SPÉCIFICATION DU PROJET "Dames chinoises" De Q1 à Q9 Edition

# What's each language's stance on semicolons?











# **Table des matières**

1. Types	
1.1 dimension	
1,2 case	
1.3 couleur	
1.4 case coloree	
1.5 configuration	
1.6 coup	
1.7 vecteur	
2. Fonctions	
2.1 indice_valide	
2.2 est_case	
2.3 est_dans_losange	
2.4 est_dans_losange_2	
2.5 est_dans_losange_3	
2.6 est_dans_etoile	
2.7 tourner_case	
2.8 translate	
2.9 diff_case	11
2.10 sont_cases_alignee	
2.11 dist_entre_coordonnees	12
2.12 max_dist_cases	13
2.13 min_dist_cases	13
2.14 compte_cases	13
2.15 sont_cases_voisines	
2.16 calcul_pivot	14
2.17 vec_et_dist	15
3. Fonctions de tests	16
3.1 randint	16
3.2 randtriplet	16
3.3 randcase	16
3.4 randvec	15

## 1. Types

### 1.1 dimension

SPÉCIFICATION – dimension
---------------------------

PROFIL  $dimension \stackrel{\text{def}}{=} \mathbb{N}^*$ 

SÉMANTIQUE dimension est une dimension d'un plateau, noté dim par la suite, est un

paramètre qui encode la taille du plateau. Le plateau à 4 dim+1 lignes horizontales numérotons de bas en haut de -2 dim à 2 dim et similairement pour

les lignes obliques.

### 1.2 case

SPÉCIFICATION - case

PROFIL  $case \stackrel{\text{def}}{=} [(i, j, k) \in \mathbb{Z}^3 tel que i + j + k = 0]$ 

SÉMANTIQUE case est définie par trois coordonnées (i,j,k), la case au centre du plateau de

jeu a pour coordonnées (0,0,0). Les coordonnées représentent:

• *i* le numéro de la ligne horizontale ;

• j le numéro de la ligne horizontale lorsqu'on a tourné le plateau d'un tiers

de tour dans le sens anti-horaire ;

• **k** le numéro de la ligne horizontale lorsqu'on a tourné le plateau d'un

tiers de tour dans le sens horaire.

### 1.3 couleur

SPÉCIFICATION - couleur

PROFIL  $couleur \stackrel{\text{def}}{=} \{Vert, Jaune, Rouge, Noir, Bleu, Maron\} \cup$ 

 $\{Libre\} \cup$ 

{Code(nom)tel que nom∈string et (String . length nom)=3}

SÉMANTIQUE *couleur* c'est les couleurs des joueurs. Le constructeur *Code* permet d'entrer les

noms de joueur restreint à trois caractères. La couleur *Libre* est une couleur en plus pour coder l'absence de joueur (dans une case ou pour le gagnant d'une

partie).

### 1.4 case coloree

SPÉCIFICATION – case colorée

PROFIL  $case\_coloree \stackrel{\text{def}}{=} case \times couleur$ 

SÉMANTIQUE *case\_coloree* est un pion d'une couleur *col* se situe sur une case *c* est codé par

un couple (c, col).

### 1.5 configuration

SPÉCIFICATION – configuration du jeu

PROFIL  $configuration \stackrel{\text{def}}{=} case\_coloree \ list \times couleur \ list \times dimension$ 

SÉMANTIQUE configuration du jeu est donnée par un triplet formé d'une liste de cases colorées,

une liste de joueurs et une dimension. La liste de cases colorées donne l'emplacement des pions et leurs couleurs. On veillera à ce que pour chaque case c il y ait au plus un pion sur cette case, c'est-à-dire il y a au plus une couleur col tel que le couple (c, col) est dans la liste; l'absence de pion sur la case c sera codé par l'absence de couple (c, col) dans la liste et non pas avec (c, Libre). La liste de joueur permet de savoir à qui est le tour (tête de liste) et quel sera le tour des suivants (en suivant l'ordre de la liste). Enfin même si elle ne change pas au cours de la partie la dimension dim est donnée dans la configuration car nous devons pouvoir accéder facilement à celle-ci et pouvoir en changer si nous

souhaitons faire une partie sur un plateau de taille différente.

### **1.6** coup

SPÉCIFICATION – coups unitaires et multiples

PROFIL  $coup \stackrel{\text{def}}{=} \{Du(c1,c2) \text{ tel que } c1,c2 \in case\} \cup \{Sm(cl) \text{ tel que } cl \in case \text{ list}\}$ 

SÉMANTIQUE coup existe en de deux sortes:

- *Du* pour les déplacements unitaires;

- *Sm* pour les sauts multiples.

