Метод замороженного спина для поиска электрического дипольного момента дейтрона в накопительном кольце

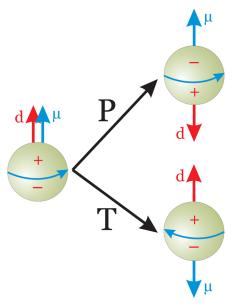
Соискатель: А. Е. Аксентьев

Руководитель: д-р. физ.-мат. наук, проф. Ю. В. Сеничев Консультант: д-р. физ-мат. наук, доц. С. М. Полозов

Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ» (НИЯУ МИФИ)

Москва, 2020

## Актуальность



## Цель исследования

Разработка метода поиска электрического дипольного момента частицы в накопительном кольце, позволяющего достичь точность  $10^{-29}e\cdot$ см.

#### Задачи исследования

- Разработать метод измерения ЭДМ дейтрона на основе измерений частоты прецессии спина в накопительном кольце.
- Проанализировать требования к магнитооптической структуре кольца-накопителя для поиска ЭДМ.
- Исследовать спин-декогеренцию пучка дейтронов в окрестности состояния "замороженного спина."

- Исследовать влияние несовершенств оптической структуры кольца на спин-орбитальную динамику.
- Промоделировать процедуру калибровки нормализованной частоты прецессии спина (спин-тюна) при смене полярности ведущего поля.
- Изучить статистические свойства метода измерения электрического дипольного момента.

#### Научная новизна

- Предложен метод измерения ЭДМ дейтрона, основанный исключительно на измерении частоты прецессии спина в накопительном кольце с ограничением по точности, оцениваемым на уровне 10<sup>-29</sup> е⋅см.
- Изучена спин-орбитальная динамика дейтронного пучка в окрестности состояния "замороженного спина."

- Предложен метод калибровки среднего по пучку спин-тюна, позволяющий уменьшить вклад систематических ошибок.
- Введено определение эффективного значения фактора Лоренца, необходимое для определения зависимости спин-тюна частицы от её координат в фазовом пространстве.
- Оделаны статистические оценки предельной чувствительности измерения ЭДМ предложенным методом.

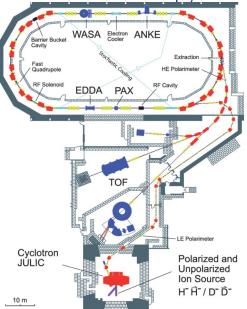
#### Практическая значимость

Разработанный метод представляет интерес с точки зрения планирования экспериментов по поиску ЭДМ на различных ускорителях, в том числе на ускорительном комплексе NICA ОИЯИ (Дубна).

# Апробация

- Во время исследований по оптимизации времени когерентности спина при помощи секступольных полей на ускорительном комплексе COSY (Исследовательский центр "Юлих").
- Результаты работы вошли в подготавливаемый коллаборацией СРЕDM для CERN отчёта, под названием "Feasibility study for an EDM Storage Ring."
- Основные результаты работы докладывались на международных концеренциях IPAC'17, IPAC'19, LaPlas III–V, а также конференциях коллаборации JEDI, и семинарах IKP-2 Forschungszentrum Jülich.

#### COSY как инструмент для поиска ЭДМ



- Чисто магнитное кольцо
- + Источник поляризованных  $H^{-}/D^{-}$
- + Циклотрон JULIC
- + Кольцо COSY 184 м
- + Внутренняя/внешняя мишени
- + Два вида охлаждения

# Код COSY Infinity

- Разработка М. Берца и К. Макино (Michigan State University).
- Основан на дифференциальной алгебре; позволяет вычислять трансфер-матрицы элементов до (потенциально) любого порядка разложения ряда Тэйлора.
- Трекинговый код, учитывающий спиновую динамику.

