

2 Wege durch Graphen

Kopie: Landkarte

Ermittle den günstigsten Weg von Imstadt nach Oppenheim!

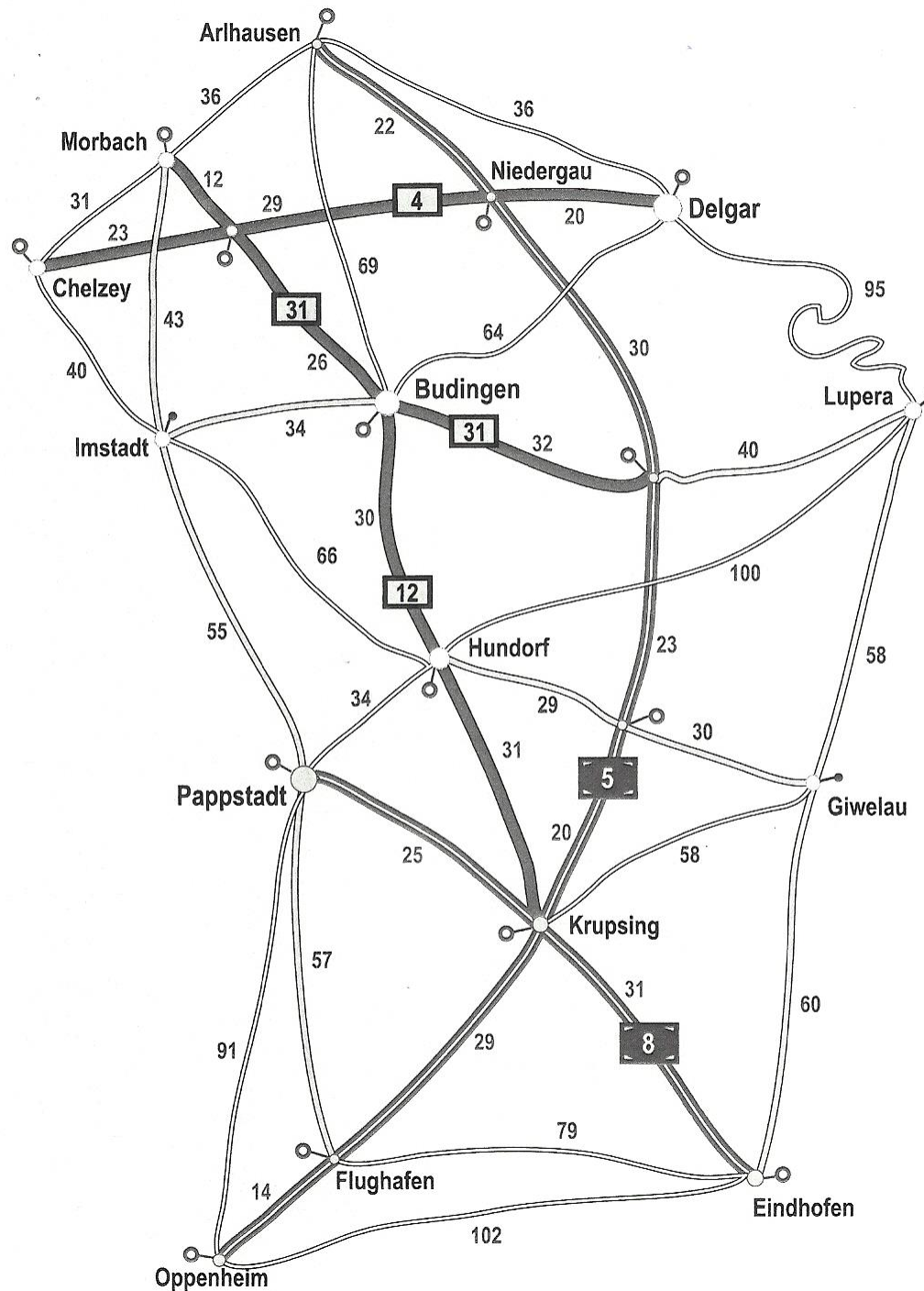
123 km

Wie geht man vor? Wie unterscheidet sich dieses Vorgehen von dem eines Computers?

