# Algoritmos y Estructuras de Datos I

Segundo cuatrimestre de 2024

Departamento de Computación - FCEyN - UBA

Introducción a la Programación Funcional

### Repasando un poco

- ► Hasta ahora estudiamos lógica y aprendimos a especificar problemas
- ► El objetivo es ahora escribir un algoritmo que cumpla esa especificación
  - ▶ Secuencia de pasos que pueden llevarse a cabo mecánicamente
- ▶ Puede haber varios algoritmos que cumplan una misma especificación
- ► Una vez que se tiene el algoritmo, se escribe el programa que implementa el algoritmo
  - Expresión formal de un algoritmo
  - Lenguajes de programación
    - sintaxis definida
    - semántica definida
    - qué hace una computadora cuando recibe ese programa
    - qué especificaciones cumple
    - ejemplos: Haskell, C, C++, C#, Python, Java, Smalltalk, Prolog, etc.
- A partir de un algoritmo van a exister múltiples programas que implementan dicho algoritmo.

### IP - AED I: Temario de la clase

- ► Programación funcional
  - ¿Qué es un programa en el Paradigma Funcional?
  - Ecuaciones orientadas
  - Transparencia referencial
  - Expresiones bien formadas
  - Mecanismo de reducción
  - Orden de evaluación (Lazy vs Eagger)
  - Funciones parciales y totales. Definición de funciones por casos en Haskell
  - Pattern Matching
  - Tipos de datos en Haskell
  - Polimorfismo
  - Variables de tipos y clases de tipos
  - Tuplas
    - ▶ Pattern matching sobre tuplas
    - Parámetros vs tuplas
  - Currificación y aplicación parcial de funciones
  - Funciones binarias: notación prefija vs. infija
  - Renombre de tipos

\_\_

# Paradigmas de Programación

- Existen distintos paradigmas de programación
  - Formas de pensar un algoritmo que cumpla una especificación
  - ► Cada uno tiene asociado un conjunto de lenguajes
  - Nos llevan a encarar la programación según ese paradigma
- ► En esta materia vamos a estudiar dos paradigmas bien distintos: Funcional e Imperativo.
- Ahora vamos a ver Haskell que pertenece al paradigma de programación funcional
  - programa = colección de funciones
    - Transforman datos de entrada en un resultado
  - Los lenguajes funcionales nos dan herramientas para explicarle a la computadora cómo computar esas funciones

3

# Programación funcional

► Un programa en un lenguage funcional es un conjunto de ecuaciones orientadas que definen una o más funciones.

Por ejemplo:

doble 
$$x = x + x$$

► La ejecución de un programa en este caso corresponde a la evaluación de una expresión, habitualmente solicitada desde la consola del entorno de programación.

- ► La expresión se evalúa usando las ecuaciones definidas en el programa, hasta llegar a un resultado.
- Las ecuaciones orientadas junto con el mecanismo de reducción describen algoritmos.

### Ecuaciones orientadas

- Lado izquierdo: expresión a definir
- ► Lado derecho: definición
- ► Cálculo del valor de una expresión : reemplazamos las subexpresiones que sean lado izquierdo de una ecuación por su lado derecho

```
Ejemplo: doble x = x + x doble (1 + 1) \rightsquigarrow (1 + 1) + (1 + 1) \rightsquigarrow 2 + (1 + 1) \rightsquigarrow 2 + 2 \rightsquigarrow 4 También podría ser:
```

doble  $(1 + 1) \rightsquigarrow doble 2 \rightsquigarrow 2 + 2 \rightsquigarrow 4$ 

Más adelante veremos cómo funciona Haskell en particular.

### **Ecuaciones**

Para determinar el valor de la aplicación de una función se reemplaza cada expresión por otra, según las ecuaciones.

- ► Este proceso puede no terminar, aún con ecuaciones bien definidas.
- ► Por ejemplo, consideremos la expresión:

```
doble (1 + 1)
Si reemplazamos 1 + 1 por doble 1 obtenemos doble (doble 1)
Y ahora podemos reemplazar doble 1 por 1 + 1
Volvimos a empezar...
```

doble  $(1 + 1) \rightsquigarrow doble (doble 1) \rightsquigarrow doble <math>(1 + 1) \rightsquigarrow \dots$ 

О

# Transparencia referencial

Es la propiedad de un lenguaje que garantiza que el valor de una expresión depende exclusivamente de sus subexpresiones.

