

**ФГАОУ ВО «МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ»**

Лабораторная работа №3

Организация циклов

Вариант № 28

По дисциплине:

Основы программирования

Выполнил студент 1-го курса группы 243-323

Онищенко А. А.

Проверил

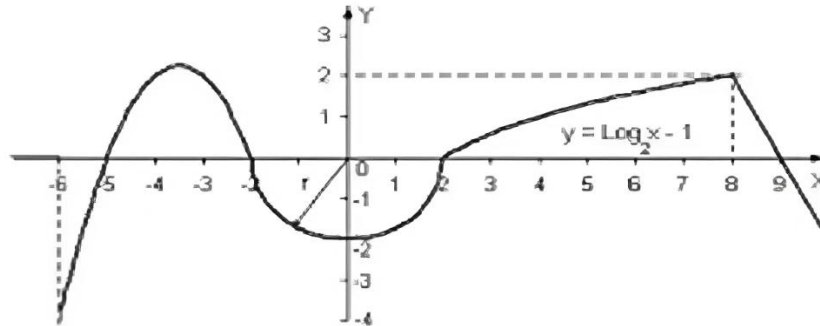
_____Никишина И. Н.

Москва, 2025

Задание 1

Постановка задачи

Вычислить и вывести на экран в виде таблицы значения функции, заданной графически, на интервале от $X_{нач}$ до $X_{кон}$ с шагом dx . Интервал и шаг задать таким образом, чтобы проверить все ветви программы. Таблицу снабдить заголовком и шапкой.



Теоретическая часть

Для решения задачи используется обновленная программа из первого задания второй лабораторной работы. В нее добавляется оператор цикла, проверяющий условие при котором программа продолжит выполняться по кругу.

Описание программы

Программа написана на алгоритмическом языке Python 3.6, реализована в среде ОС Windows 10 и состоит из частей, отвечающих за ввод данных, вычисление и представление данных на экране монитора.

Описание алгоритма

1. Ввести значения переменных X_{beg} , X_{end} , Dx .
2. Присвоить текущему значению X_t начальное значение X_{beg} .
3. Вычислить значение функции и вывести в виде строки таблицы.
4. Вычислить новое значение X_t .
5. Повторить с пункта 3, если $X_t < X_{end}$.
6. Завершить программу.

Описание входных и выходных данных

Входные данные поступают от пользователя с клавиатуры, выходные выводятся на экран. Данные имеют тип float.

Листинг программы

```
from math import *

print("Enter Xbeg, Xend, Dx")

xb = float(input("Xbeg = "))
xe = float(input("Xend = "))
dx = float(input("Dx = "))

print(f"Xbeg = {xb:7.2f}   Xend = {xe:7.2f}   Dx = {dx:7.2f}\n")

xt = xb

print("+-----+-----+")
print("|      X      |      Y      |")
print("+-----+-----+")

while xt < xe:
    if -6 <= xt <= -2:
        y = (-8/9) * ((xt + 3.5) ** 2) + 2
    elif -2 <= xt < 2:
        y = -sqrt(4 - xt ** 2)
    elif 2 <= xt < 8:
        y = log(xt, 2) - 1
    else:
        y = -2 * xt + 18
    print(f"| {xt:7.2f} | {y:7.2f} |")
    xt += dx
print("+-----+-----+")
```

Результаты и тестовые кейсы

Xbeg = -6

Xend = 10

Dx = 0.5

Xbeg = -6.00 Xend = 10.00 Dx = 0.50

```
+-----+-----+
|      X      |      Y      |
+-----+-----+
| -6.00 | -3.56 |
| -5.50 | -1.56 |
| -5.00 |  0.00 |
| -4.50 |  1.11 |
| -4.00 |  1.78 |
| -3.50 |  2.00 |
| -3.00 |  1.78 |
| -2.50 |  1.11 |
| -2.00 |  0.00 |
| -1.50 | -1.32 |
```

