

# Algorithmique et Programmation

## Modules de fonctions

---

Elise Bonzon

`elise.bonzon@mi.parisdescartes.fr`

LIPADE - Université Paris Descartes

<http://www.math-info.univ-paris5.fr/~bonzon/>

1. Modules de fonctions
2. Abstraction des données
3. Modules courants
4. Dessiner avec `turtle`
5. Pour conclure

# Modules de fonctions

---

## Modules

Un **module de fonctions** est un fichier qui regroupe des ensembles de fonctions.

Un module peut également regrouper d'autres outils (classes, données...). On utilise souvent le terme de *bibliothèque*.

## Modules

Un **module de fonctions** est un fichier qui regroupe des ensembles de fonctions.

Un module peut également regrouper d'autres outils (classes, données...). On utilise souvent le terme de *bibliothèque*.

- L'utilisation des modules est très fréquente. Elle permet de :
  - ré-utiliser du code
  - isoler, dans un espace identifié, des fonctionnalités particulières
- Il existe un grand nombre de modules fournis d'office avec Python
- Il est également possible de définir ses propres modules

- Le **nom d'un fichier** en Python se termine par `.py` et ne contient que des lettres minuscules, des chiffres et des soulignés. Aucun espace !

- Le **nom d'un fichier** en Python se termine par `.py` et ne contient que des lettres minuscules, des chiffres et des soulignés. Aucun espace !
  - `essai2.py`; `essai_tortue.py`; ~~`Essai Tortue.py`~~

- Le **nom d'un fichier** en Python se termine par `.py` et ne contient que des lettres minuscules, des chiffres et des soulignés. Aucun espace !
  - `essai2.py` ; `essai_tortue.py` ; ~~`Essai Tortue.py`~~
- Un **module** est un fichier `nom_fichier.py` écrit en Python et contenant :



- Le **nom d'un fichier** en Python se termine par `.py` et ne contient que des lettres minuscules, des chiffres et des soulignés. Aucun espace !
  - `essai2.py`; `essai_tortue.py`; ~~`Essai Tortue.py`~~
- Un **module** est un fichier `nom_fichier.py` écrit en Python et contenant :
  - des définitions

- Le **nom d'un fichier** en Python se termine par `.py` et ne contient que des lettres minuscules, des chiffres et des soulignés. Aucun espace !
  - `essai2.py`; `essai_tortue.py`; ~~`Essai Tortue.py`~~
- Un **module** est un fichier `nom_fichier.py` écrit en Python et contenant :
  - des définitions
  - des instructions (par exemple d'affichage)

- Le **nom d'un fichier** en Python se termine par `.py` et ne contient que des lettres minuscules, des chiffres et des soulignés. Aucun espace !
  - `essai2.py`; `essai_tortue.py`; ~~`Essai Tortue.py`~~
- Un **module** est un fichier `nom_fichier.py` écrit en Python et contenant :
  - des définitions
  - des instructions (par exemple d'affichage)
- Un module peut être destiné :

- Le **nom d'un fichier** en Python se termine par `.py` et ne contient que des lettres minuscules, des chiffres et des soulignés. Aucun espace !
  - `essai2.py`; `essai_tortue.py`; ~~`Essai Tortue.py`~~
- Un **module** est un fichier `nom_fichier.py` écrit en Python et contenant :
  - des définitions
  - des instructions (par exemple d'affichage)
- Un module peut être destiné :
  - à être **directement exécuté**. Lorsqu'il est court et effectue une action ré-utilisable, on parle souvent d'un **script**

- Le **nom d'un fichier** en Python se termine par `.py` et ne contient que des lettres minuscules, des chiffres et des soulignés. Aucun espace !
  - `essai2.py` ; `essai_tortue.py` ; ~~`Essai Tortue.py`~~
- Un **module** est un fichier `nom_fichier.py` écrit en Python et contenant :
  - des définitions
  - des instructions (par exemple d'affichage)
- Un module peut être destiné :
  - à être **directement exécuté**. Lorsqu'il est court et effectue une action ré-utilisable, on parle souvent d'un **script**
  - à être **utilisé par un autre module**. Il exporte alors un certain nombre de fonctionnalités.

# Syntaxes d'import d'un module

3 syntaxes possibles pour importer un module, ou les fonctions d'un module, dans un autre fichier.