# Спин-трекинг в COSY Infinity

$$\begin{cases} \boldsymbol{z}_n &= \mathcal{M}(\boldsymbol{z}_{n-1}), \\ \boldsymbol{S}_n &= \hat{A}(\boldsymbol{z}_{n-1}) \cdot \boldsymbol{S}_{n-1} \end{cases}$$

# Принцип измерения ЭДМ методом "замороженного спина"

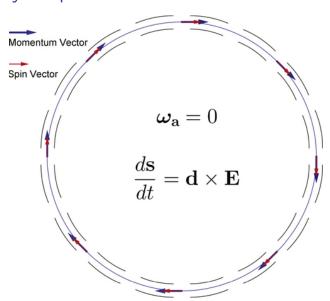
#### Уравнение Томаса-БМТ

$$\frac{\mathrm{d} s}{\mathrm{d} t} = s imes \left(\underbrace{a_0 \cdot B + a_1 \cdot E imes eta}_{oldsymbol{\Omega}^{mdm}} + \underbrace{b_0 \cdot E + b_1 \cdot eta imes B}_{oldsymbol{\Omega}^{edm}}
ight)$$

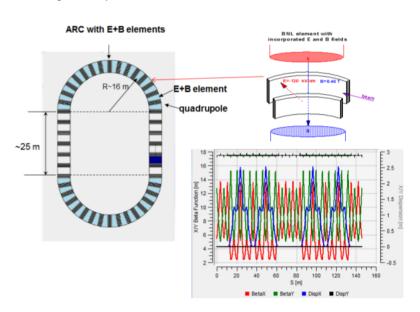
#### Замороженный спин

$$\Omega_{(y)}^{mdm} = 0$$

## Схема ускорителя



#### Схема ускорителя



# Общие проблемы поиска ЭДМ в накопительном кольце

- Возмущения спиновой динамики, связанные с бетатронными колебаниями частиц.
- Спин-декогеренция частиц пучка в окрестности состояния "замороженного спина."
- МДМ-компонента спин-прецессии, связанная с неидеальностями оптической структуры ускорителя.
- Смена полярности ведущего поля, требуемая для сокращения МДМ-компоненты частоты спин-прецессии в конечном выражении оценки ЭДМ.

#### Возмущения спин-динамики

#### Проблема

Вариация амплитуды фитируемого сигнала

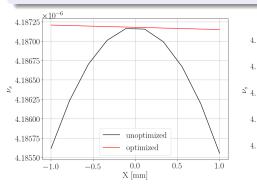
#### Выводы

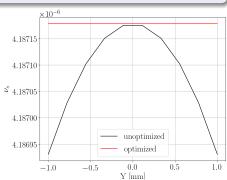
Возмущения амплитуды сигнала

- на два порядка меньше случайной ошибки поляриметрии;
- влияют на оценку частоты с коэффициентом аттеньюации 10;
- поддаются контролю при использовании частотного подхода к измерениям.

#### Проблема

#### Ограничение на длительность измерительного цикла

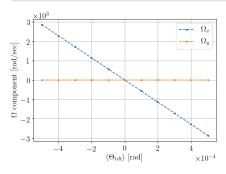




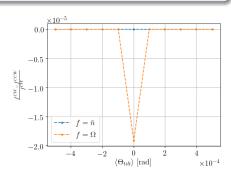
## МДМ-компонента спин-прецессии

#### Проблема

#### Основная систематическая ошибка $\Omega^{mdm}$



$$\Omega^{mdm} = L(\langle heta_{tilt} 
angle)$$

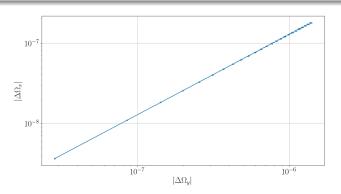


$$\Omega_{CW}^{mdm}pprox\Omega_{CCW}^{mdm}$$

#### Смена полярности ведущего поля

#### Проблема

Сменить полярность поля таким образом, чтобы воспроизвести величину  $\Omega_x^{mdm}$  во всех измерительных циклах с точностью не хуже  $10^{-7}$  рад/сек



#### Статистическое моделирование

#### Выводы

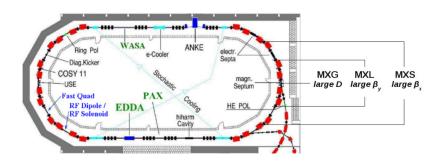
Инфо. (%FI <sub>tot</sub> )	Длительность $( imes  au_d)$	Сигнал/шум
95	3.0	0.4
90	2.3	1.1
70	1.2	5.5
50	0.7	11.7

- Полезная длительность измерительного цикла не превосходит  $3 \cdot \tau_d$ .
- ② За один измерительный цикл в 1 000 сек можно достичь  $\sigma_{\hat{\omega}} \approx 10^{-7}$  рад/сек, что за год измерений позволяет оценить ЭДМ с точностью  $10^{-29}e\cdot$ см.

