

# Однопроходные алгоритмы

- Если последовательность можно не хранить – ее хранить не нужно!



# Задача 1

- В последовательности записаны целые числа от 1 до  $N$  в произвольном порядке, но одно из чисел пропущено (остальные встречаются ровно по одному разу).  $N$  заранее неизвестно. Определить пропущенное число

# $O(N)$ - время Задача 1. Обсуждение

$O(1)$  - память

- В последовательности записаны целые числа от 1 до  $N$  в произвольном порядке, но одно из чисел пропущено (остальные встречаются ровно по одному разу).  $N$  заранее неизвестно. Определить пропущенное число.

- Ввод: 1 6 5 4 3
- Вывод: 2

$$\text{sum} = 19$$

$$\text{sum} = \frac{1+6}{2} \cdot 6 = 11$$

2

1. sort -  $N \lg N$

1 2 3 4

2.

- Ввод: 1 4 3 2
- Вывод: 5

# Задача 1. Решение

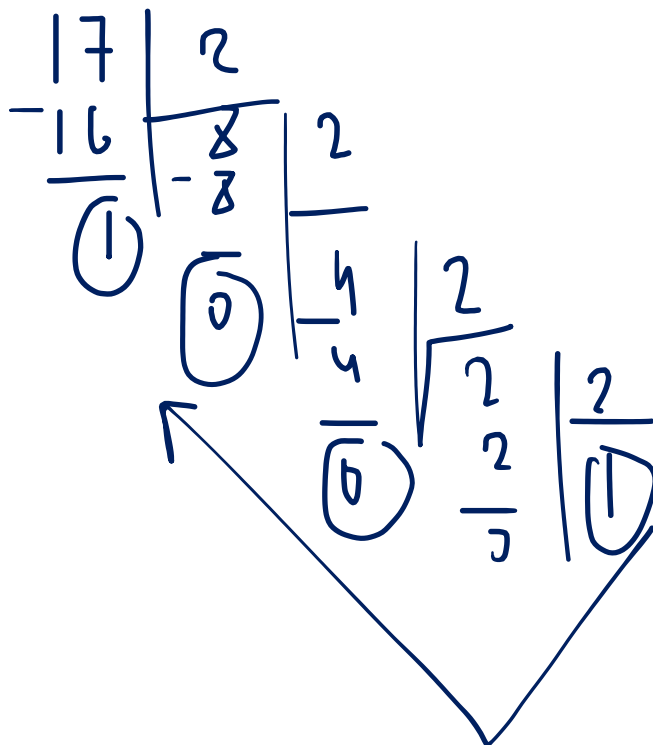
- В последовательности записаны целые числа от 1 до N в произвольном порядке, но одно из чисел пропущено (остальные встречаются ровно по одному разу). N заранее неизвестно. Определить пропущенное число.

- Ввод: 1 6 5 4 3

- Вывод: 2

- Ввод: 1 4 3 2

- Вывод: 5



$$17 = \boxed{1} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{0} \boxed{1} =$$
$$= \boxed{1 \cdot 2^4} + 0 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + \underline{1 \cdot 2^0} = 17$$

## Задача 2

- В последовательности записаны целые числа. Одно из чисел встречается ровно один раз, остальные — по два раза. Найти число, которое встречается один раз.

- Ввод: 1 2 2 1 3 4 3

- Вывод: 4

- Ввод: 1 1 2 9 10 9 2

- Вывод: 10

```
l = [1, 6, 5, 4, 3]
max_l = max(l)
n = len(l) + 1
if (max_l == len(l)):
    max_l += 1
sum_l = sum(l)
sum_l_2 = (1 + max_l) * n // 2
print(sum_l_2 - sum_l)
```

```
l = [1, 4, 3, 2]
max_l = 0
n = len(l) + 1
sum_l = 0
for i in range(len(l)):
    sum_l += l[i]
    max_l = max(max_l, l[i])
if (max_l == len(l)):
    max_l += 1
sum_l_2 = (1 + max_l) * n // 2
print(sum_l_2 - sum_l)
```

## Задача 2. Обсуждение

- В последовательности записаны целые числа. Одно из чисел встречается ровно один раз, остальные — по два раза. Найти число, которое встречается один раз.