---

```
import nom_module
```

```
from nom_module import nom1, nom2...
```

```
from nom_module import *
```

---

# Un exemple de module : calcul de la TVA

---

```
#Fichier tva.py
TVA = 19.6
COEFF = 1 + TVA / 100
def prix_ttc(p):
    """ float x float --> float
    Retourne le prix TTC en fonction du COEFF défini par TVA"""
    return p * COEFF
```

---

# Un exemple de module : calcul de la TVA

---

```
#Fichier tva.py
TVA = 19.6
COEFF = 1 + TVA / 100
def prix_ttc(p):
    """ float x float --> float
    Retourne le prix TTC en fonction du COEFF défini par TVA"""
    return p * COEFF
```

---

```
#Fichier use_tva.py
import tva
```

---



# Un exemple de module : calcul de la TVA

---

```
#Fichier tva.py
TVA = 19.6
COEFF = 1 + TVA / 100
def prix_ttc(p):
    """ float x float --> float
    Retourne le prix TTC en fonction du COEFF défini par TVA"""
    return p * COEFF
```

---

---

```
#Fichier use_tva.py
import tva
def bilan(x):
    """float --> None
    Affiche le prix TTC du prix HT donné en entrée"""
    #Utilisation prix_ttc définie dans le module tva
    prix = tva.prix_ttc(x)
    print('Avec un taux de', tva.TVA, end = '%, ')
    print('un produit à', x, 'euros HT vaut', prix, 'euros TTC.')
```

```
bilan(26)
```

---

```
import nom_module.py
```

---

```
import tva
```

---

- Le module `tva.py` définit les variables `TVA`, `COEFF` et la fonction `prix_ttc`.
- Utilisée dans le module `use-tva`, l'instruction `import tva` rend les définitions de `tva` accessibles depuis `use-tva`
- Pour accéder aux variables et fonctions définies dans le module `tva`, il faut **préfixer** leur nom par le nom de leur module :
  - `tva.COEFF`; `tva.TVA`; `tva.prix_ttc`

```
import nom_module.py as
```

---

```
import nom_module as nm
```

---

- Il est possible que le module importé ait un nom un peu long, et qu'il soit fastidieux de le préfixer à chaque utilisation
- Il est possible de le renommer, avec la commande `import nom_module as nm`
- Pour accéder aux variables et fonctions définies dans le module `nom_module`, il faut **préfixer** leur nom par le nom choisi :
  - `nm.fonction1 ...`

```
from nom_module.py import
```

---

```
from tva import TVA
```

---

```
from nom_module.py import
```

---

```
from tva import TVA
```

---

- Permet de n'importer que quelques fonctions ou variables du fichier `tva.py`

```
from nom_module.py import
```

---

```
from tva import TVA
```

---

- Permet de n'importer que quelques fonctions ou variables du fichier `tva.py`
- Il ne faut plus préfixer le nom des variables par le nom du module

```
from nom_module.py import
```

---

```
from tva import TVA
```

---

- Permet de n'importer que quelques fonctions ou variables du fichier `tva.py`
- Il ne faut plus préfixer le nom des variables par le nom du module

---

```
>>> from tva import TVA, prix_ttc
```

---

```
from nom_module.py import
```

---

```
from tva import TVA
```

---

- Permet de n'importer que quelques fonctions ou variables du fichier tva.py
- Il ne faut plus préfixer le nom des variables par le nom du module

---

```
>>> from tva import TVA, prix_ttc
>>> prix_ttc(26)
31.096
```

---



```
from nom_module.py import
```

---

```
from tva import TVA
```

---

- Permet de n'importer que quelques fonctions ou variables du fichier `tva.py`
- Il ne faut plus préfixer le nom des variables par le nom du module

---

```
>>> from tva import TVA, prix_ttc
>>> prix_ttc(26)
31.096
>>> TVA
19.6
```

---

```
from nom_module.py import
```

---

```
from tva import TVA
```

---

- Permet de n'importer que quelques fonctions ou variables du fichier tva.py
  - Il ne faut plus préfixer le nom des variables par le nom du module
- 

```
>>> from tva import TVA, prix_ttc
>>> prix_ttc(26)
31.096
>>> TVA
19.6
>>> tva.TVA
Traceback (most recent call last):
File "<stdin>", line 1, in <module>
NameError: name 'tva' is not defined
```

---

# Import de fonctions

---

---

```
#Fichier tva.py  
TVA = 19.6  
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

# Import de fonctions

---

```
#Fichier tva.py
```

```
TVA = 19.6
```

```
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

```
#Fichier tva_55.py
```

```
TVA = 5.5
```

```
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

# Import de fonctions

---

```
#Fichier tva.py
TVA = 19.6
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier tva_55.py
TVA = 5.5
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier use_tva.py
from tva import TVA
from tva_55 import TVA
```

---

# Import de fonctions

---

```
#Fichier tva.py  
TVA = 19.6  
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier tva_55.py  
TVA = 5.5  
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier use_tva.py  
from tva import TVA  
from tva_55 import TVA
```

---

⇒ conflit sur la variable TVA !

# Import de fonctions

---