### 1.7 vecteur

### SPÉCIFICATION – vecteur

PROFIL vecteur <sup>def</sup> case

SÉMANTIQUE vecteur est le synonyme de case comme un vecteur permettant des translation

avec les même propriètes.

### 2. Fonctions

### 2.1 indice valide

```
SPÉCIFICATION – indice validePROFILindice_valide : \mathbb{N} \longrightarrow dimension \longrightarrow \mathbb{B}SÉMANTIQUE(indice_valide x dim) vérifie si la coordonnée x et valide dans la dimension dim.EX. ET PROP.1) indice_valide(x, dim) = vrai;<br/>\forall x \in \mathbb{Z}, \forall dim \in dimension, -2 dim \le x \le 2 dim.2) indice_valide(x, dim) = faux;<br/>\forall x \in \mathbb{Z}, \forall dim \in dimension, -2 dim < x \lor x > 2 dim.
```

```
RÉALISATION – indice valide

ALGORITHME par la composition booléenne suivante -2 \dim \le x \le 2 \dim.

IMPLIMENT. let indice_valide (x:int) (dim:dimension): bool = -2 * \dim <= x \&\& x <= 2 * \dim;;
```

### 2.2 est case

```
SPÉCIFICATION – est une case ?

PROFIL est_case : case \longrightarrow \mathbb{B}

SÉMANTIQUE (est\_case\ c) vérifie si c est une case.

EX. ET PROP. 1) est\_case((i,j,k)) = vrai, \ \forall (i,j,k) \in \mathbb{Z}^3, \ i+j+k=0;
2) est\_case((i,j,k)) = faux, \ \forall (i,j,k) \in \mathbb{Z}^3, \ i+j+k\neq 0.
```

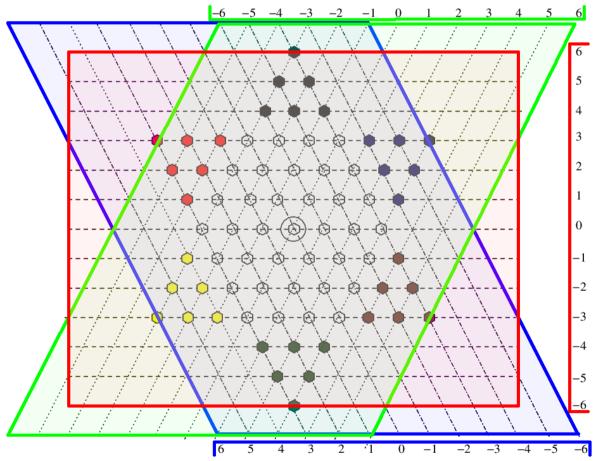


Figure 1. Représentation de la fonction *est\_case* par l'intersection de trois figure ou chacune c'est un des coordonnées

```
RÉALISATION — est une case ?

ALGORITHME composition booléenne si la somme des coordonnées i, j, k doit sont égal à 0.

IMPLIMENT. let est_case (c:case): bool = let i, j, k = c in i + j + k = 0

;;
```

### 2.3 est\_dans\_losange

```
SPÉCIFICATION – est dans losange North-South

PROFIL est_dans_losange : case \longrightarrow dimension \longrightarrow \mathbb{B}

SÉMANTIQUE (est\_dans\_losange \ c dim) vérifie si la case c est dans le losange North-South du plateau de dimension dim.

EX. ET PROP. 1) est\_dans\_losange((6, -3, -3), 3) = vrai;
2) est\_dans\_losange((0, -3, 3), 3) = vrai;
3) est\_dans\_losange((0, 3, -3), 3) = vrai;
4) est\_dans\_losange((-6, 3, 3), 3) = vrai;
est\_dans\_losange((-6, 3, 3), 3) = vrai;
```

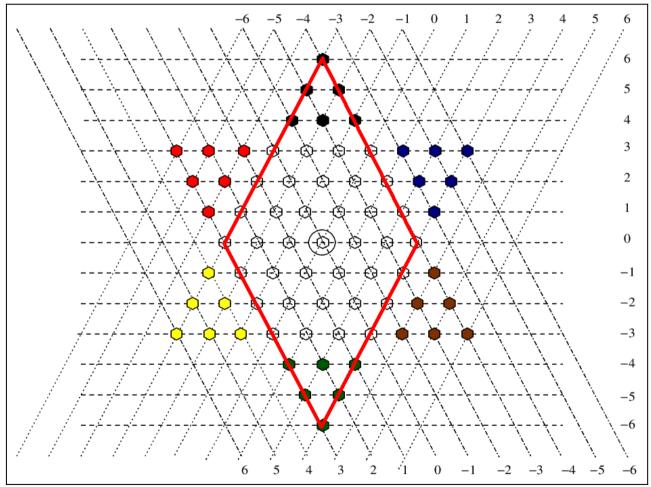


Figure 2. North-South losange

```
RÉALISATION — est dans losange North-South

ALGORITHME composition booléenne si la case est dans le losange North-South de la figure 2.

IMPLIMENT. let est_dans_losange (c:case) (dim:dimension): bool = let _, j, k = c in _ -dim <= j && j <= dim && _-dim <= k && k <= dim ___;;
```

