

Теория формальных языков. Лекции и практики. Заметки.

Семён Григорьев

29 февраля 2020 г.

Содержание

1	План лекций	3
2	Лекция 1: Введение	3
3	Практика 1	6
3.1	Григорьев С.В.	6
4	Лекция 2: Регулярные языки	7
5	Практика 2	8
5.1	Григорьев С.В.	8

1 План лекций

1. Введение. Базовые определения. Обзор курса.
2. Регулярные языки, конечные автоматы (детерминированные, недетерминированные), регулярные выражения. Детерминизация, ε -замыкание, минимизация.
3. Взаимные преобразования способов задания.
4. Теоретико-языковые свойства регулярных языков. Лемма о накачке, замкнутость относительно операций.
5. Алгоритмы вычисления операций.
6. Грамматики, переписывающие системы. КС-грамматики (обыкновенные грамматики). Вывод в грамматике, неоднозначные грамматики, существенно неоднозначные языки, дерево вывода.
7. Лево(право)-линейные грамматики и регулярные языки.
8. КС грамматики и КС языки. Лемма о накачке, замкнутость относительно операций, проверка пустоты.
9. !!!
10. !!!
11. !!!
12. !!!
13. !!!
14. !!!
15. !!!
16. !!!

2 Лекция 1: Введение

Алфавит, язык. Операции над строками. Операции над языками.

Какие вопросы можно задавать о языках: о пустоте, универсальности, о построении пересечения, о пустоте пересечения, о вложенности, об эквивалентности.

Базовые способы задания: перечисление, генератор, распознаватель.

Взаимосвязь теории формальных языков с другими областями, области её применения.

- Синтаксический анализ языков программирования: в компиляторах, интерпретаторах, средах разработки, других инструментах.
- Анализ естественных языков. Активность в этой области несколько спала, так как на передний план сейчас вышли различные методы машинного обучения. Однако и в этой области ведутся работы. Примеры конференций:

- International Conference on Parsing Technologies (IWPT-2020)
- FG: Formal Grammar (FG-2020)
- Статический анализ кода.
 - Различные задачи межпроцедурного анализа. Основной подход — language reachability. Основоположник — Томас Репс. Примеры работ.
 - * Thomas Reps. 1997. Program analysis via graph reachability. In Proceedings of the 1997 international symposium on Logic programming (ILPS '97). MIT Press, Cambridge, MA, USA, 5–19.
 - * Qirun Zhang and Zhendong Su. 2017. Context-sensitive data-dependence analysis via linear conjunctive language reachability. In Proceedings of the 44th ACM SIGPLAN Symposium on Principles of Programming Languages (POPL 2017). Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, 344–358. DOI:<https://doi.org/10.1145/3037697.3037744>
 - * Kai Wang, Aftab Hussain, Zhiqiang Zuo, Guoqing Xu, and Ardalan Amiri Sani. 2017. Graspan: A Single-machine Disk-based Graph System for Interprocedural Static Analyses of Large-scale Systems Code. In Proceedings of the Twenty-Second International Conference on Architectural Support for Programming Languages and Operating Systems (ASPLOS '17). Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, 389–404. DOI:<https://doi.org/10.1145/3037697.3037744>
 - * Lu Y., Shang L., Xie X., Xue J. (2013) An Incremental Points-to Analysis with CFL-Reachability. In: Jhala R., De Bosschere K. (eds) Compiler Construction. CC 2013. Lecture Notes in Computer Science, vol 7791. Springer, Berlin, Heidelberg
 - Интерливинг (или шафл) языков для верификации многопоточных программ.
 - * Approximating the Shuffle of Context-free Languages to Find Bugs in Concurrent Recursive Programs
 - * Flick N.E. (2015) Quotients of Unbounded Parallelism. In: Leucker M., Rueda C., Valencia F. (eds) Theoretical Aspects of Computing - ICTAC 2015. ICTAC 2015. Lecture Notes in Computer Science, vol 9399. Springer, Cham
 - Система типов Java: Radu Grigore, Java Generics are Turing Complete.
- Графовые базы данных. Поиск путей с ограничениями.
 - Maurizio Nolé and Carlo Sartiani. 2016. Regular Path Queries on Massive Graphs. In Proceedings of the 28th International Conference on Scientific and Statistical Database Management (SSDBM '16). Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, Article 13, 1–12. DOI:<https://doi.org/10.1145/2949689.2949711>
 - Jochem Kuijpers, George Fletcher, Nikolay Yakovets, and Tobias Lindaaaker. 2019. An Experimental Study of Context-Free Path Query Evaluation Methods. In Proceedings of the 31st International Conference on Scientific and Statistical Database Management (SSDBM '19). Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, 121–132. DOI:<https://doi.org/10.1145/3335783.3335791>
 - Jelle Hellings. Querying for Paths in Graphs using Context-Free Path Queries.
- Биоинформатика. В основном это анализ геномных и белковых последовательностей.
 - Witold Dyrka, Mateusz Pyzik, Francois Coste, and Hugo Talibart. Estimating probabilistic context-free grammars for proteins using contact map constraints.