Brute-Force-Methode:

= mit roher Gewalt

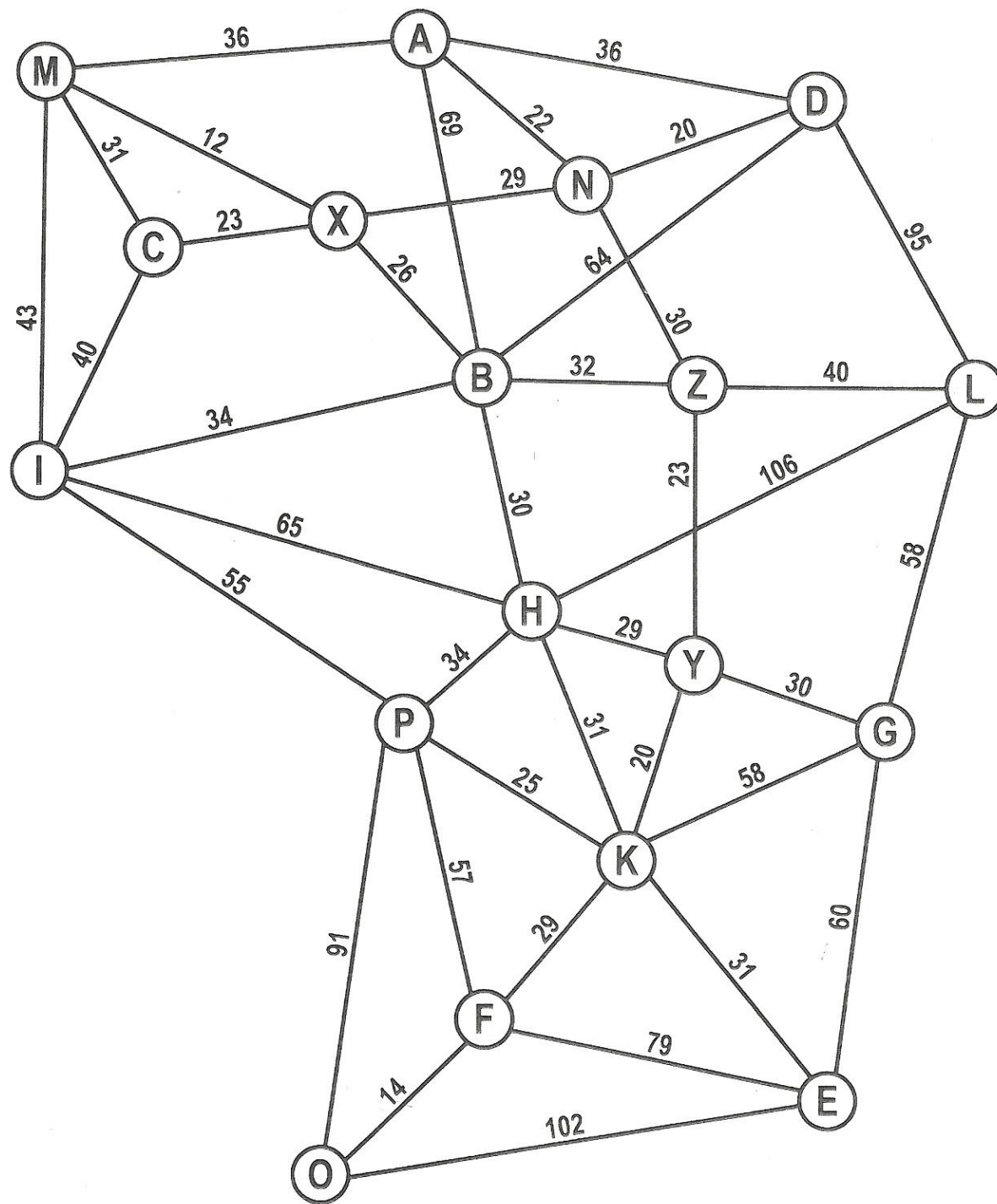
Ausprobieren aller Möglichkeiten



Was ist wichtig?

