## Теория автоматов и формальных языков Синтаксически управляемая трансляция

#### Автор: Екатерина Вербицкая

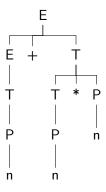
Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет «ЛЭТИ»

22 ноября 2016г.

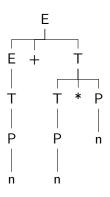
#### В предыдущей серии

- Что такое язык, когда предложение принадлежит языку
- Классы языков
  - Регулярные
  - ▶ Контекстно-свободные
    - ★ LL(k)
    - ★ LR(k), LALR(k)
  - ▶ Задаваемые PEG
- Как задать язык
  - Конечный автомат
  - Магазинный автомат
  - PEG
- Синтаксический анализ
  - ▶ Определение, принадлежит ли цепочка языку
  - ▶ Построение дерева разбора

## Дерево разбора — лишь цепочка в некотором языке



## Дерево разбора — лишь цепочка в некотором языке



[.E[.E[.T[.P[.n]]]][.+][.T[.T[.P[.n]]][.\*][.P[.n]]]]

## Трансляция (перевод)

- **Трансляция** преобразование некоторой входной строки в некоторую выходную
  - $ightharpoonup \Sigma$  входной алфавит,  $\Pi$  выходной алфавит. Трансляцией с языка  $L_i \subseteq \Sigma^*$  на язык  $L_o \subseteq \Pi^*$  называется отображение  $au: L_i \to L_o$
- Построение дерева разбора простейший пример трансляции
- Другие примеры трансляции
  - Вычисление значения арифметического выражения
  - Преобразование арифметического выражения из инфиксной записи в постфиксную
  - ▶ Преобразование программы на языке Java в байт-код
  - Компиляция программ
- Фактически синтаксический анализ нужен для трансляции

### Схемы синтаксически управляемой трансляции

Схема синтаксически управляемой трансляции — пятерка  $(N, \Sigma, \Pi, P, S)$ 

- N конечное множество нетерминальных символов
- Σ конечный входной алфавит
- П конечный выходной алфавит
- ullet  $S\in \mathcal{N}$  стартовый нетерминал
- P конечное множество правил трансляции вида  $A \to \alpha, \beta$ , где  $\alpha \in (N \cup \Sigma)^*, \beta \in (N \cup \Pi)^*$ 
  - $\blacktriangleright$  Вхождения нетерминалов в цепочку  $\beta$  образуют перестановку нетерминалов из цепочки  $\alpha$
  - Если нетерминалы повторяются больше одного раза, то их различают по индексам:  $E \to E^I + E^r, E^r + E^I$

## Выводимая пара в СУ-схеме

- Если  $A \to (\alpha, \beta) \in P$ , то  $(\gamma A_i \delta, \gamma' A_i \delta') \Rightarrow (\gamma \alpha \delta, \gamma' \beta \delta')$
- Рефлексивно-транзитивное замыкание отношения  $\Rightarrow$  называется отношением выводимости в СУ-схеме, обозначается  $\stackrel{*}{\Rightarrow}$
- Трансляцией назовем множество пар  $\{(\alpha,\beta) \mid (S,S) \stackrel{*}{\Rightarrow} (\alpha,\beta), \alpha \in \Sigma, \beta \in \Pi\}$
- СУ-схема называется простой, если во всех правилах  $A \to (\alpha, \beta)$ , нетерминалы в  $\alpha$  и  $\beta$  встречаются в одном и том же порядке

## Пример СУ-схемы

## Пример СУ-схемы

$$(E,E) \Rightarrow (T,T) \Rightarrow (T*F,TF*) \Rightarrow (F*F,FF*) \Rightarrow (id*F,idF*) \Rightarrow$$
  
 $(id*(E),idE*) \Rightarrow (id*(E+T),idET+*) \Rightarrow (id*(T+T),idTT+*) \Rightarrow$   
 $(id*(F+T),idFT+*) \Rightarrow (id*(id+T),ididT+*) \Rightarrow$   
 $(id*(id+F),ididF+*) \Rightarrow (id*(id+id),ididid+*)$ 

# Обобщенные схемы синтаксически управляемой трансляции

Обобщенная схема синтаксически управляемой трансляции — шестерка  $(N, \Sigma, \Pi, \Gamma, P, S)$ 

- ullet  $\Gamma$  конечное множество символов перевода вида  $A_i, A \in N; i \in \mathbb{Z}$
- P конечное множество правил трансляции вида  $A o lpha, A_1 = eta_1, \dots, A_n = eta_n$ , где  $lpha \in (N \cup \Sigma)^*$ 
  - ▶  $A_i \in \Gamma, 1 \leq i \leq n$
  - ▶ Каждый символ x, входящий в  $\beta_i$ , либо  $x\in\Pi$ , либо  $x=B_k$   $in\Gamma$ , где  $B\in\alpha$
  - ▶ Если  $\alpha$  имеет более одного вхождения символа B, то каждый символ  $B_k$  во всех  $\beta$  соотнесен (верхним индексом) с конкретным вхождением B

Входной грамматикой назовем четверку ( $N, \Sigma, P', S$ ), где  $P = \{A \to \alpha \, | \, A \to \alpha, A_1 = \beta_1, \dots, A_n = \beta_n \in P\}$ 