```
#Fichier tva.py
TVA = 19.6
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier tva_55.py
TVA = 5.5
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier use_tva.py
from tva import TVA
from tva_55 import TVA
```

---

⇒ conflit sur la variable TVA !

Deux possibilités :

# Import de fonctions

---

```
#Fichier tva.py  
TVA = 19.6  
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier tva_55.py  
TVA = 5.5  
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier use_tva.py  
from tva import TVA  
from tva_55 import TVA
```

---

⇒ conflit sur la variable TVA !

Deux possibilités :

- importer les modules complets  
→ `tva.TVA` et `tva_55.TVA`



# Import de fonctions

---

```
#Fichier tva.py
TVA = 19.6
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier tva_55.py
TVA = 5.5
COEFF = 1 + TVA / 100
```

---

---

```
#Fichier use_tva.py
from tva import TVA
from tva_55 import TVA
```

---

⇒ conflit sur la variable TVA !

Deux possibilités :

- importer les modules complets  
→ `tva.TVA` et `tva_55.TVA`
- Renommer les variables

```
from nom_module.py import X as Y
```

---

```
from tva import TVA as TVA19
```

---

```
from nom_module.py import X as Y
```

---

```
from tva import TVA as TVA19
```

---

- Permet d'importer une fonction ou une variable du fichier `tva.py`, et de les renommer en `TVA19`

```
from nom_module.py import X as Y
```

---

```
from tva import TVA as TVA19
```

---

- Permet d'importer une fonction ou une variable du fichier `tva.py`, et de les renommer en `TVA19`
- Le mot `TVA19` devient un nom de variable du module courant, remplaçant le nom `TVA`

```
from nom_module.py import X as Y
```

---

```
from tva import TVA as TVA19
```

---

- Permet d'importer une fonction ou une variable du fichier `tva.py`, et de les renommer en `TVA19`
- Le mot `TVA19` devient un nom de variable du module courant, remplaçant le nom `TVA`
- Permet d'éviter des conflits de noms

```
from nom_module.py import *
```

---

```
from tva import *
```

---

```
from nom_module.py import *
```

---

```
from tva import *
```

---

- Permet d'importer **tout** ce que contient la module `tva.py`, sans avoir besoin d'utiliser le préfixe `tva`

```
from nom_module.py import *
```

---

```
from tva import *
```

---

- Permet d'importer **tout** ce que contient la module `tva.py`, sans avoir besoin d'utiliser le préfixe `tva`
- **MAIS usage souvent déconseillé :**



```
from nom_module.py import *
```

---

```
from tva import *
```

---

- Permet d'importer **tout** ce que contient la module `tva.py`, sans avoir besoin d'utiliser le préfixe `tva`
- **MAIS usage souvent déconseillé** :
  - On ne sait pas quels noms sont importés, donc risque de conflit sur les noms

```
from nom_module.py import *
```

---

```
from tva import *
```

---

- Permet d'importer **tout** ce que contient la module `tva.py`, sans avoir besoin d'utiliser le préfixe `tva`
- **MAIS usage souvent déconseillé** :
  - On ne sait pas quels noms sont importés, donc risque de conflit sur les noms
  - Un grand espace de noms est utilisé, souvent inutilement

# Obtenir de l'aide sur les modules importés

```
>>> import tva
>>> help(tva)
Help on module tva:
NAME
tva - #Fichier tva.py
FUNCTIONS
prix_ttc(p)
DATA
COEFF = 1.196
TVA = 19.6
FILE
/PATH/tva.py
```

- Pour vous **déplacer dans l'aide**, utilisez les flèches du haut et du bas, ou les touches page-up et page-down
- Pour **quitter l'aide**, appuyez sur la touche Q.
- Pour **chercher du texte**, tapez / puis le texte que vous cherchez puis la touche Entrée.
- Pour obtenir de l'aide sur une fonction : `help(tva.prix_ttc)`

# Obtenir la liste des noms définis

---