2.4 est dans losange 2

```
SPÉCIFICATION – est dans losange Northwest-Southeast

PROFIL est_dans_losange_2 : case \longrightarrow dimension \longrightarrow \mathbb{B}

SÉMANTIQUE (est_dans_losange_2 c \ dim) vérifie si la case c est dans le losange Northwest-Southeast du plateau de dimension dim.

EX. ET PROP. 1) est_dans_losange_2((3, 3, -6), 3) = vrai;
2) est_dans_losange_2((3, -3, 0), 3) = vrai;
3) est_dans_losange_2((-3, -3, 6), 3) = vrai;
4) est_dans_losange_2((-3, 3, 0), 3) = vrai;
(est_dans_losange_2((-3, 3, 0), 3) = vrai;
```

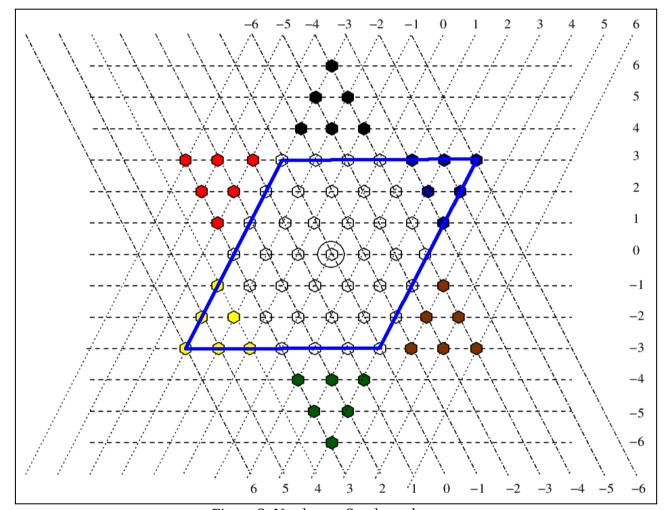


Figure 3. Northwest-Southeast losange

```
RÉALISATION — est dans losange Northwest-Southeast

ALGORITHME composition booléenne si la case est dans le losange Northwest-Southeast de la figure 3.

IMPLIMENT. let est_dans_losange_2 (c:case) (dim:dimension): bool = let i, _, k = c in _ -dim <= i && i <= dim && _-dim <= k && k <= dim && _-dim <= k && k <= dim ;;
```

2.5 est dans losange 3

# SPÉCIFICATION – est dans losange Northeast-Southwest PROFIL est\_dans\_losange\_3 : $case \longrightarrow dimension \longrightarrow \mathbb{B}$ SÉMANTIQUE ( $est_dans_losange_3 \ c \ dim$ ) vérifie si la case c est dans le losange Northeast-Southwest du plateau de dimension dim. EX. ET PROP. 1) $est_dans_losange_3((3, -6, 3), 3) = vrai$ ; 2) $est_dans_losange_3((3, 0, -3), 3) = vrai$ ; 3) $est_dans_losange_3((-3, 6, -3), 3) = vrai$ ; 4) $est_dans_losange_3((-3, 0, 3), 3) = vrai$ ; ( $est_dans_losange_3((-3, 0, 3), 3) = vrai$ ; ( $est_dans_losange_3((-3, 0, 3), 3) = vrai$ ;

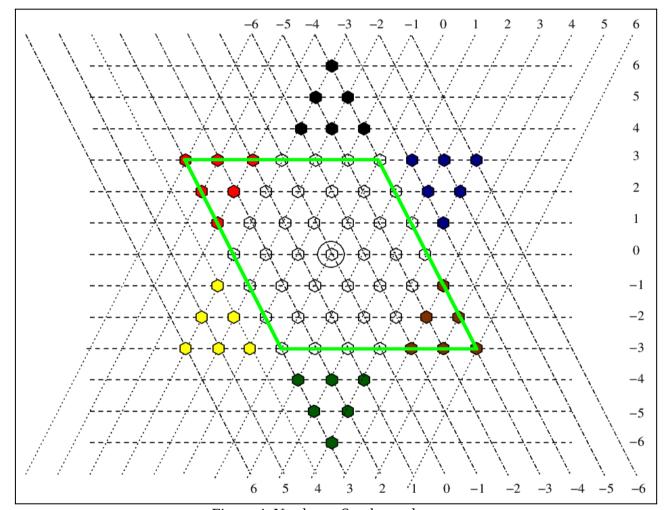


Figure 4. Northeast-Southwest losange

```
RÉALISATION — est dans losange Northeast-Southwest

ALGORITHME composition booléenne si la case est dans le losange Northeast-Southwest de la figure 4.

IMPLIMENT. let est_dans_losange_3 (c:case) (dim:dimension): bool = let i, j, _ = c in _ -dim <= i && i <= dim && _-dim <= j && j <= dim && _-dim <= j && _-
```