- Namen der Städte
- Position der Städte
- Größe der Städte
- Verlauf der Straßen
- Länge der Straßen
- Namen und Nummern der Straßen
- Straßentyp
- Straße führt von ... nach ...
- Landschaftliche Informationen

Versuche die Karte vereinfacht (zumindest ausschnittsweise) neu zu zeichnen. Führe für Kreuzungen ohne Orte neue Knoten ein.



Kürzester Weg von Imstadt nach Oppenheim:

$\{I, P\}, \{P, K\}, \{K, F\}, \{F, O\}$

Dies wird als **Pfad** der **Länge** 4 bezeichnet (4 Kanten).

In der Graphentheorie ist es üblich, Kanten mit e (edges) und Knoten mit v (vertices) zu bezeichnen.

In einem gerichteten Graphen: (v_1, v_2)

In einem ungerichteten Graphen: $\{v_1, v_2\}$

Ein Pfad heißt **geschlossen**, wenn sein Ausgangs- und Endknoten identisch sind (auch: **Zyklus**).

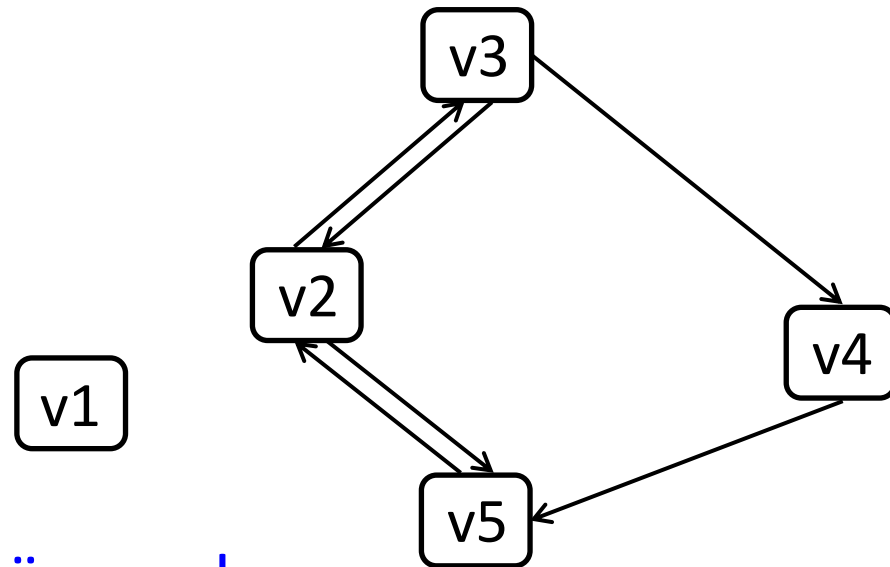
z.B. $\{E, G\}, \{G, K\}, \{K, E\}$

Ein Graph mit mindestens einem Zyklus heißt **zyklisch**.

