Algorítmica: Práctica 1

Andrés Herrera Poyatos, Antonio Rafael Moya Martín-Castaño, Iván Sevillano García, Juan Luis Suárez Díaz

15/3/2015

Contents

U1	rganizacion de la practica	2
Εj	ercicio 1: Cálculo de la eficiencia empírica	2
	Tabla con los algoritmos cuadráticos	2
	Tabla con los algoritmos cúbicos	3
	Tabla con el algoritmo de Fibonacci $(O((\frac{1+\sqrt{5}}{2})^n))$	4
	Tabla con el algoritmo de Hanoi $(O(2^n)))$	5
	Tabla con los algoritmos n log n $\hfill \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	6
	Tabla con los algoritmos de ordenación	6
Εj	ercicio 2: Elaboración de gráficas	8
	Gráfica comparativa de los algoritmos cuadráticos	8
	Gráfica del algoritmo cúbico (Floyd)	9
	Gráfica del algoritmo de Fibonacci $(O((\frac{1+\sqrt{5}}{2})^n))$	9
	Gráfica del algoritmo de Hanoi $(O(2^n))$	10
	Gráfica de los algoritmos $O(n \log n)$	10
	Gráfica comparativa con todos los algoritmos de ordenación	11
Co	omparación de ejecuciones entre los componentes del grupo.	11
	Características de los ordenadores	11
	Comparación: algoritmos cuadráticos	11
	Comparación: algoritmos cúbicos	12
	Comparación: algoritmo de Fibonacci	12
	Comparación: algoritmo de las Torres de Hanoi	12
	Comparación: algoritmos n logn	12

Organización de la práctica

Se adjunta el directorio comprimido **Code** con todos los datos obtenidos. La información se organiza como sigue:

- Los códigos .cpp de los distintos algoritmos están disponibles en la carpeta src.
- En la carpeta **sh** se encuentran scripts auxiliares, cada uno especializado en la toma de datos de uno o varios algoritmos concretos.
- En la carpeta **plot**, de la misma forma, se encuentran scripts especializados en la elaboración de las distintas gráficas.
- El script de bash **ejecuciones.sh** se encarga de obtener todos los datos y gráficas para todos los algoritmos llamando a los scripts mencionados anteriormente.
- En las carpetas **Datos** *Autor* se almacenan los archivos .dat generados por cada uno de los autores, en sus respectivos PCs. Los ficheros contienen, para cada algoritmo, varias parejas [tamaño tiempo] correspondientes a distintas ejecuciones del programa con distintos tamaños y sus respectivos resultados. Han sido generados con **ejecuciones.sh** y son utilizados a lo largo del trabajo.
- De forma análoga, están disponibles los directorios **Tablas** *Autor* e **Imagenes** *Autor* que contienen tablas en formato .md con los resultados y las gráficas del comportamiento de los algoritmos generadas por *gnuplot*, respectivamente.

Cada ejercicio tiene su apartado en el pdf con su corresponiente enunciado y solución.

Ejercicio 1: Cálculo de la eficiencia empírica

Enunciado:

Calcule la eficiencia empírica de los algoritmos pedidos. Defina adecuadamente los tamaños de entrada para que se generen al menos 25 datos. Incluya en la memoria tablas diferentes para los algoritmos de distinto orden de eficiencia (una con los algoritmos $O(n^2)$, otra con los $O(n \log n)$, otra con $O(n^3)$ y otra con $O((\frac{1+\sqrt{5}}{2})^n)$).

A continuación se proporcionan las tablas, una para cada clase de algoritmos:

Tabla con los algoritmos cuadráticos

Tamaño del Vector	Burbuja	Selection	Insercion
1000	0.005971	0.003397	0.001321
2000	0.018136	0.009589	0.007588
3000	0.024143	0.014704	0.020282
4000	0.043267	0.025817	0.023064
5000	0.067684	0.037817	0.034221
6000	0.099499	0.055028	0.047872
7000	0.137072	0.073739	0.064517
8000	0.181558	0.092111	0.082905

Tamaño del Vector	Burbuja	Selection	Insercion
9000	0.232648	0.118624	0.103043
10000	0.290489	0.14394	0.124546
11000	0.354349	0.178614	0.151216
12000	0.433737	0.20678	0.178228
13000	0.519202	0.239558	0.209278
14000	0.59308	0.273397	0.248141
15000	0.689312	0.314147	0.276967
16000	0.789129	0.356495	0.317291
17000	0.890449	0.402106	0.358508
18000	1.01538	0.450575	0.397242
19000	1.1313	0.50472	0.435913
20000	1.26128	0.55525	0.483853
21000	1.39441	0.611367	0.541654
22000	1.55788	0.670662	0.600085
23000	1.68169	0.732809	0.644882
24000	1.84769	0.800821	0.70273
25000	1.9893	0.864984	0.762199