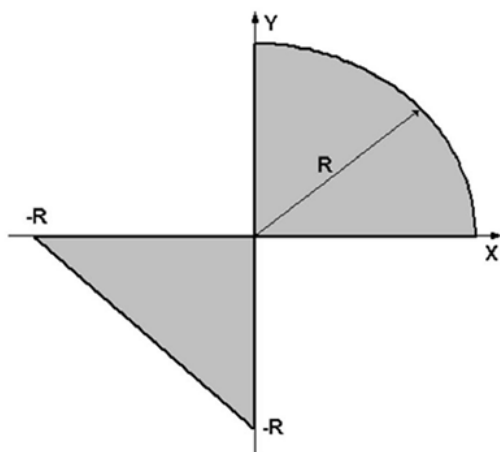
	-1.00		-1.73	
	-0.50		-1.94	
	0.00		-2.00	
	0.50		-1.94	
	1.00		-1.73	
	1.50		-1.32	
	2.00		0.00	
	2.50		0.32	
	3.00		0.58	
	3.50		0.81	
	4.00		1.00	
	4.50		1.17	
	5.00		1.32	
	5.50		1.46	
	6.00		1.58	
	6.50		1.70	
	7.00		1.81	
	7.50		1.91	
	8.00		2.00	
	8.50		1.00	
	9.00		0.00	
	9.50		-1.00	
+-----+-----+				

Задание 2

Постановка задачи

Для 10 выстрелов, координаты которых задаются генератором случайных чисел, вывести текстовые сообщения о попадании в мишень.

28)



Теоретическая часть

Для решения задачи используется обновленная программа из второго задания второй лабораторной работы. В нее добавляется оператор цикла с параметром для прохождения по значениям точек заданных с помощью функции *uniform* модуля *random*, в качестве параметров минимального и максимального значения *uniform* принимается R для X и для Y.

Описание программы

Программа написана на алгоритмическом языке Python 3.6, реализована в среде ОС Windows 10 и состоит из частей, отвечающих за ввод данных, вычисление и представление данных на экране монитора.

Описание алгоритма

1. Ввести значение радиуса R в качестве ограничения.
2. Задать количество проходов цикла и переменную счетчик.
3. В каждом цикле генерировать X и Y .
4. Проверить на принадлежность к области.
5. Вывести результат проверки принадлежности точки.
6. Вернуться к пункту 3.
7. Завершить программу когда счетчик вышел за пределы.

Описание входных и выходных данных

Входные данные поступают с клавиатуры, а выходные выводятся на монитор для просмотра. Входные и выходные данные имеют тип float.

Листинг программы

```
from math import *
from random import *

r = float(input("Enter R: "))
flag = 0

print("+-----+-----+-----+")
print("|      X      |      Y      | Result |")
print("+-----+-----+-----+")

for n in range(10):
    x = uniform(-r, r)
    y = uniform(-r, r)
    if x >= -r and x <= 0 and y >= -x - r and y <= 0 \
       or x >= 0 and x <= r and y <= sqrt(r ** 2 - x ** 2) and y >= 0:
        flag = 1
        result = "Yes"
    else:
        flag = 0
        result = "No"

    print(f"| {x:7.2f} | {y:7.2f} | {result:^7} |")

print("+-----+-----+-----+")
```

Результаты и тестовые кейсы

Enter R: 5

+		+		+			
	X		Y		Result		
+		+		+		+	
	0.10		3.48		Yes		
	1.26		-2.94		No		
	-0.19		-2.32		Yes		
	-4.48		-4.02		No		
	-2.06		2.25		No		
	-0.06		-0.05		Yes		
	0.35		-2.88		No		
	-1.70		3.14		No		
	-1.84		-3.54		No		
	0.16		1.22		Yes		
+		+		+		+	

Enter R: 7

+-----+-----+-----+						
	X		Y		Result	
+-----+-----+-----+						
	-0.60		-1.14		Yes	
	-3.11		2.79		No	
	6.07		1.91		Yes	
	-6.41		-5.99		No	
	-1.63		-3.36		Yes	
	-4.39		-1.15		Yes	
	0.84		-1.07		No	
	4.58		-0.66		No	
	0.24		4.06		Yes	
	-5.51		2.01		No	
+-----+-----+-----+						

Задание 3

Постановка задачи

Вычислить и вывести на экран в виде таблицы значения функции, заданной с помощью ряда Тейлора, на интервале от X_{beg} до X_{end} с шагом Dx с точностью ϵ .

Таблицу снабдить заголовком и шапкой. Каждая строка таблицы должны содержать значение аргумента, значение функции и количество просуммированных членов ряда.

$$(1-x)^{-4} = 1 + \frac{1}{1*2*3} (2 * 3 * 4 * x + 3 * 4 * 5 * x^2 + 4 * 5 * 6 * x^3 + 5 * 6 * 7 * x^4 + \dots)$$
$$|x| \leq 1$$

Теоретическая часть

Ряд Тейлора - это разложение функции в бесконечный ряд в окрестности некоторой точки. В данном случае используется разложение функции $(1-x)^{-4}$.

