

# Распределение ключей

## 2. Протоколы открытого распределения ключей

### **Атака «человек посередине»**

Связываясь с Алисой, Мэллори по своим ролевым возможностям может выдавать себя за Боба, а связываясь с Бобом, она может выдавать себя за Алису, т.е. осуществлять так называемую атаку «человек посередине»:

- 1) Алиса отправляет Бобу свой открытый ключ. Мэллори перехватывает его и отправляет Бобу собственный открытый ключ от имени Алисы.
- 2) Боб отправляет Алисе свой открытый ключ. Мэллори перехватывает его и отправляет Алисе свой собственный открытый ключ от имени Боба.
- 3) Когда Алиса посылает сообщение Бобу, зашифрованное открытым ключом «Боба», Мэллори перехватывает его. Поскольку в действительности сообщение зашифровано её собственным открытым ключом, она расшифровывает его, снова шифрует открытым ключом Боба и переправляет Бобу.
- 4) Когда Боб отправляет Алисе сообщение, зашифрованное открытым ключом «Алисы», Мэллори перехватывает его. Поскольку в действительности сообщение зашифровано её собственным открытым ключом, она расшифровывает его, снова шифрует открытым ключом Алисы и переправляет Алисе.

# Распределение ключей

## 2. Протоколы открытого распределения ключей

### Протокол «станция-станция»

Обмен ключами Диффи-Хеллмана чувствителен к атаке «человек посередине», так же, как и протокол Хьюза. Одним из способов предотвратить такую атаку является подпись Алисой и Бобом сообщений, которые они посылают друг другу. Применяемый при этом протокол предполагает, что у Алисы есть открытый ключ Боба, а у Боба есть открытый ключ Алисы. Протокол имеет графическую схему обычного трёхпроходного протокола.

Вот как с помощью этого протокола можно провести алгоритм Диффи-Хеллмана, защищаясь от атаки «человек посередине».

# Распределение ключей

## 2. Протоколы открытого распределения ключей

### Протокол «станция-станция»

1.  $A \rightarrow B: \{X = g^x \bmod p\}$ ,  $1 < x < p$ ,  $x$  — секретное большое число Алисы.
2.
  - 2.1. Боб выбирает случайное секретное большое число  $y$  ( $1 < y < p$ );
  - 2.2. Боб вычисляет  $Y = g^y \bmod p$  и  $K = X^y \bmod p$ ;
  - 2.3. Боб подписывает  $X$  и  $Y$ , вычисляя подпись  $S_B(X, Y)$ ;
  - 2.4. Боб шифрует подпись  $E_K(S_B(X, Y))$  ключом  $K$ ;
  - 2.5.  $B \rightarrow A: \{Y, E_K(S_B(X, Y))\}$ .
3.
  - 3.1. Алиса вычисляет  $K = Y^x \bmod p$ ;
  - 3.2. Алиса расшифровывает  $D_K(E_K(S_B(X, Y))) = S_B(X, Y)$  подпись Боба и проверяет её, если подпись верна, то протокол продолжается;
  - 3.3. Алиса вычисляет свою подпись  $S_A(X, Y)$  и шифрует её  $E_K(S_A(X, Y))$ ;
  - 3.4.  $A \rightarrow B: \{E_K(S_A(X, Y))\}$ .

Боб расшифровывает и проверяет подпись Алисы, если она верна, то протокол заканчивается положительно.

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу

### Открытый канал

Под открытым каналом подразумевается использование криптосистемы с открытым ключом. Одним из самых известных представителей этой системы является система RSA. Восстановим её алгоритмы.

**Генерация ключей.** Генерируются два больших безопасных простых числа  $p$  и  $q$ , которые держатся в секрете. Вычисляется натуральное число  $n = pq$  и функция Эйлера  $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$ . Выбирается случайное число  $e$  с условиями  $1 < e < \varphi(n)$  и  $(\varphi(n), e) = 1$ . По расширенному алгоритму Евклида вычисляется  $d = e^{-1} \bmod \varphi(n)$ . Числа  $\{n, e\}$  объявляются *открытым (публичным) ключом*, число  $d$  — *закрытым (секретным) ключом* пользователя системы. Все остальные параметры также держатся в секрете, либо уничтожаются.

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу

### Открытый канал

#### **Интерпретация файла открытого сообщения.**

Файл *открытого сообщения*  $M$ , прочитанный по битам и интерпретированный в этой записи как двоичная запись некоторого натурального числа, отождествляется с этим натуральным числом. Обратная операция преобразует любое натуральное число в некоторый файл. При этом формат файла становится безразличен. Поэтому в дальнейшем слова *сообщение* и *натуральное число* будут считаться тождественными. Система RSA требует выполнения условия  $M < n$ .

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу

Открытый канал

**Алгоритмы шифрования и расшифрования.**

$C = M^e \bmod n$  — криптограмма,  $M = C^d \bmod n$  — открытое сообщение.

**Протокол.**

Простейший протокол передачи секретного ключа по открытому каналу является трёхпроходным и имеет графическую запись, показанную на рис. 2.

