a) Der Korrelationskoeffizient 9 berechnet sich wie folgt:

$$g(x,y) = \frac{cov(x,y)}{\sigma(x) \cdot \sigma(y)} = \frac{4.7}{3.5.7.5} = 0.8$$

b) Die Wahrscheinlichkeitsdiche f(x,y) wird konstant gesetzt:

$$f(x,y) = k \exp\left[-\frac{1}{2}(\vec{x}-\vec{a})^{\dagger}B(\vec{x}-\vec{a})\right] = const$$

$$B = \frac{1}{\sigma_x^2 \sigma_y^2 - \cos^2(x, y)} \begin{pmatrix} \sigma_y^2 & -\cos(x, y) \\ -\cos(x, y) & \sigma_x^2 \end{pmatrix}$$

$$K = \left(\frac{det B}{(2\pi)^2}\right)^{1/2} = \left[\frac{1}{(2\pi)^2(\sigma_x^2 \sigma_y^2 - cov^2 G_y)}\right]^{1/2}$$

f(x,y)=: < (= const)

$$(=) -7 \left(n \left(\frac{c}{k} \right) = \left(\overrightarrow{x} - \overrightarrow{a} \right)^{T} B_{\sigma} \left(\overrightarrow{x} - \overrightarrow{a} \right)$$

$$= \frac{1}{1-8^2} \left[\left(\frac{x-mx}{\sigma_X} \right)^2 - 2 \frac{x-mx}{\sigma_X} \frac{y-my}{\sigma_Y} \frac{(ov(x,y))}{\sigma_X \sigma_Y} + \left(\frac{y-my}{\sigma_Y} \right)^2 \right]$$

Dies entspricht nach Addition von 2(n(=)

der allgemeinen Ellipsenform:

$$ax^2+by^2+cxy+dx+ey+f=0$$

() Da die Amplitude von f(x, y) = k ist, mass, um f(x,y) da zu zeichnen, wo die Funktion auf das for -fache abgefallenist, die obere Eleichung mit == e 1/2 geplottet werden. Das plotten geschiet mit der Funktion matplotlib.pyplot. contour(...), wobei die Schnittpunkte eines grids mit Punkton aus [0,8]x[-0,5x4,5] und E(x,y) geplottet werden. Da die linke Seite der Gleichung =1 ist, soll nur die Höhenlinie mit dem Wert o gezeichnet werden.

Diese Ellipse gibt die 1-o-Umgebung an.

um die Rotations matrix M zu bestimmen, wird die Kovarianz matrix zuerst mit einer allgemeinen Rotations matrix transformiert. Da die Nebendiagonalen einer Kovarian=matrix Null sind, wear die Variablen unkorellie-t sind, kann über diese Einträge der benötigte Drehwinkel & berechnet werden.

$$M \qquad COV \qquad MT$$

$$= \left(\frac{\cos \alpha - \sin \alpha}{\sin \alpha} \left(\frac{\sigma_{\chi}^{2}}{\cos \alpha} + \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha}\right) \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \alpha} + \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}\right) - \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha} + \frac{\cos$$

$$\stackrel{!}{=} \begin{pmatrix} \sigma_{x_1}^{2} & o \\ o & \sigma_{y_1}^{2} \end{pmatrix}$$

= ky exp[- 2(1-92) (ux + ux - 2 ux uy g - ux (1-92))]

$$= \hat{k}_{y} \exp \left[-\frac{1}{2(n-s^{2})} \left(u_{y}^{2} - 2u_{x}u_{y} s + u_{x}^{2} s^{2} + u_{x}^{2} - u_{x}^{2} \right) \right]$$

$$= \hat{k}_{y} \exp \left[-\frac{1}{2(n-s^{2})} \left(u_{y} - u_{x} s \right)^{2} \right]$$

$$= \left[\left(y | x \right) \right] = \left[\left(y - \frac{1}{2} \right) \right]$$