```
>>> dir(tva)
['COEFF', 'TVA', '__builtins__', '__cached__', '__doc__',
 '__file__', '__loader__', '__name__', '__package__',
 '__spec__', 'prix_ttc']
>>> dir()
['__annotations__', '__builtins__', '__doc__',
 '__loader__', '__name__', '__package__', '__spec__', 'tva']
```

---

- La fonction interne `dir()` est utilisée pour trouver quels noms sont définis par un module. Elle donne une liste de chaînes classées par ordre lexicographique
- Sans paramètre, `dir()` liste les noms actuellement définis
- La fonction `dir()` ne liste pas les noms des fonctions et variables natives. Si vous en voulez la liste, ils sont définis dans le module standard `__builtin__` : `dir(__builtin__)`

# Abstraction des données

---

# Un nouveau type de données

- De nombreux types existent en Python : `int`, `float`, `string`, `list`, `set`...
  - Mais le type *matrice* n'existe pas
- ⇒ Définir un nouveau type (abstrait) de données *matrice*, en utilisant des types de données existants
- Utiliser ce type, sans prendre en compte la façon dont il est construit
- ⇒ Concevoir une "boîte à outils" *matrice*

## Type Matrice $2 \times 2$

- Une matrice  $2 \times 2$  est la donnée de 4 nombres, organisés en ligne et en colonne

$$\begin{pmatrix} M_{0,0} & M_{0,1} \\ M_{1,0} & M_{1,1} \end{pmatrix}$$

## Type Matrice $2 \times 2$

- Une matrice  $2 \times 2$  est la donnée de 4 nombres, organisés en ligne et en colonne

$$\begin{pmatrix} M_{0,0} & M_{0,1} \\ M_{1,0} & M_{1,1} \end{pmatrix}$$

- Il faut savoir :



## Type Matrice $2 \times 2$

- Une matrice  $2 \times 2$  est la donnée de 4 nombres, organisés en ligne et en colonne

$$\begin{pmatrix} M_{0,0} & M_{0,1} \\ M_{1,0} & M_{1,1} \end{pmatrix}$$

- Il faut savoir :
  - Construire une matrice

## Type Matrice $2 \times 2$

- Une matrice  $2 \times 2$  est la donnée de 4 nombres, organisés en ligne et en colonne

$$\begin{pmatrix} M_{0,0} & M_{0,1} \\ M_{1,0} & M_{1,1} \end{pmatrix}$$

- Il faut savoir :
  - Construire une matrice
  - Accéder à ses éléments

## Type Matrice $2 \times 2$

- Une matrice  $2 \times 2$  est la donnée de 4 nombres, organisés en ligne et en colonne

$$\begin{pmatrix} M_{0,0} & M_{0,1} \\ M_{1,0} & M_{1,1} \end{pmatrix}$$

- Il faut savoir :
  - Construire une matrice
  - Accéder à ses éléments
- 2 méthodes pour cela :

## Type Matrice $2 \times 2$

- Une matrice  $2 \times 2$  est la donnée de 4 nombres, organisés en ligne et en colonne

$$\begin{pmatrix} M_{0,0} & M_{0,1} \\ M_{1,0} & M_{1,1} \end{pmatrix}$$

- Il faut savoir :
  - Construire une matrice
  - Accéder à ses éléments
- 2 méthodes pour cela :
  - Implémentation par une liste

## Type Matrice $2 \times 2$

- Une matrice  $2 \times 2$  est la donnée de 4 nombres, organisés en ligne et en colonne

$$\begin{pmatrix} M_{0,0} & M_{0,1} \\ M_{1,0} & M_{1,1} \end{pmatrix}$$

- Il faut savoir :
  - Construire une matrice
  - Accéder à ses éléments
- 2 méthodes pour cela :
  - Implémentation par une liste
  - Implémentation par une liste de listes

## Type Matrice $2 \times 2$

---

```
#En utilisant une liste
```

---

## Type Matrice $2 \times 2$

---

```
#En utilisant une liste
def matrice(a,b,c,d) :
    """Int x Int x Int x Int --> List
    Retourne une matrice 2x2 formée des 4 entiers en entrée"""
    return [a, b, c, d]
```

---

# Type Matrice $2 \times 2$

---

```
#En utilisant une liste
def matrice(a,b,c,d) :
    """Int x Int x Int x Int --> List
    Retourne une matrice 2x2 formée des 4 entiers en entrée"""
    return [a, b, c, d]

def matrice_ref(M, li, co):
    """List x Int x Int --> Int. Retourne l'entier M(li, co)"""
    return M[2 * li + co]
```

---



# Type Matrice $2 \times 2$

---

```
#En utilisant une liste
def matrice(a,b,c,d) :
    """Int x Int x Int x Int --> List
    Retourne une matrice 2x2 formée des 4 entiers en entrée"""
    return [a, b, c, d]

def matrice_ref(M, li, co):
    """List x Int x Int --> Int. Retourne l'entier M(li, co)"""
    return M[2 * li + co]
```

---

---

```
#En utilisant une liste de listes
```

---

# Type Matrice $2 \times 2$

---

```
#En utilisant une liste
def matrice(a,b,c,d) :
    """Int x Int x Int x Int --> List
    Retourne une matrice 2x2 formée des 4 entiers en entrée"""
    return [a, b, c, d]

def matrice_ref(M, li, co):
    """List x Int x Int --> Int. Retourne l'entier M(li, co)"""
    return M[2 * li + co]
```

---

---

