

Vecteurs - Colinéarité

On se place dans un repère $(O; I; J)$.

Définition :

On dit que deux vecteurs non-nuls sont colinéaires **si et seulement si** ils ont même direction.

Remarque : Par convention, le vecteur nul est colinéaire à tous les vecteurs.

Propriété :

Deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} , non-nuls, sont colinéaires lorsqu'il existe un réel k tel que $\vec{v} = k\vec{u}$.
 k est appelé le *coefficient de colinéarité*.

• Déterminant

Définition :

On définit le **déterminant** de deux vecteurs $\vec{u}(x; y)$ et $\vec{v}(x'; y')$ par la formule $\det(\vec{u}; \vec{v}) = xy' - x'y$.

Propriété : (Critère de colinéarité)

Deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont colinéaires **si et seulement si** leur déterminant est nul : $\det(\vec{u}; \vec{v}) = 0$.

Application 1 :

Soit $(O; I, J)$ un repère orthogonal. Les vecteurs suivants sont-ils colinéaires ?

1) $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ 6 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} -6 \\ -18 \end{pmatrix}$.

2) $\vec{w} \begin{pmatrix} -5 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $\vec{z} \begin{pmatrix} 12 \\ -7 \end{pmatrix}$.

• Applications de la colinéarité

Droites parallèles - Propriété :

Deux droites (AB) et (CD) sont parallèles **si et seulement si** les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} sont colinéaires.

Points alignés - Propriété :

Trois points A , B et C sont alignés **si et seulement si** les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} sont colinéaires.

Application 2 :

$A(1; 2)$; $B(3; 1)$ et $C(5; 3)$
sont-ils alignés ?