谓词逻辑



Lijie Wang

引入谓词逻辑

谓词的引入

王丽杰

Email: ljwang@uestc.edu.cn

电子科技大学 计算机学院

2016-



命题逻辑的局限性

谓词的引入 Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example (苏格拉底三段论)

所有的人都是要死的; 苏格拉底是人。所以, 苏格拉底是要死的。

命题逻辑的局限性

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example (苏格拉底三段论)

所有的人都是要死的; 苏格拉底是人。所以, 苏格拉底是要死的。

Example (含变量的语句)

如:
$$x > 3$$
; $x = y + 3$; $x + y = z$... 等。

命题逻辑的局限性

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example (苏格拉底三段论)

所有的人都是要死的; 苏格拉底是人。所以, 苏格拉底是要死的。

Example (含变量的语句)

如:x > 3; x = y + 3; x + y = z... 等。

3

为了研究简单命题句子内部的逻辑关系,我们需要对简单命题进行分解,利用个体词,谓词和量词来描述它们,并研究个体与总体的内在联系和数量关系,这就是谓词逻辑或一阶逻辑。



个体词和谓词

☞ 简单命题分解

命题是具有真假意义的陈述句,从语法上分析,一个陈述句由主语和谓语两部分组成。

Example

考虑如下两个命题:



21 X 澳河澳埠

个体词和谓词

☞ 简单命题分解

命题是具有真假意义的陈述句,从语法上分析,一个陈述句由主语和谓语两部分组成。

Example

考虑如下两个命题:

• 陈华是电子科技大学的学生



Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

☞ 简单命题分解

命题是具有真假意义的陈述句,从语法上分析,一个陈述句由主语和谓语两部分组成。

Example

考虑如下两个命题:

- 陈华是电子科技大学的学生
- 张强是电子科技大学的学生

设 P(x): x 是电子科技大学的学生。



个体词和谓词

☞ 简单命题分解

命题是具有真假意义的陈述句,从语法上分析,一个陈述句由主语和谓语两部分组成。

Example

考虑如下两个命题:

- 陈华是电子科技大学的学生
- 张强是电子科技大学的学生

设 P(x): x 是电子科技大学的学生。

则上述两个句子可写为:

P(陈华); P(张强)。



Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词



谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example

● 语句 "x 大于 3" 可用 Q(x) 表示。

Q(x) 无固定真值,一旦给变量 x 赋一个值,则成为命题,具有一个或真或假的真值。如 x=5 ,则 Q(5)=1 。

谓词的引

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example

- 语句 "x 大于 3" 可用 Q(x) 表示。
 Q(x) 无固定真值,一旦给变量 x 赋一个值,则成为命题,具有一个或真或假的真值。如 x = 5,则 Q(5) = 1。
- 语句 "x=y+3" 可用 R(x, y) 表示。
 R(x, y) 无固定真值, 一旦给变量 x,y 赋一个值,则成为命题,具有一个或真或假的真值。如 x = 5, y = 3,则 R(5,3) = 0。

谓词的引力

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example

- 语句 "x 大于 3" 可用 Q(x) 表示。
 Q(x) 无固定真值,一旦给变量 x 赋一个值,则成为命题,具有一个或真或假的真值。如 x = 5,则 Q(5) = 1。
- 语句 "x=y+3" 可用 R(x, y) 表示。
 R(x, y) 无固定真值, 一旦给变量 x,y 赋一个值,则成为命题,具有一个或真或假的真值。如 x = 5, y = 3,则 R(5,3) = 0。

Definition

在原子命题中,可以独立存在的客体(句子中的主语、宾语等),称为<mark>个体词。</mark>而用以刻划客体的性质或客体之间的关系即是<mark>谓词。</mark>



21 》、语词逻辑

个体词和谓词

Definition

谓词的引入 Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

个体词可分为两种,个体常量和个体变量,均在个体域内取值。

● 表示具体或特定的个体词称为个体常量。一般用带或不带下标的小写英文字母 $a, b, c, \dots, a_1, b_1, c_1, \dots$ 等表示。

谓词的引入 Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

- 表示具体或特定的个体词称为个体常量。一般用带或不带下标的小写英文字母 $a, b, c, \dots, a_1, b_1, c_1, \dots$ 等表示。
- ② 表示抽象的或泛指的个体词称为个体变量。一般用带或不带下标的小写英文字母 $x, y, z, \dots, x_1, y_1, z_1, \dots$ 等表示。

