## Упрощение деревьев выражений

## Задания

1. Упростить выражения, выполнив сложение:

$$2+3 \to 5, (-2+b+4) \cdot k \to (2+b) \cdot k.$$

2. Упростить выражения, выполнив вычитание:

$$3-5 \to -2, 5+b-3 \to 2+b.$$

3. Упростить выражения, выполнив умножение:

$$2 \cdot b \cdot 2 \rightarrow 4 \cdot b$$
.

 Упростить выражения, выполнив деление, если они делятся без остатка:

$$4 \cdot a/2 \rightarrow 2 \cdot a$$
.

 Упростить выражения, выполнить возведение в степень с целым показателем:

$$2^{\wedge}3 \rightarrow 8$$
.

- 6. Упростить выражения, выполнив приведение подобных членов.
- 7. Редуцировать выражения, заменив операцию умножения переменной на целое число n на сумму n слагаемых:

$$a \cdot 3 \rightarrow a + a + a$$
.

8. Редуцировать выражения, заменив операцию возведения переменной в целую степень n на произведение n слагаемых:

$$a^{\wedge}3 \rightarrow a \cdot a \cdot a$$
.

- 9. Умножение переменной на сумму заменить на сумму произведений.
- 10. Умножение переменной на разность заменить на разность произведений.
- 11. Вынести общие сомножители (переменные и константы) из суммы.
- 12. Вынести общие сомножители (переменные и константы) из разности.
- 13. Упростить выражения, убрав из него все произведения, в которых в качестве сомножителя используется ноль.
- 14. Убрать из выражений все слагаемые, равные нулю.
- 15. Убрать из выражений все сомножители, равные единице.
- 16. Убрать из частных все делители, равные единице.
- 17. Перемножить степени с одинаковыми основаниями:

$$a^{\wedge} 2 \cdot a^{\wedge} k \to a^{\wedge} (2+k).$$

18. Вынести из произведений унарные минусы:

$$a\cdot -b\cdot 3 \rightarrow -(a\cdot b\cdot 3),\ a\cdot -b\cdot 4\cdot -5 \rightarrow a\cdot b\cdot 4\cdot 5.$$

19. Упростить сложные (многоэтажные) дроби:

$$(a/b)/c \rightarrow a/(b \cdot c), a/(b/c) \rightarrow (a/b) \cdot c.$$

20. Заменить вычитание на сложение с противоположным числом:

$$a - b \cdot c \rightarrow a + (-(b \cdot c)).$$

21. Выполнить сложение и вычитание дробей:

$$a/b + c/d \rightarrow (a \cdot d + b \cdot c)/(b \cdot d)$$
.

22. Упростить дробь, сократив в числителе и знаменателе общие переменные и константы:

$$(a \cdot b \cdot 3)/(3 \cdot b \cdot c) \rightarrow a/c, \ a/(a \cdot b) \rightarrow 1/b.$$

23. Перемножить дроби:

$$(a/b) \cdot (c/d) \rightarrow (a \cdot c)/(b \cdot d).$$

24. Заменить степень с суммой в показателе на произведение степеней:

$$a^{\wedge}(b+c) \rightarrow a^{\wedge}b/a^{\wedge}c.$$

25. Заменить степень с разностью в показателе на частное степеней:

$$a^{\wedge}(b-c) \rightarrow a^{\wedge}b/a^{\wedge}c.$$

26. Заменить дробь со степенью в знаменателе произведением на степень с отрицательным показателем:

$$a/(b^{\wedge}c) \rightarrow a \cdot b^{\wedge} - c$$
.

- 27. (???) Поменять местами операнды у операций сложения и умножения. Учитывать приоритет и ассоциативность операций.
- 28. Выполнить замену переменной на выражение:

$$a ::= i + 4, a + 2 \cdot a \rightarrow i.$$

29. Упорядочить соседние операнды в операциях сложения и умножения, вынося вперед константы. Сохранить порядок следования констант и переменных:

$$a + 3 + b + a \cdot c + 2 \rightarrow 3 + 2 + a + b + a \cdot c$$
.

30. Лексикографически упорядочить соседние операнды операции сложения и умножения:

$$2+b+c+a-a\cdot b\rightarrow 2+a+b+c-a\cdot b.$$