Din cauza unor probleme tehnice, etapa I a concursului MateInfoUB, secțiunea Informatica a fost anulată, și organizată din nou o săptămână mai târziu.

Aici regăsiți subiectele pentru ambele concursuri.

Concursul MateInfoUB 2022, secțiunea Informatică

14 Mai 2022

Concursul constă în obținerea unui punctaj cât mai mare prin rezolvarea celor 20 de probleme propuse. Fiecare problemă are un punctaj corespunzător gradului ei de dificultate. Cel mai probabil, nu veți avea suficient timp să rezolvați toate problemele.

1 Probleme de dificultate scăzută

1.1 Problema 1

(2 puncte) Cel mai mare exponent k astfel incât 12^k divide numărul 100! este ?

- A. 8
- B. 25
- C. 33
- D. 48
- E. 97

1.2 Problema 2

(2 puncte) Considerăm o matrice pătratică A de dimensiune 10×10 , având liniile și coloanele indexate de la 1. Orice element A[i][j] al matricei este egal cu minimul dintre i și j $(1 \le i, j \le 10)$. Suma tuturor elementelor din matricea A este egală cu:

- A. 285
- B. 385
- C. 500
- D. 550
- E. 715

1.3 Problema 3

(2 puncte) Pentru numărul natural pozitiv n definim f(n) astfel:

- f(1) = 1
- f(n) = 1 + f(n/2), dacă n este par
- 1 + f(3n+1), dacă n este impar si diferit de 1.

Spre exemplu , f(10) = 1 + f(5) = 1 + 1 + f(16) = 1 + 1 + 1 + f(8) = ... = 7. Cu cât este egal f(2022)?

- A. 64
- B. 128
- C. 256
- D. 512
- E. 1024

1.4 Problema 4

(2 puncte) Numerele de la 1 la 20.000 sunt scrise în ordine într-o carte cu 100 de foi (200 de pagini), câte 100 pe pagină.

Mai exact, prima foaie, alcătuită din paginile 1 și 2, conține pe prima pagină numerele de la 1 la 100 și pe a doua pagină numerele de la 101 la 200. A doua foaie, compusă din paginile 3 și 4 conține numerele de la 201 la 400 etc.

Cineva dezleagă cartea, amestecă foile și o leagă la loc. Atenție, foile nu sunt rotite sau întoarse ci doar permutate.

Care este probabilitatea, ca numerele de la 1150 la 1250 să fie în continuare consecutive?

- A. 1
- B. 1/2
- C. 1/99
- D. 1/100
- E. 99/10100

1.5 Problema 5

(2 puncte) Fie mulțimea de numere reale $A = \{-3000, 3000, -2000, 2000, -1000, 1000, -13, 13, -7, 7, -5, 5, -1.5, 1.5, -0.75, 0.75, -0.5, 0.5, 0.5, 0.5 \}$. Care este numărul de elemente al submulțimii de produs maxim din A?

- A. 9
- B. 13
- C. 14
- D. 15
- E. 18

1.6 Problema 6

(2 puncte) În țara fermecată, există 100 orașe, identificate cu numerele de la 0 la 99 și următoarele drumuri bidirecționale:

- Autostrăzi între orașele (0 și 9), (10 și 19), (20 și 29), ..., (90 și 99), a căror traversare durează 4 ore;
- Drumuri comunale între orașele (0 și 1), (1 și 2), ..., (98 și 99), a căror traversare durează o oră.

Cât durează cel mai rapid traseu de la orașul 12 la orașul 72?

- A. 29
- B. 30
- C. 34
- D. 35

1.7 Problema 7

(2 puncte) Fie o matrice pătratică de dimensiune 2022 ce conține valori de 1 și 0, astfel încât există exact o valoare egală cu 1 pe fiecare linie și pe fiecare coloană. În matrice este permisă interschimbarea a două valori din celule vecine pe verticală sau pe orizontală (considerăm că două celule sunt vecine dacă au o latură comună). Considerând toate matricele cu o asemenea proprietate, care este numărul minim de interschimbări necesare pentru a aduce toate valorile de 1 pe aceeași linie sau pe aceeași coloană?

