  
        workingPB++;  
        signal (mutex);  
        wait (mutexPB);  
    }  
  
    int j = h;  
    h++;  
    signal (mutexPB);  
  
    B[i] = mB(i);  
  
    wait (mutex);  
    workingPB--;  
    if (workingPA == 0; && workingPB == 0 && waitingPC > 0) {  
        waitingPC--;  
        workingPC = true;  
        signal (semPC);  
    }  
    signal (mutex);  
  
    //something having nothing to do with A and B  
}
```

Thread PC:

```
while (true) {
    //something having nothing to do with A and B

    wait (mutex);
    if (workingPA > 0 || workingPB > 0 || (k == 0 && h == 0)) {
        waitingPC++;
        signal (mutex);
        wait (semPC);
    }
    else {
        workingPC = true;
        signal (mutex);
    }

    int sum = 0;
    for (int j = 0; j < A.length; j++) {sum = sum + A[i];}
    for (int j = 0; j < B.length; j++) {sum = sum + B[i];}
    System.out.println (sum);

    wait (mutex);
    workingPC = false;
    k = h = 0;
    while (waitingPA > 0 && workingPA < A.length) {
        waitingPA--;
        workingPA++;
        signal (semPA);
    }
    while (waitingPB > 0 && workingPB < B.length) {
        waitingPB--;
        workingPB++;
        signal (semPB);
    }
    signal (mutex);

    //something having nothing to do with A and B
}
```

## ESERCIZIO 18

1. Si consideri una versione del problema produttori/consumatori con due buffer condivisi: due array di interi, A e B. Diciamo che l'intero A[i] (o l'intero B[i]) è presente se è stato prodotto da un produttore e, dopo che è stato prodotto, non è stato ancora consumato da nessun consumatore.

Inizialmente, nessun A[i] è presente e nessun B[i] è presente. Gli array A e B sono condivisi da 3 tipi di thread:

1. Consumatori: se almeno un A[i] oppure almeno un B[i] è presente, il thread consuma TUTTI gli interi presenti in A e in B e stampa la loro somma;
2. A-produttori: se esiste almeno un indice i tale che A[i] non è presente, il thread seleziona uno di questi i e produce un intero in A[i].

In particolare, l'intero viene calcolato chiamando un metodo mA(i), con l'istruzione A[i] = mA(i).

Altrimenti, il thread va in attesa e vi rimane fintantoché tutti gli A[i] sono presenti.

3. B-produttori: se esiste almeno un indice i tale che B[i] non è presente, il thread seleziona uno di questi i e produce un intero in B[i].

In particolare, l'intero viene calcolato chiamando un metodo mB(i), con l'istruzione B[i] = mB(i).

Altrimenti, il thread va in attesa e vi rimane fintantoché tutti gli B[i] sono presenti.

Scrivere il codice dei tre tipi di thread, usando i semafori con la semantica tradizionale e garantendo che:

- non si possano verificare race condition su A e su B;
- un thread può essere in waiting solo nei seguenti casi:
  - l'attesa è necessaria per prevenire race condition;
  - l'attesa è imposta dalle specifiche ai punti 1, 2 e 3;

2. Si assuma la variabile X condivisa da due thread che invocano il seguente metodo M:

```
public void M () {if (X >= 0) {X = -5;} else {X = 12;}}
```

Discutere formalmente se si possono verificare race condition su X.

## ESERCIZIO 1:

Soluzione del prof:

### VARIABILI CONDIVISE:

```
int k = 0; //posizione di A in cui il prossimo PA può produrre. Se k == A.length allora nessuno può produrre;
int h = 0; //posizione di B in cui il prossimo PB può produrre. Se h == A.length allora nessuno può produrre;

int workingPA = 0; //numero di PA in working, cioè numero di PA che stanno producendo;
int workingPB = 0; //numero di PB in working, cioè numero di PB che stanno producendo;
boolean workingPC = false; //true se e solo se un PC è working, cioè sta' consumando;

int waitingPA = 0; //numero di PA in attesa
int waitingPB = 0; //numero di PB in attesa
int waitingPC = 0; //numero di PC in attesa
```

### SEMAFORI:

```
mutex = 1; //serve per usare le variabili di cui sopra nelle sezioni critiche;
mutexPA = 1; //serve per consentire ai PA di determinare la posizione in cui produrre all'interno delle sezioni critiche;
mutexPB = 1; //serve per consentire ai PB di determinare la posizione in cui produrre all'interno delle sezioni critiche;

semPA = 0; //serve per mettere in attesa i PA che non possono produrre;
semPB = 0; //serve per mettere in attesa i PB che non possono produrre;
semPC = 0; //serve per mettere in attesa i PC che non possono consumare;
```

Thread PA (il codice per PB è analogo):

```
while (true) {  
    //something having nothing to do with A and B  
  
    wait (mutex);  
    if (workingPC || k + workingPA == A.length) {  
        waitingPA++;  
        signal (mutex);  
        wait (semPA);  
    }  
    else {  
        workingPA++;  
        signal (mutex);  
    }  
  
    wait (mutexPA);  
    int i = k;  
    k++;  
    signal (mutexPA);  
  
    A[i]= mA(i);  
  
    wait (mutex);  
    workingPA--;  
    if (workingPA == 0 & workingPB == 0 & waitingPC > 0) {  
        waitingPC--;  
        workingPC = true;  
        signal (semPC);  
    }  
    signal (mutex);  
  
    //something having nothing to do with A and B  
}
```

//sulle variabili condivise. Lavoro all'interno di sezioni critiche.  
//vado in attesa se un C sta consumando oppure se A è pieno/verrà riempito da PA che hanno già controllato di poter produrre.  
  
//determino la posizione in cui produrre  
//aggiorno la posizione in cui il prossimo PA può produrre  
  
//vari PA possono produrre in concorrenza con altri PA e con PB  
//controllo se posso svegliare un PC

## Thread PC

```
while (true) {  
    //something having nothing to do with A and B  
  
    wait (mutex);  
    if (workingPA > 0 || workingPB > 0 || (k == 0 & h == 0)) { //se ci sono PA o PB che stanno producendo, oppure non  
        waitingPC++; //ci sono elementi da consumare, vado in attesa.  
        signal (mutex);  
        wait (semPC);  
    }  
    else {  
        workingPC = true;  
        signal (mutex);  
    }  
  
    int sum = 0;  
    for (int j = 0; j < k; j++) {sum = sum + A[j];}  
    for (int j = 0; j < h; j++) {sum = sum + A[j];}  
    System.out.println (sum);  
  
    wait (mutex);  
  
    k = h = 0; //aggiorno k e h perché gli array ora sono vuoti  
  
    int c = 0;  
    while (waitingPA > 0 & c < A.length) { //sveglio al massimo A.length PA in attesa  
        waitingPA--;  
        workingPA++;  
        signal (semPA);  
    }  
    while (waitingPB > 0 & c < B.length) {  
        waitingPB--;  
        workingPB--;  
        signal (semPB);  
    }  
    workingPC = false;  
  
    signal (mutex);  
  
