

Исправление опечаток.

Алексей Сорокин

ОТИПЛ МГУ,
весенний семестр 2016–2017 учебного года

Устранение опечаток

- Любой достаточно длинный текст содержит опечатки.

Устранение опечаток

- Любой достаточно длинный текст содержит опечатки.
- Их надо исправлять (автоматически):

Устранение опечаток

- Любой достаточно длинный текст содержит опечатки.
- Их надо исправлять (автоматически):
- Применения:
 - Информационный поиск (коррекция запросов)

Устранение опечаток

- Любой достаточно длинный текст содержит опечатки.
- Их надо исправлять (автоматически):
- Применения:
 - Информационный поиск (коррекция запросов)
 - Программы проверки правописания

Устранение опечаток

- Любой достаточно длинный текст содержит опечатки.
- Их надо исправлять (автоматически):
- Применения:
 - Информационный поиск (коррекция запросов)
 - Программы проверки правописания
 - Распознавание звучащей речи, изображений...

Устранение опечаток

- Любой достаточно длинный текст содержит опечатки.
- Их надо исправлять (автоматически):
- Применения:
 - Информационный поиск (коррекция запросов)
 - Программы проверки правописания
 - Распознавание звучащей речи, изображений...
 - Компаративистика («опечатки» — эволюционные изменения в словах языка или различия между родственными языками)

Причины опечаток

- Разновидности опечаток (в широком смысле):
 - Орфографические ошибки

Причины опечаток

- Разновидности опечаток (в широком смысле):
 - Орфографические ошибки
 - Типографские ошибки (опечатки в узком смысле/описки)

Причины опечаток

- Разновидности опечаток (в широком смысле):
 - Орфографические ошибки
 - Типографские ошибки (опечатки в узком смысле/описки)
 - Когнитивные ошибки (смещение понятий, “предать” ↔ “придать”)

Причины опечаток

- Разновидности опечаток (в широком смысле):
 - Орфографические ошибки
 - Типографские ошибки (опечатки в узком смысле/описки)
 - Когнитивные ошибки (смещение понятий, “предать” ↔ “придать”)
 - Ошибки при записи речи “на слух”.

Причины опечаток

- Разновидности опечаток (в широком смысле):
 - Орфографические ошибки
 - Типографские ошибки (опечатки в узком смысле/описки)
 - Когнитивные ошибки (смещение понятий, “предать” ↔ “придать”)
 - Ошибки при записи речи “на слух”.
 - Транслитерационные ошибки (в иноязычных словах/именах собственных)
- Чаще всего ошибки локальны (затрагивают один-два символа)

Причины опечаток

- Разновидности опечаток (в широком смысле):
 - Орфографические ошибки
 - Типографские ошибки (опечатки в узком смысле/описки)
 - Когнитивные ошибки (смещение понятий, “предать” ↔ “придать”)
 - Ошибки при записи речи “на слух”.
 - Транслитерационные ошибки (в иноязычных словах/именах собственных)
- Чаще всего ошибки локальны (затрагивают один-два символа)
- Однако может влиять и более широкий контекст (“ться” → * “цца”, “ant” → “ent” в суффиксе прилагательного)

Модель близости слов

- Исправление опечаток требует поиска близких слов в словаре.

Модель близости слов

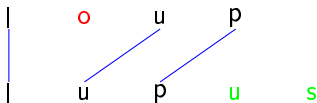
- Исправление опечаток требует поиска близких слов в словаре.
- Что значит “близких”, нужна функция расстояния.

Модель близости слов

- Исправление опечаток требует поиска близких слов в словаре.
- Что значит “близких”, нужна функция расстояния.

Расстояние Левенштейна

Расстояние Левенштейна $\rho_L(u, v)$ между словами u и v — минимальное число замен, вставок и удалений, необходимых, чтобы получить v из u .



$$d(\text{loup}, \text{lupus}) = 3$$

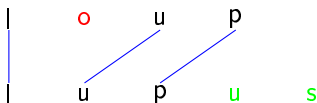
- Расстояние Левенштейна симметрично, неотрицательно, удовлетворяет неравенству: $\rho(u, v) \leq \rho(u, w) + \rho(w, v)$.

Модель близости слов

- Исправление опечаток требует поиска близких слов в словаре.
- Что значит “близких”, нужна функция расстояния.

Расстояние Левенштейна

Расстояние Левенштейна $\rho_L(u, v)$ между словами u и v — минимальное число замен, вставок и удалений, необходимых, чтобы получить v из u .



$$d(\text{loup}, \text{lupus}) = 3$$

- Расстояние Левенштейна симметрично, неотрицательно, удовлетворяет неравенству: $\rho(u, v) \leq \rho(u, w) + \rho(w, v)$.
- Иногда к допустимым операциям добавляют перестановку соседних символов (с некоторыми ограничениями).

Вычисление расстояния Левенштейна

Обозначения:

- $w = w_0 \dots w_{n-1}$ — слово, $|w| = n$ — длина слова.

Вычисление расстояния Левенштейна

Обозначения:

- $w = w_0 \dots w_{n-1}$ — слово, $|w| = n$ — длина слова.
- $w[i]$ — i -ый символ слова, $w[i, j]$ — подслово с i -ой по j -ую позицию (не включая j).

Вычисление расстояния Левенштейна

Обозначения:

- $w = w_0 \dots w_{n-1}$ — слово, $|w| = n$ — длина слова.
- $w[i]$ — i -ый символ слова, $w[i, j]$ — подслово с i -ой по j -ую позицию (не включая j).
- $w[, j]$ — префикс по j -ую позицию (не включая j).
- $w[i,]$ — суффикс с i -ой позиции (включая i).

Вычисление расстояния Левенштейна

Обозначения:

- $w = w_0 \dots w_{n-1}$ — слово, $|w| = n$ — длина слова.
- $w[i]$ — i -ый символ слова, $w[i, j]$ — подслово с i -ой по j -ую позицию (не включая j).
- $w[, j]$ — префикс по j -ую позицию (не включая j).
- $w[i,]$ — суффикс с i -ой позиции (включая i).

Идея алгоритма: будем вычислять $d_{ij} = \rho(u[, i], v[, j])$ рекурсивно через значения для меньших i, j . Если $|u| = m, |v| = n$, то ответом будет d_{mn} .