- A. 2022
- B. 511566
- C. 510555
- D. 1021110
- E. 1022121

1.8 Problema 8

(2 puncte) Ultima cifră a numărului $1^1 + 2^2 + 3^3 + \ldots + 2022^{2022}$ este:

- A. 0
- B. 1
- C. 3
- D. 5
- E. 9

1.9 Problema 9

(2 puncte) Câte numere Fibonacci sunt în intervalul închis [1234567890, 9876543210]?

- A. 1
- B. 2
- C. 4
- D. 8
- E. 16

1.10 Problema 10

(2 puncte) Fie graful neorientat G dat prin mulțimea nodurilor V=1, 2, ..., 1000 și mulțimea muchiilor $E=(i,j)\mid i+j$ este număr prim, 1<=i,j<=1000. Care este numărul ciclurilor distincte de lungime 3 din graful G? (Considerăm ca doua cicluri sunt distincte daca ele difera prin cel putin o muchie.)

- A. 0
- B. 1
- C. 27
- D. 64
- E. 125

2 Probleme de dificultate medie

2.1 Problema 11

(3 puncte) În orașul Netville sunt 14052022 case, identificate prin numerele naturale 1, 2,..., 14052022. În majoritatea caselor locuiesc studenți (sau viitori studenți) ai Facultății de Matematică și Informatică, care s-au gândit să creeze o rețea de calculatoare folosind următoarea regulă: casa cu numărul h (2 \leq $h \leq$ 14052022) va fi interconectată cu toate casele al căror număr d este un divizor al lui h (1 \leq d < h). De exemplu, casa cu numărul 10 va fi interconectată cu casele cu numerele 1, 2, 5, 20, 30, ..., 14052020. Numărul de conexiuni care trebuie realizate între toate cele 14052022 case este egal cu:

- A. 233442104
- B. 226416093
- C. 219390082
- D. 205338061
- E. 248511938

2.2 Problema 12

(3 puncte) Alex joacă un joc. Inițial, acesta se află lipit cu spatele de perete. La fiecare pas poate să facă un salt în față sau în spate de lungime egală cu 2^k unități, unde k > 0. Pentru a evita accidente, Alex nu va efectua saltul în spate dacă poziția rezultată va fi mai micà decât 0. Care este numărul minim de salturi necesare lui Alex pentru a ajunge la poziția 1340291?

- A. 7
- B. 8
- C. 9
- D. 10
- E. 11

2.3 Problema 13

(3 puncte) Care este numărul minim de pătrate perfecte necesar astfel încât suma acestora să fie 2022? De exemplu:

- $2 = 1^2 + 1^2$, deci răspunsul pentru 2 este 2.
- $10 = 3^2 + 1^2$, deci răspunsul pentru 10 este tot 2.
- $100 = 10^2$, deci răspunsul pentru 100 este 1.
- $18 = 3^2 + 3^2$, deci răspunsul pentru 18 este 2.
- A. 2
- B. 3
- C. 4
- D. 5
- E. 6

2.4 Problema 14

(2 puncte) Pe masă se află 3 zaruri. Pe fiecare dintre cele 6 fețe ale zarurilor e inscripționată câte o cifră: Z_1 : [1, 3, 2, 4, 5,7]

```
Z_2: [1,7, 6,2, 1, 5] Z_3: [7,9,8, 2, 4, 21
```

Spunem că un număr de 3 cifre se poate forma folosind zarurile dacă putem aranja cele 3 zaruri pe masă astfel încât fețele de sus să descrie acel număr. De exemplu, putem forma numărul 562 folosind zarurile Z_1, Z_2, Z_3 (în această ordine). Câte numere distincte de 3 cifre se pot forma cu cele 3 zaruri?

```
A. 125
```

B. 317

C. 499

D. 521

E. 729

2.5 Problema 15

(3 puncte) Pentru care din următoarele valori ale lui n există o alegere de semne plus/minus astfel încăt expresia $1\pm 2\pm 3\pm 4\pm \ldots \pm n$ să ia valoarea 0?

A. 2021

B. 2022

C. 2023

D. 2025

E. 2026

2.6 Problema 16

Se consideră funcția:

```
int h(int a, int b, int k) {
   if (a <= 0) {
      if (k == 1)
        return a + b;
      else
        return b;
   } else {
      return h(a - b, b, k + 1);
   }
}</pre>
```

Care va fi valoarea expresiei h (14052022, 23, 0)?