- Ввод: ~~1~~ ~~2~~ ~~2~~ ~~1~~ 3 4 3
- Вывод: 4

- Ввод: 1 1 2 9 10 9 2
- Вывод: 10

$$\begin{array}{r}
 001 \\
 010 \\
 \hline
 011 \\
 011 \\
 \hline
 001 \\
 001 \\
 \hline
 000 \\
 011 \\
 \hline
 011 \\
 011 \\
 \hline
 111 \\
 011 \\
 \hline
 100
 \end{array}$$

$$\begin{array}{cc}
 1 & 1 \\
 0 & 0 \\
 a_{xor} b = 0
 \end{array}$$

a	b	xor
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

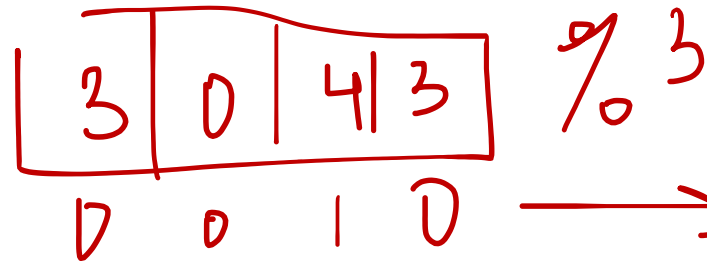
## Задача 2. Решение

- В последовательности записаны целые числа. Одно из чисел встречается ровно один раз, остальные — по два раза. Найти число, которое встречается один раз.
- Ввод: 1 2 2 1 3 4 3
- Вывод: 4
- Ввод: 1 1 2 9 10 9 2
- Вывод: 10

```
l = [1, 2, 2, 1, 3, 4, 3]
num = 0
for i in range(len(l)):
    num ^= l[i]
print(num)
```

# Задача 3

- В последовательности записаны целые числа. Число X встречается один или два раза, остальные числа — по три раза. Найти число X и количество его встреч. Для простоты считаем, что числа неотрицательные.



- Ввод: 1 2 2 1 2 1 3
- Вывод: 3, 2

1 0 = 1 0 1 0  
 1 2 = 1 1 0 0  
 1 0 = 1 0 1 0  
 1 1 = 1 0 1 1  
 1 2 = 1 1 0 0  
 1 1 = 1 0 1 1  
 1 1 = 1 0 1 1  
 1 2 = 1 1 0 0



2 0 2 0 → 1 0, 2

- Ввод: 1 2 10 10 10 1 1
- Вывод: 2, 1



# Задача 3. Обсуждение

- В последовательности записаны целые числа. Число  $X$  встречается один или два раза, остальные числа — по три раза. Найти число  $X$  и количество его встреч. Для простоты считаем, что числа неотрицательные.
- Ввод: 1 2 2 1 2 1 3
- Вывод: 3, 2
- Ввод: 1 2 10 10 10 1 1
- Вывод: 2, 1

$$O(n \cdot 32)$$

$$N \leq 2^{32} - 1$$

## Задача 3. Решение



- В последовательности записаны целые числа. Число  $X$  встречается один или два раза, остальные числа — по три раза. Найти число  $X$  и количество его встреч. Для простоты считаем, что числа неотрицательные.

Ввод: 1 2 2 1 2 1 3

Вывод: 3, 2

Ввод: 1 2 10 10 10 1 1

Вывод: 2, 1

→ `l = [1, 2, 2, 1, 2, 1, 3, 3]`

→ `bin = [0] * 32`

`for i in range(len(l)):`

`num = l[i]`

`j = 0`

`while (num != 0):`

`bin[j] += num % 2`

`num //= 2`

`j += 1`

`num = 0`

`pow_2 = 1`

`count = 0`

`for i in range(len(bin)):`

`bin[i] %= 3`

`if (bin[i] > 0):`

`num += pow_2`

`count = bin[i]`

`pow_2 *= 2`

`print(num, count)`

## Задача 4.

- В последовательности записаны целые числа, больше половины из которых равны одному и тому же числу X. За один просмотр последовательности найти это число.

- Ввод: 1 2 2 1 2 1 1 1 1 1

- Вывод: 1

count = 1 0 0 0 1 2 3  
elem = 1 2 1 1

- Ввод: 1 2 100 100 100 100

- Вывод: 100

3 1 1 3 2 3 1 3 3  
count = 1 0 1 0 1 0 1 2  
elem = 1 1 2 3

## Задача 4. Обсуждение

- В последовательности записаны целые числа, больше половины из которых равны одному и тому же числу  $X$ . За один просмотр последовательности найти это число.
- Ввод: 1 2 2 1 2 1 1 1 1 1 1
- Вывод: 1
- Ввод: 1 2 100 100 100 100
- Вывод: 100

# Задача 5. Решение

- В последовательности записаны целые числа, больше половины из которых равны одному и тому же числу X. За один просмотр последовательности найти это число.