Область сходимости ряда определяется условием $|x| < 1$. При $|x| \geq 1$ ряд расходится, что проверяется в коде с помощью функции `fabs()`.

Формула разложения функции $(1-x)^{-4}$ в ряд Тейлора:

$$(1-x)^{-4} = 1 + 4x + 10x^2 + 20x^3 + 35x^4 + \dots$$

Рекуррентная формула для вычисления следующего члена ряда:

$$a_{n+1} = a_n \cdot x \cdot n + 3, \text{ где } a_1 = 4x$$

Коэффициенты в разложении представляют собой числа, которые можно получить по формуле:

$$C_n = n!3!(n+3)!$$

Точность вычислений определяется параметром ϵ (эпсилон). Вычисления продолжаются до тех пор, пока модуль очередного члена ряда не станет меньше заданной точности.

Проверка корректности входных данных осуществляется путем контроля условия $|x| < 1$. При нарушении этого условия вычисление невозможно, так как ряд расходится.

NaN (Not a Number) используется в коде для обозначения результатов, которые не могут быть вычислены (например, при $|x| \geq 1$).

Абсолютная величина (модуль) числа используется для:

- Проверки условия сходимости ряда
- Определения точности вычислений
- Корректной работы с отрицательными значениями

Метод вычисления включает:

1. Инициализацию первого члена ряда
2. Вычисление последующих членов по рекуррентной формуле
3. Суммирование членов ряда
4. Подсчет количества членов

5. Проверку условия окончания вычислений
Сравнение результатов производится между:

- Приближенным значением (сумма ряда)
- Точным значением функции $(1 - x)^{-4}$

Такой подход позволяет оценить точность вычислений и количество членов ряда, необходимых для достижения заданной точности.

Описание программы

Программа написана на алгоритмическом языке Python 3.6, реализована в среде ОС Windows 10 и состоит из частей, отвечающих за ввод данных, вычисление и представление данных на экране монитора.

Описание алгоритма

1. Импорт модуля

- Подключается модуль `math` для использования функции `fabs()` (абсолютное значение)

2. Функция `taylor_series()`

- Принимает два параметра: `x` (значение аргумента) и `epsilon` (точность вычислений)
- Проверяет условие сходимости: если $|x| \geq 1$, возвращает `NaN` и `0`
- Инициализирует начальные значения:
 - `result = 1.0` (первый член ряда)
 - `n = 1` (номер текущего члена)
 - `term = 4*x` (второй член ряда)
 - `total_terms = 2` (счетчик членов ряда)
- Выполняет основной цикл:
 - Увеличивает номер члена `n`
 - Вычисляет следующий член по формуле: `term *= x * (n + 3) / n`
 - Добавляет член к результату: `result += term`
 - Увеличивает счетчик членов: `total_terms += 1`
 - Проверяет условие выхода: если $|term| < epsilon$, завершает цикл
- Возвращает результат и количество членов ряда

3. Функция `exact_value()`

- Вычисляет точное значение функции $(1 - x)^{-4}$
- Проверяет условие $|x| < 1$
- При нарушении условия возвращает `NaN`

4. Основной алгоритм программы

- Вывод приветствия и информации о функции
- Ввод параметров:
 - `xb` (начальное значение `x`)
 - `xe` (конечное значение `x`)
 - `dx` (шаг)
 - `epsilon` (точность)

- Проверка корректности входных данных:
 - Если $|xb| \geq 1$ или $|xe| \geq 1$, программа завершается с ошибкой

5. Вывод результатов

- Формируется шапка таблицы
- Организуется цикл по x:
 - Вычисляется приближенное значение через `taylor_series()`
 - Вычисляется точное значение через `exact_value()`
 - Проверяется корректность результатов
 - Формируется строка таблицы
 - Значение x увеличивается на `dx`
- Выводится нижняя граница таблицы

6. Особенности реализации

- Используется `round(x + dx, 10)` для учета погрешности округления
- При выводе используется форматирование строк:
 - Ширина полей: 13 символов для x, 13.6f
 - Точность: 13.9f для значений функции
- Проверка на NaN выполняется через `exact == exact`

7. Последовательность выполнения

1. Инициализация
2. Ввод данных
3. Проверка корректности
4. Формирование таблицы
5. Вычисление значений
6. Вывод результатов

8. Условия завершения

- Программа завершается:
 - При ошибке ввода ($|x| \geq 1$)
 - После вывода всех значений в заданном диапазоне

Описание входных и выходных данных

Входные данные поступают от пользователя с клавиатуры, выходные выводятся на экран. Данные имеют тип `float`.