A. 14

B. 23

C. 2022

D. 610957

E. 14051999

3 Probleme de dificultate ridicată

3.1 Problema 17

(5 puncte) Considerăm funcția:

```
const int kLim = 1000000;
void fun(int a, int b, int c) {
    if (a > kLim || b > kLim || c > kLim) {
        return;
    }
    if (a != c && b != c) {
        cout << c << "\n";
    }
    fun(a + 1, b, c + b);
    fun(a, b + 1, c + a);
}</pre>
```

Care dintre următoarele numere va fi afisat la un moment dat ca urmare a apelului 'fun(0, 0, 0)'?

- A. 361
- B. 5051
- C. 1787
- D. 53411
- E. 41

3.2 Problema 18

(5 puncte) Avem 10 bețe de lungimile: 3, 4, 5, 8, 10, 12, 14, 32, 57, 64.

Vrem să folosim unele dintre aceste bețe (posibil toate) pentru a construi conturul unui triunghi (punând bețele cap la cap). Pentru fiecare latură a triunghiului, putem folosi unul sau mai multe bețe. Triunghiul trebuie să aiba aria strict pozitivà.

Câte arii distincte posibile poate avea un asemenea triunghi?

- A. 8193
- B. 22
- C. 55558
- D. 11495
- E. 105693
- F. 234126
- G. 17293H. 16639
- I 120
- I. 132
- J. 49763

3.3 Problema 19

(5 puncte) Fie S suma tuturor elementelor tuturor submulțimilor cu 617 elemente ale mulțimii $\{1, 2, 3, ..., 1234\}$. Câte cifre are S?

A. 325

B. 376

C. 392

D. 404

E. 415

F. 427

G. 440

H. 455

I. 467

J. 489

3.4 Problema 20

(5 puncte) Alex are vedenii. Cum stă pe facebook să citească update-uri de la prieteni în loc să invețe pentru examenul de mâine, acesta începe să vadă cuvântul "picat" printre postări. Dat find un șir de caractere s format din literele mici ale alfabetului englez (fără diacritice) și semne de punctuație reprezentând o postare, o apariție a cuvântului "picat" este determinată de numerele $a_1 < a_2 < a_3 < a_4 < a_5$, astfel incât:

• $s[a_1] =' p'$

• $s[a_2] = 'i'$

• $s[a_3] = c'$

• $s[a_4] = 'a'$

• $s[a_5] = t'$

Două apariții se consideră diferite dacă cel puțin unul dintre numerele a_1 , a_2 , a_3 , a_4 sau a_5 este diferit în cele două apariții. Alex tocmai a citit următoarea postare:

azi am putut in sfarsit ca din intamplare sa vizitez muzeul cunoscut al satului: cand am pasit acolo am simtit ca totul este minunat.

Câte aparitii ale cuvântului "picat" există în această postare?

A. 665

B. 714

C. 1923

D. 2154

E. 1315

F. 1276

G. 956

H. 1672

I. 1024J. 1948

Concursul MateInfoUB 2022, secțiunea Informatică Raspunsuri corecte

14 Mai 2022

- 1. D
- 2. B
- 3. A
- 4. D
- 5. D
- 6. C
- 7. E
- 8. E
- 9. C
- 10. A 11. C
- 12. B
- 13. B
- 14. D
- 15. C
- 16. B
- 17. A
- 18. H
- 19. B 20. H

Concursul MateInfoUB 2022, secțiunea Informatică

21 Mai 2022

Concursul constă în obținerea unui punctaj cât mai mare prin rezolvarea celor 20 de probleme propuse. Fiecare problemă are un punctaj corespunzător gradului ei de dificultate. Cel mai probabil, nu veți avea suficient timp să rezolvați toate problemele. Fiecare problemă are un singur răspuns corect.