Рекурсивная формула

$$\begin{aligned}\rho(u[i], v[0]) &= i, \\ \rho(u[0], v[j]) &= j, \\ \rho(u[i], v[j]) &= \min (\rho(u[i-1], v[j-1]) + \llbracket u[i] \neq v[j] \rrbracket, \\ &\quad \rho(u[i], v[j-1]) + 1, \\ &\quad \rho(u[i-1], v[j]) + 1)\end{aligned}$$

Рекурсивная формула

$$\rho(u[i], v[0]) = i,$$

$$\rho(u[0], v[j]) = j,$$

$$\rho(u[i], v[j]) = \min \begin{aligned} &(\rho(u[i-1], v[j-1]) + \llbracket u[i] \neq v[j] \rrbracket, \\ &\rho(u[i], v[j-1]) + 1, \\ &\rho(u[i-1], v[j]) + 1) \end{aligned}$$

Возможные случаи:

- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j-1])$:
 $d(bad, bold) = d(ba, bol) = 2$.

| | | | |
|---|---|---|---|
| b | a | | d |
| | | | |
| b | o | l | d |

Рекурсивная формула

$$\rho(u[i], v[0]) = i,$$

$$\rho(u[0], v[j]) = j,$$

$$\rho(u[i], v[j]) = \min \left(\begin{aligned} &\rho(u[i-1], v[j-1]) + \llbracket u[i] \neq v[j] \rrbracket, \\ &\rho(u[i], v[j-1]) + 1, \\ &\rho(u[i-1], v[j]) + 1 \end{aligned} \right)$$

Возможные случаи:

- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j-1])$:
 $d(bad, bold) = d(ba, bol) = 2$.
- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j-1]) + 1$:
 $\rho(feel, feed) = \rho(fee, fee) + 1 = 1$.

| | | | |
|---|---|---|---|
| f | e | e | l |
| | | | |
| f | e | e | d |

Рекурсивная формула

$$\rho(u[i], v[0]) = i,$$

$$\rho(u[0], v[j]) = j,$$

$$\rho(u[i], v[j]) = \min \left(\begin{aligned} &\rho(u[i-1], v[j-1]) + \llbracket u[i] \neq v[j] \rrbracket, \\ &\rho(u[i], v[j-1]) + 1, \\ &\rho(u[i-1], v[j]) + 1 \end{aligned} \right),$$

Возможные случаи:

- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j-1])$:
 $d(\text{bad}, \text{bold}) = d(\text{ba}, \text{bol}) = 2$.
- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j-1]) + 1$:
 $\rho(\text{feel}, \text{feed}) = \rho(\text{fee}, \text{fee}) + 1 = 1$.
- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j]) + 1$:
 $\rho(\text{slide}, \text{solid}) = \rho(\text{slid}, \text{solid}) + 1 = 2$.

| | | | | | |
|---|---|--|---|---|---|
| s | ∅ | | i | d | e |
| | | | | | |
| s | o | | i | d | ∅ |

Рекурсивная формула

$$\begin{aligned}\rho(u[i], v[0]) &= i, \\ \rho(u[0], v[j]) &= j, \\ \rho(u[i], v[j]) &= \min(\rho(u[i-1], v[j-1]) + \llbracket u[i] \neq v[j] \rrbracket, \\ &\quad \rho(u[i], v[j-1]) + 1, \\ &\quad \rho(u[i-1], v[j]) + 1)\end{aligned}$$

Возможные случаи:

- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j-1])$:
 $d(\text{bad}, \text{bold}) = d(\text{ba}, \text{bol}) = 2$.
- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j-1]) + 1$:
 $\rho(\text{feel}, \text{feed}) = \rho(\text{fee}, \text{fee}) + 1 = 1$.
- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i-1], v[j]) + 1$:
 $\rho(\text{slide}, \text{solid}) = \rho(\text{slid}, \text{solid}) + 1 = 2$.
- $\rho(u[i], v[j]) = \rho(u[i], v[j-1]) + 1$:
 $\rho(\text{site}, \text{step}) = \rho(\text{site}, \text{ste}) + 1 = 2$.

Свойства расстояния Левенштейна

Лемма

$$\rho(ux, vx) = \rho(u, v)$$

Свойства расстояния Левенштейна

Лемма

$$\rho(ux, vx) = \rho(u, v)$$

Доказательство

- Достаточно доказать для однобуквенного x , пусть $x = a$.

Свойства расстояния Левенштейна

Лемма

$$\rho(ux, vx) = \rho(u, v)$$

Доказательство

- Достаточно доказать для однобуквенного x , пусть $x = a$.
- Достаточно показать, что оптимальное выравнивание сопоставляет последние символы друг другу:

$$\begin{array}{cccc}
 & \textcolor{red}{u} & & \\
 \underbrace{\alpha_1 \quad \cdots \quad \alpha_r} & & a & \\
 \beta_1 \quad \cdots \quad \beta_r & & \downarrow & \\
 \underbrace{} & & a & \\
 & \textcolor{red}{v} & &
 \end{array}$$

Свойства расстояния Левенштейна

Лемма

$$\rho(ux, vx) = \rho(u, v)$$

Доказательство

- Достаточно доказать для однобуквенного x , пусть $x = a$.
- Достаточно показать, что оптимальное выравнивание сопоставляет последние символы друг другу:
- Пусть не так:

$$\begin{array}{cccccc}
 \alpha_1 & \dots & \alpha_s & a & \emptyset & \emptyset \\
 & & & | & | & | \\
 \beta_1 & \dots & \beta_s & \beta & v_2 & a \\
 \underbrace{\hspace{10em}}_{v_1} & & & & &
 \end{array}$$

Свойства расстояния Левенштейна

Лемма

$$\rho(ux, vx) = \rho(u, v)$$

Доказательство

- Достаточно доказать для однобуквенного x , пусть $x = a$.
- Достаточно показать, что оптимальное выравнивание сопоставляет последние символы друг другу:
- Пусть не так:

$$\begin{array}{cccccc}
 \alpha_1 & \dots & \alpha_s & a & \emptyset & \emptyset \\
 & & & | & | & | \\
 \beta_1 & \dots & \beta_s & \beta & v_2 & a \\
 \underbrace{\hspace{10em}}_{v_1} & & & & &
 \end{array}$$

- Стоимость этого выравнивания $d_1(ua, va) = \rho(u, v_1) + \rho(a, \beta) + \rho(\varepsilon, v_2) + \rho(\varepsilon, a) \geq \rho(u, v_1) + \rho(\varepsilon, v_2) + 1$.