### 2.6 est dans etoile

```
PROFIL est_dans_etoile : case \longrightarrow dimension \longrightarrow \mathbb{B}

SÉMANTIQUE (est\_dans\_etoile) vérifie si la case c est dans l'étoile du plateau de dimension dim.

EX. ET PROP. 1) est\_dans\_etoile((6, -3, -3), 3) = vrai;
2) est\_dans\_etoile((3, -6, 3), 3) = vrai;
3) est\_dans\_etoile((-3, -3, 6), 3) = vrai;
4) est\_dans\_etoile((-6, 3, 3), 3) = vrai;
5) est\_dans\_etoile((-3, 6, -3), 3) = vrai;
6) est\_dans\_etoile((3, 3 - 6), 3) = vrai;
(est\_dans\_etoile((3, 3 - 6), 3) = vrai;
```

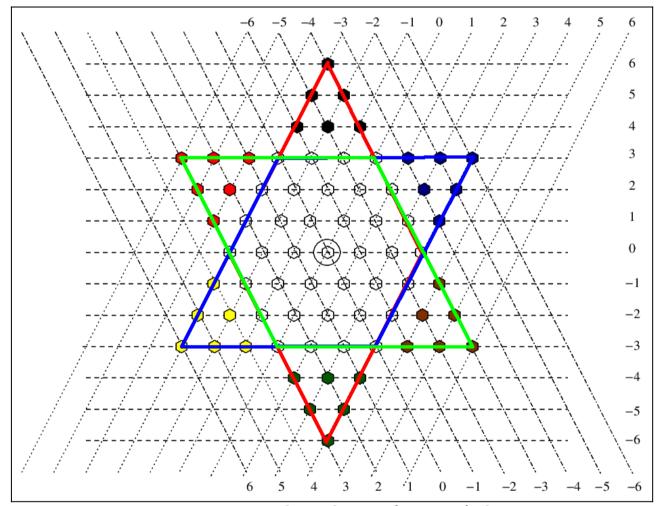


Figure 5. L'union de trois losanges forme une étoile

```
RÉALISATION — est dans étoile

ALGORITHME composition booléenne et fonctions si la case est dans l'union de trois losanges.

IMPLIMENT. let est_dans_etoile (c:case) (dim:dimension): bool = (* l'union de trois losange est un étoile *) est_dans_losange c dim || est_dans_losange_2 c dim || est_dans_losange_3 c dim ;;;
```

### 2.7 tourner case

SPÉCIFICATION – tourner case		
PROFIL	tourner_case : $\mathbb{N} \longrightarrow case \longrightarrow case$	
SÉMANTIQUE	$(tourner\_case\ m\ c)$ c'est la case $c$ après avoir fait tourner le plateau de $m$ sixième de tour dans le sens anti-horaire.	
EX. ET PROP.	1) tourner_case(0, (4, -2, -2)) = (4, -2, -2); 2) tourner_case(1, (4, -2, -2)) = (2, -4, 2); 3) tourner_case(2, (4, -2, -2)) = (-2, -2, 4); 4) tourner_case(3, (4, -2, -2)) = (-4, 2, 2); 5) tourner_case(4, (4, -2, -2)) = (-2, 4, -2); 6) tourner_case(5, (4, -2, -2)) = (2, 2, -4); 7) tourner_case(6, (4, -2, -2)) = (4, -2, -2);	
	$ \forall n \in \mathbb{N}, \forall (i, j, k) \in case, m = n \mod 6, \\ sim = 0, tourner\_case(m, (i, j, k)) = (i, j, k) \\ sim \neq 0, tourner\_case(m, (i, j, k)) = tourner\_case((m-1), (-k, -i, -j)) $	