Por lo tanto.

- Cada expresión del lenguaje representa siempre el mismo valor en cualquier lugar de un programa
- ► Es una propiedad muy importante en el paradigma de la programación funcional.
  - En otros paradigmas el significado de una expresión depende del contexto
- ► Es muy útil para verificar correctitud (demostrar que se cumple la especificación)
  - Podemos usar propiedades ya probadas para sub expresiones
  - ► El valor no depende de la historia
  - ► Valen en cualquier contexto

.

### Formación de expresiones

- ► Expresiones atómicas
  - ► También se llaman formas normales
  - Son las más simples, no se puede reducir más.
  - Son la forma más intuitiva de representar un valor
  - Ejemplos:
    - **2**
    - ► False
    - ▶ (3, True)
  - Es común llamarlas "valores" aunque no son un valor, *denotan* un valor, como las demás expresiones
- ► Expresiones compuestas
  - Se construyen combinando expresiones atómicas con operaciones
  - Ejemplos:

¿Cómo ejecuta Haskell?

- 1+1
- **1==2**
- ▶ (4-1, True || False)

¿Qué sucede en Haskell cuando escribo una expresión? ¿Cómo se transforma esa expresión en un resultado?

► Dado el siguiente programa:

resta x 
$$y = x - y$$
  
suma x  $y = x + y$   
negar  $x = -x$ 

▶ ¿Qué sucede al evaluar la expresión suma (resta 2 (negar 42)) 4

### Formación de expresiones

- ► Algunas cadenas de símbolos no forman expresiones
  - por problemas sintácticos:
    - **+\*1-**
    - ► (True
    - ('a',)
  - o por error de tipos:
    - ▶ 2 + False
    - ▶ 2 || 'a'
    - ▶ 4 \* 'b'
- ► Para saber si una expresión está bien formada, aplicamos
  - Reglas sintácticas
  - Reglas de asignación o inferencia de tipos (algoritmo de Hindley-Milner)
- ► En Haskell toda expresión denota un valor, y ese valor pertenece a un tipo de datos y no se puede usar como si fuera de otro tipo distinto.
  - ► Haskell es un lenguaje fuertemente tipado

10

### Reducción

```
suma (resta 2 (negar 42)) 4
```

El mecanismo de evaluación en un lenguaje funcional es la reducción:

- 1. Elegimos una subexpresión. Vamos a reemplazar esta subexpresión por otra.
- 2. La subexpresión a reemplazar es alguna instancia del lado izquierdo de alguna ecuación orientada del programa, y se la llama radical o redex (reducible expression).
  - Buscamos un redex: suma (resta 2 (negar 42)) 4
- 3. La reemplazaremos por el lado derecho de esa misma ecuación, ligando los parámetros.
  - resta x y = x y
    x ← 2
    y ← (negar 42)
- 4. Reemplazamos el redex con lo anterior y el resto de la expresión no cambia.
  - suma (resta 2 (negar 42)) 4 → suma (2 (negar 42)) 4
- Si la expresión resultante aún puede reducirse, volvemos al paso 1, sino llegamos a una expresión atómica (forma normal) y ese es el resultado del cómputo.

```
suma (2 - (negar 42)) 4 \leadsto suma (2 - (- 42)) 4 suma (2 - (- 42)) 4 \leadsto suma (44) 4 \leadsto 44 + 4 \leadsto 48
```

### Órdenes de evaluación en Haskell

Haskell tiene un orden de evaluación normal o lazy (perezoso): se reduce el redex más externo y más a la izquierda para el cual se sepa qué ecuación del programa se debe aplicar; es decir que primero se evalúa la función y después los argumentos (si se necesitan).

#### Ejemplo:

```
suma (3+4) (suc (2*3))

→ (3+4) + (suc (2*3))

→ 7 + (suc (2*3))

→ 7 + ((2*3) + 1)

→ 7 + (6 + 1)

→ 7 + 7

→ 14
```

Otros lenguajes de programación (C, C++, Pascal, Java) tienen un orden de evaluación eager (ansioso): primero se evalúan los argumentos y después la función.

13

# Definiciones de funciones por casos

Podemos usar guardas para definir funciones por casos:

$$f(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n = 0 \\ 0 & \text{si no} \end{cases}$$

f n | n == 0 = 1  
| n 
$$\neq$$
 0 = 0

Palabra clave "si no".