Свойства расстояния Левенштейна

Продолжение доказательства

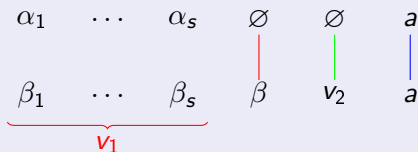
- Перестроим выравнивание:

$$\begin{array}{cccccc}
 \alpha_1 & \cdots & \alpha_s & \emptyset & \emptyset & a \\
 & & & \color{red}{|} & \color{green}{|} & \color{blue}{|} \\
 \beta_1 & \cdots & \beta_s & \beta & v_2 & a \\
 \underbrace{\hspace{1.5cm}}_{v_1} & & & & &
 \end{array}$$

Свойства расстояния Левенштейна

Продолжение доказательства

- Перестроим выравнивание:

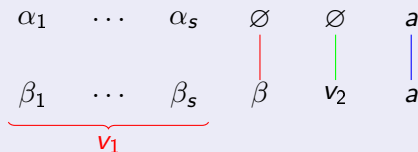


- Стоимость выравнивания $d_2(x, y) = \rho(u, v_1) + \rho(\varepsilon, \beta v_2) + \rho(a, a) \leq \rho(u, v_1) + \rho(\varepsilon, \beta) + \rho(\varepsilon, v_2) + 0 \leq \rho(u, v_1) + 1 + \rho(\varepsilon, v_2)$.

Свойства расстояния Левенштейна

Продолжение доказательства

- Перестроим выравнивание:



- Стоимость выравнивания $d_2(x, y) = \rho(u, v_1) + \rho(\varepsilon, \beta v_2) + \rho(a, a) \leq \rho(u, v_1) + \rho(\varepsilon, \beta) + \rho(\varepsilon, v_2) + 0 \leq \rho(u, v_1) + 1 + \rho(\varepsilon, v_2)$.
- Предыдущее выравнивание было не лучше оптимального. Лемма доказана.

Окончательная рекуррентная формула

$$\begin{aligned}\rho(u[i], v[0]) &= i, \\ \rho(u[0], v[j]) &= j, \\ \rho(u[i], v[j]) &= \rho(u[i-1], v[j-1]), \text{ если } u[i-1] = v[j-1] \\ \rho(u[i], v[j]) &= \min(\rho(u[i-1], v[j-1]), \\ &\quad \rho(u[i], v[j-1]), \\ &\quad \rho(u[i-1], v[j])) + 1, \text{ если } u[i-1] \neq v[j-1]\end{aligned}$$

Окончательная рекуррентная формула

$$\begin{aligned}\rho(u[i], v[0]) &= i, \\ \rho(u[0], v[j]) &= j, \\ \rho(u[i], v[j]) &= \rho(u[i-1], v[j-1]), \text{ если } u[i-1] = v[j-1] \\ \rho(u[i], v[j]) &= \min(\rho(u[i-1], v[j-1]), \\ &\quad \rho(u[i], v[j-1]), \\ &\quad \rho(u[i-1], v[j])) + 1, \text{ если } u[i-1] \neq v[j-1]\end{aligned}$$

Идея алгоритма: будем заполнять двумерную таблицу D размера $(m+1) \times (n+1)$, где в ячейке с номером (i, j) будет храниться $\rho(u[i], v[j])$. Заполняем рекурсивно по возрастанию i и j .

Псевдокод

Вход: Слова u, v длины m, n соответственно.

Выход: $d(u, v)$ — расстояние Левенштейна между u и v .

▷ D — таблица размера $(m + 1) \times (n + 1)$

$D[0, 0] = 0$

for $i = 1, \dots, m$ **do**

$D[i, 0] = i$

end for

for $j = 1, \dots, n$ **do**

$D[0, j] = j$

end for

for $i = 1, \dots, m$ **do**

for $j = 1, \dots, n$ **do**

if $u[i - 1] == v[j - 1]$ **then**

$D[i, j] = D[i - 1, j - 1] + 1$

else

$d = \max(D[i - 1, j - 1], D[i, j - 1], D[i - 1, j])$

$D[i, j] = d + 1$

end if

end for

end for

return $D[m, n]$

Модификации алгоритма

Возможные модификации алгоритма:

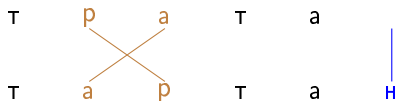
- Различные веса операций. Нужно прибавлять не 0 или 1, а стоимости соответствующих операций с последними символами, и вычислять минимум.

Модификации алгоритма

Возможные модификации алгоритма:

- Различные веса операций. Нужно прибавлять не 0 или 1, а стоимости соответствующих операций с последними символами, и вычислять минимум.
- Перестановка соседних символов (один и тот же символ не может участвовать в нескольких перестановках):

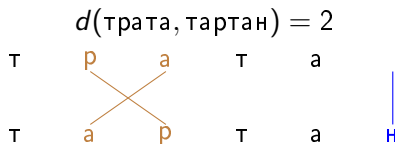
$$d(\text{трата}, \text{тартан}) = 2$$



Модификации алгоритма

Возможные модификации алгоритма:

- Различные веса операций. Нужно прибавлять не 0 или 1, а стоимости соответствующих операций с последними символами, и вычислять минимум.
- Перестановка соседних символов (один и тот же символ не может участвовать в нескольких перестановках):



- В рекуррентной формуле добавляется вариант $d(u[i-2], v[j-2]) + 1$, если $u[i-2] = v[i-1]$ и $v[i-2] = u[i-1]$.

Применение к исправлению опечаток

- Как исправлять опечатки с помощью расстояния Левенштейна?

Применение к исправлению опечаток

- Как исправлять опечатки с помощью расстояния Левенштейна?
- Наивный подход: пройти по словарю, подсчитать расстояние до каждого слова, выбрать ближайшее.

Применение к исправлению опечаток

- Как исправлять опечатки с помощью расстояния Левенштейна?
- Наивный подход: пройти по словарю, подсчитать расстояние до каждого слова, выбрать ближайшее.
- Нельзя: словари большие (агглютинативные языки — сотни тысяч слов), а расстояние считается медленно.

Применение к исправлению опечаток

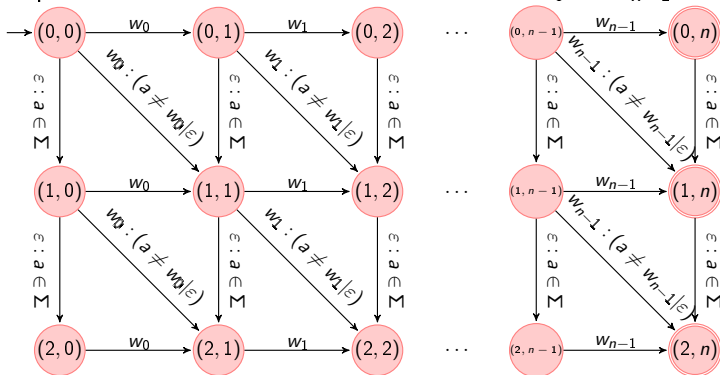
- Как исправлять опечатки с помощью расстояния Левенштейна?
- Наивный подход: пройти по словарю, подсчитать расстояние до каждого слова, выбрать ближайшее.
- Нельзя: словари большие (агглютинативные языки — сотни тысяч слов), а расстояние считается медленно.
- Менее наивный подход: породить все слова, расстояние до которых меньше порога d , найти их в словаре.