谓词的引入 Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

- 表示具体或特定的个体词称为个体常量。一般用带或不带下标的小写英文字母 $a, b, c, \dots, a_1, b_1, c_1, \dots$ 等表示。
- ② 表示抽象的或泛指的个体词称为个体变量。一般用带或不带下标的小写英文字母 $x, y, z, \dots, x_1, y_1, z_1, \dots$ 等表示。
- ⑤ 个体词的取值范围称为个体域(或论域),常用 D表示;

谓词的引入

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

- 表示具体或特定的个体词称为个体常量。一般用带或不带下标的小写英文字母 $a, b, c, \dots, a_1, b_1, c_1, \dots$ 等表示。
- ② 表示抽象的或泛指的个体词称为个体变量。一般用带或不带下标的小写英文字母 $x, y, z, \dots, x_1, y_1, z_1, \dots$ 等表示。
- ③ 个体词的取值范围称为**个体域**(或论域),常用 D 表示;
- ◆ 宇宙间的所有个体域聚集在一起所构成的个体域称为全总个体域。若无特别说明,均使用全总个体域。

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

设 D 为非空的个体域,定义在 D^n (表示 n 个个体都在个体域 D 上取值) 上取值于 $\{0,1\}$ 上的 n 元 函数,称为 n 元命题函数或 n 元谓词,记为 $P(x_1,x_2,\cdots,x_n)$ 。其中,个体变量 $x_1,x_2,\cdots,x_n\in D$ 。

谓词均使用大写英文字母 $P, Q, R, \cdots, F, G, H, \cdots$ 来表示。

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

设 D 为非空的个体域,定义在 D^n (表示 n 个个体都在个体域 D 上取值) 上取值于 $\{0,1\}$ 上的 n 元函数,称为 n 元命题函数或 n 元谓词,记为 $P(x_1,x_2,\cdots,x_n)$ 。其中,个体变量 $x_1,x_2,\cdots,x_n\in D$ 。

● 表示具体性质或关系的谓词称为谓词常量。

谓词均使用大写英文字母 $P, Q, R, \cdots, F, G, H, \cdots$ 来表示。

谓词的引

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

设 D 为非空的个体域,定义在 D^n (表示 n 个个体都在个体域 D 上取值) 上取值于 $\{0,1\}$ 上的 n 元函数,称为 n 元命题函数或 n 元谓词,记为 $P(x_1,x_2,\cdots,x_n)$ 。其中,个体变量 $x_1,x_2,\cdots,x_n\in D$ 。

- 表示具体性质或关系的谓词称为谓词常量。
- ② 表示抽象的或泛指的性质或关系的谓词称为谓词变量。

谓词均使用大写英文字母 $P, Q, R, \dots, F, G, H, \dots$ 来表示。

谓词的引

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

设 D 为非空的个体域,定义在 D^n (表示 n 个个体都在个体域 D 上取值) 上取值于 $\{0,1\}$ 上的 n 元函数 , 称为 n 元命题函数或 n 元谓词 , 记为 $P(x_1,x_2,\cdots,x_n)$ 。其中 , 个体变量 $x_1,x_2,\cdots,x_n\in D$ 。

- 表示具体性质或关系的谓词称为谓词常量。
- ② 表示抽象的或泛指的性质或关系的谓词称为谓词变量。

谓词均使用大写英文字母 $P, Q, R, \dots, F, G, H, \dots$ 来表示。

Example

谓词的引力

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

设 D 为非空的个体域,定义在 D^n (表示 n 个个体都在个体域 D 上取值) 上取值于 $\{0,1\}$ 上的 n 元 函数,称为 n 元命题函数或 n 元谓词,记为 $P(x_1,x_2,\cdots,x_n)$ 。其中,个体变量 $x_1,x_2,\cdots,x_n\in D$ 。

- 表示具体性质或关系的谓词称为谓词常量。
- ② 表示抽象的或泛指的性质或关系的谓词称为谓词变量。

谓词均使用大写英文字母 $P, Q, R, \dots, F, G, H, \dots$ 来表示。

Example

◆ 小张和小李同岁。可描述为: F(a,b), 其中 a:小张, b:小李, 这里的 F 是谓词常量。

谓词的引力

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Definition

设 D 为非空的个体域,定义在 D^n (表示 n 个个体都在个体域 D 上取值) 上取值于 $\{0,1\}$ 上的 n 元 函数,称为 n 元命题函数或 n 元谓词,记为 $P(x_1,x_2,\cdots,x_n)$ 。其中,个体变量 $x_1,x_2,\cdots,x_n\in D$ 。

