# Práctica 1 Estadística II

### Alberto Parramón Castillo

Introducimos en una variable los datos de la tabla Iris. Sólo las 50 primeras filas, menos la quinta columna: longitud del sépalo - anchura del sépalo - longitud del pétalo - anchura del pétalo

```
datos <- iris[1:50,-5]
head(datos)</pre>
```

```
Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width
##
## 1
               5.1
                             3.5
                                           1.4
                                                         0.2
                                                         0.2
## 2
               4.9
                             3.0
                                           1.4
## 3
               4.7
                             3.2
                                           1.3
                                                         0.2
               4.6
                             3.1
                                           1.5
                                                         0.2
## 5
               5.0
                             3.6
                                           1.4
                                                         0.2
## 6
               5.4
                             3.9
                                           1.7
                                                         0.4
```

# Ejercicio 1

##

Calcula el vector de medias muestral y las matrices de covarianzas y de correlaciones (cor) muestrales. ¿Entre qué par de variables es más alta la correlación? ¿Qué variable tiene la mayor varianza?

A) Vector de medias:

```
mediasIris <- colMeans(datos)
mediasIris

## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width</pre>
```

0.246

1.462

B) Matriz de covarianzas:

5.006

```
covIris <- cov(datos)
covIris</pre>
```

```
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width
## Sepal.Length 0.12424898 0.099216327 0.016355102 0.010330612
## Sepal.Width 0.09921633 0.143689796 0.011697959 0.009297959
## Petal.Length 0.01635510 0.011697959 0.030159184 0.006069388
## Petal.Width 0.01033061 0.009297959 0.006069388 0.011106122
```

C) ¿Entre qué par de variables es más alta la correlación?

3.428

Entre longitud de sepalos y anchura de sepalos: 0.099216327

D) ¿Qué variable tiene la mayor varianza?

La anchura de sepalos

# Ejercicio 2

Calcula las distancias de Mahalanobis entre cada uno de los lirios y el vector de medias. Representa los datos, usando el color rojo para el 25~% de los lirios más lejanos al vector de medias.

A) Utilizamos la función de Mahalanobis con parámetros: los datos, el vector de medias, y la matriz de covarianzas:

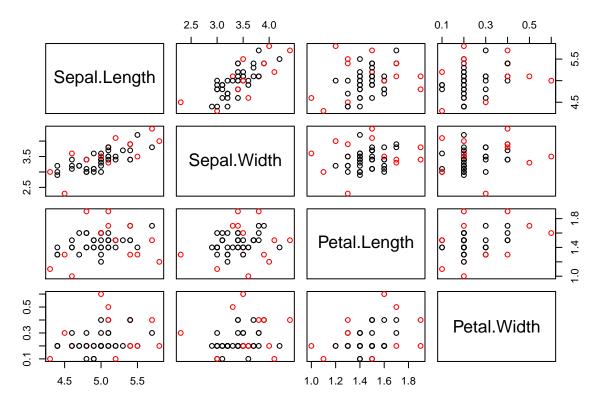
```
distancias <- mahalanobis(datos, mediasIris, covIris)
```

B) Utilizamos la función *summary*, que nos devuelve un vector cuyo quinto elemento es el tercer cuartil de los datos que le hayas pasado por argumento, en este caso las distancias.

```
cuartil3 <- summary(distancias)[5]</pre>
```

Creamos el vector de colores y pintamos con plot:

```
colores <- vector('character', length=50)
for(i in 1:50){
   if(distancias[i]>cuartil3){
     colores[i] <- 'red'
   }else{
     colores[i] <- 'black'
   }
}
pairs(datos, col=colores)</pre>
```

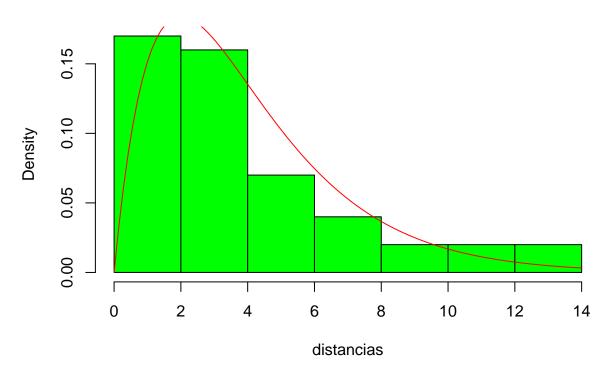


### Ejercicio 3

Representa un histograma de las distancias y compáralo con la función de densidad de una variable  $\chi^2$  con 4 grados de libertad.

```
hist(distancias, col = "green", breaks = 8, freq=FALSE)
curve( dchisq(x, df=4), col='red', add=TRUE)
```