Применение к исправлению опечаток

- Как исправлять опечатки с помощью расстояния Левенштейна?
- Наивный подход: пройти по словарю, подсчитать расстояние до каждого слова, выбрать ближайшее.
- Нельзя: словари большие (агглютинативные языки — сотни тысяч слов), а расстояние считается медленно.
- Менее наивный подход: породить все слова, расстояние до которых меньше порога d , найти их в словаре.
- Как порождать такие слова? **Конечные автоматы!**

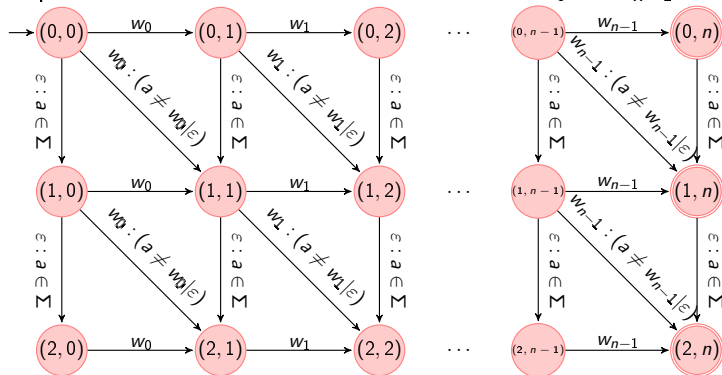
Автомат Левенштейна

Конечный преобразователь, порождающий все слова, находящиеся на расстоянии не больше d от слова $w = w_0 \dots w_{n-1}$.



Автомат Левенштейна

Конечный преобразователь, порождающий все слова, находящиеся на расстоянии не больше d от слова $w = w_0 \dots w_{n-1}$.



Состояние (i, j) принимает все слова, находящиеся на расстоянии меньше j от префикса $w[0, i]$

Применение автомата Левенштейна

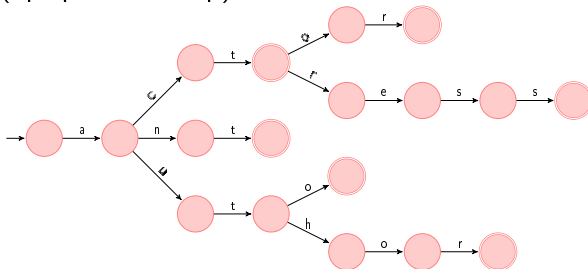
- Но считать расстояние Левенштейна можно и без автомата...
Зачем он?

Применение автомата Левенштейна

- Но считать расстояние Левенштейна можно и без автомата...
Зачем он?
- Экономия по памяти (при $d > 1$ список слов слишком длинный).

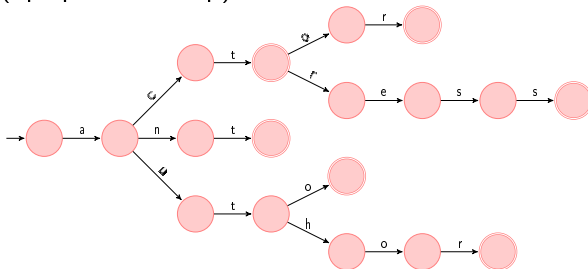
Применение автомата Левенштейна

- Но считать расстояние Левенштейна можно и без автомата...
Зачем он?
- Экономия по памяти (при $d > 1$ список слов слишком длинный).
- Сам словарь тоже часто хранят в форме ациклического автомата (префиксный бор):



Применение автомата Левенштейна

- Но считать расстояние Левенштейна можно и без автомата...
Зачем он?
- Экономия по памяти (при $d > 1$ список слов слишком длинный).
- Сам словарь тоже часто хранят в форме ациклического автомата (префиксный бор):



- Тогда можно параллельно идти по обоим автоматам...

Алгоритм поиска кандидатов

Алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Построить (неявно) автомат $A_{w,d}$ для текущего слова w и порога расстояния d .

Алгоритм поиска кандидатов

Алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Построить (неявно) автомат $A_{w,d}$ для текущего слова w и порога расстояния d .
- Вернуть список слов из языка $L(A_{dict} \cap A_{w,d})$, где A_{dict} — автомат для словаря.

Алгоритм поиска кандидатов

Алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Построить (неявно) автомат $A_{w,d}$ для текущего слова w и порога расстояния d .
- Вернуть список слов из языка $L(A_{dict} \cap A_{w,d})$, где A_{dict} — автомат для словаря.
- При точном поиске в префиксном боре разрешается идти только подряд по буквам слова.

Алгоритм поиска кандидатов

Алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Построить (неявно) автомат $A_{w,d}$ для текущего слова w и порога расстояния d .
- Вернуть список слов из языка $L(A_{dict} \cap A_{w,d})$, где A_{dict} — автомат для словаря.
- При точном поиске в префиксном боре разрешается идти только подряд по буквам слова.
- При приближённом поиске разрешается отклоняться от пути, но ограниченное количество раз.

Алгоритм поиска кандидатов

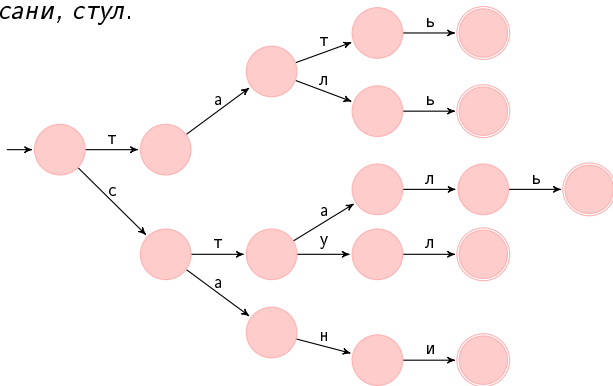
Алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Построить (неявно) автомат $A_{w,d}$ для текущего слова w и порога расстояния d .
- Вернуть список слов из языка $L(A_{dict} \cap A_{w,d})$, где A_{dict} — автомат для словаря.
- При точном поиске в префиксном боре разрешается идти только подряд по буквам слова.
- При приближённом поиске разрешается отклоняться от пути, но ограниченное количество раз.
- При этом нужно хранить несколько гипотез, в каждой из которых помнить число отклонений.