### Indefinición

- ► Las expresiones para las cuales Haskell no encuentra un resultado se dicen que están indefinidas (⊥).
- ► ¿Cómo podemos clasificar las funciones?
  - ► Funciones totales: nunca se indefinen. suc x = x + 1
  - Funciones parciales: hay argumentos para los cuales se indefinen. division x y = div x y

¿Qué pasa al reducir las siguientes expresiones en Haskell?

- ▶ (division 1 1 ==0) && (division 1 0 ==1)
- $\blacktriangleright$  (division 1 1 ==1) && (division 1 0 ==1)
- ► (division 1 0 ==1) && (division 1 1 ==1)

¿Y si hiciéramos una evaluación eager o ansiosa?

14

# La función signo

$$signo(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n > 0 \\ 0 & \text{si } n = 0 \\ -1 & \text{si } n < 0 \end{cases}$$

### La función máximo

17

¿Qué hacen las siguientes funciones?

$$f1 n | n \ge 3 = 5$$

f2 n | n 
$$\geq$$
 3 = 5 | n  $\leq$  1 = 8

f3 n | n 
$$\geq$$
 3 = 5  
| n  $\Longrightarrow$  2 = undefined  
| otherwise = 8

- 1

¿Qué hacen las siguientes funciones?

f5 n | n 
$$\leq$$
 9 = 7 | n  $\geq$  3 = 5

Prestar atención al orden de las guardas. ¡Cuando las condiciones se solapan, el orden de las guardas cambia el comportamiento de la función!

Otra posibilidad usando pattern matching

$$f(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n = 0 \\ 0 & \text{si no} \end{cases}$$

También se puede hacer:

$$f 0 = 1$$

$$f n = 0$$

1

### Otra posibilidad usando pattern matching

$$signo(n) = \begin{cases} 1 & \text{si } n > 0 \\ 0 & \text{si } n = 0 \\ -1 & \text{si } n < 0 \end{cases}$$

signo n | 
$$n > 0 = 1$$
  
|  $n == 0 = 0$   
|  $n < 0 = -1$ 

También se puede hacer:

```
 \begin{array}{lll} {\tt signo} & {\tt 0} & {\tt 0} \\ {\tt signo} & {\tt n} & | & {\tt n} > {\tt 0} = 1 \\ & & | & {\tt otherwise} = -1 \end{array}
```

21

### Tipos de datos

Un conjunto de valores a los que se les puede aplicar un conjunto de funciones.

### Ejemplos:

- 1. Int =  $(\mathbb{Z}, \{+, -, *, \text{div}, \text{mod}\})$  es el tipo de datos que representa a los enteros con las operaciones aritméticas habituales.
- 2. Float =  $(\mathbb{Q}, \{+, -, *, /\})$  es el tipo de datos que representa a los racionales, con la aritmética de punto flotante.
- Char = ({'a', 'A', '1', '?'}, {ord, chr, isUpper, toUpper}) es el tipo de datos que representan los caracteres.
- 4.  $Bool = (\{True, False\}, \{\&\&, ||, not\})$  representa a los valores lógicos.
- ► Podemos declarar explícitamente el tipo de datos del *dominio* y *codominio* de las funciones. A esto lo llamamos dar la signatura de la función.
- ► No es estrictamente necesario hacerlo (Haskell puede inferir el tipo), pero suele ser una buena práctica (y inosotros lo vamos a pedir!).

### Un ejemplo con especificación

Dados tres números a, b y c, calcular la cantidad de soluciones reales de la ecuación cuadrática:  $aX^2 + bX + c = 0$ .

```
problema cantidadDeSoluciones(a : \mathbb{Z}, b : \mathbb{Z}, c : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} {
  requiere: \{a \neq 0\}
  asegura: \{res = 2 \leftrightarrow discriminante(a, b, c) > 0\}
  asegura: \{res = 1 \leftrightarrow discriminante(a, b, c) = 0\}
  asegura: \{res = 0 \leftrightarrow discriminante(a, b, c) < 0\}
problema discriminante(a : \mathbb{Z}, b : \mathbb{Z}, c : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z}  {
  requiere: \{a \neq 0\}
  asegura: \{ res = b^2 - 4 * a * c \}
  cantidadDeSoluciones a b c | b^2 - 4*a*c > 0 = 2
                                        1 b^2 - 4*a*c == 0 = 1
                                        | otherwise = 0
Otra posibilidad:
  cantidadDeSoluciones a b c \mid discriminante > 0 = 2
                                        | discriminante == 0 = 1
                                        | otherwise = 0
                                        where discriminante = b^2 - 4*a*c
```