1 Probleme de dificultate scăzută

1.1 Problema 1

(2 puncte) Matei are 5 cafele. Fiecare cafea are un volum (dat în ml) și o concentrație dată în procente. Matei poate amesteca două cafele. Dacă amestecă o cafea cu v_1 ml și concentrație c_1 cu una cu v_2 ml și concentrație c_2 atunci el va obține o cafea cu:

- volum $v_1 + v_2$
- concentrație $\frac{c_1 \cdot v_1 + c_2 \cdot v_2}{v_1 + v_2}$

Satisfacția adusă lui Matei de o cafea cu volum v și concentrație c este $v \cdot c$.

Știind că Matei are:

- o cafea de 50 ml și concentrație de 40% (c = 0.4),
- o cafea de 100 ml și concentrație de 30% (c = 0.3),
- o cafea de 300 ml și concentrație de 10% (c = 0.1),
- o cafea de 250 ml și concentrație de 10% (c = 0.1),
- o cafea de 500 ml și concentrație de 50% (c = 0.5),

care este cea mai mare satisfacție pe care o poate obține Matei amestecând optim cafelele?

- A. 10
- B. 355
- C. 250
- D. 40
- E. 450

1.2 Problema 2

(2 puncte) Se consideră o suprafață (matrice) infinită în jos și în dreapta cu liniile numerotate de sus în jos și coloanele de la stânga la dreapta. O furnică explorează această suprafață pornind din colțul stânga sus (1,1). Deoarece furnica este prudentă și vrea să rămână mereu aproape de zona explorată deja (și marcată cu feromoni), explorarea se face extinzând succesiv pătratul deja parcurs din colțul stânga sus.

Astfel, la început furnica coboară în celula (2,1), apoi merge în dreapta în celula (2,2) și apoi urcă în celula (1,2), completând un pătrat 2×2 . Pe acesta îl extinde mergând în dreapta în celula (1,3), apoi coboară în (2,3) și (3,3), după care se deplasează spre stânga în celulele (3,2) și (3,1) completând un pătrat 3×3 .

Pe acesta îl extinde coborând în (4,1), mergând în dreapta până în (4,4) și apoi urcând in (1,4). Continuând în acest fel furnica poate explora o suprafață oricât de mare. Mai jos se pot vedea pașii la care a fost vizitată fiecare celulă până când furnica explorează un pătrat 5×5 .

```
17
          5
               16
2
     3
          6
                    18
               15
9
     8
          7
               14
                    19
10
    11
          12
               13
                    20
25
    24
          23
               22
                    21
```

Pe ce linie si pe ce coloană se va afla furnica la pasul 100001?

```
A. (144, 316)
```

B. (145, 316)

C. (145, 317)

D. (316, 145)

E. (317, 145)

1.3 Problema 3

(2 puncte) Matei are un PC nou, care rulează PearOS. Alex a reușit să îi fure calculatorul și acum încearcă să îi ghicească parola. Alex știe că Matei are o parolă de lungime 10 caractere formată din litere mici ale alfabetului englez. De asemenea, pentru o experiență mai plăcută a utilizatorului, atunci când o parolă greșită este introdusă, PearOS notifică utilizatorul dacă parola adevărată este mai mică sau mai mare lexicografic decât cea introdusă.

Dacă Alex caută parola în mod optim, atunci numărul de încercări pe care le va efectua este:

A. cuprins între 0 si 30

B. cuprins între 31 și 60

C. cuprins între 61 si 90

D. cuprins între 91 și 120

E. mai mare sau egal cu 121

1.4 Problema 4

(2 puncte) Alex a încercat să organizeze un concurs online, dar cu câteva minute înainte de începerea sa, și-a dat seama că platforma nu este suficient de puternică pentru a găzdui toți candidații și riscă să pice în timpul probei.

La concurs participă 1000 de candidați și Alex dorește să închirieze câteva servere. Un server este caracterizat de prețul său (cât îl costă pe Alex să închirieze serverul pe durata probei) și capacitatea sa (numărul de concurenți pe care serverul îi poate servi).

Alex are de ales între următoarele opțiuni de servere:

- servere cu prețul 2 și capacitate 2;
- servere cu pretul 5 și capacitate 10;

• servere cu prețul 10 și capacitate 23.

De notat că Alex poate închiria oricâte servere, indiferent dacă sunt sau nu de același tip.