1.  $A \rightarrow T$ : Алиса запрашивает у Трента (ЦРК) открытый ключ Боба.
2.  $T \rightarrow A$ : Трент отвечает на запрос Алисы.
3.  $A \rightarrow B$ : Алиса генерирует случайный сеансовый ключ, шифрует его открытым ключом Боба и отправляет Бобу.
4. Боб расшифровывает копии сеансового ключа своим закрытым ключом.

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу

### Открытый канал

На основе открытого канала построены, в частности, следующие протоколы аутентификации и обмена ключами:

- Протокол DASS;
- Протокол Деннинга-Сакко (Dorothy E. Denning, Giovanni Maria Sacco);
- Протокол Ву-Лама (T. Y. C. Woo, S. S. Lam);

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу Трехпроходный протокол Шамира

Этот изобретенный Ади Шамиром протокол, позволяет Алисе и Бобу безопасно обмениваться сеансовым ключом, не используя предварительного обмена ни секретными, ни открытыми ключами. Он предполагает использование коммутативного шифра относительно транспозиции ключей, т.е. для которого:

$$E_A(E_B(P)) = E_B(E_A(P)),$$

где использование ключей Алисы обозначается индексом  $A$ , а Боба — индексом  $B$ . Граф этого протокола изображён на рис. 4.





# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу Трехпроходный протокол Шамира

1.  $A \rightarrow B: \{C_1 = E_A(K)\}.$
2.  $B \rightarrow A: \{C_2 = E_B(C_1) = E_B(E_A(K))\}.$
3.  $A \rightarrow B: \{C_3 = D_A(C_2) = D_A(E_B(E_A(K))) =$   
 $= D_A(E_A(E_B(K))) = E_B(K)\}.$
4.  $B: K = D_B(C_3) = D_B(E_B(K))\}.$

**Ади Шамир** (6 июля 1952 года, Тель-Авив, Израиль) — известный израильский криптоаналитик, учёный в области теории вычислительных систем, профессор информатики и прикладной математики в институте Вейцмана, лауреат премии Тьюринга. Член НАН Израиля (1998), иностранный член НАН США (2005)<sup>[2]</sup>, Французской академии наук (2015)<sup>[3]</sup>, Лондонского королевского общества (2018) и Американского философского общества (2019).

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу Трехпроходный протокол Шамира

ЗАМЕЧАНИЕ. Не всякая коммутативная криптосистема сохраняет свою устойчивость в этом протоколе. Одноразовые блокноты обладают свойством коммутативности и обеспечивают абсолютную безопасность, но с описанным выше протоколом не работает. При использовании одноразового блокнота три шифртекста будут выглядеть следующим образом:

$$C_1 = K \oplus A;$$

$$C_2 = K \oplus A \oplus B;$$

$$C_3 = K \oplus B.$$

Ева, записав все эти три сообщения, которыми обмениваются Алиса и Боб, просто выполнит операцию *XOR* над всеми этими шифртекстами и восстановит сообщение:

$$C_1 \oplus C_2 \oplus C_3 = (K \oplus A) \oplus (K \oplus A \oplus B) \oplus (K \oplus B) = K.$$

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу Трехпроходный протокол Шамира

Криптосистема RSA вполне удовлетворяет требованиям этого протокола при условии, что Алиса и Боб используют один и тот же модуль  $n$ , а свои пары открытый/закрытый ключ держат в секрете.

Ади Шамир и, независимо, Джим Омура (Jim Omura), описали алгоритм шифрования, похожий на алгоритм RSA, который работает с описываемым протоколом.



**Джимми К. Омура** (родился 8 сентября 1940 года в Сан-Хосе, Калифорния) - инженер-электрик и теоретик информации. Он был профессором электротехники в Калифорнийском университете в Лос-Анджелесе в течение 15 лет. Он был избран членом Национальной инженерной академии в 1997 году и был введен в Зал инженерной славы Кремниевой долины в 2009 году.

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу Трехпроходный протокол Шамира

**Генерация ключей.** Генерируется большое безопасное простое число  $p$ , которое может быть открытым для группы пользователей.

Функция Эйлера  $\varphi(p) = p - 1$ . Для генерации пары секретных ключей пользователя  $A$  выбирается случайное число  $e$  с условиями  $1 < e < \varphi(p)$  и  $(\varphi(p), e) = 1$ . По расширенному алгоритму Евклида вычисляется  $d = e^{-1} \bmod \varphi(p)$ . Число  $e$  условно называются *открытым ключом* (или ключом шифрования), число  $d$  — *закрытым ключом* (или ключом расшифрования) пользователя  $A$ .

# Распределение ключей

## 3. Передача секретного ключа по открытому каналу Трёхпроходный протокол Шамира

**Алгоритмы (Шамира-Омура) шифрования и расшифрования.**

$C = M^e \bmod p$  — криптограмма,

$M = C^d \bmod p$  — открытое сообщение, при условии  $M < p$ .

Данная криптосистема работает только при условии секретности обоих (открытый/закрытый) ключей, таким образом, она является ассиметричной, но не является криптосистемой с открытым ключом (с публичным ключом). В трёхпроходном протоколе Шамира эта криптосистема работает при дополнительном условии общего модуля  $p$  участвующих сторон. В этих условиях Ева не может получить  $M$ , не решив проблему дискретного логарифма.