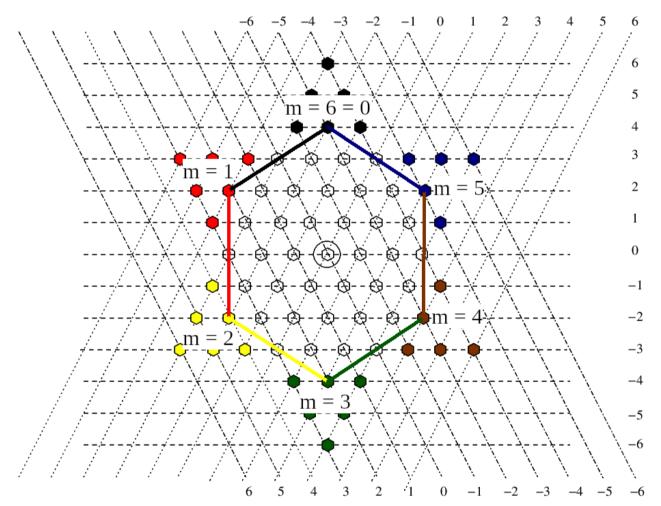


Figure 5. La case après avoir tourner 6 fois

### RÉALISATION – tourner case

On va utiliser une fonction locale *tourner* avec une équation de récurrence :

- (1)tourner(0,(i,j,k))=(i,j,k)
- (2) tourner (m,(i,j,k)) = tourner ((m-1),(-k,-i,-j))

ALGORITHME composition conditionnelle, composition fonction et analyse par cas de filtrage.

```
IMPLIMENT.
```

```
let tourner_case (m:int) (c:case): case =
  (* réduction de nombre de fait pour tourner *)
  let m = m mod 6 in
```

```
(* équation récursive *)
  let rec tourner_case_rec (m:int) (c:case): case =
    let i, j, k = c in
    match m with
    | 0 -> i, j, k
    | m -> tourner_case_rec (m - 1) (-k, -i, -j)
    in tourner_case_rec m c
;;
```

### 2.8 translate

```
SPÉCIFICATION – translate

PROFIL translate : case \longrightarrow vecteur \longrightarrow case

SÉMANTIQUE (translate\ c\ v) calcule la case par le translation du vecteur v à partir de c.

EX. ET PROP. 1) translate((0, -2, 2), (0, 1, -1)) = (0, -1, 1);
2) translate((0, 0, 0), (0, -2, 2)) = (0, -2, 2);
3) translate((0, -2, 2), (0, 0, 0)) = (0, -2, 2);
4) translate((0, 0, 0), (0, 0, 0)) = (0, 0, 0);
 \forall (c\ 1, c\ 2, c\ 3), (v\ 1, v\ 2, v\ 3) \in case, (c\ 1+v\ 1, c\ 2+v\ 2, c\ 3+v\ 3) \in case.
```

```
RÉALISATION – translate

ALGORITHME
IMPLIMENT.

let translate (c:case) (v:vecteur): case =
    (* les coordonnées de la case c *)
    let c1, c2, c3 = c
    (* les coordonnées du vectuer v *)
    and v1, v2, v3 = v in
        (* translation des coordonnées de v vers c *)
    v1 + c1, v2 + c2, v3 + c3

::
```

### 2.9 diff case

```
SPÉCIFICATION – diff_case

PROFIL diff_case : case \longrightarrow case \longrightarrow vecteur

SÉMANTIQUE (diff\_case\ c1\ c2) c'est le vecteur de translation de c2 vers c1, calculer par la différence entre les cases c1 et c2.

EX. ET PROP. 1) diff\_case((0, -2, 2), (0, 1, -1)) = (0, -3, 3);
2) diff\_case((0, 0, 0), (0, -2, 2)) = (0, 2, -2);
3) diff\_case((0, -2, 2), (0, 0, 0)) = (0, -2, 2);
4) diff\_case((0, 0, 0), (0, 0, 0)) = (0, 0, 0);
\forall (i1, j1, k1), (i2, j2, k2) \in case, (i1-i2, j1-j2, k1-k2) \in vecteur.
```

```
RÉALISATION – diff_case

ALGORITHME différence entre les coordonnées des cases c1 et c2.

IMPLIMENT. let diff_case (c1:case) (c2:case): vecteur = let i1, j1, k1 = c1 and i2, j2, k2 = c2 in (* la différence entre les coordonnées c1 et c2 *) i1 - i2, j1 - j2, k1 - k2;;
```

