# Intelligence artificielle

Logique du premier ordre

Elise Bonzon elise.bonzon@u-paris.fr

LIPADE - Université de Paris http://www.math-info.univ-paris5.fr/~bonzon/

# Logique du premier ordre

- 1. Pourquoi la logique du premier ordre?
- 2. Syntaxe et sémantique de la logique du premier ordre
- 3. Utiliser la logique du premier ordre
- 4. Conclusion

Pourquoi la logique du premier

ordre?

 La logique propositionnelle est déclarative : connaissances et inférences sont séparées, les inférences sont indépendantes du domaine

- La logique propositionnelle est déclarative : connaissances et inférences sont séparées, les inférences sont indépendantes du domaine
- La logique propositionnelle permet de prendre en compte des informations partielles avec la disjonction et la négation

- La logique propositionnelle est déclarative : connaissances et inférences sont séparées, les inférences sont indépendantes du domaine
- La logique propositionnelle permet de prendre en compte des informations partielles avec la disjonction et la négation
- La logique propositionnelle est compositionnelle :
  - La signification de  $a \wedge b$  provient de la signification de a et de b

- La logique propositionnelle est déclarative : connaissances et inférences sont séparées, les inférences sont indépendantes du domaine
- La logique propositionnelle permet de prendre en compte des informations partielles avec la disjonction et la négation
- La logique propositionnelle est compositionnelle :
  - La signification de  $a \wedge b$  provient de la signification de a et de b
- La signification en logique propositionnelle ne dépend pas du contexte
  - Contrairement au langage naturel

#### Limites de la logique propositionnelle

- Mais la logique propositionnelle a un pouvoir expressif très limité
  - Contrairement au langage naturel
  - On ne peut pas par exemple dire "tous les hommes sont mortels", à moins de créer un énoncé pour chaque humain.

# Limites de la logique propositionnelle

- Mais la logique propositionnelle a un pouvoir expressif très limité
  - Contrairement au langage naturel
  - On ne peut pas par exemple dire "tous les hommes sont mortels", à moins de créer un énoncé pour chaque humain.
- Impossible de tirer partie des notions de similitudes entre propositions
  - Pierre et Inès sont étudiants

#### Limites de la logique propositionnelle

- Mais la logique propositionnelle a un pouvoir expressif très limité
  - Contrairement au langage naturel
  - On ne peut pas par exemple dire "tous les hommes sont mortels", à moins de créer un énoncé pour chaque humain.
- Impossible de tirer partie des notions de similitudes entre propositions
  - Pierre et Inès sont étudiants
- Il n'est pas possible d'exprimer des relations entre symboles

#### Logique du premier ordre

- Logique propositionnelle : le monde contient des faits
- Logique du 1er ordre : défini à partir d'un domaine → les objets sur lesquels on raisonne
  - Termes : représentent les éléments du domaine
  - Relations ou prédicats : entre les éléments du domaine
  - Formules : décrivent les interactions entre les relations

#### Logique du premier ordre

- Logique propositionnelle : le monde contient des faits
- Logique du 1er ordre : défini à partir d'un domaine → les objets sur lesquels on raisonne
  - Termes : représentent les éléments du domaine
  - Relations ou prédicats : entre les éléments du domaine
  - Formules : décrivent les interactions entre les relations

#### Par exemple:

- Domaine = les membres d'une famille
- Terme : Charly, pere(x) (désigne un élément du domaine)
- Relation : frere(Charly, Julie), vrai si Charly et le frère de Julie
- Formule :  $\forall x \exists y \ \textit{frere}(x, y)$  signifie "tout individu a un frère"

# logique du premier ordre

Syntaxe et sémantique de la

# Syntaxe de la logique du 1er ordre

Un alphabet  ${\mathcal A}$  d'un langage  ${\mathcal L}$  de la logique des prédicats consiste des données suivantes :