Приближённый поиск в префиксном боре

Пример.

Найти все слова на расстоянии Левенштейна не более 1 от слова “стать” в префиксном боре из слов *сталь*, *тать*, *таль*, *сани*, *стул*.



Приближённый поиск в префиксном боре

- Гипотеза — тройка (u, v, k) , где u — прочитанный префикс слова, v — позиция в префиксном боре, k — уже допущенное число ошибок.
- $(\varepsilon, \varepsilon, 0)$ — начальная гипотеза.

Приближённый поиск в префиксном боре

- Гипотеза — тройка (u, v, k) , где u — прочитанный префикс слова, v — позиция в префиксном боре, k — уже допущенное число ошибок.
- $(\varepsilon, \varepsilon, 0)$ — начальная гипотеза.
- Пытаемся расширить текущую гипотезу всеми возможными способами (сделать одну элементарную операцию).

Приближённый поиск в префиксном боре

- Гипотеза — тройка (u, v, k) , где u — прочитанный префикс слова, v — позиция в префиксном боре, k — уже допущенное число ошибок.
- $(\varepsilon, \varepsilon, 0)$ — начальная гипотеза.
- Пытаемся расширить текущую гипотезу всеми возможными способами (сделать одну элементарную операцию).
- Новые гипотезы складываем в очередь, из которой на каждом шаге алгоритма извлекается и обрабатывается одна гипотеза.

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

Возможные операции:

- Прочитать одинаковые буквы в слове и боре, сдвинуться на одну позицию в слове и боре, не меняя k .

После обработки нулевой гипотезы в очереди будут гипотезы:

| | Гипотеза | Последняя операция | Предыдущая гипотеза |
|---|-------------------------------------|-----------------------------|---|
| 1 | $\langle c, c, 0 \rangle$ | $c \rightarrow c$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 2 | $\langle c, t, 1 \rangle$ | $c \rightarrow t$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 3 | $\langle \varepsilon, c, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow c$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 4 | $\langle \varepsilon, t, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow t$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 5 | $\langle c, \varepsilon, 1 \rangle$ | $c \rightarrow \varepsilon$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

Возможные операции:

- Прочитать одинаковые буквы в слове и боре, сдвинуться на одну позицию в слове и боре, не меняя k .
- Прочитать разные буквы в слове и боре, сдвинуться и там, и там на одну позицию, увеличить k на 1.

После обработки нулевой гипотезы в очереди будут гипотезы:

| | Гипотеза | Последняя операция | Предыдущая гипотеза |
|---|-------------------------------------|-----------------------------|---|
| 1 | $\langle c, c, 0 \rangle$ | $c \rightarrow c$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 2 | $\langle c, t, 1 \rangle$ | $c \rightarrow t$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 3 | $\langle \varepsilon, c, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow c$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 4 | $\langle \varepsilon, t, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow t$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 5 | $\langle c, \varepsilon, 1 \rangle$ | $c \rightarrow \varepsilon$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

Возможные операции:

- Прочитать одинаковые буквы в слове и боре, сдвинуться на одну позицию в слове и боре, не меняя k .
- Прочитать разные буквы в слове и боре, сдвинуться и там, и там на одну позицию, увеличить k на 1.
- Прочитать в слове 1 букву, не двигаться в боре, увеличить k .

После обработки нулевой гипотезы в очереди будут гипотезы:

| | Гипотеза | Последняя операция | Предыдущая гипотеза |
|---|-------------------------------------|-----------------------------|---|
| 1 | $\langle c, c, 0 \rangle$ | $c \rightarrow c$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 2 | $\langle c, t, 1 \rangle$ | $c \rightarrow t$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 3 | $\langle \varepsilon, c, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow c$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 4 | $\langle \varepsilon, t, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow t$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 5 | $\langle c, \varepsilon, 1 \rangle$ | $c \rightarrow \varepsilon$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

Возможные операции:

- Прочитать одинаковые буквы в слове и боре, сдвинуться на одну позицию в слове и боре, не меняя k .
- Прочитать разные буквы в слове и боре, сдвинуться и там, и там на одну позицию, увеличить k на 1.
- Прочитать в слове 1 букву, не двигаться в боре, увеличить k .
- Сдвинуться в боре на 1 букву, не менять позицию в слове, увеличить k на 1.

После обработки нулевой гипотезы в очереди будут гипотезы:

| | Гипотеза | Последняя операция | Предыдущая гипотеза |
|---|-------------------------------------|-----------------------------|---|
| 1 | $\langle c, c, 0 \rangle$ | $c \rightarrow c$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 2 | $\langle c, t, 1 \rangle$ | $c \rightarrow t$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 3 | $\langle \varepsilon, c, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow c$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 4 | $\langle \varepsilon, t, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow t$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |
| 5 | $\langle c, \varepsilon, 1 \rangle$ | $c \rightarrow \varepsilon$ | $\langle \varepsilon, \varepsilon, 0 \rangle$ |

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

- Обрабатываемая гипотеза: $\langle c, c, 0 \rangle$.
- Возможные операции $t \rightarrow t$, $t \rightarrow a$, $t \rightarrow \varepsilon$, $\varepsilon \rightarrow t$, $\varepsilon \rightarrow a$.
- Получаются гипотезы:

| | | | |
|----|-----------------------------|-----------------------------|---------------------------|
| 6 | $\langle st, st, 0 \rangle$ | $t \rightarrow t$ | $\langle c, c, 0 \rangle$ |
| 7 | $\langle st, ca, 1 \rangle$ | $t \rightarrow a$ | $\langle c, c, 0 \rangle$ |
| 8 | $\langle st, c, 1 \rangle$ | $t \rightarrow \varepsilon$ | $\langle c, c, 0 \rangle$ |
| 9 | $\langle c, st, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow t$ | $\langle c, c, 0 \rangle$ |
| 10 | $\langle c, ca, 1 \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow a$ | $\langle c, c, 0 \rangle$ |

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

- Обрабатываемая гипотеза: $\langle c, t, 1 \rangle$.
- Поскольку уже штраф 1, то разрешена только тождественная операция.

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

- Обрабатываемая гипотеза: $\langle c, t, 1 \rangle$.
- Поскольку уже штраф 1, то разрешена только тождественная операция.
- Её нельзя осуществить, на этом шаге ничего не добавляем.