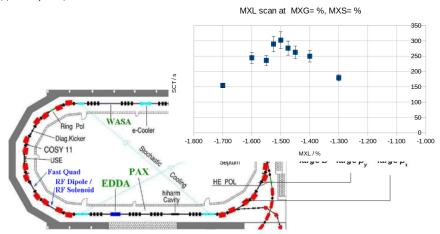
#### **Успехи**

- Высокоточное измерение нормализованной частоты прецессии спина:  $\sigma_{\nu_s} \approx 10^{-10}$ ,  $\sigma_{edm} \approx 10^{-24} e \cdot \text{см}$ .
- Юстировка квадруполей с помощью пучка: точность определения положения квадруполей до 0.2 мм.
- Оптимизация времени когерентности спина: время жизни поляризации свыше 1 000 сек.

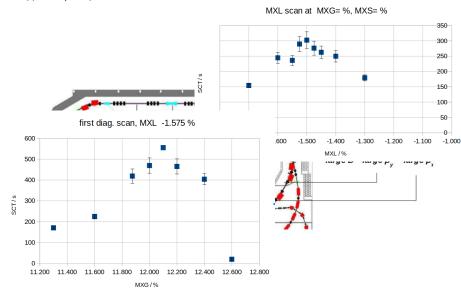
Спин-декогеренция



Спин-декогеренция



#### Спин-декогеренция



# Результаты работы

- Разработан метод измерения ЭДМ дейтрона, основанный исключительно на измерении частоты прецессии спина частицы при движении в накопительном кольце.
- Предложен принцип построения магнитооптической структуры кольца-накопителя для поиска ЭДМ дейтрона.
- Получены результаты исследования спин-декогеренции пучка дейтронов в окрестности состояния "замороженного спина."

- Исследовано влияние различного рода несовершенств элементов накопительного кольца на спин-орбитальную динамику пучка.
- Проведено численное моделирование процедуры калибровки нормализованной частоты прецессии спина.
- Проведена оценка статистических свойств разработанного метода измерения ЭДМ.

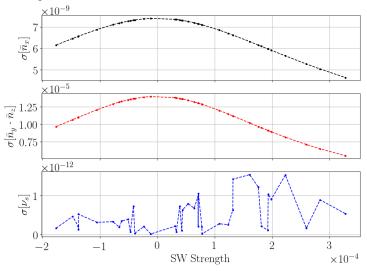
#### Положения выносимые на защиту

- Метод измерения электрического дипольного момента дейтрона.
- Принцип построения магнитооптической структуры накопительного кольца.
- Результаты исследования спин-декогеренции пучка дейтронов в окрестности состояния "замороженного" спина.
- Результаты исследования влияния различного рода несовершенств элементов накопительного кольца на спин-орбитальную динамику пучка.

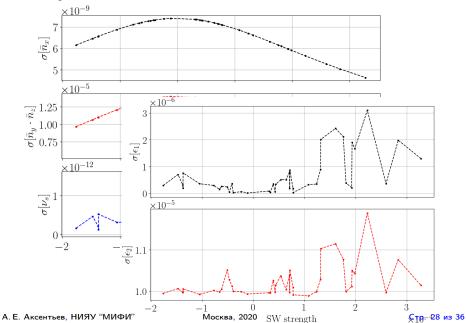
- Метод калибровки нормализованной частоты прецессии спина.
- Результаты исследования систематических ошибок в различных методах поиска ЭДМ.
- Результаты исследования статистических свойств разработанного метода.

Спасибо за внимание!