# Histogram of distancias



# Ejercicio 4

Genera 100 observaciones con distribución normal bidimensional con vector de medias el origen y matriz de covarianzas:

$$\Sigma = \left(\begin{array}{cc} 10 & 3\\ 3 & 1 \end{array}\right)$$

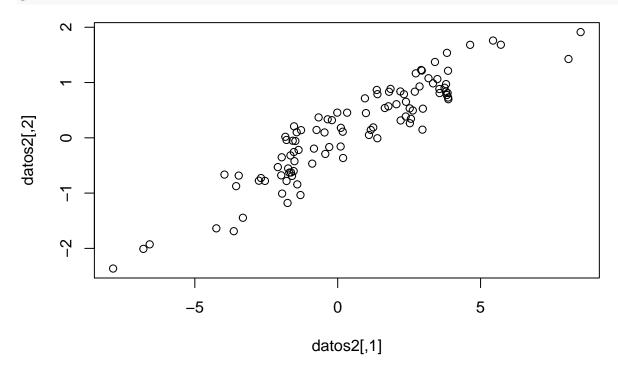
Representa la nube de puntos generados, su vector de medias y su matriz de covarianzas.

A) Obtenemos las 100 observaciones a partir de los datos del enunciado, siendo mu el vector de medias, sigma la matriz de covarianzas y n el número de observaciones:

```
set.seed(9111) #Esto establece una semilla para que siempre salgan los mismos datos aleatorios
library(MASS) #paquete necesario
n <-100
mu <- c(0,0)
sigma <-matrix(c(10,3,3,1),2)
datos2 <- mvrnorm(n,mu,sigma)</pre>
```

Representamos la nube de puntos:

### plot(datos2)



B) Calculamos y representamos su vector de medias obtenido con los datos generados

```
medias = colMeans(datos2)
medias
```

## [1] 0.5300716 0.1524980

C) Calculamos y representamos la matriz de covarianza obtenida con los datos generados

```
covarianza = cov(datos2)
covarianza
```

```
## [,1] [,2]
## [1,] 8.669332 2.3585971
## [2,] 2.358597 0.7536912
```

# Ejercicio 5

Para la misma distribución del apartado anterior, calcula el valor esperado teórico de la segunda coordenada respecto de la primera. Si no lo conocieras y solo dispusieras de los datos generados. ¿Cómo lo estimarías? Calcula el valor resultante para el estimador que has propuesto.

Si suponemos que queremos calcular el valor esperado de  $X_2|X_1$ . Utilizaremos las siguientes fórmulas generales.

$$\mu_{2.1} = \mu_2 + \Sigma_{21} \Sigma_{11}^{-1} (X_1 - \mu_1)$$
  
$$\Sigma_{2.1} = \Sigma_{22} - \Sigma_{21} \Sigma_{11}^{-1} \Sigma_{12}$$

A) Valor esperado teórico para  $X_2|X_1$ , tenemos el vector de medias y la matriz de covarianzas siguiente:

$$\mu = \left(\begin{array}{c} 0 \\ 0 \end{array}\right), \, \Sigma = \left(\begin{array}{cc} 10 & 3 \\ 3 & 1 \end{array}\right)$$

Obtenemos:

$$\mu_{2.1} = 0 + \frac{3}{10}(X_1)$$

$$\Sigma_{2.1} = 1 - \frac{3}{10}3 = \frac{1}{10}$$

B) Valor esperado estimado a partir de las observaciones para  $X_2|X_1$ , tenemos el vector de medias y la matriz de covarianzas siguiente:

$$\mu = \begin{pmatrix} 0.53 \\ 0.15 \end{pmatrix}, \Sigma = \begin{pmatrix} 8.66 & 2.35 \\ 2.35 & 0.75 \end{pmatrix}$$

Obtenemos:

$$\mu_{2.1} = 0.15 + \frac{2.35}{8.66}(X_1 - 0.53) = 0.006 + 0.27X_1$$
  
 $\Sigma_{2.1} = 0.75 - \frac{2.35}{8.66}2.35 = 0.11$