Листинг программы

```
from math import fabs

def taylor_series(x, epsilon):
    """Вычисление  $(1-x)^{-4}$  с помощью ряда Тейлора"""
    if fabs(x) >= 1:
        return float('nan'), 0

    result = 1.0 # Первый член ряда (1)
    n = 1 # Номер текущего члена
    term = 4 * x # Второй член ряда (4x)
    total_terms = 2 # Уже учли два члена

    if fabs(term) < epsilon:
        return result, 1
```

```

result += term

while True:
    n += 1
    # Рекуррентная формула для следующего члена:
    term *= x * (n + 3) / n
    result += term
    total_terms += 1

    if fabs(term) < epsilon:
        break

return result, total_terms

def exact_value(x):
    """Точное значение функции (1-x)^(-4)"""
    return (1 - x) ** (-4) if fabs(x) < 1 else float('nan')

# Ввод параметров
print("Вычисление функции (1-x)^(-4) с помощью ряда Тейлора")
print("Ряд: (1-x)^(-4) = 1 + 4x + 10x^2 + 20x^3 + 35x^4 + ...")
xb = float(input("Введите Xbeg (|x| < 1): "))
xe = float(input("Введите Xend (|x| < 1): "))
dx = float(input("Введите шаг Dx: "))
epsilon = float(input("Введите точность ε: "))

# Проверка корректности ввода
if fabs(xb) >= 1 or fabs(xe) >= 1:
    print("Ошибка: |x| должен быть < 1")
    exit()

# Вывод шапки таблицы
print("\n{: ^80}".format("Таблица значений функции (1-x)^(-4)"))
print("+-----+-----+-----+-----+")
print("|          X          | Приближенное | Точное | Членов ряда |")
print("+-----+-----+-----+-----+")

# Вычисление и вывод значений
x = xb
while x <= xe + 1e-10: # Учет погрешности округления
    approx, terms = taylor_series(x, epsilon)
    exact = exact_value(x)

    if exact == exact: # Проверка на NaN
        print(f"| {x:13.6f} | {approx:13.9f} | {exact:13.9f} | {terms:13d} |")
    else:
        print(f"| {x:13.6f} | {'NaN':^13} | {'NaN':^13} | {'NaN':^13} |")

    x = round(x + dx, 10)

print("+-----+-----+-----+-----+")

```

Результаты работы программы

Вычисление функции $(1-x)^{-4}$ с помощью ряда Тейлора

Ряд: $(1-x)^{-4} = 1 + 4x + 10x^2 + 20x^3 + 35x^4 + \dots$

Введите Xbeg ($|x| < 1$): -0.9

Введите Xend ($|x| < 1$): 0.9

Введите шаг Dx: 0.1

Введите точность ε : 0.0001

Таблица значений функции $(1-x)^{-4}$

X	Приближенное	Точное	Членов ряда
-0.900000	0.076686508	0.076733604	226
-0.800000	0.095217123	0.095259869	96
-0.700000	0.119690770	0.119730367	56
-0.600000	0.152624996	0.152587891	37
-0.500000	0.197495878	0.197530864	26
-0.400000	0.260337180	0.260308205	19
-0.300000	0.350103900	0.350127797	14
-0.200000	0.482259046	0.482253086	11
-0.100000	0.683024000	0.683013455	7
0.000000	1.000000000	1.000000000	1
0.100000	1.524144000	1.524157903	7
0.200000	2.441396326	2.441406250	11
0.300000	4.164880614	4.164931279	14
0.400000	7.715971314	7.716049383	19
0.500000	15.999878109	16.000000000	26
0.600000	39.062327594	39.062500000	37
0.700000	123.456530327	123.456790123	56
0.800000	624.999557628	625.000000000	96
0.900000	9999.998983678	10000.000000000	226

Process finished with exit code 0

Список используемой литературы

1. Н.А. Прохоренок, В.А. Дронов, Python 3 и PyQt 5. Разработка приложений: СПб.: БХВ-Петербург, 2017
2. В.П. Рядченко, Методическое пособие по выполнению лабораторных работ.