2.10 sont\_cases\_alignee

```
SPÉCIFICATION – sont_cases_alignee

PROFIL sont_cases_alignee : case \longrightarrow case \longrightarrow \mathbb{B}

SÉMANTIQUE (sont\_cases\_alignee c1 c2) vérifie si les cases c1 et c2 sont alignées.

EX. ET PROP. 1) sont\_cases\_alignee((0, -2, 2), (0, 2, -2)) = vrai;
2) sont\_cases\_alignee((-2, 0, 2), (2, 0, -2)) = vrai;
3) sont\_cases\_alignee((-2, 2, 0), (2, -2, 0)) = vrai;
4) sont\_cases\_alignee((-2, 2, 0), (2, 0, -2)) = faux;
pas de coordonnées qui est égal à l'autre.
\forall c \in case, sont\_cases\_alignee(c, c) = faux;
on effet c'est vrai, car chaque de coordonnées est égal, mais on idée les cases doivent être de différentes valeurs, donc c'est faux.
```

```
ALGORITHME
IMPLIMENT.

analyse par cas de filtrage

let sont_cases_alignee (c1:case) (c2:case): bool =
    let i1, j1, k1 = c1
    and i2, j2, k2 = c2 in
    match () with (* comparasion entre chaque de coordonnées *)
    (* les doivent être de différentes valeurs *)
    | _ when c1 = c2 -> false
    (* s'ils sont alignées sur i, donc vrai *)
    | _ when i1 = i2 -> true
    (* s'ils sont alignées sur j, donc vrai *)
    | _ when j1 = j2 -> true
    (* s'ils sont alignées sur k, donc vrai *)
    | _ when k1 = k2 -> true
    | _ -> false (* si les cases ne sont pas alignées *)

::
```

### 2.11 dist entre coordonnees

```
SPÉCIFICATION – dist_coords

PROFIL dist_coords : case \longrightarrow case \longrightarrow \mathbb{N}^3

SÉMANTIQUE (dist\_coords\ c1\ c2) est un triplet de distances entre les coordonnées des cases c1 et c2.

EX. ET PROP., 1) dist\_coords((0, 0, 0), (0, -2, 2)) = (0, 2, 2); 2) dist\_coords((0, 2, -2), (0, 0, 0)) = (0, 2, 2); 3) dist\_coords((0, 2, -2), (0, -2, 2)) = (0, 4, 4); \forall\ c \in case,\ dist\_coords(c, c) = (0, 0, 0);
```

```
RÉALISATION – dist_coords

ALGORITHME calculation de chaque coordonnées utilisont la fonction abs.

IMPLIMENT. let dist_coords (c1:case) (c2:case): int * int * int = let i1, j1, k1 = c1 and i2, j2, k2 = c2 in let di = abs (i1 - i2) (* distance entre les coordonnées i *) and dj = abs (j1 - j2) (* distance entre les coordonnées j *) and dk = abs (k1 - k2) (* distance entre les coordonnées k *) in di, dj, dk (* triplet des distances entres i, j et k *);;
```

### 2.12 max dist cases

```
SPÉCIFICATION – max_dist_cases

PROFIL max_dist_cases : case \longrightarrow case \longrightarrow \mathbb{N}

SÉMANTIQUE (max\_dist\_cases\ c1\ c2) est la distance maximale entre les coordonnées des cases c1 et c2.

EX. ET PROP. 1) max\_dist\_cases((0, 0, 0), (0, -2, 2)) = 2;
2) max\_dist\_cases((0, 2, -2), (0, 0, 0)) = 2;
3) max\_dist\_cases((0, 2, -2), (0, -2, 2)) = 4;
\forall\ c \in case,\ dist\_coords(c, c) = 0.
```

```
ALGORITHME

IMPLIMENT.

utilisation des fonctions dist_coords et max.

let max_dist_cases (c1:case) (c2:case): int =
    let di, dj, dk = dist_coords c1 c2 in
    max di (max dj dk)

;;
```

### 2.13 min\_dist\_cases

```
SPÉCIFICATION – min_dist_cases

PROFIL min_dist_cases : case \longrightarrow case \longrightarrow \mathbb{N}

SÉMANTIQUE (min_dist_cases c1 c2) est la distance minimale entre les coordonnées des cases c1 et c2.

EX. ET PROP. 1) min_dist_cases((0, 0, 0), (0, -2, 2)) = 0;
2) min_dist_cases((-2, 3, -1), (0, 0, 0)) = 1;
3) min_dist_cases((0, 3, -3), (-2, -2, 4)) = 2;
3) min_dist_cases((0, 3, -3), (-3, -3, 6)) = 3;

\forall c \in case, \text{ dist_coords}(c, c) = 0.
```

```
RÉALISATION - min_dist_cases

ALGORITHME utilisation des fonctions dist_coords et min.

IMPLIMENT. let min_dist_cases (c1:case) (c2:case): int = let di, dj, dk = dist_coords c1 c2 in min di (min dj dk)

;;
```