- Les connecteurs logiques :  $\neg$ ,  $\land$ ,  $\lor$ ,  $\Rightarrow$ ,  $\Leftrightarrow$
- Deux constantes logiques : ⊤ et ⊥
- Les parenthèses : ( et )
- Deux quantificateurs : universel ∀, et existentiel ∃
- Un ensemble V de variables : x, y, a, b, ...
- ullet Un ensemble  ${\cal F}$  de symboles de fonction :
  - d'arité 0 : constantes (Paul, Pierre, 2, ...)
  - d'arité > 0 : fonctions (racinecarre, pere, ...)
- Un ensemble  $\mathcal{R}$  de symboles de prédicats (frere, >, avant, ...)
  - Prédicat particulier : égalité =

#### Fonction vs Prédicat

- Une fonction retourne un élément du domaine, tandis qu'un prédicat est vrai ou faux
- Par exemple :
  - Fonction : pere(Philippe) = Jean
  - Prédicat : est\_pere(Philippe, Jean) = Vrai
- Attention : les noms importent peu. C'est la définition qui est importante.

# Syntaxe de la logique du 1er ordre

#### Signature d'un langage

La signature d'un langage  $\mathcal{L}$  est  $\langle \mathcal{F}, \mathcal{R} \rangle$ .

- La signature peut varier d'un langage à l'autre
- Langage de l'arithmétique :
  - $\mathcal{F} = \{0/0, succ/1, -/1, +/2, -/2, \times/2, \div/2\}$
  - $\mathcal{R} = \{ = /2 \}$
- Langage de la généalogie :
  - $\mathcal{F} = \{pere/1, mere/1, Andre/0, Beatrice/0, Charles/0, Elodie/0\}$
  - $\mathcal{R} = \{homme/1, femme/1, parent/2\}$

#### **Enoncés atomiques**

- Terme : variables et éléments de  $\mathcal{F}$  (constantes et fonctions)
  - C'est un élément du domaine
    - Exemple : x, Jean, pere(Richard), racinecarre(y)
  - Un terme est clos s'il ne contient pas de variable
    - Par exemple, mere(Jean) est clos
- Enoncé atomique : élément de  $\mathcal{R}$  (prédicat),  $\top$  et  $\bot$ 
  - Retourne une valeur Vrai ou Faux
  - Exemple: frere(Richard, Jean); epoux(pere(Richard), mere(Jean))

#### **Formules**

Les formules sont construites à partir des énoncés atomiques, des connecteurs et des quantificateurs

#### **Formules**

Soit  $\mathcal{L}$  un langage, dont la signature est  $\langle \mathcal{F}, \mathcal{R} \rangle$ .

- Si P/n ∈ R est un prédicat d'arité n, et si t<sub>1</sub>, t<sub>2</sub>,...t<sub>n</sub> sont des termes sur F, alors P(t<sub>1</sub>, t<sub>2</sub>,...t<sub>n</sub>) est une formule de L, dite formule atomique (ou atome) de L.
- Si  $E_1$  et  $E_2$  sont des formules, alors  $(\neg E)$ ,  $(E_1 \wedge E_2)$ ,  $(E_1 \vee E_2)$ ,  $(E_1 \Rightarrow E_2)$ ,  $(E_1 \Leftrightarrow E_2)$  sont aussi des formules de  $\mathcal{L}$
- Si E est une formule et  $x \in \mathcal{V}$  une variable, alors  $(\forall x \ E)$  et  $(\exists x \ E)$  sont aussi des formules de  $\mathcal{L}$
- ullet Les symboles op et ot sont aussi des formules atomiques

#### Variables libres et liées

- Une occurence d'une variable est dite liée quand elle est dans le champ d'un quantificateur, autrement elle est libre
- Une variable libre a au moins une occurrence libre dans une formule
- Exemple :
  - $\exists x (p(x,y)) \land \forall z (q(z,x))$
  - Première occurrence de x liée, seconde occurrence libre, y libre, z liée
- Une formule close est une formule sans variable libre

# Modèles de la logique du 1er ordre

- La vérité d'une formule est déterminée par un modèle et une interprétation des symboles de la formule
- Un modèle contient des objets (appelés éléments du domaine (ou de l'univers)) qui sont liés entre eux par des relations
- Une interprétation spécifie à quoi réfèrent les symboles de l'énoncé :
  - Symboles de constantes → objets
  - Symboles de prédicats → relations
  - Symboles de fonctions → fonctions
- Un énoncé atomique est vrai dans un modèle donné, compte tenu d'une interprétation donnée, si la relation à laquelle renvoie le symbole du prédicat s'applique aux objets en arguments.