Tabla con los algoritmos cúbicos

Nodos del Grafo	Floyd
32	0.000596
64	0.004593
96	0.01017
128	0.017141
160	0.035407
192	0.054113
224	0.083649
256	0.116013
288	0.153556
320	0.217792
352	0.280357
384	0.362685
416	0.460287
448	0.581175
480	0.703839

Nodos del Grafo	Floyd
512	0.852424
544	1.02124
576	1.25977
608	1.44669
640	1.68365
672	1.93344
704	2.23303
736	2.54158
768	2.89293
800	3.25971

Tabla con el algoritmo de Fibonacci $\big(O((\frac{1+\sqrt{5}}{2})^n)\big)$

Índice	Fibonacci
15	1.3e-05
16	2e-05
17	2.6 e-05
18	4.4e-05
19	5e-05
20	0.000114
21	8.6e-05
22	0.000154
23	0.000582
24	0.00097
25	0.001314
26	0.002554
27	0.002394
28	0.003356
29	0.004289
30	0.007083
31	0.011583
32	0.017354
33	0.029313
34	0.047371
35	0.073093
36	0.127835

Índice	Fibonacci
37	0.190808
38	0.308124
39	0.498824
40	0.849934

Tabla con el algoritmo de Hanoi $(O(2^n))$)

Num. Discos	Hanoi
5	1e-06
6	3e-06
7	3e-06
8	6e-06
9	9e-06
10	1.3e-05
11	4.9e-05
12	7.6e-05
13	0.00015
14	0.00019
15	0.000393
16	0.000851
17	0.002302
18	0.003382
19	0.009191
20	0.019015
21	0.024593
22	0.041194
23	0.065421
24	0.127555
25	0.246427
26	0.483075
27	0.96832
28	1.9249
29	3.83247
30	7.63996

Tabla con los algoritmos n log n

Tamaño del Vector	Mergesort	Quicksort
40000	0.015087	0.006235
80000	0.02682	0.014736
120000	0.037756	0.02246
160000	0.041266	0.025439
200000	0.059359	0.032775
240000	0.057706	0.041055
280000	0.065938	0.045861
320000	0.082393	0.053183
360000	0.093771	0.057395
400000	0.107337	0.063843
440000	0.102685	0.071064
480000	0.122825	0.076521
520000	0.136037	0.082585
560000	0.141045	0.087434
600000	0.150005	0.093448
640000	0.1658	0.100634
680000	0.181068	0.109131
720000	0.211107	0.115456
760000	0.205422	0.121493
800000	0.226734	0.129283
840000	0.200972	0.136155
880000	0.211482	0.141553
920000	0.23571	0.148845
960000	0.240497	0.155352
1000000	0.244299	0.178312

Tabla con los algoritmos de ordenación

Finalmente, mostramos una tabla con la comparativa de todos los algoritmos de ordenación, tanto cuadráticos como $n \log n$. Podemos apreciar que para tamaños relativamente pequeños (25.000) ya existen notables diferencias:

Tamaño del Vector	Burbuja	Selection	Insercion	Mergesort	Quicksort
1000	0.005971	0.003397	0.001321	0.000359	0.000195
2000	0.018136	0.009589	0.007588	0.000756	0.000269
3000	0.024143	0.014704	0.020282	0.00074	0.000671

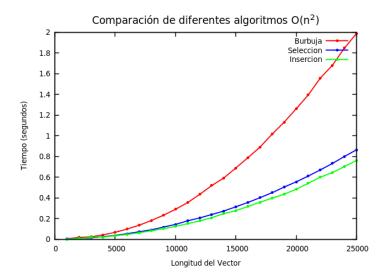
Tamaño del Vector	Burbuja	Selection	Insercion	Mergesort	Quicksort
4000	0.043267	0.025817	0.023064	0.000748	0.00067
5000	0.067684	0.037817	0.034221	0.002255	0.000567
6000	0.099499	0.055028	0.047872	0.001549	0.001661
7000	0.137072	0.073739	0.064517	0.003041	0.001953
8000	0.181558	0.092111	0.082905	0.003166	0.002456
9000	0.232648	0.118624	0.103043	0.004058	0.001649
10000	0.290489	0.14394	0.124546	0.003803	0.001971
11000	0.354349	0.178614	0.151216	0.004144	0.002048
12000	0.433737	0.20678	0.178228	0.0041	0.003616
13000	0.519202	0.239558	0.209278	0.005279	0.003037
14000	0.59308	0.273397	0.248141	0.006677	0.002399
15000	0.689312	0.314147	0.276967	0.006024	0.002247
16000	0.789129	0.356495	0.317291	0.007461	0.002721
17000	0.890449	0.402106	0.358508	0.006324	0.002745
18000	1.01538	0.450575	0.397242	0.008806	0.005765
19000	1.1313	0.50472	0.435913	0.008887	0.004034
20000	1.26128	0.55525	0.483853	0.007868	0.003407
21000	1.39441	0.611367	0.541654	0.00544	0.00359
22000	1.55788	0.670662	0.600085	0.006238	0.00374
23000	1.68169	0.732809	0.644882	0.010339	0.006076
24000	1.84769	0.800821	0.70273	0.010512	0.006921
25000	1.9893	0.864984	0.762199	0.009398	0.003104