### 2.14 compte\_cases

```
SPÉCIFICATION – compte_cases

PROFIL compte_cases : case \longrightarrow case \longrightarrow \mathbb{N}

SÉMANTIQUE (compte_cases c1 c2) est le nombre de cases entres les cases c1 et c2. Pour determiner ce nombre on prendent la distance maximale si ils sont alignées, sinon la distance minimale.

EX. ET PROP. 1) compte_cases((0,-1, 1), (0, 1,-1)) = 1;
2) compte_cases((2,-3, 1), (2, 0,-2)) = 2;
3) compte_cases((0,-2, 2), (0, 2,-2)) = 3;
4) compte_cases((3,-3, 0), (-2, 2, 0)) = 4;
5) compte_cases((0,-3, 3), (0, 3,-3)) = 5;
\forall c \in case, compte\_cases(c, c) = 0.
```

### 2.15 sont\_cases\_voisines

```
SPÉCIFICATION – sont_cases_voisines

PROFIL sont_cases_voisines : case \longrightarrow case \longrightarrow \mathbb{B}

SÉMANTIQUE (sont_cases_voisines\ c1\ c2) vérifie si les cases c1\ et\ c2 sont voisines.

EX. ET PROP. 1) sont_cases_voisines((0, 0, 0), (0, -1, 1)) = vrai;
2) sont_cases_voisines((0, 0, 0), (0, 1, -1)) = vrai;
3) sont_cases_voisines((0, 0, 0), (-1, 0, 1)) = vrai;
\forall\ c \in case,\ sont_cases_voisines(c, c) = faux.
```

```
ALGORITHME composition booléenne et utilisation des fonctions sont_cases_alignee et max_dist_cases.

IMPLIMENT. let sont_cases_voisines (c1:case) (c2:case): bool = (* si les cases sont alignées et la distances entre eux est 1 *) sont_cases_alignee c1 c2 && max_dist_cases c1 c2 = 1;;
```

### 2.16 calcul\_pivot

```
SPÉCIFICATION – calcul_pivot

PROFIL calcul_pivot : case \longrightarrow case \longrightarrow case option

SÉMANTIQUE (calcul\_pivot \ c1 \ c2) calcul le pivot entre les cases c1 et c2 si ils sont alignées et le nombre de cases entre les deux est impair, sinon None.

EX. ET PROP. 1) calcul\_pivot((0,-1,1), (0,1,-1)) = Some \ (0,0,0);
2) calcul\_pivot((1,0,-1), (-1,0,1)) = Some \ (0,0,0);
3) calcul\_pivot((-1,1,0), (1,-1,0)) = Some \ (0,0,0);
4) calcul\_pivot \ (0,-2,2) \ (2,0,-2) = None;
5) calcul\_pivot \ (2,0,-2) \ (-2,2,0) \ (0,-2,2) = None;
6) calcul\_pivot \ (-2,2,0) \ (0,-2,2) = None;
```

```
RÉALISATION — calcul_pivot

ALGORITHME composition conditionnelle et utilisation de fonctions mod, compte_cases, translate et sont_cases_alignee.

IMPLIMENT. let calcul_pivot (c1:case) (c2:case): case option = (* si le nombre de cases entre c1 et c2 est impair *) let est_impair = (compte_cases c1 c2) mod 2 = 1 (* les coordonnées du vecteur de translation de c2 vers c1 *) and i, j, k = diff_case c1 c2 in (* le vecteur de translation de c2 vers le mi-chemin de c1 *)
```

```
let v = i/2, j/2, k/2 in
  (* les coordonnées de pivot *)
  let p = translate c2 v in
  if est_impair && sont_cases_alignee c1 c2
     then Some(p) (* si impair et alignées, pivot existe *)
     else None (* sinon, pivot n'existe pas *)
;;
```

### 2.17 vec et dist

```
SPÉCIFICATION – vec_et_dist  \begin{array}{ll} \text{PROFIL} & \text{vec_et_dist}: \textit{case} \longrightarrow \textit{case} \longrightarrow \textit{vecteur} \times \mathbb{N} \\ \text{SÉMANTIQUE} & (\textit{vec_et_dist} \ c1 \ c2) \ \text{est} \ \text{le} \ \text{couple} \ (\textit{v}, \ \textit{d}) \ \text{avec} \ \textit{v} \ \text{le} \ \text{vecteur} \ \text{de} \ \text{translation} \ \text{d'un} \\ & \text{déplacement unitaire des cases alignées} \ \textit{c1} \ \text{vers} \ \textit{c2} \ \text{et} \ \text{avec} \ \textit{d} \ \text{la} \ \text{distance} \ \text{entre} \\ & \text{c'est} \ \text{cases}. \ \text{Si} \ \text{le} \ \text{vecteur} \ \text{unitaire} \ \text{n'existe} \ \text{pas, alors} \ \text{en} \ \text{renvoie} \ ((\textit{0}, \textit{0}, \textit{0}), \textit{0}). \\ & \text{EX. ET PROP.} & 1) \ \text{vec_et_dist}((0, -2, 2), (0, 0, 0)) = ((0, 1, -1), 2); \\ & 2) \ \text{vec_et_dist}((0, 0, 0), (0, -2, 2)) = ((0, -1, 1), 2); \\ & 3) \ \text{vec_et_dist}((0, -2, 2), (0, -2, 2)) = (0, 0, 0), 0); \\ & 4) \ \text{vec_et_dist}((0, -2, 2), (-2, 2, 0)) = (0, 0, 0), 0); \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ & \text{vec_et_dist}((c, c) = ((0, 0, 0), 0), \forall \ \textit{c} \in \textit{case}. \\ &
```

```
RÉALISATION – vec_et_dist
```