# Sémantique de la logique du 1er ordre : Interprétation

#### Interprétation

Une interprétation  $\mathcal I$  d'un langage  $\mathcal L$ , dont la signature est  $\langle \mathcal F, \mathcal R \rangle$ , est constitué par :

- Un ensemble (fini ou infini, mais non vide) D, appelé domaine ou univers de  $\mathcal I$
- Une application, qui associe à chaque symbole de  $\langle \mathcal{F}, \mathcal{R} \rangle$  une valeur :
  - ullet une constante  $c/0\in \mathcal{F}:c_{\mathcal{I}}$  est un élément de D  $(c\in D)$
  - une fonction  $f/n \in \mathcal{F} : f_{\mathcal{I}}$  est une fonction de  $D^n \longrightarrow D$
  - un symbole propositionnel  $p/0 \in \mathcal{R}: p_{\mathcal{I}} = \top$  est vrai, ou  $p_{\mathcal{I}} = \bot$  est faux
  - une relation  $p/n \in \mathcal{R}: p_{\mathcal{I}}$  est un sous-ensemble de  $D^n$  (les n-uplets qui vérifient cette relation)

# Sémantique de la logique du 1er ordre : Interprétation

#### Interprétation

Une interprétation  $\mathcal I$  d'un langage  $\mathcal L$ , dont la signature est  $\langle \mathcal F, \mathcal R \rangle$ , est constitué par :

- Un ensemble (fini ou infini, mais non vide) D, appelé domaine ou univers de  $\mathcal I$
- Une application, qui associe à chaque symbole de  $\langle \mathcal{F}, \mathcal{R} \rangle$  une valeur :
  - une constante  $c/0 \in \mathcal{F}$  :  $c_{\mathcal{I}}$  est un élément de D  $(c \in D)$
  - une fonction  $f/n \in \mathcal{F}$ :  $f_{\mathcal{I}}$  est une fonction de  $D^n \longrightarrow D$
  - un symbole propositionnel  $p/0 \in \mathcal{R}: p_{\mathcal{I}} = \top$  est vrai, ou  $p_{\mathcal{I}} = \bot$  est faux
  - une relation  $p/n \in \mathcal{R}: p_{\mathcal{I}}$  est un sous-ensemble de  $D^n$  (les n-uplets qui vérifient cette relation)

#### Modèle

Un modèle  $\langle D, \mathcal{I} \rangle$  est une interprétation qui rend une formule vraie.

# Interprétation : Exemple

Soit le langage  $\mathcal{L}$ , dont la signature  $\langle \mathcal{F}, \mathcal{R} \rangle$  est la suivante :

- $\mathcal{F} = \{pere/1, mere/1, A/0, B/0, C/0, E/0\}$
- $\mathcal{R} = \{parent/2\}$

Une interprétation possible sur le domaine  $D = \{A, B, C, E\}$  est :

- pere(C) = A, pere(E) = A, mere(C) = B, mere(E) = B,
- $parent = \{(A, E), (A, C), (B, C), (B, E)\}$

#### Quantification universelle

- ∀⟨variables⟩⟨enonce⟩
- Tous les étudiants sont intelligents :

```
\forall x \ etudiant(x) \Rightarrow \ intelligent(x)
```

- \( \forall x P \) est vrai dans un modèle si et seulement si \( P \) est vrai pour tous les objets \( x \)
- \( \forall x \) P est équivalent à la conjonction de toutes les instanciations de P :

```
(etudiant(Paul) \Rightarrow intelligent(Paul))
\land (etudiant(Chafia) \Rightarrow intelligent(Chafia))
\land (etudiant(Sophie) \Rightarrow intelligent(Sophie))
\land (etudiant(Abdel) \Rightarrow intelligent(Abdel))
\land \vdots
```