Ejercicio 2: Elaboración de gráficas

Enunciado:

Con cada una de las tablas anteriores, genere un gráfico comparando los tiempos de los algoritmos. Indique claramente el significado de cada serie. Para los algoritmos que realizan la misma tarea (los de ordenación), incluya también una gráfica con todos ellos, para poder apreciar las diferencias de rendimiento de algoritmos con diferente orden de eficiencia.

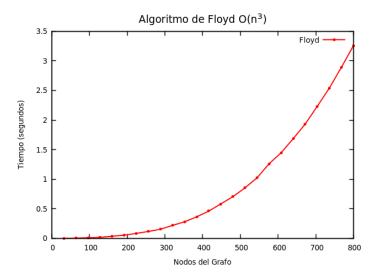
Gráfica comparativa de los algoritmos cuadráticos.



Cabe destacar, que dentro de los algoritmos cuadráticos también existen ciertas diferencias; a continuación, vamos a exponerlas. Como se puede observar, el algoritmo de la burbuja emplea un mayor tiempo que los otros dos. La causa, viene determinada por dos hechos que cabe nombrar: el primero, y que no se debe pasar por alto, es que los vectores se generan de manera aleatoria, y por lo tanto, varía el tiempo que se puede dedicar a la ordenación en función a cómo quede estructurado el vector (por ejemplo, si hay un mayor número de elementos bien ordenados en un caso que en otro, se ahorra tiempo). Pero el hecho de que sea algo más lento el método de la burbuja no sólo se debe a que los vectores se generen aleatoriamente, sino que aquí entra en juego el segundo factor determinante. Aunque el método de la burbuja hace el mismo número de comprobaciones que el de selección, pues recorremos el vector el mismo número de veces, en el método de la burbuja se realizan un mayor número de intercambios, lo que supone cierto coste (en el de selección hay un sólo intercambio cada vez que se recorre el vector, pues siempre se busca el mínimo y se coloca al principio). Todo ésto se traduce en la diferencia que podemos ver en la gráfica entre el algoritmo de burbuja y el de selección.

Veamos ahora, que el de insercción, de los tres es el mejor. De nuevo entra en juego que los vectores se generen aleatoriamente, pero también, y como factor principal, está el hecho de que el algoritmo de insercción, en su peor caso (vector totalmente invertido) funciona igual que el de selección. Pero es sencillo ver, que el método de insercción requiere un coste menor, pues coloca el elemento mínimo entre un conjunto i de elementos al principio de dicho conjunto de elementos, con lo que se consigue una eficiencia algo mejor (aunque bastante similar como se ve en las gráficas), que el algoritmo de selección.

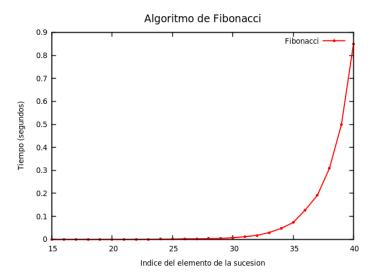
Gráfica del algoritmo cúbico (Floyd)



Contrastando con las gráficas anteriores, podemos ver que existe una gran diferencia entre los algoritmos cuadráticos y el algoritmo de Floyd, que es cúbico (éste último emplea un tiempo mucho mayor).

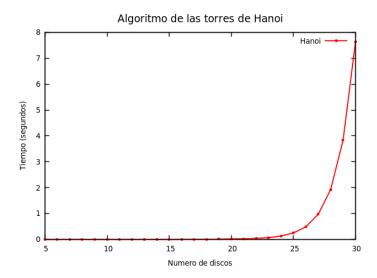
Como nota, el algoritmo de Dijkistra resuelve el mismo problema para grafos con pesos no negativos y consigue una eficiencia de $O(n^2 * logn)$, por lo que es mucho más práctico.

