goniometria Funzioni goniometriche, relazioni fondamentali e grafici

definizione delle funzioni goniometriche sulla circonferenza goniometrica di centro l'origine degli assi e raggio 1							
P	seno	P	tangente	, p	secante		
O H	$sen(\alpha) = \frac{\overline{PH}}{\overline{OP}} = \overline{PH}$	O A	$\tan(\alpha) = \frac{\overline{TA}}{\overline{OP}} = \overline{TA}$		$\sec(\alpha) = \frac{\overline{OS}}{\overline{OP}} = \overline{OS}$		
	coseno	ВС	cotangente	Е	cosecante		
O K	$\cos(\alpha) = \frac{\overline{OK}}{\overline{OP}} = \overline{OK}$	O	$\cot(\alpha) = \frac{\overline{BC}}{\overline{OP}} = \overline{BC}$	ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο	$cosec(\alpha) = \frac{\overline{OE}}{\overline{OP}} = \overline{OE}$		

le cinque relazioni fondamentali					
$sin^2(\alpha) + cos^2(\alpha) = 1$	$tan(\alpha) = \frac{sin(\alpha)}{cos(\alpha)}$	$cot(\alpha) = \frac{cos(\alpha)}{sin(\alpha)}$	$sec(\alpha) = \frac{1}{cos(\alpha)}$	$cosec(\alpha) = \frac{1}{sin(\alpha)}$	

relazioni che esprimono una funzione goniometrica rispetto alle altre tre							
$sen(\alpha)$ in funzione di $cos(\alpha)$ in funzione di			$\tan(\alpha)$ in funzione di	$\cot(lpha)$ in funzione di			
$\sin(\alpha) = \pm \sqrt{1 - \cos^2(\alpha)}$	$\cos(\alpha) = \pm \sqrt{1 - \sin^2(\alpha)}$		$\tan(\alpha) = \pm \frac{\sin(\alpha)}{\sqrt{1 - \sin^2(\alpha)}}$	$\cot(\alpha) = \pm \frac{\sqrt{1 - \sin^2(\alpha)}}{\sin(\alpha)}$			
$sin(\alpha) = \pm \frac{tg(\alpha)}{\sqrt{1 + tan^2(\alpha)}}$	$\cos(\alpha) = \pm \frac{1}{\sqrt{1 + \tan^2(\alpha)}}$		$\tan(\alpha) = \pm \frac{\sqrt{1 - \cos^2(\alpha)}}{\cos(\alpha)}$	$\cot(\alpha) = \pm \frac{\cos(\alpha)}{\sqrt{1 - \cos^2(\alpha)}}$			
$\sin \alpha = \pm \frac{1}{\sqrt{1 + \cot^2 \alpha}}$	$\cos(\alpha) = \pm \frac{ctg(\alpha)}{\sqrt{1 + \cot^2(\alpha)}}$		$\tan(\alpha) = \frac{1}{\cot(\alpha)}$	$\cot(\alpha) = \frac{1}{\tan(\alpha)}$			
il segno $+$ o $-$ va preso a seconda del segno della funzione nel quadrante corrispondente all'angolo $lpha$							