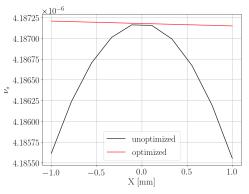
## Возмущения спин-динамики



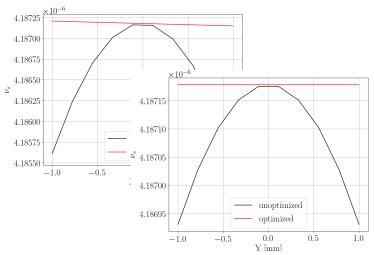
#### Возмущения спин-динамики



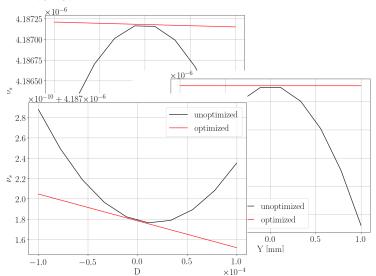
#### Идеальная структура



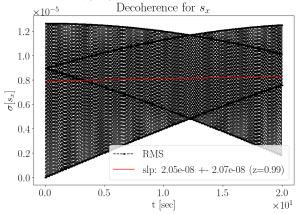
#### Идеальная структура



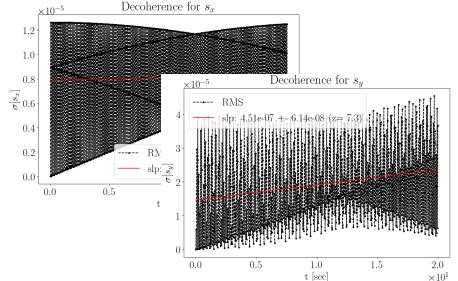
#### Идеальная структура



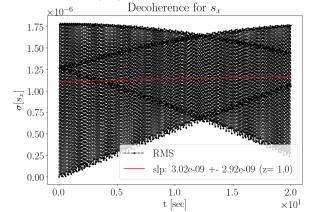
Неидеальная структура: без секступолей



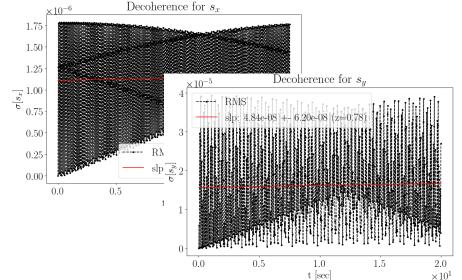
#### Неидеальная структура: без секступолей



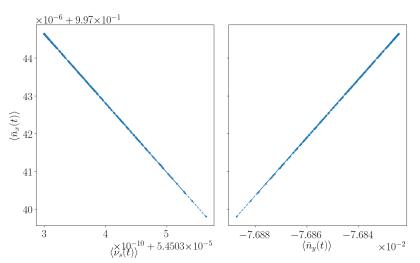
#### Неидеальная структура: с секступолями



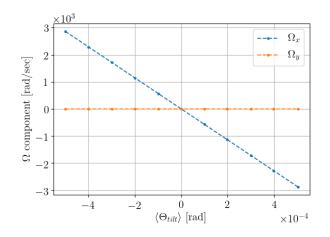
#### Неидеальная структура: с секступолями



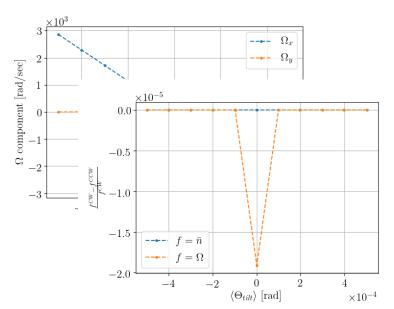
Выравнивание осей стабильного спина частиц



## МДМ-компонента спин-прецессии



## МДМ-компонента спин-прецессии



# Калибровка МДМ-сигнала

Почему это важно?

#### ЭДМ-статистика

$$\hat{\omega}_{edm} = \frac{1}{2} (\hat{\omega}_{x}^{+} + \hat{\omega}_{x}^{-})$$

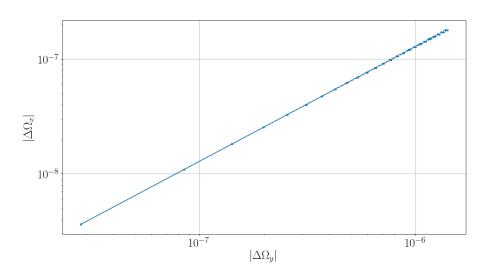
$$= \omega_{edm} + \underbrace{\frac{1}{\sqrt{2}} \sigma_{\hat{\omega}}}_{stat} + \underbrace{(\omega_{mdm}^{+} - \omega_{mdm}^{-})}_{syst}$$

#### **Утверждение**

$$\left[\omega_{y}^{mdm+}-\omega_{y}^{mdm-}\rightarrow0\right]\Rightarrow\left[\omega_{x}^{mdm+}-\omega_{x}^{mdm-}\rightarrow0\right]$$

# Калибровка МДМ-сигнала

Калибровочный график



# Статистическое моделирование

Модулированная схема выборки

