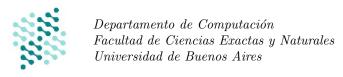
Introducción a la Programación

Guía Práctica 3 Introducción a Haskell



1. Definición de funciones básicas

Ejercicio 1. a) Implentar la función parcial f :: Integer ->Integer definida por extensión de la siguiente manera:

$$f(1) = 8$$

 $f(4) = 131$
 $f(16) = 16$

cuya especificación es la siguiente:

b) Análogamente, especificar e implementar la función parcial g :: Integer ->Integer

$$g(8) = 16$$

 $g(16) = 4$
 $g(131) = 1$

c) A partir de las funciones definidas en los ítem 1 y 2, implementar las funciones parciales $h = f \circ g$ y $k = g \circ f$

Ejercicio 2. ★ Especificar e implementar las siguientes funciones, incluyendo su signatura.

- a) absoluto: calcula el valor absoluto de un número entero.
- b) maximoabsoluto: devuelve el máximo entre el valor absoluto de dos números enteros.
- c) maximo3: devuelve el máximo entre tres números enteros.
- d) algunoEs0: dados dos números racionales, decide si alguno de los dos es igual a 0 (hacerlo dos veces, una usando pattern matching y otra no).
- e) ambosSon0: dados dos números racionales, decide si ambos son iguales a 0 (hacerlo dos veces, una usando pattern matching y otra no).
- f) mismoIntervalo: dados dos números reales, indica si están relacionados considerando la relación de equivalencia en \mathbb{R} cuyas clases de equivalencia son: $(-\infty, 3], (3, 7]$ y $(7, \infty)$, o dicho de otra forma, si pertenecen al mismo intervalo.
- g) sumaDistintos: que dados tres números enteros calcule la suma sin sumar repetidos (si los hubiera).
- h) esMultiploDe: dados dos números naturales, decidir si el primero es múltiplo del segundo.
- i) digitoUnidades: dado un número entero, extrae su dígito de las unidades.
- j) digitoDecenas: dado un número entero mayor a 9, extrae su dígito de las decenas.

```
Ejercicio 3. Implementar una función estanRelacionados :: Integer ->Integer ->Bool problema estanRelacionados (a:\mathbb{Z}, b:\mathbb{Z}) : Bool { requiere: \{a \neq 0 \land b \neq 0\} asegura: \{(res = true) \leftrightarrow a*a + a*b*k = 0 \text{ para algún } k \in \mathbb{Z} \text{ con } k \neq 0)\} } Por ejemplo: estanRelacionados 8 2 \leadsto True porque existe un k = -4 tal que 8^2 + 8 \times 2 \times (-4) = 0. estanRelacionados 7 3 \leadsto False porque no existe un k entero tal que 7^2 + 7 \times 3 \times k = 0.
```

Ejercicio 4. ★

Especificar e implementar las siguientes funciones utilizando tuplas para representar pares, ternas de números.

- a) prodInt: calcula el producto interno entre dos tuplas $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$.
- b) todoMenor: dadas dos tuplas $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$, decide si es cierto que cada coordenada de la primera tupla es menor a la coordenada correspondiente de la segunda tupla.
- c) distancia Puntos: calcula la distancia entre dos puntos de \mathbb{R}^2 .
- d) sumaTerna: dada una terna de enteros, calcula la suma de sus tres elementos.
- e) sumarSoloMultiplos: dada una terna de números enteros y un natural, calcula la suma de los elementos de la terna que son múltiplos del número natural. *Por ejemplo:*

```
sumarSoloMultiplos (10,-8,-5) 2 \rightsquigarrow 2 sumarSoloMultiplos (66,21,4) 5 \rightsquigarrow 0 sumarSoloMultiplos (-30,2,12) 3 \rightsquigarrow -18
```