### Выход обобщенной СУ-схемы

- Для каждой внутренней вершины дерева, соответствующей нетерминалу A, с каждым  $A_i$  связывается одна цепочка
  - ightharpoonup Такую цепочку назовем значением (трансляцией) символа  $A_i$
- Каждое значение определяется подстановкой значений символов трансляции данного элемента  $A_i = \beta_i$ , определенных в прямых потомках вершины
- **Трансляцией**, определяемой данной схемой, назовем множество  $\{(\alpha,\beta)\}$ 
  - ightharpoonup имеет дерево разбора в данной входной грамматике
  - ightharpoonup eta значение выделенного символа  $S_k$

## Пример обобщенной СУ-схемы: дифференцирование

#### Транслирующие грамматики

- КС-грамматика, терминальный алфавит которой разбит на два множество: входных и выходных символов
- Транслирующая грамматика пятерка  $(N, \Sigma_i, \Sigma_o, P, S)$ 
  - № N алфавит нетерминалов
  - $ightharpoonup \Sigma_i$  алфавит входных терминалов
  - ▶ ∑<sub>o</sub> алфавит выходных терминалов
  - $ightharpoonup S \in \mathcal{N}$  стартовый нетерминал
  - ▶  $P = \{A \to \alpha\}, \alpha \in (\Sigma_i \cup \Sigma_o \cup N)^*$  множество правил вывода

## Пример транслирующей грамматики

$$E \rightarrow E + T \{+\}$$

$$\mid T$$

$$T \rightarrow T * F \{*\}$$

$$\mid F$$

$$F \rightarrow n \{n\}$$

$$\mid (E)$$

## Пример транслирующей грамматики

$$\begin{array}{cccc} E & \to & E + T \{+\} \\ & | & T \\ T & \to & T * F \{*\} \\ & | & F \\ F & \to & n \{n\} \\ & | & (E) \end{array}$$

## Пример транслирующей грамматики

$$\begin{array}{cccc} E & \to & E + T \{+\} \\ & | & T \\ T & \to & T * F \{*\} \\ & | & F \\ F & \to & n \{n\} \\ & | & (E) \end{array}$$

$$E \Rightarrow E + T\{+\} \Rightarrow T + T\{+\} \Rightarrow P + T\{+\} \Rightarrow n\{n\} + T\{+\} \Rightarrow n\{n\} + T*P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + P*P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + n\{n\} * P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + n\{n\} * n\{n\} * P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} * P\{*\}\{+\} P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} * P\{*\}\{+\} P\{*\}\{+\}$$

- ullet Если вычеркнуть все выходные символы, получим n+n\*n
- Если вычеркнуть все входные символы, получим  $n \, n \, n + *$  постфиксная запись выражения

## Постфиксная транслирующая грамматика

- Если выходные символы встречаются только в конце правил, транслирующая грамматика называется постфиксной
- Это требование формально не выдвигается: транслирующие грамматики могут быть не постфиксными
- На практике постфиксные транслирующие грамматики удобнее

### Атрибутная транслирующая грамматика

- Входной алфавит алфавит лексем
  - Лексема характеризуется типом и значением
- Транслирующая грамматика описывает перевод только типа лексемы
  - Это существенно снижает выразительность формализма
- Для борьбы с этим недостатком предложены атрибутные грамматики
  - Модификация транслирующих грамматик, снабженная атрибутами
  - Выходные символы транслирующих грамматик транслирующие символы
    - $\star$  Нетерминалы, которые раскрываются в  $\varepsilon$ , и в момент раскрытия выполняют связанные с ними действие

## Атрибут

**Атрибут** — дополнительные данные, ассоциированные с грамматическими символами

- Если X символ, а a его атрибут, то значение a в узле дерева, помеченном X, записывается как X.a
- Узлы дерева могут реализовываться как записи или объекты, а атрибуты — как поля
- Атрибуты могут быть любого типа
- Если в каждом узле дерева атрибуты уже вычислены, оно называется **аннотированным**
- Процесс вычисления этих атрибутов называется аннотированием дерева разбора.

## Вычисление атрибутов не всегда возможно

$$A \rightarrow B$$
  $A_s = B_i$   
 $B_i = A_s + 1$ 

## Синтезируемый атрибут, S-атрибутная грамматика

- Атрибут, значение которого зависит от значений атрибутов детей данного узла или от других атрибутов этого узла, называется синтезируемым
- Если в транслирующей грамматике используются только синтезируемые атрибуты, она называется **S-атрибутной** грамматикой
- Аннотирование дерева разбора S-атрибутной грамматики возможно путем выполнения семантических правил снизу вверх (от листьев к корню)

## Пример S-атрибутной грамматики

 $F \rightarrow (E)$ 

$$S \rightarrow E$$
  $S.val = E.val$   $E_0 \rightarrow E_1 + T$  { $ADD res = op_1 + op_2$ }  $ADD.op_1 = E_1.val$   $ADD.op_2 = T.val$   $E_0.val = ADD.res$   $E \rightarrow T$   $E.val = T.val$   $E_0.val = T.val$ 

F.val = F.val

## Наследуемый атрибут, L-атрибутная грамматика

- Атрибут, значение которого зависит только от атрибутов братьев узла или атрибутов родителей, называется наследуемым
- Если в транслирующей грамматике атрибуты узла зависят только от атрибутов родителей или братьев слева, она называется **L-атрибутной грамматикой**

## Пример L-атрибутной грамматики