

---

## Intelligence Artificielle – TD 6

### AGENTS LOGIQUES

---

**Exercice 1** - Soit un vocabulaire ne comportant que 4 propositions  $A$ ,  $B$ ,  $C$  et  $D$ . Combien il y a-t-il de modèles pour les énoncés suivants?

- (1)  $(A \wedge B) \Rightarrow (C \vee D)$       (2)  $(A \wedge B) \vee (B \wedge C)$       (3)  $A \vee B$       (4)  $A \Leftrightarrow B \Leftrightarrow C$

**Exercice 2** - On rappelle que  $\alpha \models \beta$  ssi  $\beta$  est vraie dans tous modèles dans lesquels  $\alpha$  est vraie. Prouver les énumérations suivantes :

1.  $\alpha$  est valide si et seulement si  $Vrai \models \alpha$
2. Pour tout  $\alpha$ ,  $Faux \models \alpha$
3.  $\alpha \models \beta$  si et seulement si l'énoncé  $(\alpha \Rightarrow \beta)$  est valide
4.  $\alpha \models \beta$  si et seulement si l'énoncé  $(\alpha \wedge \neg\beta)$  est insatisfiable

**Exercice 3** - Décidez si chacun des énoncés suivants est valide, insatisfiable ou ni l'un ni l'autre.

1.  $Fumee \Rightarrow Fumee$
2.  $Fumee \Rightarrow Feu$
3.  $(Fumee \Rightarrow Feu) \Rightarrow (\neg Fumee \Rightarrow \neg Feu)$
4.  $Fumee \vee Feu \vee \neg Feu$
5.  $((Fumee \wedge Chaleur) \Rightarrow Feu) \Leftrightarrow ((Fumee \Rightarrow Feu) \vee (Chaleur \Rightarrow Feu))$
6.  $(Fumee \Rightarrow Feu) \Rightarrow ((Fumee \wedge Chaleur) \Rightarrow Feu)$

**Exercice 4** - Soit le vocabulaire suivant :

$t$ :	La musique est triste	$r$ :	La musique est rythmée	$e$ :	Il écoute de la musique
$d$ :	Il danse	$b$ :	Il baille	$j$ :	Il est joyeux

Traduire en logique propositionnelle les phrases suivantes :

1. La musique n'est ni triste ni rythmée
2. Il ne baille pas, il est même joyeux.
3. Quand il écoute de la musique rythmée, il est joyeux et il danse.
4. Il danse, sauf s'il n'est pas joyeux.
5. S'il danse en baillant, c'est qu'il n'est pas joyeux.
6. Il écoute en ce moment de la musique triste sans bailler.
7. S'il écoute de la musique et qu'il danse, c'est qu'il est joyeux.

**Exercice 5** - Définir le vocabulaire, et traduire en logique propositionnelle les phrases suivantes :

1. Mon père et ma mère ont les yeux marrons et j'ai les yeux bleus
2. J'ai les yeux bleus si et seulement si je porte le gène ABleu et le gène BBleu
3. Je porte le gène ABleu si et seulement si ma mère le porte, et le gène BBleu si et seulement si mon père le porte.
4. Ma mère a les yeux marrons si elle porte le gène ABleu et le gène BMarron

**Exercice 6** - Appliquez la résolution pour prouver la relation de conséquences suivante :

$$\{p \vee q \vee r, \neg p \vee q \vee r, \neg q \vee r\} \models r$$

**Exercice 7** - Appliquez la résolution pour prouver la relation de conséquences suivante :

$$\{p \vee \neg r \vee \neg t, r, t \vee \neg p \vee \neg r, t \vee \neg q, \neg p \vee \neg q \vee \neg r\} \models \neg q$$

**Exercice 8** - Soit la base de connaissances suivante :

1.  $(\neg p \Rightarrow q) \wedge (q \Rightarrow t)$
2.  $(\neg q \Rightarrow s) \wedge (\neg p \Rightarrow s)$
3.  $(t \Rightarrow r) \wedge (p \Rightarrow r)$

Transformez cette base de connaissances en bases de clauses  $BC$ , et utilisez la résolution pour prouver que  $BC \models r$

**Exercice 9** - Traduire en logique propositionnelle les phrases suivantes :

1. Jules n'est jamais en vacances quand il lit le journal.
2. Pour que Jules soit à la mer, il suffit qu'on soit en été.
3. Si Jules est à la mer mais qu'il n'est pas en forme alors il lit le journal.
4. Quand Jules n'est pas en vacances alors il ne lit pas le journal.

Utilisez le principe de résolution pour prouver que Jules est toujours en forme en été.

**Exercice 10 - Chaînage avant et arrière**

Soit la base de connaissance suivante :

1.  $B \wedge D \wedge E \Rightarrow F$

2.  $G \wedge D \Rightarrow A$

3.  $C \wedge F \Rightarrow A$

4.  $B \Rightarrow X$

5.  $D \Rightarrow E$

6.  $X \wedge A \Rightarrow H$

7.  $C \Rightarrow D$

8.  $X \wedge C \Rightarrow A$

9.  $X \wedge B \Rightarrow D$

10.  $B$

11.  $C$

Peut-on conclure sur  $H$  en chaînage avant? En chaînage arrière?

**Exercice 11 - Chaînage avant et arrière**

Soit la base de connaissance suivante :

1.  $A \wedge B \Rightarrow C$

2.  $F \wedge D \Rightarrow A$

3.  $D \wedge E \Rightarrow B$

4.  $B \wedge D \Rightarrow F$

5.  $E \wedge F \Rightarrow D$

6.  $E$

7.  $F$

Peut-on conclure sur  $C$  en chaînage avant? En chaînage arrière?

**Exercice 12 - Chaînage arrière**

Soit la base de connaissance suivante :

1.  $E \wedge B \Rightarrow C$

2.  $B \wedge D \Rightarrow A$

3.  $I \wedge H \Rightarrow B$

4.  $D \wedge E \Rightarrow B$

5.  $B \wedge D \Rightarrow F$

6.  $E \wedge F \Rightarrow O$

7.  $E$

8.  $F$

Peut-on conclure sur  $C$  en chaînage arrière?