# Aplicación de funciones

En programación funcional (como en matemática) las funciones son elementos (valores).

```
Notación f :: T1 -> T2 -> T3 -> ... -> Tn
```

- ▶ Una función es un valor
- la operación básica que podemos realizar con ese valor es la aplicación
  - Aplicar la función a un elemento para obtener un resultado
- Sintácticamente, la aplicación se escribe como una yuxtaposición (la función seguida de su parámetro).
- Por ejemplo: sea f :: T1 → T2, y e de tipo T1 entonces f e es una expresión de tipo T2.

Sea doble :: Int -> Int, entonces doble 2 representa un número entero.

### Ejemplos de funciones con la signatura

```
\mathtt{maximo} \; :: \; \mathtt{Int} \; \rightarrow \; \mathtt{Int} \; \rightarrow \; \mathtt{Int}
maximo x y | x \ge y = x
                 | otherwise = y
{\tt maximoRac} :: {\tt Float} 	o {\tt Float}
maximoRac x y | x \ge y = x
                      | otherwise = y
esMayorA9 :: Int \rightarrow Bool
esMayorA9 n | n > 9 = True
                   | otherwise = False
\mathtt{esPar} \; :: \; \mathtt{Int} \; \rightarrow \; \mathtt{Bool}
esPar n \mid mod n 2 \Longrightarrow 0 = True
             | otherwise = False
\mathtt{esPar2} \; :: \; \mathtt{Int} \; \rightarrow \; \mathtt{Bool}
esPar2 n = mod n 2 == 0
\mathtt{esImpar} \; :: \; \mathtt{Int} \; \to \; \mathtt{Bool}
esImpar n = not (esPar n)
```

### Otro ejemplo más raro:

```
funcionRara :: Float \rightarrow Float \rightarrow Bool \rightarrow Bool funcionRara x y z = (x > y) || z
```

Otras posibilidades, usando pattern matching:

```
\begin{array}{l} \texttt{funcionRara} \ :: \ \texttt{Float} \ \to \ \texttt{Float} \ \to \ \texttt{Bool} \ \to \ \texttt{Bool} \\ \texttt{funcionRara} \ x \ y \ \texttt{True} = \texttt{True} \\ \texttt{funcionRara} \ x \ y \ \texttt{False} = x \ \ge \ y \\ \\ \\ \texttt{funcionRara} \ :: \ \texttt{Float} \ \to \ \texttt{Float} \ \to \ \texttt{Bool} \ \to \ \texttt{Bool} \\ \texttt{funcionRara} \ \_ \ \texttt{True} = \ \texttt{True} \\ \texttt{funcionRara} \ x \ y \ \texttt{False} = x \ \ge \ y \end{array}
```

26

### Polimorfismo

- Se llama polimorfismo a una función que puede aplicarse a distintos tipos de datos (sin redefinirla).
- ► Se usa cuando el comportamiento de la función no depende del tipo de sus argumentos
- ► En el lenguaje de especificación lo vimos con las funciones que aceptaban tipo de datos genéricos.
- ► En Haskell los polimorfismos se escriben usando variables de tipo y conviven con el tipado fuerte.
- ► Ejemplo de una función polimórfica: la función identidad.

# Variables de tipos

¿Qué tipo tienen las siguientes funciones?

```
identidad x = x

primero x y = x

segundo x y = y

constante5 x y z = 5
```

#### Variables de tipo

- ► Son parámetros que se escriben en la signatura usando variables minúsculas
- ► En lugar de valores, denotan tipos
- ► Cuando se invoca la función se usa como argumento el tipo del valor

### Variables de tipo (cont.)

#### Funciones con variables de tipo

```
identidad :: t \to t identidad x = x primero :: tx \to ty \to tx primero x \ y = x segundo :: tx \to ty \to ty segundo x \ y = y constante5 :: tx \to ty \to tz \to Int constante5 x \ y \ z = 5 mismoTipo :: t \to t \to Bool mismoTipo x \ y = True
```