$$= \left[\left(\left(x - \frac{1}{2} \right) \right] - \frac{1}{2} \right]$$

$$= -\frac{1}{2(n-s^{2})} \left(\frac{1}{2(n-s^{2})} \right) \left(\frac{1}{2(n-s^{2})} \left(\frac{1}{2(n-s^{2})} \right) \left(\frac{1}{2(n-s^{2})} \right) \left(\frac{1}{2(n-s^{2})} \right) \left(\frac{1}{2(n-s^{2})} \left(\frac{1}{2(n-s^{2})} \right) \left(\frac{1}{2(n-$$

$$f(x|y) \stackrel{!}{=} C ; \stackrel{\overset{\checkmark}{=}}{\stackrel{\checkmark}{=}} e^{-\gamma_{1}} \qquad (1-\sigma-Umg \circ bang)$$

$$\Rightarrow (n(e^{-\gamma_{1}}) = -\frac{\gamma_{2}}{2}$$

$$= -\frac{1}{2(n-s^{2})} (u_{1} - u_{1}y_{2})^{2}$$

$$e \Rightarrow 1 = \frac{1}{n-s^{2}} (\frac{x-m_{1}}{\sigma_{x}} - \frac{y-m_{1}}{\sigma_{y}})^{2}$$

$$g) E(y|x) = \int_{-\infty}^{\infty} y f(y|x) dy , \quad u_{1} = \frac{y-m_{1}}{\sigma_{y}}, d_{1} = \sigma_{1}du_{1}$$

$$= K_{1}y_{1} \int_{-\infty}^{\infty} (\sigma_{1}u_{1}+\mu_{1}y) \exp[-\frac{1}{2(n-s^{2})}(u_{1}-u_{1}y_{1})^{2}] du_{1}$$

$$= K_{1}\sigma_{1} \int_{-\infty}^{\infty} m_{1} + \frac{1}{2(1-s^{2})} (1 + \sigma_{1} + \frac{1}{2(n-s^{2})} (u_{1}-u_{2}y_{1})^{2}] du_{2}$$

$$= \mu_{1}y + \sigma_{1}y \int_{-\infty}^{\infty} f(x|y) dx , \quad u_{2} = \frac{x-m_{1}}{\sigma_{x}} \int_{-\infty}^{\infty} dx = \sigma_{x} du_{x},$$

$$= \mu_{1}y + \sigma_{2}y \int_{-\infty}^{\infty} (\sigma_{x}u_{2}+\mu_{1}x) \exp[-\frac{1}{2(n-s^{2})}(u_{2}-u_{1}y_{1})^{2}] du_{2}$$

$$= \mu_{1}y + \sigma_{2}y \int_{-\infty}^{\infty} (\sigma_{x}u_{2}+\mu_{1}x) \exp[-\frac{1}{2(n-s^{2})}(u_{2}-u_{1}y_{1})^{2}] du_{2}$$

$$= \mu_{1}y + \sigma_{2}y \int_{-\infty}^{\infty} (\sigma_{2}u_{2}+\mu_{1}x) \exp[-\frac{1}{2(n-s^{2})}(u_{2}-u_{1}y_{1})^{2}] du_{2}$$

$$= \mu_{1}y + \sigma_{2}y \int_{-\infty}^{\infty} (\sigma_{2}u_{2}+\mu_{2}x) \exp[-\frac{1}{2(n-s^{2})}(u_{2}-u_{1}y_{1})^{2}] du_{2}$$

$$= \mu_{1}y + \sigma_{2}y \int_{-\infty}^{\infty} (\sigma_{2}u_{2}+\mu_{2}x) \exp[-\frac{1}{2(n-s^{2})}(u_{2}-u_{1}y_{1})^{2}] du_{2}$$

$$= \mu_{2}y + \sigma_{3}y \int_{-\infty}^{\infty} (\sigma_{2}u_{2}+\mu_{2}x) \exp[-\frac{1}{2(n-s^{2})}(u_{2}-u_{2}y_{1})^{2}] du_{2}$$

$$= \mu_{1}y + \sigma_{2}y \int_{-\infty}^{\infty} (\sigma_{2}u_{2}+\mu_{2}x) \exp[-\frac{1}{2(n-s^{2})}(u_{2}-u_{2}y_{2})^{2}] du_{2}$$