```
#En utilisant une liste de listes
def matrice(a,b,c,d) :
    """Int x Int x Int x Int --> List
    Retourne une matrice 2x2 formée des 4 entiers en entrée"""
    return [[a, b], [c, d]]
```

---

# Type Matrice $2 \times 2$

---

```
#En utilisant une liste
def matrice(a,b,c,d) :
    """Int x Int x Int x Int --> List
    Retourne une matrice 2x2 formée des 4 entiers en entrée"""
    return [a, b, c, d]

def matrice_ref(M, li, co):
    """List x Int x Int --> Int. Retourne l'entier M(li, co)"""
    return M[2 * li + co]
```

---

---

```
#En utilisant une liste de listes
def matrice(a,b,c,d) :
    """Int x Int x Int x Int --> List
    Retourne une matrice 2x2 formée des 4 entiers en entrée"""
    return [[a, b], [c, d]]

def matrice_ref(M, li, co):
    """List x Int x Int --> Int. Retourne l'entier M(li, co)"""
    return M[li][co]
```

---

## Type Matrice $2 \times 2$

- Il n'y a pas unicité de la représentation concrète d'une matrice
- L'important, c'est la matrice, pas sa représentation !
- En dehors du module, on n'a pas besoin de connaître la représentation concrète des matrices

---

```
import matrice as mat #quelle que soit la représentation choisie

def determinant(M):
    """Matrice --> int
    Retourne le déterminant d'une matrice
    M_{0,0}*M_{1,1} - M_{0,1}*M_{1,0}"""

    d1 = mat.matrice_ref(M,0,0) * mat.matrice_ref(M,1,1)
    d2 = mat.matrice_ref(M,0,1) * mat.matrice_ref(M,1,0)
    return(d1 - d2)

M = mat.matrice(1, 2, 3, 4)
print("Le déterminant de la matrice", M, "est :", determinant(M))
```

---

# Modules courants

---

- Il existe de nombreux modules de base en Python
- La liste complète est présente à l'adresse :  
<https://docs.python.org/fr/3/py-modindex.html>
- N'hésitez pas à la parcourir !

## Quelques modules qui vous seront utiles

- `math` : fonctions et constantes mathématiques de base (`sin`, `cos`, `exp`, `pi`...).
- `cmath` : fonctions et constantes mathématiques avec des nombres complexes
- `sys` : interaction avec l'interpréteur Python, passage d'arguments
- `random` : génération de nombres aléatoires.
- `fractions` : fournit un support de l'arithmétique des nombres rationnels.

Et bien d'autres !

## Quelques exemples : math

---

```
>>> import math
```

---



## Quelques exemples : math

---

```
>>> import math
>>> dir(math)
['__doc__', '__file__', '__loader__', '__name__', '__package__',
 '__spec__', 'acos', 'acosh', 'asin', 'asinh', 'atan', 'atan2',
 'atanh', 'ceil', 'copysign', 'cos', 'cosh', 'degrees', 'e',
 'erf', 'erfc', 'exp', 'expm1', 'fabs', 'factorial', 'floor',
 'fmod', 'frexp', 'fsum', 'gamma', 'gcd', 'hypot', 'inf',
 'isclose', 'isfinite', 'isinf', 'isnan', 'ldexp', 'lgamma',
 'log', 'log10', 'log1p', 'log2', 'modf', 'nan', 'pi', 'pow',
 'radians', 'remainder', 'sin', 'sinh', 'sqrt', 'tan',
 'tanh', 'tau', 'trunc']
```

---

## Quelques exemples : math

---

```
>>> import math
>>> dir(math)
['__doc__', '__file__', '__loader__', '__name__', '__package__',
 '__spec__', 'acos', 'acosh', 'asin', 'asinh', 'atan', 'atan2',
 'atanh', 'ceil', 'copysign', 'cos', 'cosh', 'degrees', 'e',
 'erf', 'erfc', 'exp', 'expm1', 'fabs', 'factorial', 'floor',
 'fmod', 'frexp', 'fsum', 'gamma', 'gcd', 'hypot', 'inf',
 'isclose', 'isfinite', 'isinf', 'isnan', 'ldexp', 'lgamma',
 'log', 'log10', 'log1p', 'log2', 'modf', 'nan', 'pi', 'pow',
 'radians', 'remainder', 'sin', 'sinh', 'sqrt', 'tan',
 'tanh', 'tau', 'trunc']
>>> math.pi
3.141592653589793
```

---

## Quelques exemples : math

---