Care este costul minim cu care Alex poate închiria servere cu suma capacităților mai mare sau egală cu 1000?

- A. 500
- B. 433
- C. 440
- D. 439
- E. 437

1.5 Problema 5

(2 puncte) Matei are următoarea permutare:

El are voie să efectueze cel mult 5 operații de interschimbare a două elemente alăturate. Care este cea mai mică permutare în ordine lexicografică pe care o poate obține?

- A. 1, 2, 5, 6, 9, 4, 3, 7, 10, 8
- B. 1, 2, 4, 6, 9, 5, 3, 7, 10, 8
- C. 1, 2, 6, 5, 4, 9, 3, 7, 10, 8
- D. 1, 2, 4, 9, 6, 5, 3, 7, 10, 8
- E. 1, 2, 4, 9, 5, 6, 3, 7, 10, 8

1.6 Problema 6

(2 puncte) În timpul taberei la munte, Alex are de aprins un foc. El are la dispoziție o grămadă de lemne de diferite mărimi, identificate prin numere de la 1 la 100. Unicul băț de dimensiune 1 este un chibrit, cu care Alex are de aprins focul. Deși buturuga mică răstoarnă carul mare, nu poate ca un chibrit să aprindă un buștean. De fapt, o bucată de lemn de dimensiune d care ia foc la momentul t aprinde la momentul t+1 toate bucățile neaprinse de dimensiune mai mică sau egală cu 2*d.

Știind că gramada de lemne conține bucăți cu dimensiunile

$$1, 2, 2, 2, 3, 5, 5, 5, 7, 13, 14, 15, 15, 25, 35, 50, 50, 51, 78, 99, 100$$

și că Alex dă foc chibritului în momentul t=1, care este primul moment de timp când toate lemnele sunt aprinse?

- A. 6
- B. 7
- C. 8
- D. 9
- E. 10

1.7 Problema 7

(2 puncte) Matei și-a cumpărat o plantă nouă, pe care trebuie să o ude zilnic, cu exact un litru de apă. El are patru sticle, inițial goale, cu volumele de 2, 8, 10 și 20 litri.

Într-o operație, Matei poate să:

- ia o sticlă, pe care o umple complet de la robinet;
- ia două sticle și varsă cât de mult poate din prima în a doua (fie până când prima sticlă se golește, fie până când a doua sticlă se umple);
- ude planta, dacă are o sticlă umplută cu exact 1 litru.

Considerăm afirmațiile următoare:

- 1. Matei poate uda planta în 6 mutări.
- 2. Matei poate uda planta folosind numai 3 sticle.
- 3. Matei poate uda planta fără să foloseasca mai mult de 22 de litri de apă.
- 4. Matei nu poate uda planta.

Care din afirmatii este adevărată?

- A. afirmatiile 1, 2 și 3
- B. afirmatiile 1 si 2
- C. afirmatia 4
- D. afirmațiile 2 și 3
- E. afirmațiile 1, 2 și 4

1.8 Problema 8

(2 puncte) Considerăm o matrice pătratică A de dimensiune n=1000, având liniile și coloanele indexate de la 1.

Orice element A[i][j] al matricei este egal cu $((i+j) \bmod n) + 1$. Dacă sumlin(i) reprezintă suma tuturor elementelor aflate pe linia $i \not = sumcol(j)$ reprezintă suma tuturor elementelor aflate pe coloana j, atunci valoarea maximă a expresiei |sumlin(i) - sumcol(j)|, unde $i, j \in \{1, 2, ..., n\}$, este egală cu:

- A. 0
- B. 500
- C. 1000
- D. 1998
- E. 500500

1.9 Problema 9

(2 puncte) Considerăm șirul infinit 1234567891011121314151617181920..., obținut prin alipirea tuturor cifrelor tuturor numerelor naturale nenule. Considerând șirul respectiv ca fiind indexat de la 0, atunci cifra aflată pe poziția 21052022 este egală cu:

- A. 1
- B. 2
- C. 3
- D. 6
- E. 9

1.10 Problema 10

(2 puncte) Uli a descoperit palindromurile și este foarte pasionată de ele, așa că dorește să calculeze câte palindromuri sunt mai mici ca 2022. Totuși, după o experiență traumatizantă la ora de fizică, Uli nu mai suportă cifra 4, așa că dorește să calculeze toate palindromurile între 0 (inclusiv) și mai mici ca 2022 care nu conțin cifra 4. Câte astfel de palindromuri sunt?