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

- Обрабатываемая гипотеза: $\langle c, t, 1 \rangle$.
- Поскольку уже штраф 1, то разрешена только тождественная операция.
- Её нельзя осуществить, на этом шаге ничего не добавляем.
- Аналогично с гипотезами $\langle \epsilon, c, 1 \rangle, \langle \epsilon, t, 1 \rangle$.

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

- Обрабатываемая гипотеза: $\langle c, t, 1 \rangle$.
- Поскольку уже штраф 1, то разрешена только тождественная операция.
- Её нельзя осуществить, на этом шаге ничего не добавляем.
- Аналогично с гипотезами $\langle \epsilon, c, 1 \rangle$, $\langle \epsilon, t, 1 \rangle$.
- Обрабатываемая гипотеза $\langle c, \epsilon, 1 \rangle$.

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

- Обрабатываемая гипотеза: $\langle c, t, 1 \rangle$.
- Поскольку уже штраф 1, то разрешена только тождественная операция.
- Её нельзя осуществить, на этом шаге ничего не добавляем.
- Аналогично с гипотезами $\langle \epsilon, c, 1 \rangle$, $\langle \epsilon, t, 1 \rangle$.
- Обрабатываемая гипотеза $\langle c, \epsilon, 1 \rangle$.
- Возможна операция $t \rightarrow t$, получается гипотеза $\langle ct, t, 1 \rangle$.

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

Продолжая, получаем

| | | | |
|----|--------------------------------------|-----------------------------|------------------------------------|
| 12 | $\langle \text{ста, ста, 0} \rangle$ | $a \rightarrow a$ | $\langle \text{ст, ст, 0} \rangle$ |
| 13 | $\langle \text{ста, сту, 1} \rangle$ | $a \rightarrow y$ | $\langle \text{ст, ст, 0} \rangle$ |
| 14 | $\langle \text{ста, ст, 1} \rangle$ | $a \rightarrow \varepsilon$ | $\langle \text{ст, ст, 0} \rangle$ |
| 15 | $\langle \text{ст, ста, 1} \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow a$ | $\langle \text{ст, ст, 0} \rangle$ |
| 16 | $\langle \text{ст, сту, 1} \rangle$ | $\varepsilon \rightarrow y$ | $\langle \text{ст, ст, 0} \rangle$ |
| 17 | $\langle \text{ста, са, 1} \rangle$ | $a \rightarrow a$ | $\langle \text{ст, с, 1} \rangle$ |
| 18 | $\langle \text{ста, та, 1} \rangle$ | $a \rightarrow a$ | $\langle \text{ст, т, 1} \rangle$ |

Элементарные операции при поиске в префиксном боре

Продолжая, получаем

| | | | |
|--|--|---------------------------------|--|
| 19 | $\langle \text{стат, стал, 1} \rangle$ | $\text{л} \rightarrow \text{л}$ | $\langle \text{ста, ста, 0} \rangle$ |
| 20 | $\langle \text{ста, стал, 1} \rangle$ | $\text{л} \rightarrow \text{л}$ | $\langle \text{ста, ста, 0} \rangle$ |
| 21 | $\langle \text{стат, тат, 1} \rangle$ | $\text{а} \rightarrow \text{а}$ | $\langle \text{ста, та, 1} \rangle$ |
| 22 | $\langle \text{стать, сталь, 1} \rangle$ | $\text{л} \rightarrow \text{л}$ | $\langle \text{стат, стал, 1} \rangle$ |
| Получено слово из бора на расстоянии 1. Добавляем слово “сталь” в ответ | | | |
| 23 | $\langle \text{стать, тать, 1} \rangle$ | $\text{ь} \rightarrow \text{ь}$ | $\langle \text{стат, тат, 1} \rangle$ |
| Получено слово из бора на расстоянии 1. Добавляем слово “тать” в ответ | | | |

Взвешенное расстояние Левенштейна

- Не всегда расстояние Левенштейна приводит к оптимальному выравниванию:

Взвешенное расстояние Левенштейна

- Не всегда расстояние Левенштейна приводит к оптимальному выравниванию:
- $d(loup, lobo) = 2$:

| | | | |
|----------|----------|----------|----------|
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>u</i> | <i>p</i> |
| | | | |
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>b</i> | <i>o</i> |

Взвешенное расстояние Левенштейна

- Не всегда расстояние Левенштейна приводит к оптимальному выравниванию:
- $d(\text{loup}, \text{lobo}) = 2$:

| | | | |
|----------|----------|----------|----------|
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>u</i> | <i>p</i> |
| | | | |
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>b</i> | <i>o</i> |

- Естественное выравнивание даёт $d = 3$:

| | | | | |
|----------|----------|-------------|----------|-------------|
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>u</i> | <i>p</i> | \emptyset |
| | | | | |
| <i>l</i> | <i>o</i> | \emptyset | <i>b</i> | <i>o</i> |

Взвешенное расстояние Левенштейна

- Не всегда расстояние Левенштейна приводит к оптимальному выравниванию:
- $d(\text{loup}, \text{lobo}) = 2$:

| | | | |
|----------|----------|----------|----------|
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>u</i> | <i>p</i> |
| | | | |
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>b</i> | <i>o</i> |

- Естественное выравнивание даёт $d = 3$:

| | | | | |
|----------|----------|-------------|----------|-------------|
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>u</i> | <i>p</i> | \emptyset |
| | | | | |
| <i>l</i> | <i>o</i> | \emptyset | <i>b</i> | <i>o</i> |

- Надо присвоить различным операциям веса, зависящие от заменяемых/удаляемых/вставляемых символов.

Взвешенное расстояние Левенштейна

- Не всегда расстояние Левенштейна приводит к оптимальному выравниванию:
- $d(\text{loup}, \text{lobo}) = 2$:

| | | | |
|----------|----------|----------|----------|
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>u</i> | <i>p</i> |
| | | | |
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>b</i> | <i>o</i> |

- Естественное выравнивание даёт $d = 3$:

| | | | | |
|----------|----------|-------------|----------|-------------|
| <i>l</i> | <i>o</i> | <i>u</i> | <i>p</i> | \emptyset |
| | | | | |
| <i>l</i> | <i>o</i> | \emptyset | <i>b</i> | <i>o</i> |

- Надо присвоить различным операциям веса, зависящие от заменяемых/удаляемых/вставляемых символов.
- Алгоритм вычисления расстояния от этого не изменится (при естественных ограничениях на веса).
- Откуда взять веса?

Вероятностная модель взвешивания

- Элементарные операции вида $\beta : \alpha$, соответствующие «опечаткам» вида $\alpha \rightarrow \beta$.

