Proves de matrius i complexos

Referència: 4fq09iX2U / jlccq95m. Nom i llinatges:

1. Opera els complexos

(a)
$$-7 - 7i - 2 - 2i - (-1 + 9i)$$

(b)
$$(-10+4i)\cdot(-10-2i)$$

(c)
$$\frac{1}{-3+4i}$$

(c)
$$\frac{1}{-3+4i}$$

(d) $\frac{1}{-1+10i}$

(e)
$$\frac{(4-9i)\cdot(-8-10i)}{7+i-1-5i}$$

(f)
$$(-5+8i) \cdot \left(10+i+\frac{-4-7i}{-8+9i}\right)$$

(g)
$$(10-2i+10+8i) \cdot (-1-4i-(2+i))$$

(h) $(10-9i+5+2i)^2$

(h)
$$(10-9i+5+2i)^2$$

2. Calcula la inversa de les matrius (si existeix)

(a)
$$M = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$$

(b) $M = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 4 & -1 \end{pmatrix}$
(c) $M = \begin{pmatrix} 4 & -4 & -3 \\ 5 & 2 & 4 \\ -4 & -5 & -5 \end{pmatrix}$
(d) $M = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 0 \\ -2 & -3 & -1 \\ 3 & -4 & -4 \end{pmatrix}$

3. Resol les equacions matricials

(a)
$$X \cdot A = B$$
, essent $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ -5 & -5 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & -5 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$
(b) $A \cdot X = B$, essent $A = \begin{pmatrix} 4 & -4 & -2 \\ 1 & -4 & 2 \\ 1 & -4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 4 & -4 & -4 \\ 0 & -2 & 2 \\ -2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$
(c) $X \cdot A = X + B^2$, essent $A = \begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 2 & 6 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 4 \\ -4 & -2 \end{pmatrix}$
(d) $A \cdot X \cdot C = B$, essent $A = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ -5 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} -4 & 3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$

4. Calcula tots els possibles productes amb les matrius següents

(a)
$$A = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$$
, $B = \begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 0 & 4 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ -5 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$
(b) $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -4 \\ 2 & 5 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} -4 & -4 \end{pmatrix}$