# Quantification universelle : erreur fréquente à éviter

- ullet Le connecteur principal à utiliser avec  $\forall$  est l'implication  $\Rightarrow$
- Erreur fréquente : utiliser la conjonction ∧ comme connecteur principal avec ∀
- ∀x etudiant(x) ∧ intelligent(x) signifie "tout le monde est étudiant et tout le monde est intelligent"

#### Quantification existentielle

- ∃⟨variables⟩⟨enonce⟩
- Un étudiant est intelligent :

```
\exists x \ etudiant(x) \land \ intelligent(x)
```

- ∃x P est vrai dans un modèle si et seulement si P est vrai pour au moins un objet x
- ∃x P est équivalent à la disjonction de toutes les instanciations de P :

```
(etudiant(Paul) \land intelligent(Paul))
\lor (etudiant(Chafia) \land intelligent(Chafia))
\lor (etudiant(Sophie) \land intelligent(Sophie))
\lor (etudiant(Abdel) \land intelligent(Abdel))
\lor \vdots
```

# Quantification existentielle : erreur fréquente à éviter

- $\bullet$  Le connecteur principal à utiliser avec  $\exists$  est la conjonction  $\land$
- Erreur fréquente : utiliser l'implication ⇒ comme connecteur principal avec ∃
- ∃x etudiant(x) ⇒ intelligent(x) est vrai s'il existe quelqu'un qui n'est pas étudiant!

# Propriétés des quantificateurs

- $\forall x \forall y$  est équivalent à  $\forall y \forall x$
- $\exists x \exists y$  est équivalent à  $\exists y \exists x$
- $\exists x \forall y$  n'est pas équivalent à  $\forall y \exists x$ 
  - ∃y∀x aime(x, y) "Il existe une personne qui est aimé par tout le monde"
  - ∀x∃y aime(x, y) "Tout le monde aime quelqu'un" (pour toute personne, il existe quelqu'un qu'il aime)
- Liens entre ∀ et ∃ : Les deux quantificateurs sont liés par le biais de la négation :
  - $\forall x \ aime(x, Glace)$  est équivalent à  $\neg \exists x \neg aime(x, Glace)$
  - $\exists x \ aime(x, Brocoli)$  est équivalent à  $\neg \forall x \neg aime(x, Brocoli)$

#### **Egalité**

- terme<sub>1</sub> = terme<sub>2</sub> est vrai sous une certaine interprétation si et seulement si terme<sub>1</sub> et terme<sub>2</sub> renvoient au même objet
  - Richard a deux frères :
     ∃x, y frere(x, Richard) ∧ frere(y, Richard) ∧ ¬(x = y)
  - Le grand-père paternel de quelqu'un est le père de son père
     \( \forall \) gppaternel(x) = pere(pere(x))

#### **Egalité**

- terme<sub>1</sub> = terme<sub>2</sub> est vrai sous une certaine interprétation si et seulement si terme<sub>1</sub> et terme<sub>2</sub> renvoient au même objet
  - Richard a deux frères :
     ∃x, y frere(x, Richard) ∧ frere(y, Richard) ∧ ¬(x = y)
  - Le grand-père paternel de quelqu'un est le père de son père
     ∀x gppaternel(x) = pere(pere(x))
- Mais pour prendre en compte cette égalité, on doit ajouter une nouvelle règle d'inférence : la démodulation, qui permet de remplacer un terme par un autre en cas d'égalité.
  - A partir de la BC composée des énoncés suivants :
    - 1.  $\forall x \ gppaternel(x) = pere(pere(x))$
    - annee\_naissance(pere(pere(Lea)))
  - on peut déduire annee\_naissance(gppaternel(Lea)) grâce à la démodulation

Utiliser la logique du premier

ordre

• La mère d'une personne est un parent féminin :

• La mère d'une personne est un parent féminin :

$$\forall m, c \; mere(c) = m \Leftrightarrow feminin(m) \land parent(m, c)$$

• La mère d'une personne est un parent féminin :

$$\forall m, c \; mere(c) = m \Leftrightarrow feminin(m) \land parent(m, c)$$

• Parents et enfants sont des relations inverses :