- Ввод: 1 2 2 1 2 1 1 1 1 1 1

- Вывод: 1

- Ввод: 1 2 100 100 100 100

- Вывод: 100

```
l = [1, 2, 100, 100, 100]
elem = 0
count = 0

for i in range(len(l)):
    if (count == 0):
        elem = l[i]
        count += 1
    elif (elem == l[i]):
        count += 1
    else:
        count -= 1
print(elem)
```

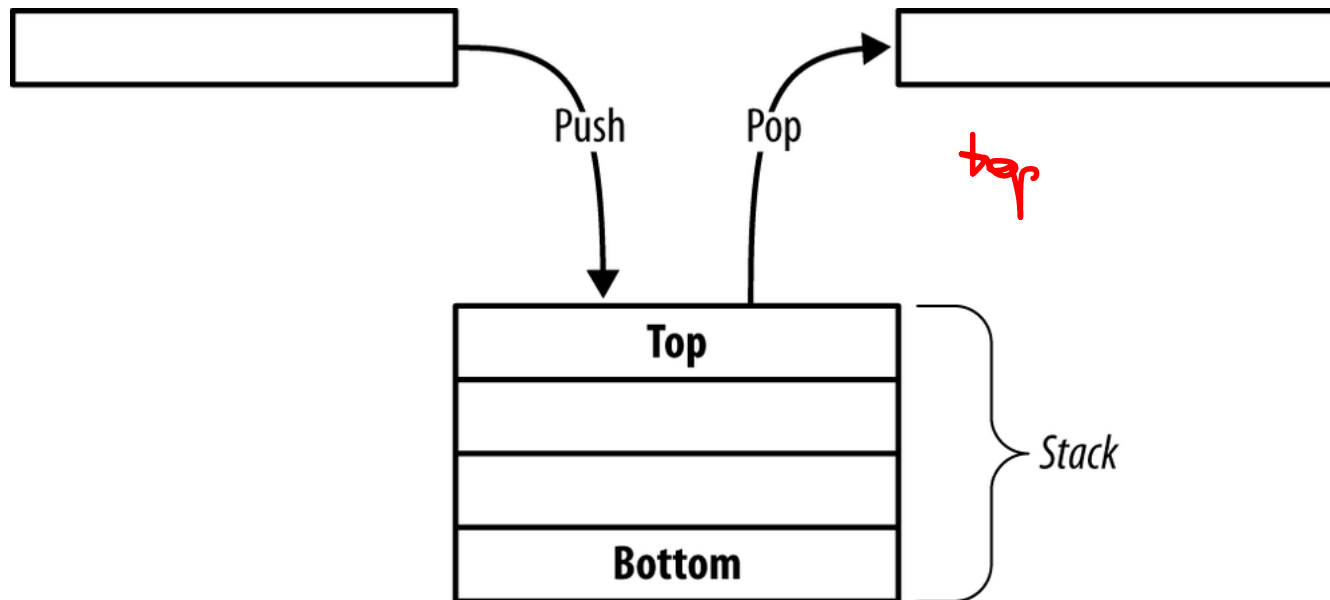
push 1  
push 3  
push 2  
pop  
push 4  
pop  
pop

# Stack

~~4~~  
~~2~~  
3  
1

2 4 3

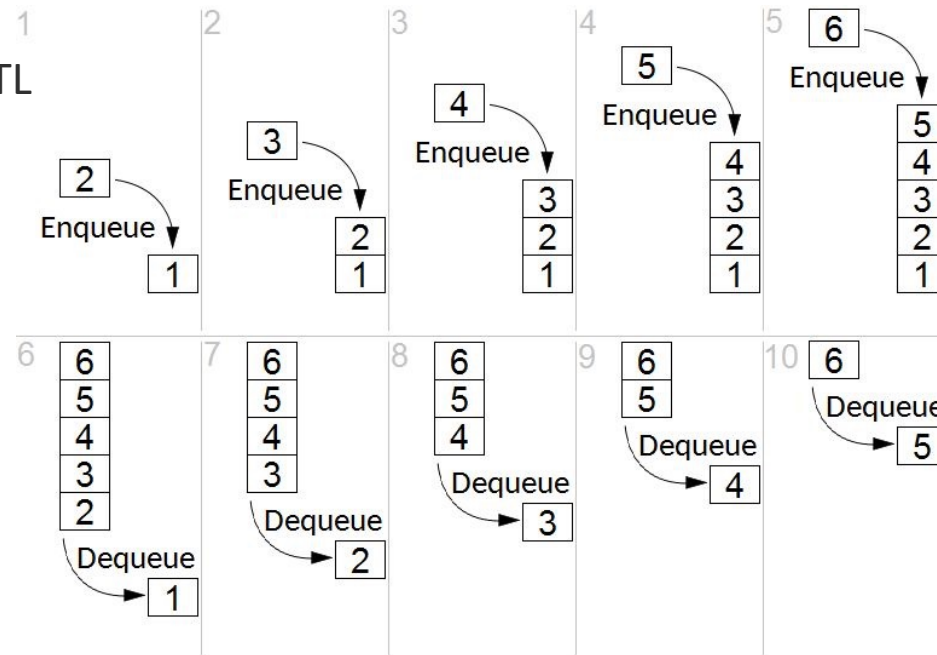
- **Стек** — это структура данных, которая работает по принципу **FILO** (first in — last out; первый пришел — последний ушел) или (*Last-In-First-Out* или **LIFO**).