- A. 99
- B. 100
- C. 101
- D. 102
- E. 103

2 Probleme de dificultate medie

2.1 Problema 11

(3 puncte) Câte numere între 1 și 2.000.000.000 au exact 5 divizori?

A. 0

B. 12

C. 34

D. 47

E. 156

2.2 Problema 12

(3 puncte) Care este suma maximă a elementelor matricei de mai jos, după înmulțirea unor linii \sin/\sin coloane (posibil chiar toate) cu -1? Înmulțirea unei linii sau coloane cu -1 presupune înmulțirea tuturor elementelor sale cu -1.

4	-1	6	4	-5
-2	-33	-12	10	-11
1	0	3	-1	4
-99	-98	-40	34	33

A. 233

B. 234

C. 235

D. 361

E. 427

2.3 Problema 13

(3 puncte) Toată lumea are acasă o ceașcă cu monedele de 10 și 50 bani cu care nu are ce să facă. Alex a decis să schimbe acest lucru. Începând de acum, el s-a hotărât să plătească orice sumă cât mai exact poate. Concret, dacă are de plătit la magazin, va încerca:

- să dea cât mai multe monede de 50 de bani poate, fără să depășească suma totală;
- după ce nu mai poate da monede de 50 de bani, încearcă să dea cât mai multe de 10 bani, de asemenea fără a depăși suma totală;
- după aceea plătește suma rămasă cu bancnote de 1 leu.

De notat că mereu casierul dă restul exact, cu numărul minim de monede necesar. Inițial, Alex are:

- 10 monede de 50 de bani
- 10 monede de 10 bani.

Cu ce monede va rămâne Alex, dacă are de plătit, în ordine, sumele 4.7, 2.3, 10.1, 3.5?

A. o monedă de 50 de bani și o monedă de 10 bani.

B. două monede de 50 de bani.

C. nicio monedă.

D: 4 monede de 10 bani.

E: o monedă de 50 de bani.

2.4 Problema 14

(3 puncte) Alex se uită la prețul acțiunilor sale pe piață.

În mod inexplicabil, prețul acțiunilor la minutul i este:

$$(i^3 + 7 \cdot i^2 + 3 \cdot i + 84) \text{ mod } 100$$

Având prețul acțiunilor pentru minutul 1, 2, ..., 100, Alex își pune următoarea întrebare: dacă ar putea, pe parcursul acestor 100 de minute, să cumpere o acțiune și să o vândă mai târziu, care este profitul maxim pe care ar putea să îl obțină?

- A. 0
- B. 34
- C. 55
- D. 73
- E. 96

2.5 Problema 15

(3 puncte) Fie numerele "speciale":

Definim puterea unui număr x întreg ca fiind distanța față de cel mai apropiat număr special, respectiv valoarea minimă a modulului |x - s|, unde s este unul dintre numerele speciale.

Câte numere cuprinse între 1 și 2022 (inclusiv) au puterea un număr prim?

- A. 141
- B. 2008
- C. 446
- D. 431
- E. 1577

2.6 Problema 16

(3 puncte) Bunica lui Matei are un fotoliu. Fotoliul este foarte vechi și din tapițerie au început să iasă arce.

Putem privi fotoliul ca o matrice pătratică de 100 pe 100, având cele 4 colțuri la coordonatele (0,0), (0,100), (100,0) și (100,100). Matei a observat 5 arce, fiecare reprezentat prin cele două coordonate (X_i,Y_i) , care indică pe unde acesta străpunge fotoliul.

Evident, Matei nu vrea să se așeze pe un arc, deci se întreabă care este aria celui mai mare pătrat inclus în tapițerie, cu laturile paralele cu axele de coordonate și în interiorul căruia să nu se afle niciun arc. De observat faptul că arcele au voie să se afle pe laturile și colțurile pătratului.