Si dos argumentos deben tener el mismo tipo, se debe usar la misma variable de tipo

▶ Luego, primero True 5 :: Bool, pero mismoTipo 1 True no tipa

29

# Clases de tipos (cont)

#### Clase de tipos

 Conjunto de tipos de datos a los que se les puede aplicar un conjunto de funciones

### Algunas clases:

```
1. Integral := ({ Int, Integer, o.. }, { mod, div, o.. })
2. Fractional := ({ Float, Double, o.. }, { (/), o.. })
3. Floating := ({ Float, Double, o.. }, { sqrt, sin, cos, tan, o.. })
4. Num := ({ Int, Integer, Float, Double, o.. }, { (+), (*), abs, o.. })
5. Ord := ({Bool, Int, Integer, Float, Double, o.. }, { (≤), compare })
6. Eq := ({ Bool, Int, Integer, Float, Double, o.. }, { (==), (/=) })
```

### Clases de tipos

¿Qué tipo tienen las siguientes funciones?

```
triple x = 3*x

maximo x y \mid x \ge y = x

| otherwise = y

distintos x y = x \neq y
```

#### Clases de tipos

- ► Conjunto de tipos a los que se le pueden aplicar ciertas funciones
- ► Un tipo puede pertenecer a distintas clases

Los Float son números (Num), con orden (Ord), de punto flotante (Floating), etc.

#### En este curso

- ► No vamos a evaluar el uso de clases de tipos, pero ...
- ... saber la mecánica permite comprender los mensajes del compilador de Haskell (GHCi)

30

# Clases de tipos (cont)

Las clases de tipos se describen como restricciones sobre variables de tipos

(Floating t, Eq t, Num u, Eq u)  $\Rightarrow \circ$  .. significa que:

- ▶ la variable t tiene que ser de un tipo que pertenezca a Floating y Eq
- ▶ la variable u tiene que ser de un tipo que pertenezca a Num y Eq

### Ejercitación conjunta

Averiguar el tipo asignado por Haskell a las siguientes funciones

¿Qué error ocurre cuándo ejecutamos f4 5 5 True? ¿Tiene sentido?

¿Y si ejecutamos f5 5 5 True? ¿Qué cambió?

#### 22

# Pattern matching sobre tuplas

Podemos usar pattern matching sobre constructores de tuplas y números

# Nueva familia de tipos: Tuplas

#### **Tuplas**

```
▶ Dados tipos A<sub>1</sub>,..., A<sub>k</sub>, el tipo k-upla (A<sub>1</sub>,..., A<sub>k</sub>) es el conjunto de las
k-uplas (v<sub>1</sub>,..., v<sub>k</sub>) donde v<sub>i</sub> es de tipo A<sub>i</sub>
(1, 2) :: (Int, Int)
(1.1, 3.2, 5.0) :: (Float, Float, Float)
```

```
(1, 2) :: (Int, Int)
(1.1, 3.2, 5.0) :: (Float, Float, Float
(True, (1, 2)) :: (Bool, (Int, Int))
(True, 1, 2) :: (Bool, Int, Int)
```

► En Haskell hay infinitos tipos de tuplas

### Funciones de acceso a los valores de un par en Prelude

```
▶ fst :: (a, b) \rightarrowa Ejemplo: fst (1 +4, 2) \rightsquigarrow 5

▶ snd :: (a, b) \rightarrowb Ejemplo: snd (1, (2, 3)) \rightsquigarrow (2, 3)
```

Ejemplo: suma de vectores en  $\mathbb{R}^2$ 

```
suma :: (Float, Float) \rightarrow (Float, Float) \rightarrow (Float, Float) suma v w = ((fst v) + (fst w), (snd v) + (snd w))
```

Podemos usar pattern matching para acceder a los valores de una tupla

```
suma (vx, vy) (wx, wy) = (vx + wx, vy + wy)
```