```
>>> import math
>>> dir(math)
['__doc__', '__file__', '__loader__', '__name__', '__package__',
 '__spec__', 'acos', 'acosh', 'asin', 'asinh', 'atan', 'atan2',
 'atanh', 'ceil', 'copysign', 'cos', 'cosh', 'degrees', 'e',
 'erf', 'erfc', 'exp', 'expm1', 'fabs', 'factorial', 'floor',
 'fmod', 'frexp', 'fsum', 'gamma', 'gcd', 'hypot', 'inf',
 'isclose', 'isfinite', 'isinf', 'isnan', 'ldexp', 'lgamma',
 'log', 'log10', 'log1p', 'log2', 'modf', 'nan', 'pi', 'pow',
 'radians', 'remainder', 'sin', 'sinh', 'sqrt', 'tan',
 'tanh', 'tau', 'trunc']
>>> math.pi
3.141592653589793
>>> math.cos(math.pi/4)
0.7071067811865476
```

---

## Quelques exemples : math

---

```
>>> import math
>>> dir(math)
['__doc__', '__file__', '__loader__', '__name__', '__package__',
 '__spec__', 'acos', 'acosh', 'asin', 'asinh', 'atan', 'atan2',
 'atanh', 'ceil', 'copysign', 'cos', 'cosh', 'degrees', 'e',
 'erf', 'erfc', 'exp', 'expm1', 'fabs', 'factorial', 'floor',
 'fmod', 'frexp', 'fsum', 'gamma', 'gcd', 'hypot', 'inf',
 'isclose', 'isfinite', 'isinf', 'isnan', 'ldexp', 'lgamma',
 'log', 'log10', 'log1p', 'log2', 'modf', 'nan', 'pi', 'pow',
 'radians', 'remainder', 'sin', 'sinh', 'sqrt', 'tan',
 'tanh', 'tau', 'trunc']
>>> math.pi
3.141592653589793
>>> math.cos(math.pi/4)
0.7071067811865476
>>> math.factorial(5)
120
```

---

## Quelques exemples : random

---

```
>>> import random
```

---

## Quelques exemples : random

---

```
>>> import random
>>> random.random() #Random float: 0.0 <= x < 1.0
0.37444887175646646
```

---

## Quelques exemples : random

---

```
>>> import random
>>> random.random() #Random float: 0.0 <= x < 1.0
0.37444887175646646
>>> random.uniform(2.5, 10.0) #Random float: 2.5<=x<10.0
3.1800146073117523
```

---

## Quelques exemples : random

---

```
>>> import random
>>> random.random() #Random float: 0.0 <= x < 1.0
0.37444887175646646
>>> random.uniform(2.5, 10.0) #Random float: 2.5<=x<10.0
3.1800146073117523
>>> random.randrange(10) #Int entre 0 et 9
7
```

---



## Quelques exemples : random

---

```
>>> import random
>>> random.random() #Random float: 0.0 <= x < 1.0
0.37444887175646646
>>> random.uniform(2.5, 10.0) #Random float: 2.5<=x<10.0
3.1800146073117523
>>> random.randrange(10) #Int entre 0 et 9
7
>>> random.randrange(0, 101, 2) #Entier pair entre 0 et 100
26
```

---

## Quelques exemples : random

---

```
>>> import random
>>> random.random() #Random float: 0.0 <= x < 1.0
0.37444887175646646
>>> random.uniform(2.5, 10.0) #Random float: 2.5<=x<10.0
3.1800146073117523
>>> random.randrange(10) #Int entre 0 et 9
7
>>> random.randrange(0, 101, 2) #Entier pair entre 0 et 100
26
#Choix aléatoire d'un élément dans une séquence
>>> random.choice(['win', 'lose', 'draw'])
'draw'
```

---

## Quelques exemples : random

---

```
>>> import random
>>> random.random() #Random float: 0.0 <= x < 1.0
0.37444887175646646
>>> random.uniform(2.5, 10.0) #Random float: 2.5<=x<10.0
3.1800146073117523
>>> random.randrange(10) #Int entre 0 et 9
7
>>> random.randrange(0, 101, 2) #Entier pair entre 0 et 100
26
#Choix aléatoire d'un élément dans une séquence
>>> random.choice(['win', 'lose', 'draw'])
'draw'
#4 éléments d'une séquence
>>> random.sample([10, 20, 30, 40, 50], 4)
[40, 10, 50, 30]
```

---

## Quelques exemples : random