    //something having nothing to do with A and B  
}
```

## ESERCIZIO 2:

L'effetto sulla variabile X dell'esecuzione di ognuno dei due thread può essere formalizzato con la funzione  $f: R \rightarrow R$  definita, per parti, come segue:

- $f(y) = 12$ , se  $y < 0$ ;
- $f(y) = -5$ , se  $y \geq 0$ ;

Pertanto, il comportamento dei due thread che eseguono sequenzialmente può esser formalizzato applicando due volte  $f$ :

- $f(f(y)) = f(12) = -5$ , se  $y < 0$ ;
- $f(f(y)) = f(-5) = 12$ , se  $y \geq 0$ ;

Pertanto, se il valore iniziale di X è non negativo, per non avere race condition la variabile X deve assumere il valore finale 12.

Altrimenti, se il valore iniziale di X è negativo, per non avere race condition la variabile X deve assumere il valore finale -5.

Assumiamo che inizialmente X valga 10. Un thread potrebbe testare la guardia e perdere il processo prima di eseguire il ramo "then".

L'altro thread potrebbe eseguire tutto il metodo.

Il primo thread riprenderebbe in seguito l'esecuzione ed eseguirebbe il ramo "then".

Alla fine, X varrebbe -5, ma l'unico valore ammissibile partendo da  $X = 10$  è 12, pertanto in questo caso avremmo race condition.



## ESERCIZIO 19

Un vecchio ponte consente di attraversare un fiume nelle direzioni nord -> sud e sud -> nord, con i seguenti vincoli:

- per ragioni di peso, in ogni istante al più un veicolo può passare sul ponte;
- se un veicolo trova il ponte occupato, attende che si liberi (non è previsto che il veicolo decida di rinunciare ad attraversare il ponte);
- dopo che un veicolo ha attraversato il ponte in una direzione, se ci sono veicoli in attesa su entrambi i lati, allora deve passare per primo un veicolo che viaggia nella direzione opposta;

Programmare il veicolo che viaggia in senso nord -> sud (programma **goingToSouth**) ed il veicolo che viaggia in senso sud -> nord (programma **goingToNorth**).

### VARIABILI:

```
int bookToNorth = 0;           //numero di veicoli che aspettano per andare a nord
int bookToSouth = 0;           //numero di veicoli che aspettano per andare a sud
boolean ponteLibero = true;    //true se e solo se ponte libero. Nessuna macchina sta passando sul ponte
```

### SEMAFORI

```
mutex = 1;                     //semaforo per m.e. sulle variabili condivise
semToNorth = 0;                //semaforo per mettere in attesa veicoli che vogliono andare a nord
semToSouth = 0;                //semaforo per mettere in attesa veicoli che vogliono andare a sud
```

```
enteringNorth () {
    wait (mutex);
    if (ponteLibero) {
        ponteLibero = false;
        signal (mutex);
    }
    else {
        bookToSouth++;
        signal (mutex);
        wait (semToSouth);
    }
}

exitingSouth () {
    wait (mutex);
    if (bookToNorth > 0) {
        bookToNorth--;
        signal (semToNorth);
    }
    else {
        if (bookToSouth > 0) {
            bookToSouth--;
            signal (semToSouth);
        }
        else {
            ponteLibero = true;
        }
    }
    signal (mutex);
}
```

```
goingToSouth () {
    enteringNorth ();
    crossingToSouth ();
    exitingSouth ();
}

goingToNorth () {
    enteringSouth ();
    crossingToNorth ();
    exitingNorth ();
}
```

Per smaltire il traffico con maggiore efficienza, supponiamo ora che quando un veicolo è in attesa ad un lato del ponte perché altri veicoli stanno andando verso il lato in cui si trova, sia consentito ad ulteriori 10 veicoli di entrare dal lato opposto.

**VARIABILI:**

```
int goingToSouth = 0;
int goingToNorth = 0;
int extraToNorth = 0;
int extraToSouth = 0;
boolean ponteLibero = true;
```

**SEMAFORI:**

```
mutex = 1;
semToNorth = 0;
semToSouth = 0;
```

```
void enteringNorth () {
    wait (mutex);
    if (goingToNorth == 0 && bookToNorth == 0) {
        goingToSouth++;
        signal (mutex);
    }
    else {
        if (goingToSouth > 0 && extraToSouth < 10) {
            extraToSouth++;
            goingToSouth++;
            signal (mutex);
        }
        else {
            bookToSouth++;
            signal (mutex);
            wait (semToSouth);
        }
    }
}
```

```
void exitingSouth () {
    wait (mutex);
    goingToSouth--;
    if (goingToSouth == 0) {
        if (extraToSouth > 0) {
            extraToSouth = 0;
        }
        while (bookToNorth > 0) {
            goingToNorth++;
            bookToNorth--;
            signal (semToNorth);
        }
    }
    signal (mutex);
}
```

```
goingToSouth () {
    enteringNorth ();
    crossingToSouth ();
    exitingSouth ();
}

goingToNorth () {
    enteringSouth ();
    crossingToNorth ();
    exitingNorth();
}
```