- 表示具体性质或关系的谓词称为谓词常量。
- ② 表示抽象的或泛指的性质或关系的谓词称为谓词变量。

谓词均使用大写英文字母 $P, Q, R, \dots, F, G, H, \dots$ 来表示。

Example

- 小张和小李同岁。可描述为: F(a,b), 其中 a: 小张, b: 小李, 这里的 F 是谓词常量。
- x 与 y 具有关系 L。可描述为: *L(x,y)* , 这里的 L 是谓词变量。



Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词



谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example

• 如果王童是一个三好学生,那么她的学习成绩一定很好。

设 S(x):x 是一个三好学生,H(x):x 学习成绩好,a: 王童,

则该命题符号化为: $S(a) \rightarrow H(a)$

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example

- 如果王童是一个三好学生,那么她的学习成绩一定很好。
 设 S(x):x 是一个三好学生, H(x):x 学习成绩好, a:王童,
 则该命题符号化为: S(a) → H(a)
- 李新华是李兰的父亲并且李兰和张三是同班同学。
 设 F(x,y):x 是 y 的父亲, M(x,y):x 与 y 是同班同学, b: 李新华, c: 李兰, d: 张三, 则该命题符号化为: F(b,c) ∧ M(c,d)

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

Example

- 如果王童是一个三好学生,那么她的学习成绩一定很好。
 设 S(x):x 是一个三好学生, H(x):x 学习成绩好, a:王童,
 则该命题符号化为: S(a) → H(a)
- 李新华是李兰的父亲并且李兰和张三是同班同学。
 设 F(x,y):x 是 y 的父亲, M(x,y):x 与 y 是同班同学, b: 李新华, c: 李兰, d: 张三, 则该命题符号化为: F(b,c) ∧ M(c,d)
- 北京是中国的首都当且仅当 2 是偶数。
 设 C(x):x 是中国的首都 , E(x): x 是偶数 , b: 北京 , c:2 ,
 则该命题符号化为: C(b) ↔ E(c)

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

☞ 说明和总结

• 谓词中个体词的顺序是十分重要的,不能随意变更。 $F(b,c) \neq F(c,b)$

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

☞ 说明和总结

- 谓词中个体词的顺序是十分重要的,不能随意变更。 $F(b,c) \neq F(c,b)$
- 一元谓词用以描述某一个个体的某种特性,而 n 元谓词 $(n \ge 2)$ 则用以描述 n 个个体之间的关系。

谓词的引/

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

☞ 说明和总结

- 谓词中个体词的顺序是十分重要的,不能随意变更。 $F(b,c) \neq F(c,b)$
- 一元谓词用以描述某一个个体的某种特性,而 n 元谓词 $(n \ge 2)$ 则用以描述 n 个个体之间的关系。
- 谓词 $P(x_1, x_2, \dots, x_n)$ 包含了个体变量,因而本身并不是命题,只有用谓词常量取代 P,用个体常量取代 x_1, x_2, \dots, x_n 后才会成为命题。

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词

☞ 说明和总结

- 谓词中个体词的顺序是十分重要的,不能随意变更。 $F(b,c) \neq F(c,b)$
- 一元谓词用以描述某一个个体的某种特性,而 n 元谓词 $(n \ge 2)$ 则用以描述 n 个个体之间的关系。
- 谓词 $P(x_1, x_2, \dots, x_n)$ 包含了个体变量,因而本身并不是命题,只有用谓词常量取代 P,用个体常量取代 x_1, x_2, \dots, x_n 后才会成为命题。
- 一般将没有任何个体变量的谓词称为0 元谓词,如 F(a), G(a,b), $H(a_1,a_2,\cdots,a_n)$ 等。当 F, G, H 为谓词常量时,0 元谓词就成为了命题。此时,命题逻辑中的所有命题都可以表示成 0 元谓词。

谓词的引入

Lijie Wang

引入谓词逻辑

个体词和谓词



THE END, THANKS!