```
>>> import random
>>> random.random() #Random float: 0.0 <= x < 1.0
0.37444887175646646
>>> random.uniform(2.5, 10.0) #Random float: 2.5<=x<10.0
3.1800146073117523
>>> random.randrange(10) #Int entre 0 et 9
7
>>> random.randrange(0, 101, 2) #Entier pair entre 0 et 100
26
#Choix aléatoire d'un élément dans une séquence
>>> random.choice(['win', 'lose', 'draw'])
'draw'
#4 éléments d'une séquence
>>> random.sample([10, 20, 30, 40, 50], 4)
[40, 10, 50, 30]
>>> l = [1, 2, 3, 4]
>>> random.shuffle(l) #Mélange d'une liste
>>> l
[2, 3, 1, 4]
```

## Quelques exemples : fractions

---

```
>>> from fractions import Fraction
```

---

## Quelques exemples : fractions

---

```
>>> from fractions import Fraction
>>> Fraction(16, -10)
Fraction(-8, 5)
```

---

## Quelques exemples : fractions

---

```
>>> from fractions import Fraction
>>> Fraction(16, -10)
Fraction(-8, 5)
>>> Fraction(123)
Fraction(123, 1)
```

---

## Quelques exemples : fractions

---

```
>>> from fractions import Fraction
>>> Fraction(16, -10)
Fraction(-8, 5)
>>> Fraction(123)
Fraction(123, 1)
>>> Fraction(2.25)
Fraction(9, 4)
```

---



## Quelques exemples : fractions

---

```
>>> from fractions import Fraction
>>> Fraction(16, -10)
Fraction(-8, 5)
>>> Fraction(123)
Fraction(123, 1)
>>> Fraction(2.25)
Fraction(9, 4)
>>> Fraction('7e-6')
Fraction(7, 1000000)
```

---

## Quelques exemples : fractions

---

```
>>> from fractions import Fraction
>>> Fraction(16, -10)
Fraction(-8, 5)
>>> Fraction(123)
Fraction(123, 1)
>>> Fraction(2.25)
Fraction(9, 4)
>>> Fraction('7e-6')
Fraction(7, 1000000)
>>> Fraction('-.125')
Fraction(-1, 8)
```

---

## Quelques exemples : fractions

---

```
>>> from fractions import Fraction
>>> Fraction(16, -10)
Fraction(-8, 5)
>>> Fraction(123)
Fraction(123, 1)
>>> Fraction(2.25)
Fraction(9, 4)
>>> Fraction('7e-6')
Fraction(7, 1000000)
>>> Fraction('-.125')
Fraction(-1, 8)
>>> Fraction(-.125)
Fraction(-1, 8)
```

---

## Exemple : aire et périmètre d'un triangle

- Ecrire une fonction qui calcule le périmètre et l'aire d'un triangle quelconque dont l'utilisateur fournit les 3 côtés. Rappel, avec  $d$  la longueur du demi-périmètre et  $a$ ,  $b$  et  $c$  celles des 3 côtés :

$$S = \sqrt{d(d-a)(d-b)(d-c)}$$

## Exemple : aire et périmètre d'un triangle

```
from math import sqrt

def perimetre(a, b, c) :
    """Float x Float x Float --> Float
    Calcule le périmètre d'un triangle défini par a, b, et c"""
    return a + b + c

def aire(a, b, c):
    """Float x Float x Float --> Float
    Calcule l'aire d'un triangle défini par a, b, et c"""
    d = perimetre(a, b, c)/2
    return sqrt(d * (d-a) * (d-b) * (d-c))

a = float(input("Longueur du premier côté : "))
b = float(input("Longueur du deuxième côté : "))
c = float(input("Longueur du troisième côté : "))

print("Le triangle de longueur " + str(a) + ",", end = " ")
print(str(b) + " et " + str(c) + " a pour périmètre", end = " ")
print(perimetre(a, b, c), "et pour aire", aire(a,b,c))
```

## Dessiner avec turtle

---

## **Module** turtle

Le module turtle permet de réaliser très simplement des dessins géométriques.

# Module turtle

## Module turtle

Le module turtle permet de réaliser très simplement des dessins géométriques.

