Теория автоматов и формальных языков Синтаксически управляемая трансляция

Автор: Екатерина Вербицкая

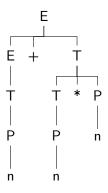
Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет «ЛЭТИ»

19 декабря 2019

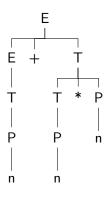
В предыдущей серии

- Что такое язык; когда предложение принадлежит языку
- Классы языков
 - Регулярные
 - ▶ Контекстно-свободные
 - ★ LL(k)
 - ★ LR(k), LALR(k)
 - ▶ Задаваемые PEG
- Как задать язык
 - Конечный автомат
 - Магазинный автомат
 - PEG
- Синтаксический анализ
 - Определение, принадлежит ли цепочка языку
 - Построение дерева разбора

Дерево разбора — лишь цепочка в некотором языке



Дерево разбора — лишь цепочка в некотором языке



[.E[.E[.T[.P[.n]]]][.+][.T[.T[.P[.n]]][.*][.P[.n]]]]

Трансляция (перевод)

- **Трансляция** преобразование некоторой входной строки в некоторую выходную
 - ▶ Σ входной алфавит, Π выходной алфавит. **Трансляцией** с языка $L_i \subseteq \Sigma^*$ на язык $L_o \subseteq \Pi^*$ называется отображение $\tau: L_i \to L_o$
- Построение дерева разбора простейший пример трансляции
- Другие примеры трансляции
 - Вычисление значения арифметического выражения
 - Преобразование арифметического выражения из инфиксной записи в постфиксную
 - ▶ Преобразование программы на языке Java в байт-код
 - Компиляция программ
- Фактически синтаксический анализ нужен для трансляции

Схемы синтаксически управляемой трансляции

Схема синтаксически управляемой трансляции — пятерка (N, Σ, Π, P, S)

- N конечное множество нетерминальных символов
- Σ конечный входной алфавит
- П конечный выходной алфавит
- $S \in N$ стартовый нетерминал
- P конечное множество правил трансляции вида $A \to \alpha, \beta$, где $\alpha \in (N \cup \Sigma)^*, \beta \in (N \cup \Pi)^*$
 - \blacktriangleright Вхождения нетерминалов в цепочку β образуют перестановку нетерминалов из цепочки α
 - Если нетерминалы повторяются больше одного раза, то их различают по индексам: $E \to E^I + E^r, E^r + E^I$

Выводимая пара в СУ-схеме

- Если $A \to (\alpha,\beta) \in P$, то $(\gamma A^i \delta, \ \gamma' A^i \delta') \Rightarrow (\gamma \alpha \delta, \ \gamma' \beta \delta')$
- Рефлексивно-транзитивное замыкание отношения \Rightarrow называется отношением выводимости в СУ-схеме, обозначается $\stackrel{*}{\Rightarrow}$
- Трансляцией назовем множество пар $\{(\alpha,\beta) \mid (S,S) \stackrel{*}{\Rightarrow} (\alpha,\beta), \alpha \in \Sigma^*, \beta \in \Pi^*\}$
- СУ-схема называется простой, если во всех правилах $A \to (\alpha, \beta)$, нетерминалы в α и β встречаются в одном и том же порядке

Пример СУ-схемы

Пример СУ-схемы

$$(\underline{E},\underline{E}) \Rightarrow (\underline{T},\underline{T}) \Rightarrow (\underline{T}*F,\underline{T}F*) \Rightarrow (\underline{F}*F,\underline{F}F*) \Rightarrow (n*\underline{F},n\underline{F}*) \Rightarrow (n*(\underline{E}),n\underline{E}*) \Rightarrow (n*(\underline{E}+T),n\underline{E}T+*) \Rightarrow (n*(\underline{T}+T),n\underline{T}T+*) \Rightarrow (n*(\underline{F}+T),n\underline{F}T+*) \Rightarrow (n*(n+\underline{T}),n\underline{n}\underline{T}+*) \Rightarrow (n*(n+\underline{F}),n\underline{F}+*) \Rightarrow (n*(n+n),n\underline{n}+*)$$

Обобщенные схемы синтаксически управляемой трансляции

Обобщенная схема синтаксически управляемой трансляции — шестерка $(N, \Sigma, \Pi, \Gamma, P, S)$

- ullet Г конечное множество символов перевода вида $A_i, A \in \mathcal{N}; i \in \mathbb{Z}$
- Р конечное множество правил трансляции вида

$$A olpha,A_1=eta_1,\ldots,A_n=eta_n$$
, где $lpha\in(N\cup\Sigma)^*$

- ▶ $A_i \in \Gamma, 1 \leq i \leq n$
- ▶ Каждый символ x, входящий в β_i , либо $x \in \Pi$, либо $x = B_k \in \Gamma$, где $B \in \alpha$
- Если α имеет более одного вхождения символа B, то каждый символ B_k во всех β соотнесен (верхним индексом) с конкретным вхождением B

Входной грамматикой назовем четверку
$$(N, \Sigma, P', S)$$
, где $P = \{A \to \alpha \mid A \to \alpha, A_1 = \beta_1, \dots, A_n = \beta_n \in P\}$

Выход обобщенной СУ-схемы

- Для каждой внутренней вершины дерева, соответствующей нетерминалу A, с каждым A; связывается одна цепочка
 - ightharpoonup Такую цепочку назовем значением (трансляцией) символа A_i
- Каждое значение определяется подстановкой значений символов трансляции данного элемента $A_i = \beta_i$, определенных в прямых потомках вершины
- Трансляция, определяемая данной схемой множество $\{(\alpha,\beta)\}$
 - lacktriangledown имеет дерево разбора в данной входной грамматике
 - ightharpoonup eta значение выделенного символа S_k