34

# Parámetros vs. tuplas

¿Conviene tener dos parámetros escalares o un parámetro dupla?

```
suma :: (Float, Float) → (Float, Float) → (Float, Float)
suma (vx, vy) (wx, wy) = (vx + wx, vy + wy)

— normaVectorial2 x y es la norma de (x,y)
normaVectorial2 :: Float → Float → Float
normaVectorial2 x y = sqrt (x^2 + y^2)

— normaVectorial1 (x,y) es la norma de (x,y)
normaVectorial1 :: (Float, Float) → Float
normaVectorial1 (x,y) = sqrt (x^2 + y^2)

normaISuma :: (Float, Float) → (Float, Float) → Float
normaISuma v1 v2 = normaVectorial1 (suma v1 v2)

norma2Suma :: (Float, Float) → (Float, Float) → Float
norma2Suma v1 v2 = normaVectorial2 (fst s) (snd s)
    where s = suma v1 v2
```

### Currificación

► Diferencia entre promedio1 y promedio2

```
promedio1 :: (Float, Float) -> Float
promedio1 (x,y) = (x+y)/2
promedio2 :: Float -> Float -> Float
promedio2 x y = (x+y)/2
```

- ▶ solo cambia el tipo de datos de la función
  - promedio1 recibe un solo parámetro (una dupla)
  - promedio2 recibe dos Float separados por un espacio
  - para declararla, separamos los tipos de los parámetros con una flecha
- la notación se llama currificación en honor al matemático Haskell B. Curry
- para nosotros, alcanza con ver que evita el uso de varios signos de puntuación (comas y paréntesis)
  - promedio1 (promedio1 (2, 3), promedio1 (1, 2))
  - promedio2 (promedio2 2 3) (promedio2 1 2)

37

# Funciones binarias: notación prefija vs. infija

#### **Funciones binarias**

- ► Notación prefija: función antes de los argumentos (e.g., suma x y)
- ► Notación infija: función entre argumentos (e.g. x +y, 5 \* 3, etc)
- ► La notación infija se permite para funciones cuyos nombres son operadores
- ► El nombre real de una función definido por un operador es (•)
- ► Se puede usar el nombre real con notación prefija, e.g. (+) 2 3
- ► Haskell permite definir nuevas funciones con símbolos, e.g., (\*+) (no hacerlo!)
- ▶ Una función binaria f puede ser usada de forma infija escribiendo `f`

#### Eiemplos:

```
\begin{tabular}{lll} (\geq) & :: Ord $a\Rightarrow a\to a\to Bool$ \\ (\geq) 5 3 & --evalua a True$ \\ (=) & :: Eq $a\Rightarrow a\to a\to Bool$ \\ (=) 3 4 & --evalua a False$ \\ (^) & :: (Num a, Int b) \Rightarrow a\to b\to a $$ \\ (^) & 2 5 & --evalua 32.0 $$ mod & :: (Integral a) \Rightarrow a\to a\to a $$ 5 `mod` & --evalua 2 $$ \\ div & :: (Integral a) \Rightarrow a\to a\to a $$ 5 `div` 3 & --evalua 1$ \end{tabular}
```

### Aplicación parcial de funciones

- ► La currificación nos permite hacer una aplicación parcial de las funciones, es decir, aplicar una función a sólo alguno de los arumentos, en lugar de todos, resultando en una nueva función que toma los argumentos restantes
- ▶ Por ejemplo, supongamos que tenemos una función que suma dos enteros:

```
\begin{array}{l} \mathtt{suma} \ :: \ \mathtt{Int} \ \to \ \mathtt{Int} \ \to \ \mathtt{Int} \\ \mathtt{suma} \ \mathtt{x} \ \mathtt{y} = \mathtt{x} \ + \ \mathtt{y} \end{array}
```

En lugar de entenderla como una función que toma dos enteros y devuelve un entero, podemos aplicarla parcialmente con un sólo entero y pensarla como una función que devuelve una función que toma un entero y devuelve otro, entonces podemos usarla así:

```
sumaCinco :: Int \rightarrow Int

sumaCinco = suma 5
```

36

# Renombre de tipos

- ► Un renombre de tipos (o *alias* en inglés) en un lenguaje es una forma de crear un nuevo nombre para un tipo de dato que ya existe.
- ► Este nuevo nombre no crea un nuevo tipo de dato, sino que simplemente actúa como un sinónimo del tipo original.
- ▶ Puede ser útil para hacer la especificación más legible o para adaptar un tipo genérico a un contexto específico.
- ► En Haskell el renombre de tipos se define con type T1 =T1
- ► Ejemplo: podemos renombrar la dupla de dos flotantes como un número complejo, donde el primer elemento es la componente real, y el segundo elemento es la componente imaginaria:

```
type Complejo =(Float, Float).
```

-