- James WJ Anderson, Paula Tataru, Joe Staines, Jotun Hein, and Rune Lyngso. Evolving stochastic context-free grammars for RNA secondary structure prediction.
- Ryan Zier-Vogel. Predicting RNA secondary structure using a stochastic conjunctive grammar.
- Машинное обучение.
 - Matt J. Kusner, Brooks Paige, José Miguel Hernández-Lobato. Grammar Variational Autoencoder. Опубликовано в 2017 году и уже больше 200 цитирований.
 - TAG Parsing with Neural Networks and Vector Representations of Supertags. К разговору об обработке естественных языков.
 - Jungo Kasai, Robert Frank, Pauli Xu, William Merrill, Owen Rambow. End-to-end Graph-based TAG Parsing with Neural Networks.
- Языки — это не только про строки.
 - Языки деревьев: Tree Automata Techniques and Applications.
 - Языки графов:
 - * Graph Grammars
 - * HYPEREDGE REPLACEMENT GRAPH GRAMMARS
 - * (Re)introducing Regular Graph Languages
 - * Hyperedge Replacement: Grammars and Languages
 - ...
- Теория групп. Как правило, это проблема слов группы или дополнение к ней.
 - Anisimov, A.V. Group languages. Cybern Syst Anal (1971) 7: 594.
 - David E. Muller, Paul E. Schupp, Groups, the Theory of ends, and context-free languages, Journal of Computer and System Sciences, Volume 26, Issue 3, 1983, Pages 295-310, ISSN 0022-0000
 - HOLT, D., REES, S., ROVER, C., & THOMAS, R. (2005). GROUPS WITH CONTEXT-FREE CO-WORD PROBLEM. Journal of the London Mathematical Society, 71(3), 643-657. doi:10.1112/S002461070500654X
 - Groups with Context-Free Co-Word Problem and Embeddings into Thompson’s Group V
 - Kropholler, R. & Spriano, D. (2019). Closure properties in the class of multiple context-free groups. Groups Complexity Cryptology, 11(1), pp. 1-15. Retrieved 13 Feb. 2020, from doi:10.1515/gcc-2019-2004
 - Word problems of groups, formal languages and decidability
- Прочая забавная математика.
 - Немного топологии в теории формальных языков: Salvati S. On is an n-MCFL. – 2018.
 - Salvati S. MIX is a 2-MCFL and the word problem in Z2 is captured by the IO and the OI hierarchies //Journal of Computer and System Sciences. – 2015. – Т. 81. – №. 7. – С. 1252-1277.

- О том, как задачи из теории графов связаны с теорией формальных языков: Abboud, Amir & Backurs, Arturs & Williams, Virginia. (2015). If the Current Clique Algorithms are Optimal, So is Valiant's Parser. 98-117. 10.1109/FOCS.2015.16.
- A context-free grammar for the Ramanujan-Shor polynomials

3 Практика 1

Детали о том, как будет проходить практика.

3.1 Григорьев С.В.

Немного про описания языков. Пописать языковые уравнения, грамматики. Посмотреть на операции над языками.

Постановка задачи на весь семестр.

Запросы к графовым базам данных. Контекст задачи, примеры графовых БД (RedisGraph, Neo4j, ...), задача о путях в принципе.

Ссылка на второй конспект.

Задача: реализовать свою "графовую миниБД".

Реализация: оформление, инструменты, языки.

- Ограничений на язык реализации нет.
- Ограничений на использование библиотек нет. Главное — не нарушать лицензии и чтобы можно было вносить изменения в библиотеку (при необходимости).
- Каждый создаёт под решение репозиторий на GitHub и снабжает его всем необходимым: readme, лицензия, CI-сборка с тестированием, инструкции по локальному развёртыванию.
- Разработка ведётся в отдельной ветке и когда очередная часть задачи готова к сдаче — делаем pull request в master и добавляем меня (gsvglit) в ревьюеры.

Задачи на дом.

1. Выбрать язык программирования, на котором будет вестись разработка.
2. Создать репозиторий на GitHub.
3. Настроить CI-сборку и тестирование.
4. Реализовать подгрузку графов из RDF используя готовые библиотеки.

4 Лекция 2: Регулярные языки

Иерархия Хомского. Проблемы с ней. Классы языков.

Граматики. Системы переписывания.

Регулярные множества. Регулярные языки. Регулярные выражения.

$$V^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} V^i$$

Конечные автоматы. Система переходов.

Язык, задаваемый автоматом.

Понятие выводимости (\vdash^*).

Конфигурация: $\langle \text{Состояние}, \text{Остаток} \rangle$.

Полный автомат и вершина-сток.

Детерминизация, алгоритм Томпсона.

НКА: $\langle \Sigma, Q, s \in Q, T \in Q, \delta : Q \times \Sigma \rightarrow 2^Q \rangle$

ДКА: $\langle \Sigma, Q_d, s_d \in Q_d, T_d \in Q_d, \delta_d : Q_d \times \Sigma \rightarrow Q_d \rangle$, где:

- $Q_d = \{q_d \mid q_d \in 2^Q\}$,
- $s_d = \{s\}$,
- $T_d = \{q \in Q_d \mid \exists p \in T : p \in q\}$,
- $\delta_d(q, c) = \{\delta(a, c) \mid a \in q\}$.

ε -замыкание.

1. Транзитивное замыкание отношения ε -перехода.
2. Обработка финальных состояний
3. Добавление переходов: если $\delta(v_0, \varepsilon) = v_1, \delta(v_1, c) = v_2$, то добавим $\delta(v_0, c) = v_2$.
4. Удалим ε -переходы.

Эквивалентность автоматов. Эквивалентность состояний: состояния эквивалентны если нет различающей строки.

Минимизация.

Теорема Клини об эквивалентности автоматов и регулярных языков.

Построение автомата по регулярному выражению.

Построение регулярного выражения по автомату: устранение вершин.

5 Практика 2

5.1 Григорьев С.В.

Построение минимального ДКА по регулярному выражению.

Домашнее задание.

1. Реализовать функцию (можно с применением библиотек), которая принимает на вход регулярное выражение в виде строки и строит по нему минимальный ДКА.
2. Реализовать необходимые тесты на построение ДКА по регулярному выражению.
3. Реализовать (можно с применением библиотек) пересечение минимального ДКА и НКА без ε -переходов.
4. Реализовать необходимые тесты на пересечение ДКА и НКА.