# Queue

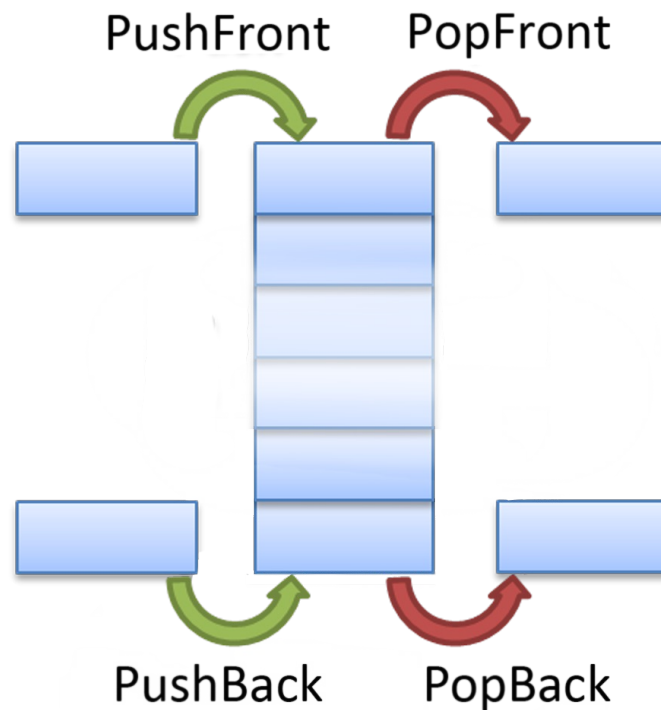
- **Очередью** (англ. – queue) называется структура данных, из которой удаляется первым тот элемент, который был первым в очередь добавлен. То есть очередь в программировании соответствует «бытовому» понятию очереди. Очередь также называют структурой типа FIFO (first in, first out — первым пришел, первым ушел).

В C++ уже есть готовый STL контейнер — queue.



# Deque

- **Двусвязная очередь** — абстрактный тип данных, в котором элементы можно добавлять и удалять как в начало, так и в конец.





{ [ ] }

( ) [ ]

Stack ~~[ ]~~ ~~( )~~ ~~[ ]~~

( ( )

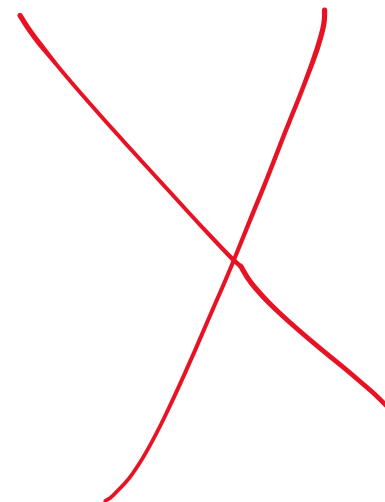
( ) )

( ]

Stack ( \*

Stack \*

Stack \*



- $\boxed{B C +} D *$

$$(B + C) \rightarrow b$$

- $B + (C * D)$

- $A \boxed{B C +} D * +$

$$A + (B + C) \rightarrow D$$

- $8 9 + 1 7 - *$

Stack: ~~8~~ ~~9~~ ~~17~~ ~~1~~ ~~7~~  
~~-6~~ - 102

•4

•10 11 12 13

1 2 1 3 2 1

21 25

46

$$0.05 \cdot (21 + 25 + 46) = 46$$

$$0.05 \cdot (25 + 36 + 46) =$$

10 11 1 2 1 3

10 11 25

10 36