Пример обобщенной СУ-схемы: дифференцирование

Транслирующие грамматики

- КС-грамматика, терминальный алфавит которой разбит на два множества: входных и выходных символов
- Транслирующая грамматика пятерка $(N, \Sigma_i, \Sigma_o, P, S)$
 - № N алфавит нетерминалов
 - $ightharpoonup \Sigma_i$ алфавит входных терминалов
 - ∑_o алфавит выходных терминалов
 - ▶ $S \in N$ стартовый нетерминал
 - ▶ $P = \{A \to \alpha\}, \alpha \in (\Sigma_i \cup \Sigma_o \cup N)^*$ множество правил вывода

Пример транслирующей грамматики

$$E \rightarrow E + T\{+\}$$

$$\mid T$$

$$T \rightarrow T * F \{*\}$$

$$\mid F$$

$$F \rightarrow n\{n\}$$

$$\mid (E)$$

Пример транслирующей грамматики

$$\begin{array}{cccc} E & \to & E + T \{+\} \\ & | & T \\ T & \to & T * F \{*\} \\ & | & F \\ F & \to & n \{n\} \\ & | & (E) \end{array}$$

$$E \Rightarrow E + T\{+\} \Rightarrow T + T\{+\} \Rightarrow P + T\{+\} \Rightarrow n\{n\} + T\{+\} \Rightarrow n\{n\} + T*P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + P*P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + n\{n\} * P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + n\{n\} * n\{n\} *$$

Пример транслирующей грамматики

$$\begin{array}{cccc} E & \to & E + T \{+\} \\ & | & T \\ T & \to & T * F \{*\} \\ & | & F \\ F & \to & n \{n\} \\ & | & (E) \end{array}$$

$$E \Rightarrow E + T\{+\} \Rightarrow T + T\{+\} \Rightarrow P + T\{+\} \Rightarrow n\{n\} + T\{+\} \Rightarrow n\{n\} + T*P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + P*P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + n\{n\} * P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + n\{n\} * n\{n\} * P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + n\{n\} * n\{n\} * P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} + n\{n\} * n\{n\} * P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} * n\{n\} * n\{n\} * P\{*\}\{+\} \Rightarrow n\{n\} * n$$

- Если вычеркнуть все выходные символы, получим n + n * n
- Если вычеркнуть все входные символы, получим $n \, n \, n + *$ постфиксная запись выражения

Постфиксная транслирующая грамматика

- Если выходные символы встречаются только в конце правил, транслирующая грамматика называется постфиксной
- Это требование формально не выдвигается: транслирующие грамматики могут быть не постфиксными
- На практике постфиксные транслирующие грамматики удобнее

Атрибутная транслирующая грамматика

- Входной алфавит алфавит лексем
 - Лексема характеризуется типом и значением
- Транслирующая грамматика описывает перевод только типа лексемы
 - Это существенно снижает выразительность формализма
- Для борьбы с этим недостатком предложены атрибутные грамматики
 - Модификация транслирующих грамматик, снабженная атрибутами
 - Выходные символы транслирующих грамматик транслирующие символы
 - \star Нетерминалы, которые раскрываются в ε , и в момент раскрытия выполняют связанные с ними действие

Атрибут

Атрибут — дополнительные данные, ассоциированные с грамматическими символами

- Если X символ, а a его атрибут, то значение a в узле дерева, помеченном X, записывается как X.a
- Узлы дерева могут реализовываться как записи или объекты, а атрибуты — как поля
- Атрибуты могут быть любого типа
- Если в каждом узле дерева атрибуты уже вычислены, оно называется **аннотированным**
- Процесс вычисления этих атрибутов называется аннотированием дерева разбора

Вычисление атрибутов не всегда возможно

$$A \rightarrow B$$
 $A.s = B.i$
 $B.i = A.s + 1$

Синтезируемый атрибут, S-атрибутная грамматика

- Атрибут, значение которого зависит от значений атрибутов детей данного узла или от других атрибутов этого узла, называется синтезируемым
- Если в транслирующей грамматике используются только синтезируемые атрибуты, она называется **S-атрибутной** грамматикой
- Аннотирование дерева разбора S-атрибутной грамматики возможно путем выполнения семантических правил снизу вверх (от листьев к корню)

Пример S-атрибутной грамматики

 $F \rightarrow (E)$

$$S \rightarrow E$$
 $S.val = E.val$
 $E_0 \rightarrow E_1 + T \quad \{ADD.res = op_1 + op_2\}$ $ADD.op_1 = E_1.val$ $ADD.op_2 = T.val$ $E_0.val = ADD.res$
 $E \rightarrow T$ $E.val = T.val$
 $T_0 \rightarrow T_1 + F \quad \{MUL.res = op_1 * op_2\}$ $MUL.op_1 = T_1.val$ $MUL.op_2 = F.val$ $T_0.val = MUL.res$
 $T \rightarrow F$ $T.val = F.val$ $F.val = p.val$

F.val = F.val

Наследуемый атрибут, L-атрибутная грамматика

Атрибут, значение которого зависит только от атрибутов братьев узла слева или атрибутов родителей, называется **наследуемым**

Грамматика называется **L-атрибутной**, если каждый наследуемый атрибут узла X_j в правиле $A \to X_1 \dots X_n$ зависит только от:

- Атрибутов узлов $X_1 \dots X_{j-1}$ (братья слева)
- Наследуемых атрибутов узла (предок)

Синтезируемые атрибуты тоже разрешены

Любая S-атрибутная грамматика является L-атрибутной

Пример L-атрибутной грамматики