• La mère d'une personne est un parent féminin :

$$\forall m, c \; mere(c) = m \Leftrightarrow feminin(m) \land parent(m, c)$$

• Parents et enfants sont des relations inverses :

$$\forall p, c \ parent(p, c) \Leftrightarrow enfant(c, p)$$

• La mère d'une personne est un parent féminin :

$$\forall m, c \; mere(c) = m \Leftrightarrow feminin(m) \land parent(m, c)$$

• Parents et enfants sont des relations inverses :

$$\forall p, c \ parent(p, c) \Leftrightarrow enfant(c, p)$$

• Un grand-parent est le parent d'un des parents :

# Domaine des liens de parenté

• La mère d'une personne est un parent féminin :

$$\forall m, c \; mere(c) = m \Leftrightarrow feminin(m) \land parent(m, c)$$

• Parents et enfants sont des relations inverses :

$$\forall p, c \ parent(p, c) \Leftrightarrow enfant(c, p)$$

• Un grand-parent est le parent d'un des parents :

$$\forall g, c \ grandparent(g, c) \Leftrightarrow \exists p \ parent(g, p) \land parent(p, c)$$

• Tous les chemins mènent à Rome

• Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

• Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Une porte est ouverte ou fermée

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

• Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée

Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Une porte est ouverte ou fermée

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

• Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow ((ouvert(x) \lor ferme(x)) \land \neg(ouvert(x) \land ferme(x)))$$

• Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

- Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée
   ∀x (porte(x) ⇒ ((ouvert(x) ∨ ferme(x)) ∧ ¬(ouvert(x) ∧ ferme(x)))
- Tout ce qui brille n'est pas or

Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Une porte est ouverte ou fermée

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée
 ∀x (porte(x) ⇒ ((ouvert(x) ∨ ferme(x)) ∧ ¬(ouvert(x) ∧ ferme(x)))

Tout ce qui brille n'est pas or

$$\neg \forall x \ (brille(x) \Rightarrow or(x)) \equiv \exists x \ brille(x) \land \neg or(x)$$

• Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Une porte est ouverte ou fermée

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée
 ∀x (porte(x) ⇒ ((ouvert(x) ∨ ferme(x)) ∧ ¬(ouvert(x) ∧ ferme(x)))

• Tout ce qui brille n'est pas or

$$\neg \forall x \ (brille(x) \Rightarrow or(x)) \equiv \exists x \ brille(x) \land \neg or(x)$$

• Il y a des peines, il y a des plaisirs, mais aucune peine n'est un plaisir

Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Une porte est ouverte ou fermée

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

- Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée
   ∀x (porte(x) ⇒ ((ouvert(x) ∨ ferme(x)) ∧ ¬(ouvert(x) ∧ ferme(x)))
- Tout ce qui brille n'est pas or

$$\neg \forall x \ (brille(x) \Rightarrow or(x)) \equiv \exists x \ brille(x) \land \neg or(x)$$

• If y a despeines, if y a desplaisirs, mais aucune peine n'est un plaisir  $(\exists x \; peine(x)) \land (\exists x \; plaisir(x)) \land \forall x \; (peine(x) \Rightarrow \neg plaisir(x))$ 

• Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

- Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée
   ∀x (porte(x) ⇒ ((ouvert(x) ∨ ferme(x)) ∧ ¬(ouvert(x) ∧ ferme(x)))
- Tout ce qui brille n'est pas or

$$\neg \forall x \ (brille(x) \Rightarrow or(x)) \equiv \exists x \ brille(x) \land \neg or(x)$$

- If y a despeines, if y a desplaisirs, mais aucune peine n'est un plaisir  $(\exists x \ peine(x)) \land (\exists x \ plaisir(x)) \land \forall x \ (peine(x) \Rightarrow \neg plaisir(x))$
- Pour tout entier il existe un entier plus grand

Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

- Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée
   ∀x (porte(x) ⇒ ((ouvert(x) ∨ ferme(x)) ∧ ¬(ouvert(x) ∧ ferme(x)))
- Tout ce qui brille n'est pas or

$$\neg \forall x \ (brille(x) \Rightarrow or(x)) \equiv \exists x \ brille(x) \land \neg or(x)$$