Gráfica del algoritmo de Fibonacci $\big(O((\frac{1+\sqrt{5}}{2})^n)\big)$

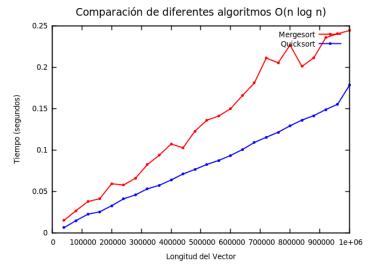


Tanto en éste algoritmo, como en el de Hanoi, que cómo podemos observar son de orden exponencial, tenemos que tener en cuenta que los datos que sirven de prueba no pueden ser excesivamente grandes, pues de lo contrario el programa requeriría demasiado tiempo.

Gráfica del algoritmo de Hanoi $(O(2^n))$

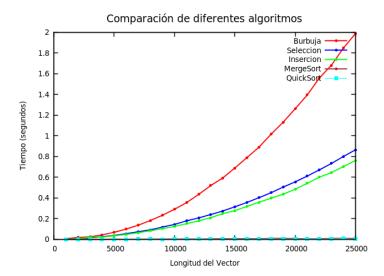


Gráfica de los algoritmos $O(n \log n)$



En el caso de éstos algoritmos, podemos ver que el el algoritmo quicksort es más rápido. A parte de, cómo se ha explicado antes, el hecho de que los vectores se generan aleatoriamente, aquí debemos tener en cuenta que el algoritmo mergesort utiliza espacio extra, con lo que la reserva de dicho espacio supone un coste de tiempo.

Gráfica comparativa con todos los algoritmos de ordenación.



Por último y a modo de conclusión, podemos observar esta gráfica en la que quedan comparados los algoritmos cuadráticos y los de orden n*log(n), pues el algoritmo de Floyd y los exponenciales deben realizarse con datos de tamaño menor, de forma que la comparación es bastante complicada, aunque claramente, el algoritmo de Floyd requiere mayor tiempo que los cuadráticos y los exponenciales (Hanoi y Fibonacci), un mayor tiempo que todos los demás.

En cuánto a lo que vemos en esta gráfica, podemos ver la gran diferencia entre los algoritmos quicksort y mergesort y los cuadráticos, principalmente el algoritmo de selección e insercción. Podemos ver también que dentro de este conjunto de algoritmos, como hemos explicado anteriormente, el peor algoritmo es el de la burbuja.

Comparación de ejecuciones entre los componentes del grupo.

En ésta última sección, vamos a comparar las ejecuciones realizadas en los 4 ordenadores de los componentes del grupo, y veamos las diferencias. Para ello, dentro de cada apartado, vamos a realizar una tabla de tres filas, teniendo cada una los datos para cierto n fijado de antemano.

Características de los ordenadores

Se proporcionan las características del ordenador de cada integrante del grupo.

• Andrés : Toshiba - 8 GB de RAM - Intel(R) Core(TM) i5-3210M CPU @ 2.50GHz

Comparación: algoritmos cuadráticos

En el caso de los cuadráticos, cogemos el método de inserción.

Tamaño del Vector	Andrés	Antonio	Iván	Juanlu
1000	0.001321	0.003619	0.001556	0.010846
13000	0.209278	0.34684	0.262103	1.26515

Tamaño del Vector	Andrés	Antonio	Iván	Juanlu
25000	0.762199	1.28187	0.978268	4.59284

Comparación: algoritmos cúbicos

Nodos del grafo	Andrés	Antonio	Iván	Juanlu
32	0.000596	0.000961	0.000298	0.001617
416	0.460287	0.825125	0.586223	3.57139
800	3.25971	6.14008	4.15313	25.4081

Comparación: algoritmo de Fibonacci

Índice	Andrés	Antonio	Iván	Juanlu
15	1.3e-05	1.5e-05	7e-06	3.2e-05
27	0.002394	0.004638	0.003859	0.020256
40	0.849934	1.21011	1.03951	4.43443

Comparación: algoritmo de las Torres de Hanoi

Número de discos	Andrés	Antonio	Iván	Juanlu
5	1e-06	1e-06	1e-06	4e-06
17	0.002302	0.002542	0.00182	0.005348
30	7.63996	9.44513	9.81995	32.7569

Comparación: algoritmos n logn

El algoritmo que comparamos es el quicksort.

Tamaño del Vector	Andrés	Antonio	Iván	Juanlu
40000	0.006235	0.012287	0.007532	
520000	0.082585	0.118127	0.103365	
1000000	0.178312	0.229693	0.204994	