## Еремей, привет!

Я хотел бы узнать твоё мнение по поводу того, как я симулирую процедуру калибровки. Сначала несколько вводных утверждений:

- 1. Я хочу вычислить spin tune & invariant spin axis;
- 2. для этого правильнее всего использовать: TSS MU NBAR 0, но при выполнении FS условия у меня возникает спинорбитальный резонанс, и MU, NBAR не вычисляются;
- 3. Артём предложил, чтобы уйти от резонанса, просто добавить EDM в симуляцию: из-за  $EDM \neq 0$  я должен отойти от резонансной точки, и тогда проблемы в TSS не возникнет.

Для того, чтобы симулировать EDM, я использую процедуру RSX. Как я это делаю представлено на рис. 1, сама процедура на рис. 2.

```
LOOP I 2 11;
  LOOP J 1 15;
    MARKER := 'X' \& MRK(I-1) \& 'S' \& MRK(J-1);
    WRITE 6 MARKER;
    { TILTS := VEGAUSS(0, SIGMA(J), 32, WHERE&'GAUSS'&MARKER); }
    VELSET TILTS 1 TILT(I):
    OPENF 100 WHERE&'GAUSS'&MARKER&'.in' 'REPLACE';
    WRITECOL 100 TILTS; CLOSEF 100;
    MARKER := MRK(I-1)\&' '\&MRK(J-1);
    {forward direction spin tune}
    CW SETUP GSX GSY GSD TILTS; RSX EDM/DEGRAD*J;
    TSS MU NBAR 0:
    MUARR(1) := MU; LOOP K 1 3; MUARR(K+1) := NBAR(K); ENDLOOP;
    WRITE 6 MARKER&' '&GET0(MU, NBAR);
    WRITE 7 MARKER&' '&GETO(MU, NBAR);
    SETRAYS:
    POLVAL 1 MUARR 4 RAY 6 MUARR 4;
    WRITETBL 9 MUARR 4 MARKER;
    {reverse direction spin tune}
    MR MAP MAP: SMR SPNR SPNR:
    TSS MU NBAR 0;
    MUARR(1) := MU; LOOP K 1 3; MUARR(K+1) := NBAR(K); ENDLOOP;
    WRITE 6 MARKER&' '&GET0(MU, NBAR);
    WRITE 8 MARKER&' '&GETO(MU, NBAR);
    SETRAYS:
    POLVAL 1 MUARR 4 RAY 6 MUARR 4;
    WRITETBL 10 MUARR 4 MARKER;
  ENDLOOP:
ENDLOOP:
```

Рис. 1: Тестовый скрипт для моделирования калибровки

Процедура CW\_SETUP это просто последовательность элементов; я убрал её (последовательность) в отдельный фаил, в эту процедуру, чтобы импортировать в скрипты для разных симуляций.

Как я понимаю, скрипт из рис. 1 делает следующее:

- 1. Сначала CW\_SETUP вычисляет SPNR, что математически можно записать как  $e^{\text{MDM}} \equiv \exp\left[i \cdot \nu_s^{\text{MDM}} (\hat{n} \cdot \vec{\sigma})\right];$
- 2. После этого RSX делает преобразование  $e^{\text{E+M}} \equiv \underbrace{\exp\left[\imath \cdot \nu_s^{\text{EDM}}(\hat{x} \cdot \vec{\sigma})\right]}_{SSRC} \underbrace{e^{\text{MDM}}}_{SPNR}$

```
PROCEDURE RSX PHI ; {*** rotate spin-map about x-axis @EV @AA}

VARIABLE I 1 ; VARIABLE J 1 ; VARIABLE ANG NM2;
{Set rotation matrix}

ANG := PHI*DEGRAD; UMS ;
LOOP I 1 3 ; LOOP J 1 3 ; SSCR(I,J) := 0*DD(1) ;

ENDLOOP ; ENDLOOP ;

SSCR(1,1) := 1 + 0*DD(1) ;

SSCR(2,2) := COS(ANG) + 0*DD(1) ;

SSCR(2,2) := -SIN(ANG) + 0*DD(1) ;

SSCR(2,3) := SIN(ANG) + 0*DD(1) ;

SSCR(3,3) := COS(ANG) + 0*DD(1) ;

LOCSET 0 0 0 0 0 0 ; CE:='RSX' ; DR:=0 ; {Dynamic Aperture}

UPDATE 1 1 ; {Update}
ENDPROCEDURE ;
```

Рис. 2: Процедура для симулирования эффекта от EDM.

- 3. После этого я вычисляю полиномы MU, NBAR для  $e^{E+M}$ ;
- 4. Затем я вычисляю значения этих полиномов на лучах, вывожу это для дальнейшей обработки.
- 5. После этого SMR вычисляет обратный элемент  $e_{rev}^{\text{E+M}} \equiv \left(e^{\text{E+M}}\right)^{-1}$ , и я повторяю процедуру.

В результате, для частицы на замкнутой орбите (Z = (0,0,0,0,0,0)) я получаю:

- $MU|0^{FWD} = MU|0^{REV}$
- $NBAR(1)|0^{FWD} = NBAR(1)|0^{REV} \approx -1$ ,
- $NBAR(2)|0^{FWD} = NBAR(2)|0^{REV} \approx 1.5e 3$ ,
- $NBAR(3)|0^{FWD} = -NBAR(3)|0^{REV} \approx -2.4e 2.$

Я работаю на энергии 234.6266 МэВ; это около Frozen Spin энергии.