- If y a despeines, if y a desplaisirs, mais aucune peine n'est un plaisir  $(\exists x \; peine(x)) \land (\exists x \; plaisir(x)) \land \forall x \; (peine(x) \Rightarrow \neg plaisir(x))$
- Pour tout entier il existe un entier plus grand

$$\forall x \ (entier(x) \Rightarrow \exists y \ (entier(y) \land plusgrand(y, x)))$$

Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Une porte est ouverte ou fermée

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

- Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée
   ∀x (porte(x) ⇒ ((ouvert(x) ∨ ferme(x)) ∧ ¬(ouvert(x) ∧ ferme(x)))
- Tout ce qui brille n'est pas or

$$\neg \forall x \ (brille(x) \Rightarrow or(x)) \equiv \exists x \ brille(x) \land \neg or(x)$$

- If y a despeines, if y a desplaisirs, mais aucune peine n'est un plaisir  $(\exists x \; peine(x)) \land (\exists x \; plaisir(x)) \land \forall x \; (peine(x) \Rightarrow \neg plaisir(x))$
- Pour tout entier il existe un entier plus grand

$$\forall x \ (entier(x) \Rightarrow \exists y \ (entier(y) \land plusgrand(y,x)))$$

Il existe un plus grand entier

• Tous les chemins mènent à Rome

$$\forall x \ (chemin(x) \Rightarrow mene(x, Rome))$$

• Une porte est ouverte ou fermée

$$\forall x \ (porte(x) \Rightarrow (ouvert(x) \lor ferme(x))$$

- Une porte est ou bien ouverte ou bien fermée
   ∀x (porte(x) ⇒ ((ouvert(x) ∨ ferme(x)) ∧ ¬(ouvert(x) ∧ ferme(x)))
- Tout ce qui brille n'est pas or

$$\neg \forall x \ (brille(x) \Rightarrow or(x)) \equiv \exists x \ brille(x) \land \neg or(x)$$

- If y a despeines, if y a desplaisirs, mais aucune peine n'est un plaisir  $(\exists x \; peine(x)) \land (\exists x \; plaisir(x)) \land \forall x \; (peine(x) \Rightarrow \neg plaisir(x))$
- Pour tout entier il existe un entier plus grand

$$\forall x \ (entier(x) \Rightarrow \exists y \ (entier(y) \land plusgrand(y, x)))$$

• Il existe un plus grand entier

$$\exists x \ (entier(x) \land \forall y (entier(y) \Rightarrow plusgrand(x, y)))$$

# Règles de diagnostique; règles causales

Règles de diagnostique : Effets observés → causes cachées

$$\forall s, \; Brise(s) \Rightarrow (\exists r \; Adjacent(r,s) \land Puit(r))$$

Règles causales : Propriétés cachées → effets/percepts

$$\forall r, \ \textit{Puit}(r) \Rightarrow (\forall s \ \textit{Adjacent}(r, s) \Rightarrow \textit{Brise}(s))$$

 Système avec règles causales : Système de raisonnement fondé sur un modèle

# Ingénierie des connaissances en logique du 1er ordre

- 1. Identifier la tâche
- 2. Collecter les connaissances pertinentes
- 3. Choisir le vocabulaire des prédicats, fonctions et constantes
- 4. Encoder les connaissances du domaine
- 5. Encoder une description d'un exemple du problème spécifique
- Soumettre des requêtes à la procédure d'inférence et obtenir des réponses
- 7. Déboguer la base de connaissances

# Conclusion

# Remarque : pourquoi logique du premier ordre?

- Les variables ne peuvent représenter que des objets
- Logique du second ordre : les variables peuvent aussi représenter des prédicats ou des fonctions
  - $\exists x \exists y \ personne(x) \land y(x, USA)$
  - Il existe une personne (x), qui a une certaine relation (y) avec les USA
  - Certaines expressions du second ordre peuvent être représentées avec des expressions du premier ordre :
    - $\exists x \exists y \ personne(x) \land relation(y, x, USA)$

#### Conclusion

- Logique du premier ordre :
  - Les objets et relations sont des primitives de la sémantique
  - Syntaxe : constantes, fonctions, prédicats, égalité, quantificateurs
- Augmentation du pouvoir expressif : suffisant pour représenter le monde du Wumpus