Práctica 5. Algoritmos ByB - Backtracking - Problema del viajante de comercio

Noelia Escalera Mejías — Alejandro Menor Molinero Javier Núñez Suárez — Adra Sánchez Ruiz Jesús Torres Sánchez

25 de mayo de 2019

1. Descripción del problema

En este caso, hemos propuesto una solución para el problema del viajante de comercio implementando un algoritmo *Branch and Bound*. Además, hemos ejecutado la versión con técnica de *Backtracking* para comparar la eficiencia entre ambos algoritmos.

2. Cotas global y cota local

Para implementar el algoritmo de Branch and Bound, necesitamos dos cotas:

Por un lado tenemos la **cota global**, que determina la mínima distancia encontrada hasta el momento para un circuito generado. Si aún no se ha encontrado ninguna solución, estará inicializada de acuerdo a una versión *Greedy* del problema (en este caso, se ha usado la aproximación basada en Inserción).

Por otro lado, también necesitamos una **cota local**, que nos servirá a la hora de comprobar la factibilidad (criterio de poda) y en la extracción de los nodos en la cola, de modo que exploraremos antes los nodos más prometedores.

2.1. Cálculo de la cota local

La cota local consta de tres sumandos:

- Distancia actual: Para todas las ciudades ya seleccionadas, la suma de la distancia entre ellas (sin cerrar el circuito).
- La distancia mínima entre la última ciudad seleccionada y cualquiera de las ciudades no seleccionadas aún.
- Para cada ciudad no seleccionada, la mínima distancia entre ella y cualquiera de las otras no seleccionadas o la primera ciudad seleccionada.

3. Representación de la solución

A la hora de representar el problema, hemos usado un TDA Solucion, para implementar nuestro algoritmo de Branch and Bound de forma más clara y organizada.

Información almacenada en el TDA Solucion:

- x: almacena la solución generada hasta el momento. Se representa por medio de un vector de enteros, de modo que la componente x_i del mismo será la ciudad iésima que visitaremos.
- n: es el número de ciudades.
- distancias: representadas con una matriz, en la que cada elemento d[i][j] tiene asociado la distancia entre la ciudad i y la ciudad j. Por tanto, deben coincidir d[i][j] con d[j][i].
- cotaLocal: contiene la cota local de acuerdo a las ciudades seleccionadas hasta el momento. La hemos descrito con más detalle en la sección anterior.
- distancia Actual: es la distancia acumulada para las ciudades ya seleccionadas hasta el momento.
- ciudades Ya Seleccionadas: representadas como un vector de booleanos, su componente x_i será true si la ciudad i está ya seleccionada y por tanto almacenada en el vector solucion x.

• Atributos de clase

- o mejorSolución: es un vector de n elementos que representa la mejor solución encontrada hasta el momento. Este valor se inicializa a partir de una solución Greedy del problema.
- o cotaGlobal: almacena la distancia de la mejor solución descrita en el apartado anterior.

Operaciones del TDA Solucion:

- Constructor: realiza una serie de operaciones:
 - \circ Inicializa las variables del TDA a sus valores por defecto. Debemos tener en cuenta que, a la hora de inicializar la matriz distancias, el primer elemento es el d[1][1], por lo que debemos añadirle una fila y columna basura para poder acceder con índices que empiecen por 1.
 - o Seleccionamos en primer lugar la ciudad 0 para no generar soluciones equivalentes y reducir así el número de nodos hoja de n! a (n-1)!.
- factible(): únicamente comprueba si la cotaLocal es menor que la cotaGlobal. No es necesario comprobar si el hijo estaba ya seleccionado o no, ya que esto se garantiza por la implementación de nuestra función generaHijos().

- generaHijos(): este método devuelve un vector con todos los hijos del nodo que lo ejecuta, al añadir cualquiera de las ciudades **no seleccionadas** al vector solución. En el caso de que a la solución generada le falte solamente una ciudad (y la primera), se completa con la ciudad en cuestión. Actualizamos correctamente los atributos de los nodos hijos (ciudadesYaSeleccionadas, distanciaActual, cotaLocal, etc...)
- actualizarCotaLocal(): Se llama desde generaHijos() en caso de que no quede sólamente una ciudad más por añadir (como hemos explicado antes), hemos escrito esta función para extraer la lógica del método generaHijos() y poder hacer un poco más mantenible el código.
- esSolucion(): devuelve si hemos llegado a una solución, es decir, si el tamaño del vector solución coincide con el número de ciudades a explorar. En ese caso, siempre se actualiza la cota global y la mejor solución encontrada. Esto es así, porque en nuestro algoritmo ByB, comprobamos la factibilidad al sacar el nodo de la cola, y antes de llamar a esSolucion(). De esta forma, si es factible y es solución, significa que es una solución mejor que la mejor encontrada, ya que en la variable cota local se almacena la distancia real si es un nodo hoja.
- operator 'menor que': necesario para almacenar ordenádamente las soluciones en la cola con prioridad que utilizamos en el algoritmo ByB. Para explorar primero los nodos más prometedores, estos se ordenan en la cola de forma ascendente en función de su cota local.
- inicializarCotaGlobal: inicializa la cotaGlobal y la mejorSolucion a mediante una solución Greedy del problema (en nuestro caso, hemos usado la aproximación basada en Inserción).
- $\bullet \ obtener$ Solución Óptima: devuelve la solución óptima.

4. Algoritmo ByB

El algoritmo Branch and Bound sigue el siguiente esquema:

```
void branchAndBound (Solucion sol){
  set < Solucion > cola;
  cola.insert(sol);
  bool fin = false;

while (!cola.empty() && !fin){
     Solucion enodo = *cola.begin();
     cola.erase(cola.begin());

  fin = !enodo.factible();
```

- 5. Algoritmo Backtracking VS ByB
- 6. Estudio empírico