```
>>> import turtle
>>> a = 0
>>> while a<12 :
...     a = a+1
...     turtle.forward(150)
...     turtle.left(150)
... 
```



# Module turtle

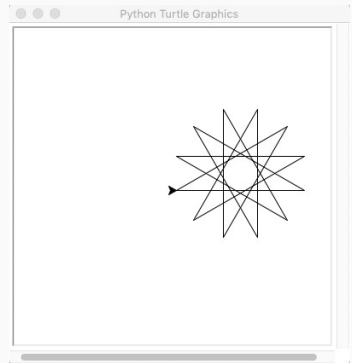
## Module turtle

Le module turtle permet de réaliser très simplement des dessins géométriques.

---

```
>>> import turtle
>>> a = 0
>>> while a<12 :
...     a = a+1
...     turtle.forward(150)
...     turtle.left(150)
... 
```

---



## Quelques fonctions du module `turtle`

- `reset()` : on efface, et on recommence
- `goto(x, y)` : aller à l'endroit des coordonnées `x`, `y`
- `forward(distance)` : avancer d'une distance donnée
- `backward(distance)` : reculer d'une distance donnée
- `left(angle)` : tourner à gauche d'un angle donné (en degrés)
- `right(angle)` : tourner à droite d'un angle donné (en degrés)
- `up()` : relever le crayon (se déplacer sans dessiner)
- `down()` : abaisser le crayon
- `pensize(épaisseur)` : épaisseur du trait de crayon
- `color(couleur)` : couleur du trait
- `write(texte)` : `texte` est une chaîne de caractères

# Flocon de neige avec turtle (1)

---

```
import turtle as tu
```

---

# Flocon de neige avec turtle (1)

---

```
import turtle as tu

def formeV():
    """None --> None. Procédure affichant une forme en V"""
    tu.right(25)
    tu.forward(50)
    tu.backward(50)
    tu.left(50)
    tu.forward(50)
    tu.backward(50)
    tu.right(25)
```

---

# Flocon de neige avec turtle (1)

---

```
import turtle as tu

def formeV():
    """None --> None. Procédure affichant une forme en V"""
    tu.right(25)
    tu.forward(50)
    tu.backward(50)
    tu.left(50)
    tu.forward(50)
    tu.backward(50)
    tu.right(25)

def brancheFlocon():
    """None --> None. Dessine la branche d'un flocon"""
    for x in range(4):
        tu.forward(30)
        formeV()
    tu.backward(120)
```

---

## Flocon de neige avec turtle (2)

---

```
def flocon():  
    """None --> None. Dessine un flocon"""  
    for x in range(6):  
        brancheFlocon()  
        tu.right(60)
```

---

## Flocon de neige avec turtle (2)

---

```
def flocon():  
    """None --> None. Dessine un flocon"""  
    for x in range(6):  
        brancheFlocon()  
        tu.right(60)  
  
tu.Screen().bgcolor("brown") #Couleur de fond de la fenêtre
```

---

## Flocon de neige avec turtle (2)

---

```
def flocon():
    """None --> None. Dessine un flocon"""
    for x in range(6):
        brancheFlocon()
        tu.right(60)

tu.Screen().bgcolor("brown") #Couleur de fond de la fenêtre
tu.speed(5) #Vitesse de déplacement de la tortue
```

---



## Flocon de neige avec turtle (2)

---

```
def flocon():
    """None --> None. Dessine un flocon"""
    for x in range(6):
        brancheFlocon()
        tu.right(60)

tu.Screen().bgcolor("brown") #Couleur de fond de la fenêtre
tu.speed(5) #Vitesse de déplacement de la tortue
tu.pencolor("white") #Couleur du trait
```

---

## Flocon de neige avec turtle (2)

---

```
def flocon():
    """None --> None. Dessine un flocon"""
    for x in range(6):
        brancheFlocon()
        tu.right(60)

tu.Screen().bgcolor("brown") #Couleur de fond de la fenêtre
tu.speed(5) #Vitesse de déplacement de la tortue
tu.pencolor("white") #Couleur du trait
tu.pensize(6) #Epaisseur du trait
```

---

## Flocon de neige avec turtle (2)

---

```
def flocon():
    """None --> None. Dessine un flocon"""
    for x in range(6):
        brancheFlocon()
        tu.right(60)

tu.Screen().bgcolor("brown") #Couleur de fond de la fenêtre
tu.speed(5) #Vitesse de déplacement de la tortue
tu.pencolor("white") #Couleur du trait
tu.pensize(6) #Epaisseur du trait

flocon()
```

---

## Flocon de neige avec turtle (2)

---

```
def flocon():
    """None --> None. Dessine un flocon"""
    for x in range(6):
        brancheFlocon()
        tu.right(60)

tu.Screen().bgcolor("brown") #Couleur de fond de la fenêtre
tu.speed(5) #Vitesse de déplacement de la tortue
tu.pencolor("white") #Couleur du trait
tu.pensize(6) #Epaisseur du trait

flocon()
tu.exitonclick() #Pour que la fenetre ne se ferme pas seule
```

---

**Pour conclure**

---

Aujourd'hui, on a vu

- Ce qu'est un module de fonction
- Comment en créer un, et comment l'importer
- Comment utiliser un module de fonction pour abstraire des données
- Quelques modules courants
- Comment dessiner avec `turtle`