Вероятностная модель взвешивания

- Элементарные операции вида $\beta : \alpha$, соответствующие «опечаткам» вида $\alpha \rightarrow \beta$.
- У каждой такой операции есть вероятность, которую можно посчитать по корпусу опечаток.

Вероятностная модель взвешивания

- Элементарные операции вида $\beta : \alpha$, соответствующие «опечаткам» вида $\alpha \rightarrow \beta$.
- У каждой такой операции есть вероятность, которую можно посчитать по корпусу опечаток.
- Положим $w(\beta : \alpha) = -\log p(\alpha \rightarrow \beta)$.

Вероятностная модель взвешивания

- Элементарные операции вида $\beta : \alpha$, соответствующие «опечаткам» вида $\alpha \rightarrow \beta$.
- У каждой такой операции есть вероятность, которую можно посчитать по корпусу опечаток.
- Положим $w(\beta : \alpha) = -\log p(\alpha \rightarrow \beta)$.
- Маленьким вероятностям соответствуют большие веса.

Вероятностная модель взвешивания

- Элементарные операции вида $\beta : \alpha$, соответствующие «опечаткам» вида $\alpha \rightarrow \beta$.
- У каждой такой операции есть вероятность, которую можно посчитать по корпусу опечаток.
- Положим $w(\beta : \alpha) = -\log p(\alpha \rightarrow \beta)$.
- Маленьким вероятностям соответствуют большие веса.

Вероятностная модель взвешивания

- Элементарные операции вида $\beta : \alpha$, соответствующие «опечаткам» вида $\alpha \rightarrow \beta$.
- У каждой такой операции есть вероятность, которую можно посчитать по корпусу опечаток.
- Положим $w(\beta : \alpha) = -\log p(\alpha \rightarrow \beta)$.
- Маленьким вероятностям соответствуют большие веса.
- Какой в этом смысл?

Вероятностная модель взвешивания: обоснование

- Пусть $(a_1 : b_1, w_1) \dots (a_r : b_r, w_r)$ — путь, «исправляющий» слово $u = a_1 \dots a_r$ на $v = b_1 \dots b_r$.

Вероятностная модель взвешивания: обоснование

- Пусть $(a_1 : b_1, w_1) \dots (a_r : b_r, w_r)$ — путь, «исправляющий» слово $u = a_1 \dots a_r$ на $v = b_1 \dots b_r$.
- Тогда $M(a_1 \dots a_r : b_1 \dots b_r) = \sum_{i=1}^r w_i = - \sum_{i=1}^r \log p(b_i \rightarrow a_i) =$
 $-\log \prod_{i=1}^r p(b_i \rightarrow a_i) \approx -\log p(b_1 \dots b_r \rightarrow a_1 \dots a_r) \approx$
 $-\log p(v \rightarrow u).$

Вероятностная модель взвешивания: обоснование

- Пусть $(a_1 : b_1, w_1) \dots (a_r : b_r, w_r)$ — путь, «исправляющий» слово $u = a_1 \dots a_r$ на $v = b_1 \dots b_r$.
- Тогда $M(a_1 \dots a_r : b_1 \dots b_r) = \sum_{i=1}^r w_i = - \sum_{i=1}^r \log p(b_i \rightarrow a_i) =$
 $-\log \prod_{i=1}^r p(b_i \rightarrow a_i) \approx -\log p(b_1 \dots b_r \rightarrow a_1 \dots a_r) \approx$
 $-\log p(v \rightarrow u).$
- Вес преобразования $u : v$ — (приблизительно) отрицательный логарифм вероятности получить v из u .

Вероятностная модель взвешивания: обоснование

- Пусть $(a_1 : b_1, w_1) \dots (a_r : b_r, w_r)$ — путь, «исправляющий» слово $u = a_1 \dots a_r$ на $v = b_1 \dots b_r$.
- Тогда $M(a_1 \dots a_r : b_1 \dots b_r) = \sum_{i=1}^r w_i = - \sum_{i=1}^r \log p(b_i \rightarrow a_i) =$

$$- \log \prod_{i=1}^r p(b_i \rightarrow a_i) \approx - \log p(b_1 \dots b_r \rightarrow a_1 \dots a_r) \approx$$

$$- \log p(v \rightarrow u).$$
- Вес преобразования $u : v$ — (приблизительно) отрицательный логарифм вероятности получить v из u .
- Кажется весьма разумным...

Вероятностная модель взвешивания: обоснование

- Пусть $(a_1 : b_1, w_1) \dots (a_r : b_r, w_r)$ — путь, «исправляющий» слово $u = a_1 \dots a_r$ на $v = b_1 \dots b_r$.
- Тогда $M(a_1 \dots a_r : b_1 \dots b_r) = \sum_{i=1}^r w_i = - \sum_{i=1}^r \log p(b_i \rightarrow a_i) =$
 $-\log \prod_{i=1}^r p(b_i \rightarrow a_i) \approx -\log p(b_1 \dots b_r \rightarrow a_1 \dots a_r) \approx$
 $-\log p(v \rightarrow u).$
- Вес преобразования $u : v$ — (приблизительно) отрицательный логарифм вероятности получить v из u .
- Кажется весьма разумным...
- Но есть недостаток...

Вероятностная модель исправления опечаток

- Кажется естественным выбирать в качестве исправления c для слова u наиболее вероятное слово: $u = \operatorname{argmax} p(c|u)$.

Вероятностная модель исправления опечаток

- Кажется естественным выбирать в качестве исправления c для слова u наиболее вероятное слово: $u = \operatorname{argmax} p(c|u)$.
- У нас же $p(u|c)$, как перейти?

Вероятностная модель исправления опечаток

- Кажется естественным выбирать в качестве исправления c для слова u наиболее вероятное слово: $u = \operatorname{argmax} p(c|u)$.
- У нас же $p(u|c)$, как перейти?
- Формула Байеса:

$$p(c|u) = \frac{p(u|c)p(c)}{p(u)}$$

Вероятностная модель исправления опечаток

- Кажется естественным выбирать в качестве исправления c для слова u наиболее вероятное слово: $u = \operatorname{argmax} p(c|u)$.
- У нас же $p(u|c)$, как перейти?
- Формула Байеса:

$$p(c|u) = \frac{p(u|c)p(c)}{p(u)}$$

- $p(u)$ не влияет на выбор кандидата, поэтому:
 $c = \operatorname{argmax} p(u|c)p(c)$