Arcele sunt caracterizate prin următoarele coordonate:

$$(48, 47), (64, 27), (54, 28), (80, 83), (92, 36)$$

Care este latura maximă a unui pătrat complet inclus în tapițerie, cu laturile paralele cu axele de coordonate, în interiorul căruia nu se află niciun arc?

- A. 23
- B. 33
- C. 43

- D. 53 E. 63

3 Probleme de dificultate ridicată

3.1 Problema 17

(5 puncte) Alex întâlnește doi oameni. Pe unul dintre cei doi îl cheamă Matei. Alex știe acest lucru, dar nu știe pe care dintre ei îl cheamă Matei. De asemenea, unul dintre cei doi spune mereu adevărul și celălalt minte mereu. Alex știe și el lucrul acesta, dar, din nou, nu știe cine minte și cine spune adevărul.

Alex are în minte 5 întrebări pe care vrea să le folosească pentru a a afla dacă Matei minte sau nu:

- 1. Matei minte?
- 2. Esti Matei?
- 3. Ce ar spune celălalt dacă l-aș întreba dacă Matei minte?
- 4. Ce ai spune dacă te-as întreba dacă Matei minte?
- 5. Este adevărat că 1+1=2?

Alex dorește să pună exact o întrebare dintre cele 5 pentru a-l identifica pe Matei. Pe care dintre cele 5 întrebări le poate folosi?

```
A. întrebarea 1
B. întrebările 1 și 5
C. întrebarea 2
D. întrebările 1 și 4
E. întrebările 2, 3 și 4
```

3.2 Problema 18

(5 puncte) Care va fi output-ul următoarei secvențe de cod la apelul funcției g()?

```
long long f(long long a, long long b)
{
    if (a == 0)
        return 0;
    else if (a & 1)
        return (b + f(a ^ 1, b)) % 137;
    else
        return f(a >> 1, b << 1);
}

void g()
{
    long long suma = 0;
    for (long long i = 0; i < 2LL * 1000LL * 1000LL * 1000LL; i++) {
        suma += f(i, i);
        suma %= 137;
    }

    cout << "Suma este " << suma << '\n';
}</pre>
```

- A. Suma este 0
- B. Suma este 1
- C. Suma este 4

- D. Suma este 8
- E. Suma este 16
- F. Suma este 32
- G. Suma este 64
- H. Suma este 128
- I. Suma este 256
- J. Suma este 512

3.3 Problema 19

(5 puncte) Ema are 22 de cuburi astfel: 7 verzi, 8 albastre și 7 roșii. Ea ar vrea să vadă câte turnulețe poate forma cu ele fără ca un cub verde să fie plasat imediat peste un cub roșu.

În câte moduri diferite poate construi turnulețe de acest tip folosind toate cuburile? Două moduri sunt diferite dacă șirurile de culori ce încep de la primul cub de jos sunt diferite.

- A. 23519245
- B. 1097450640
- C. 41409225
- D. 37268302
- E. 10803075
- F. 194276877
- G. 298507535
- H. 107567859
- I. 251890065
- J. 462058202

3.4 Problema 20

(5 puncte) Doi oameni se numesc sosii daca seamăna mult unul cu altul. Evident, relația de a fi sosie este una de echivalență deoarece:

- A este mereu sosie cu A;
- dacă A este sosie cu B, atunci și B este sosie cu A;
- \bullet daca A este sosie cu B și B cu C, atunci și A este sosie cu C.

Numim o pereche (A,B) minunată dacă îndeplinește simultan următoarele două condiții:

- A < B
- A și B sunt sosii.

Într-un grup de N oameni Matei a observat ca sunt exact 2022 de perechi minunate.

Care este cea mai mică valoare a numărului N pentru care pot exista exact 2022 de perechi minunate?

- A. 65
- B. 66
- C. 67
- D. 68
- E. 69
- F. 70
- G. 71H. 72

- I. 73 J. 74

Concursul MateInfoUB 2022, secțiunea Informatică Raspunsuri corecte

21 Mai 2022

- 1. B
- 2. C
- 3. B
- 4. E
- 5. D
- 6. D
- 7. C 8. A
- 9. A
- 10. A 11. D
- 12. D
- 13. D
- 14. E
- 15. D
- 16. D 17. E
- 18. C
- 19. C
- 20. D