ALGORITHME composition conditionnelle et utilisation des fonctions *sont\_cases\_alignee*, *max\_dist\_cases* et *diff\_case*.

IMPLIMENT.

```
let vec_et_dist (c1:case) (c2:case): vecteur * int =
    (* si c1 = c2 ou non alignées renvoie nuls *)
    if c1 = c2 || not (sont_cases_alignee c1 c2) then (0, 0, 0), 0
    else (* sinon ... *)
        (* la distance entres les cases *)
        let d = max_dist_cases c1 c2
        (* les coordonnées du vecteur de translation de c2 vers c1 *)
        and i, j, k = diff_case c1 c2 in
        (* les coordonnées du vecteur de translation unitaire de *)
        (* c2 vers c1 *)
        let i, j, k = i/d, j/d, k/d in
        (* le vecteur de translation unitaire de c1 vers c2 *)
        let v = i * (-1), j * (-1), k * (-1) in
        if est_case v
            then v, d (* si c'est un vecteur *)
            else (0, 0, 0), 0 (*'sinon *)
;;
```

### 3. Fonctions de tests

### 3.1 randint

```
SPÉCIFICATION – randintPROFILrandint : \mathbb{N} \longrightarrow \mathbb{N} \longrightarrow \mathbb{N}SÉMANTIQUE(randint a b) renvoie un nombre entier alèatoire dans l'intervalle [a, b].EX. ET PROP.\forall n, a, b \in \mathbb{N}, n-a \leq randint(n-a, n+b) \leq n+b\forall n \in \mathbb{N}, randint(n, n) = n
```

```
RÉALISATION – randint

ALGORITHME utilisation de module Random avec la fonction int.

IMPLIMENT. let randint (a:int) (b:int): int =

Random.int (b - a + 1) + a

;;
```

3.2 randtriplet

```
SPÉCIFICATION – randtriplet

PROFIL randtriplet : \mathbb{N} \to \mathbb{N} \to \mathbb{N}^3

SÉMANTIQUE (randtriplet a b) renvoie un triplet entier aléatoire dans l'intervalle [a,b] \times [a,b] \times [a,b].

EX. ET PROP. \forall n,a,b \in \mathbb{N}, (n-a,n-a,n-a) \leq randtriplet(a,b) \leq (n+b,n+b,n+b)
\forall n \in \mathbb{N}, randtriplet(n,n) = (n,n,n)
```

```
RÉALISATION – randtriplet

ALGORITHME utilisation de fonction randint.

IMPLIMENT. let randtriplet (a:int) (b:int): int * int * int = let x = randint a b and y = randint a b and z = randint a b in x, y, z

;;
```

### 3.3 randcase

```
RÉALISATION – randcase

Équation de récurrence :
c = randtriplet(-2 \dim, 2 \dim)
(1) randcase(dim) = c, \qquad sic \neq (0,0,0) \land est\_case(c) \land est\_dans\_etoile(c,dim)
(2) randcase(dim) = randace(dim), sinon
ALGORITHME composition conditonnelle et utilisation des fonctions est\_case et est\_dans\_etoile.

IMPLIMENT.

let rec randcase (dim:dimension): case = let c = randtriplet (-dim * 2) (dim * 2) in if c <> (0,0,0) && est\_case c && est\_dans\_etoile c dim then c else randcase dim ::
```

### 3.4 randvec

**PROFIL** 

SPÉCIFICATION – randvec

SÉMANTIQUE *(randvec)* renvoie un vecteur alèatoire non nuls de la taille 1. EX. ET PROP.  $v = randvec(), v \neq (0,0,0) \land (-1,-1,-1) \le v \le (1,1,1)$ 

RÉALISATION – randvec

ALGORITHME utilisation de fonction randcase.

randcase: vecteur

IMPLIMENT. let randvec (): vecteur = randcase 1 ;;