- f) posPrimerPar: dada una terna de enteros, devuelve la posición del primer número par si es que hay alguno, y devuelve 4 si son todos impares.
- g) crearPar :: a ->b ->(a, b): crea un par a partir de sus dos componentes dadas por separado (debe funcionar para elementos de cualquier tipo).
- h) invertir :: (a, b) -> (b, a): invierte los elementos del par pasado como parámetro (debe funcionar para elementos de cualquier tipo).
- i) Reescribir los ejercicios prodInt, todoMenor y distanciaPuntos usando el siguiente renombre de tipos: type Punto2D = (Float, Float)

```
Ejercicio 5. Implementar la función todosMenores :: (Integer, Integer, Integer) ->Bool
problema todosMenores (t: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}): \mathrm{Bool} {
       requiere: \{True\}
       asegura: \{(res = true) \leftrightarrow ((f(t_0) > g(t_0)) \land (f(t_1) > g(t_1)) \land (f(t_2) > g(t_2)))\}
problema f (n: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z}  {
       requiere: \{True\}
       asegura: \{(n \le 7 \to res = n^2) \land (n > 7 \to res = 2n - 1)\}
problemag(n: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} {
       requiere: \{True\}
       asegura: {Si n es un número par, entonces res = n/2, en caso contrario, res = 3n + 1}
}
Ejercicio 6. Usando los siguientes tipos:
type Anio = Integer
type EsBisiesto = Bool
   Programar una función bisiesto :: Anio ->EsBisiesto según la siguiente especificación:
problema bisiesto (	ilde{ano}: \mathbb{Z}) : Bool {
       requiere: \{True\}
       asegura: \{res = false \leftrightarrow \text{año no es múltiplo de 4, o año es múltiplo de 100 pero no de 400}\}
   Por ejemplo:
bisiesto 1901 ↔ False,
                                   bisiesto 1904 ↔ True,
bisiesto 1900 ↔ False,
                                  bisiesto 2000 ↔ True.
```

```
Ejercicio 7. a) Implementar una función:
   distanciaManhattan:: (Float, Float, Float) ->(Float, Float, Float) ->Float
   \texttt{problema distanciaManhattan} \ (p: \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R}, q: \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R}) : \mathbb{R} \quad \{
           requiere: \{True\}
           asegura: \{res = \sum_{i=0}^{2} |p_i - q_i|\}
   }
   Por ejemplo:
   distancia<br/>Manhattan (2, 3, 4) (7, 3, 8) \rightsquigarrow 9
   distanciaManhattan ((-1), 0, (-8.5)) (3.3, 4, (-4)) \leftrightarrow 12.8
b) Reimplementarla teniendo en cuenta el siguiente tipo: type Coordenada3d = (Float, Float, Float)
Ejercicio 8. Implementar una función comparar :: Integer ->Integer ->Integer
problema comparar (a:\mathbb{Z}, b:\mathbb{Z}):\mathbb{Z} {
       requiere: \{True\}
       asegura: \{(res = 1 \leftrightarrow sumaUltimosDosDigitos(a) < sumaUltimosDosDigitos(b))\}
       asegura: \{(res = -1 \leftrightarrow sumaUltimosDosDigitos(a) > sumaUltimosDosDigitos(b))\}
       asegura: \{(res = 0 \leftrightarrow sumaUltimosDosDigitos(a) = sumaUltimosDosDigitos(b))\}
problema sumaUltimosDosDigitos (x: Z) : Z {
       requiere: \{True\}
       asegura: \{res = (|x| \mod 10) + (|(|x|/10)| \mod 10)\}
    Por ejemplo:
comparar 45 312 \leadsto -1 porque 45 < 312 y 4+5 > 1+2.
\texttt{comparar 2312 7} \ \leadsto \ \texttt{1} \ \mathsf{porque} \ 2312 \prec \texttt{7} \ \mathtt{y} \ 1+2 < 0+7.
comparar 45 172 \leadsto 0 porque no vale 45 \prec 172 ni tampoco 172 \prec 45.
```

Ejercicio 9. A partir de las siguientes implementaciones en Haskell, describir en lenguaje natural qué hacen y especificarlas.

```
| otherwise = 0
b) f2 :: Float -> Float
  f2 n | n == 1 = 15
       | n == -1 = -15
c) f3 :: Float -> Float
  f3 n | n <= 9 = 7
       | n >= 3 = 5
```

a) f1 :: Float -> Float

f1 n | n == 0 = 1

}

}

```
d) f4 :: Float -> Float -> Float
  f4 x y = (x+y)/2
```

```
e) f5 :: (Float, Float) -> Float
  f5 (x, y) = (x+y)/2
```

```
f) f6 :: Float -> Int -> Bool
  f6 a b = truncate a == b
```