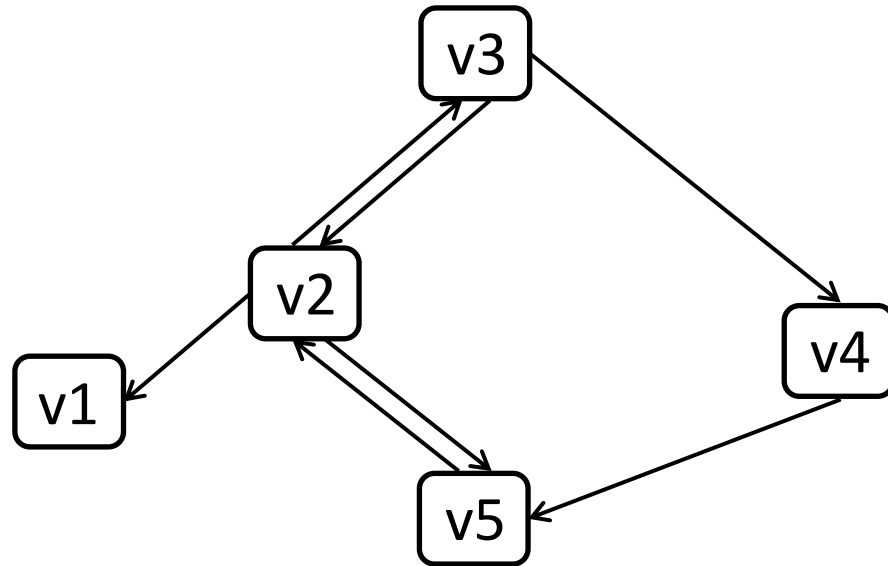
Gibt es einen Pfad von v nach w , so ist w von v aus **erreichbar**.

Kann in einem ungerichteten Graphen jeder Knoten von jedem anderen Knoten aus erreicht werden, heißt der Graph **zusammenhängend** (sonst: **unzusammenhängend**).

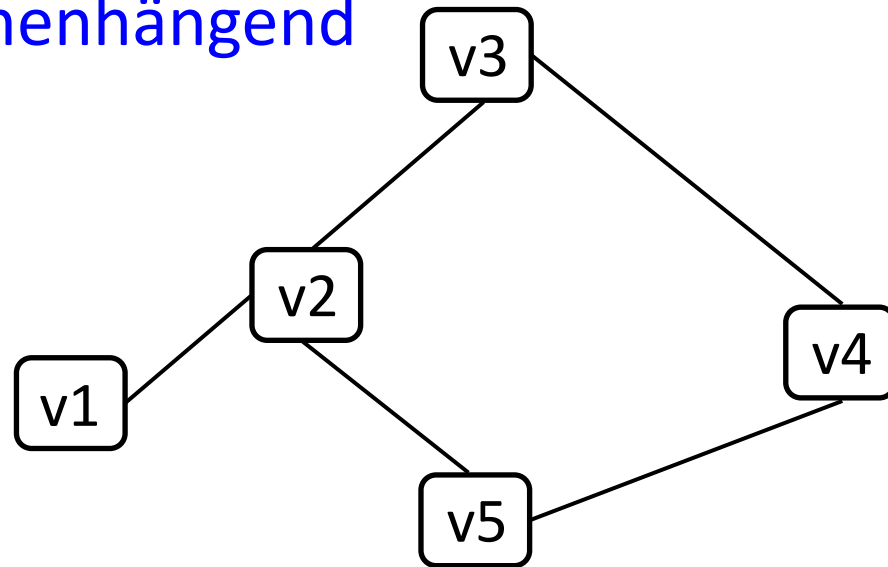
In gerichteten Graphen:

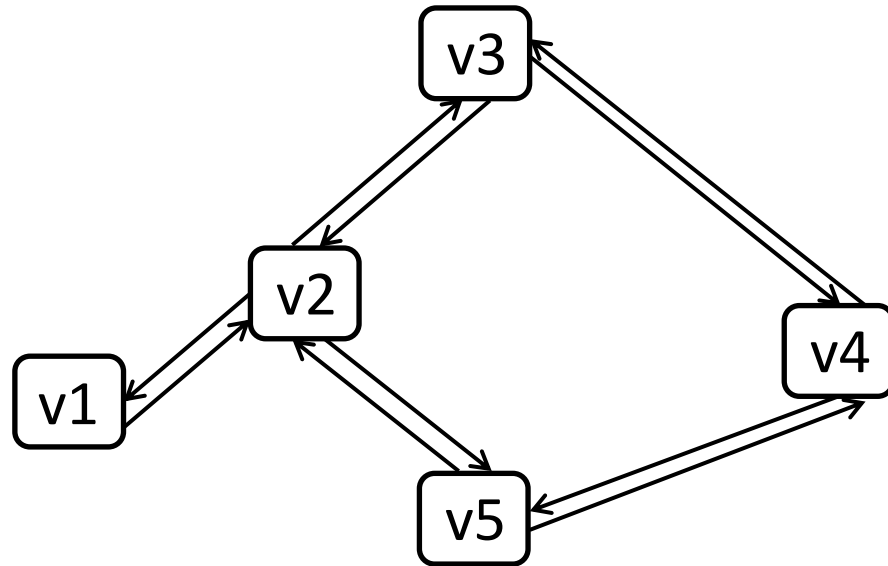


unzusammenhängend



schwach zusammenhängend



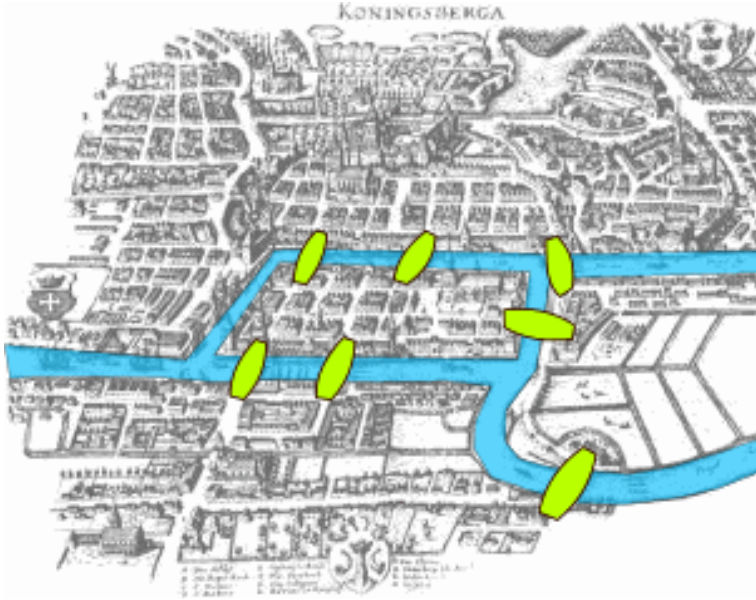


stark zusammenhängend

Jeder Knoten ist von jedem anderen erreichbar.

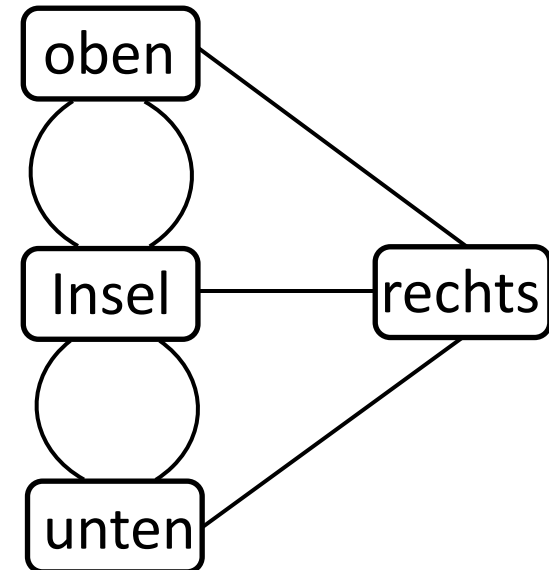
S. 98 / 1 – 4

Das Königsberger Brückenproblem



Gibt es einen Rundweg, der jede Brücke genau einmal benutzt?

Als Graph:



Wie viele Brücken müssten gebaut werden, damit es zumindest einen (Rund-)Weg gibt der jede Brücke einmal benutzt?