Вероятностная модель исправления опечаток

- Кажется естественным выбирать в качестве исправления c для слова u наиболее вероятное слово: $u = \operatorname{argmax} p(c|u)$.
- У нас же $p(u|c)$, как перейти?
- Формула Байеса:

$$p(c|u) = \frac{p(u|c)p(c)}{p(u)}$$

- $p(u)$ не влияет на выбор кандидата, поэтому:
 $c = \operatorname{argmax} p(u|c)p(c)$
- В модели весов это соответствует формуле

$$M(a_1 \dots a_r : b_1 \dots b_r) = - \sum_{i=1}^r \log p(b_i \rightarrow a_i) - \log p(c)$$

Вероятностная модель исправления опечаток

- Кажется естественным выбирать в качестве исправления c для слова u наиболее вероятное слово: $u = \operatorname{argmax} p(c|u)$.
- У нас же $p(u|c)$, как перейти?
- Формула Байеса:

$$p(c|u) = \frac{p(u|c)p(c)}{p(u)}$$

- $p(u)$ не влияет на выбор кандидата, поэтому:
 $c = \operatorname{argmax} p(u|c)p(c)$
- В модели весов это соответствует формуле

$$M(a_1 \dots a_r : b_1 \dots b_r) = - \sum_{i=1}^r \log p(b_i \rightarrow a_i) - \log p(c)$$

- Добавим $-\log p(c)$ в качестве выходного штрафа.

Финальный алгоритм

Финальный алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Взять словарь с проставленными вероятностями слов $p(c)$ (вероятности собрать из корпуса), преобразовать во взвешенный автомат с выходными весами $-\log p(c)$.

Финальный алгоритм

Финальный алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Взять словарь с проставленными вероятностями слов $p(c)$ (вероятности собрать из корпуса), преобразовать во взвешенный автомат с выходными весами $-\log p(c)$.
- Найти все слова в данном автомате на расстоянии меньше d от текущего.

Финальный алгоритм

Финальный алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Взять словарь с проставленными вероятностями слов $p(c)$ (вероятности собрать из корпуса), преобразовать во взвешенный автомат с выходными весами $-\log p(c)$.
- Найти все слова в данном автомате на расстоянии меньше d от текущего.
- Откуда взять вероятности? Можно настроить по обычному корпусу и словарю (без корпуса опечаток) или с помощью эвристик.

Финальный алгоритм

Финальный алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Взять словарь с проставленными вероятностями слов $p(c)$ (вероятности собрать из корпуса), преобразовать во взвешенный автомат с выходными весами $-\log p(c)$.
- Найти все слова в данном автомате на расстоянии меньше d от текущего.
- Откуда взять вероятности? Можно настроить по обычному корпусу и словарю (без корпуса опечаток) или с помощью эвристик.
- Эвристики: что влияет на веса замен:
 - Опечатки: расположение символов на клавиатуре

Финальный алгоритм

Финальный алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Взять словарь с проставленными вероятностями слов $p(c)$ (вероятности собрать из корпуса), преобразовать во взвешенный автомат с выходными весами $-\log p(c)$.
- Найти все слова в данном автомате на расстоянии меньше d от текущего.
- Откуда взять вероятности? Можно настроить по обычному корпусу и словарю (без корпуса опечаток) или с помощью эвристик.
- Эвристики: что влияет на веса замен:
 - Опечатки: расположение символов на клавиатуре
 - Орфографические ошибки: фонетическая близость

Финальный алгоритм

Финальный алгоритм поиска слов-кандидатов:

- Взять словарь с проставленными вероятностями слов $p(c)$ (вероятности собрать из корпуса), преобразовать во взвешенный автомат с выходными весами $-\log p(c)$.
- Найти все слова в данном автомате на расстоянии меньше d от текущего.
- Откуда взять вероятности? Можно настроить по обычному корпусу и словарю (без корпуса опечаток) или с помощью эвристик.
- Эвристики: что влияет на веса замен:
 - Опечатки: расположение символов на клавиатуре
 - Орфографические ошибки: фонетическая близость
 - Ошибки распознавания: графическая близость

Автоматическая настройка весов

Автоматическая настройка весов: неформальное описание алгоритма (EM-алгоритм):

- Задать вероятности замен случайным образом.

Автоматическая настройка весов

Автоматическая настройка весов: неформальное описание алгоритма (ЕМ-алгоритм):

- Задать вероятности замен случайным образом.
- Для каждого слова u из тестового корпуса получить список кандидатов $c_{u,1}, \dots, c_{u,n_u}$ с их вероятностями. Сохранить все пары вида $(u \rightsquigarrow c_{u,j}, p(c_{u,j}|u))$, где $(u \rightsquigarrow c_{u,j})$ — последовательность замен, переводящих $c_{u,j}$ в u .

Автоматическая настройка весов

Автоматическая настройка весов: неформальное описание алгоритма (ЕМ-алгоритм):

- Задать вероятности замен случайным образом.
- Для каждого слова u из тестового корпуса получить список кандидатов $c_{u,1}, \dots, c_{u,n_u}$ с их вероятностями. Сохранить все пары вида $(u \rightsquigarrow c_{u,j}, p(c_{u,j}|u))$, где $(u \rightsquigarrow c_{u,j})$ — последовательность замен, переводящих $c_{u,j}$ в u .
- Сложив для каждой замены вероятности пар, в которых она встретилась, получим частоты замен, а значит, их вероятности.

Автоматическая настройка весов

Автоматическая настройка весов: неформальное описание алгоритма (ЕМ-алгоритм):

- Задать вероятности замен случайным образом.
- Для каждого слова u из тестового корпуса получить список кандидатов $c_{u,1}, \dots, c_{u,n_u}$ с их вероятностями. Сохранить все пары вида $(u \rightsquigarrow c_{u,j}, p(c_{u,j}|u))$, где $(u \rightsquigarrow c_{u,j})$ — последовательность замен, переводящих $c_{u,j}$ в u .
- Сложив для каждой замены вероятности пар, в которых она встретилась, получим частоты замен, а значит, их вероятности.
- Повторим эту процедуру, пока алгоритм не сойдётся.

Онлайн-материалы

- <http://norvig.com/spell-correct.html> — страница Питера Норвига. Простейшая работающая программа для исправления опечаток из 21 строчки (Python 2.5).

Онлайн-материалы

- <http://norvig.com/spell-correct.html> — страница Питера Норвига. Простейшая работающая программа для исправления опечаток из 21 строчки (Python 2.5).
- Ещё много материалов: <http://norvig.com>

Онлайн-материалы

- <http://norvig.com/spell-correct.html> — страница Питера Норвига. Простейшая работающая программа для исправления опечаток из 21 строчки (Python 2.5).
- Ещё много материалов: <http://norvig.com>
- <http://web.stanford.edu/class/cs124/lec/spelling.pdf> — лекция Дэниэла Журафски по исправлению опечаток.